

Modelos para la Toma de Decisiones: Tarea 1

SERGIO GARCÍA PRADO

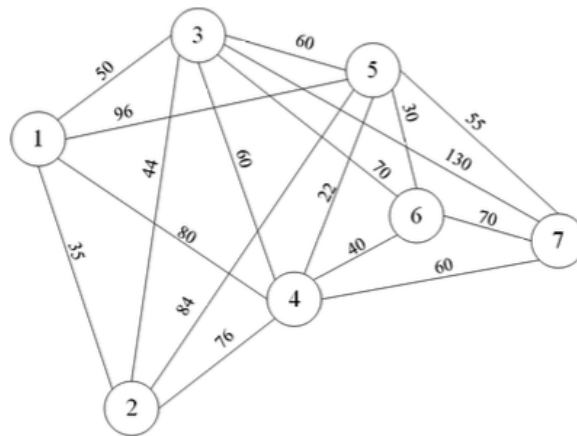
Universidad de Valladolid

EJERCICIO 1

Un pequeño empresario de consumibles informáticos posee una cadena de siete tiendas en la ciudad. El número de cartuchos disponibles en cada una de las tiendas al final de la semana es el siguiente

Tienda	1	2	3	4	5	6	7
Cantidad	95	75	70	165	130	75	120

El empresario desea que al comienzo del lunes de la semana siguiente haya al menos 100 cartuchos en cada una de las tiendas. Para cumplir con este requerimiento se pueden enviar cartuchos de aquellas tiendas con mayor número de cartuchos a aquellas que no tengan los 100 necesarios. Los costes de envío por cartucho (en céntimos de euro) entre las tiendas son los siguientes



- a. Determinar la mejor manera de distribuir los cartuchos entre las tiendas.

Lo primero que haremos será modelar el enunciado del problema. Se ha tenido en cuenta el detalle que indica que los envíos de cartuchos tan solo son posibles desde las tiendas que tienen un exceso de cartuchos (más de 100) a las que tienen déficit (menos de 100).

La notación que se va a utilizar para denotar las variables es la siguiente:

x_{ij} = Número de cartuchos enviados desde la tienda i hasta la tienda j . $i = 4, 5, 7$. $j = 1, 2, 3, 6$.

Notese que tal y como indica el enunciado del problema la función objetivo de este consistirá en minimizar la suma de costes necesarios para llegar al objetivo del número de cartuchos por tienda. Por tanto las restricciones asociadas al problema servirán para restringir el tanto el número de cartuchos que se pueden enviar a partir de una tienda de origen, como el número necesario de cartuchos que se necesitan en el caso de las tiendas de destino.

A continuación se muestra la modelización del problema:

$$\begin{aligned}
 \text{Min } z &= 80x_{41} + 76x_{42} + 60x_{43} + 40x_{46} + 96x_{51} + 84x_{52} + 60x_{53} + 30x_{56} + 130x_{73} + 70x_{76} \\
 \text{sueto a } & \quad x_{41} + x_{42} + x_{43} + x_{46} \leq 65 \\
 & \quad \quad \quad x_{51} + x_{52} + x_{53} + x_{56} \leq 30 \\
 & \quad \quad \quad \quad \quad \quad x_{73} + x_{76} \leq 20 \\
 & \quad x_{41} + x_{51} \geq 5 \\
 & \quad \quad x_{42} + x_{52} \geq 25 \\
 & \quad \quad \quad x_{43} + x_{53} + x_{73} \geq 30 \\
 & \quad \quad \quad \quad \quad x_{46} + x_{56} + x_{76} \geq 25 \\
 & \quad x_{ij} \geq 0, \quad i = 4, 5, 7. \quad j = 1, 2, 3, 6.
 \end{aligned}$$

La tabla simplex final resultante es la siguiente:

		X41	X42	X43	X46	X51	X52	X53	X56	X73	X76	ack_C	ack_C	ack_C	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus	rplus
--	--	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------

Si nos fijamos en la última columna observamos que los valores que consiguen el óptimo de la función objetivo son: $x_{41}^* = 5$, $x_{42}^* = 25$, $x_{43}^* = 30$, $x_{56}^* = 25$ lo cual resulta en $z^* = 4850$.

Solución: La traducción de este resultado nos indica que para que el empresario pueda tener al menos 100 cartuchos en cada una de sus tiendas tendrá que enviar:

- 5 cartuchos de la tienda 4 a la tienda 1.
- 25 cartuchos de la tienda 4 a la tienda 2.
- 30 cartuchos de la tienda 4 a la tienda 3.
- 25 cartuchos de la tienda 5 a la tienda 6.

Esto le ocasionará un coste de 4850 céntimos de euro, es decir, 48.50€

b. ¿En cuánto puede variar el coste de envío entre las tiendas 4 y 6 para que la solución Óptima calculada en el apartado (a) se mantenga? Razonar la respuesta.

En este caso necesitamos conocer el intervalo de optimalidad asociado la modificación del valor de coste de la variable x_{46} en la función objetivo. Dado que esta variable es no básica (su valor es cero cuando el resultado de la función objetivo es óptimo) nos fijaremos en el valor z_k para la restricción inferior e infinito en la restricción superior. Por tanto el intervalo es $(30, \infty)$

Solución: El coste de transportar cartuchos de la tienda 4 a la tienda 6 para que la solución encontrada siga siendo óptima puede reducirse en 10 centimos o aumentar indefinidamente. El motivo es que Enviarlos desde la tienda 5 tiene un coste de 30 centimos.

- c. Sin realizar iteraciones, obtener la nueva solución si el número de cartuchos disponibles en la tienda número 3 disminuye a 65 y el de la tienda 5 aumenta a 135 unidades. Justificar la respuesta.

$$\begin{bmatrix} 5 \\ 5 \\ 20 \\ 5 \\ 25 \\ 30 \\ 25 \end{bmatrix} - 5 \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix} + 5 \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 10 \\ 20 \\ 5 \\ 25 \\ 35 \\ 25 \end{bmatrix}$$

- d. Sin resolver desde el principio el problema y utilizando la tabla Simplex Óptima, determinar la nueva solución si el número de cartuchos de la tienda número 2 disminuye a 65 y el de la tienda 5 aumenta a 135 unidades. Justificar la respuesta.

$$\begin{bmatrix} 5 \\ 5 \\ 20 \\ 5 \\ 25 \\ 30 \\ 25 \end{bmatrix} - 10 \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} + 5 \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -5 \\ 10 \\ 20 \\ 5 \\ 15 \\ 30 \\ 25 \end{bmatrix}$$

- e. Escribir el problema dual del formulado en el apartado (a)

El problema dual asociado al formulado en el apartado (a) es el siguiente. Consiste en hacer que las restricciones pasen a ser variables y viceversa, aplicando los correspondientes cambios.

$$\begin{array}{llllll} \text{Max} & z = 65w_1 + 30w_2 + 20w_3 + 5w_4 + 25w_5 + 30w_6 + 25w_7 & & & & \\ \text{sujeto a} & w_1 & & + w_4 & & \leq 80 \\ & w_1 & & & + w_5 & \leq 76 \\ & w_1 & & & & + w_6 \leq 60 \\ & w_1 & & & & + w_7 \leq 40 \\ & & w_2 & + w_4 & & \leq 96 \\ & & w_2 & & + w_5 & \leq 84 \\ & & w_2 & & & + w_6 \leq 60 \\ & & w_2 & & & + w_7 \leq 30 \\ & & & w_3 & & + w_6 \leq 130 \\ & & & w_3 & & + w_7 \leq 70 \\ & w_1, w_2, w_3 \leq 0, w_4, w_5, w_6, w_7 \geq 0 & & & & \end{array}$$

- f. Resolver el problema del apartado (e) utilizando las condiciones de holgura complementaria. ¿Es única la solución? Razonar la respuesta.

- g. Suponer ahora que los cartuchos se pueden enviar entre todas las tiendas conectadas. Modelizar, sin resolver, este nuevo problema.

EJERCICIO 2

Una empresa de alquiler de equipos informáticos está estudiando la posibilidad de adquirir nuevos equipos de tres tipos diferentes para ofrecérselos a sus clientes. El precio de adquisición y los ingresos anuales que espera obtener con equipo son los siguientes:

Equipo	Coste	Ingresos Año 1	Ingresos Año 2	Ingresos Año 3
A	1800	875	920	980
B	900	335	376	399
C	1200	450	600	250

La política de la empresa no permite alquilar equipos con una antigüedad superior a los tres años y se supone que los equipos se deprecian aproximadamente un 25 % con respecto al valor del equipo nuevo por año de utilización.

El tesorero de la empresa acordó con la empresa proveedora pagar los equipos en tres cuotas anuales (una por año de funcionamiento de los equipos). La primera, que se ingresa en el momento de la compra, debe cubrir al menos el 30 % del valor del equipo; la segunda debe cubrir el saldo para completar al menos el 60 % del valor del equipo más el interés del primer año y, la tercera, debe completar el pago total del valor del equipo, más el interés correspondiente al segundo año. El interés que cobra la empresa proveedora es del 5 % anual.

El presupuesto disponible para realizar la inversión es de 16200€. El dueño de la empresa se va a jubilar al final del tercer año de funcionamiento de los equipos que adquiera, debiendo vender todos ellos.

- a. Formular un modelo de PL para determinar el plan Óptimo de compras y de pagos que maximice los beneficios al final del periodo de tres años.

$$\text{Min } z = 1430v_{a3} + 624vb3 + 550v_{c3} + r_3$$

$$\text{sujeto a } 0,7p_1 - 0,3p_2 - 0,3p_3 \leq 0$$

$$0,4p_1 + 0,4p_2 - 0,6p_3 \leq 0$$

$$p_1 + r_1 = 16200$$

$$2225v_{a1} + 875v_{a2} + 875v_{a3} + 1010v_{b1} + 335v_{b2} + 335v_{b3} + 1350v_{c1} + 450v_{c2} + 450v_{c3} + r_1 - r_2 - 1,05p_2 - 0,05p_3 = 0$$

$$1820v_{a2} + 920v_{a3} + 826v_{b2} + 376v_{b3} + 1200v_{c2} + 600v_{c3} + r_2 - r_3 - 1,05p_3 = 0$$

- b. ¿Cuál es el plan Óptimo?

- c. Escribir el problema dual del formulado en el apartado (a).

$$\begin{array}{llll}
 \text{Max} & z = 16200w_6 & & \\
 \text{sujeto a} & 1800w_1 & + 2225w_4 & \geq 0 \\
 & 1800w_1 & + 875w_4 + 1820w_5 & \geq 0 \\
 & 1800w_1 & + 875w_4 + 920w_5 & \geq 1430 \\
 & 900w_1 & + 1010w_4 & \geq 0 \\
 & 900w_1 & + 335w_4 + 826w_5 & \geq 0 \\
 & 900w_1 & + 335w_4 + 376w_5 & \geq 624 \\
 & 1200w_1 & + 1350w_4 & \geq 0 \\
 & 1200w_1 & + 450w_4 + 1200w_5 & \geq 0 \\
 & 1200w_1 & + 450w_4 + 600w_5 & \geq 550 \\
 & -w_1 - 0,7w_2 - 0,4w_3 & & + w_6 \geq 0 \\
 & -w_1 + 0,3w_2 - 0,4w_3 - 1,05w_4 & & \geq 0 \\
 & -w_1 + 0,3w_2 + 0,6w_3 - 0,05w_4 - 1,05w_5 & & \geq 0 \\
 & & w_4 & + w_6 \geq 0 \\
 & & -w_4 & + w_5 \geq 0 \\
 & & & -w_5 \geq 1 \\
 & w_1, w_2, w_3 \leq 0, w_4, w_5, w_6, w_7 \geq 0 & &
 \end{array}$$

- d. Determinar la solución Óptima del problema formulado en (c) utilizando las condiciones de holgura complementaria.

- e. Interpretar la variable dual asociada a la restricción del presupuesto disponible.