# Regresión: Tarea por Grupos

Cuervo Fernández, Esther

García Prado, Sergio

Martín Villares, Pablo

27 de noviembre de 2017

#### Parte I

## Ejercicio Kutner:

## Mantenimiento de Copiadoras

Para la realización del ejercicio de Mantenimiento de Copiadoras mediante SAS, lo primero que se ha llevado a cabo es la importación del conjunto de datos a partir del fichero. Para facilitar dicha tarea, se ha realizado una fase previa de preprocesado para convertir el fichero a formato csv denotando por Y la primera columna y X la segunda (tal y como indica el enunciado). Una vez hecho esto, se ha utilizado el fragmento de la figura 6 para importar el conjunto de datos en SAS. Por tanto, ya se puede comenzar a realizar el ejercicio.

1.20. Copier maintenance. The Tri-City Office Equipment Corporation sells an imported copier on a franchise basis and performs preventive maintenance and repair service on this copier. The data below have been collected from 45 recent calls on users to perform routine preventive maintenance service; for each call, X is the number of copiers serviced and Y is the total number of minutes spent by the service person. Assume that first-order regression model (1) is appropriate.

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_i + \varepsilon_i \tag{1}$$

Analizaremos el modelo de la ecuación 1 mediante un estudio de regresión lineal simple, con  $Y_i$  como variable dependiente,  $X_i$  como variable independiente,  $\beta_0$  como término independiente, y  $\beta_1$  como término dependiente o pendiente de la recta de regresión.  $\varepsilon_i$  es el error aleatorio que supondremos normal con media 0 y varianza  $\sigma^2$ , es decir  $\varepsilon_i \sim N(0, \sigma^2)$ .

#### Obtain the estimated regression function.

Para obtener la generación del modelo de regresión a mediante SAS se ha utilizado el fragmento de códido SAS de la figura 7, que calcula los estimadores del modelo de regresión lineal simple que se ilustra en la ecuación (1). A partir de dicha sentencia se han obtenido distintas salidas que después han sido utilizadas en otros apartados pedidos por el enunciado del problema.

Para la resolución de este apartado, ha sido suficiente con consultar el "resumen", que se muestra en la figura 1, a partir de la cual se han obtenido los valores de  $\beta_0$  y  $\beta_1$ , que se muestran en las ecuaciones (2) y (3) respectivamente.

Por tanto, la estimación de la función de regresión simple obtenida se muestra en la ecuación (4).

$$\widehat{\beta}_0 = -0.58016 \tag{2}$$

$$\widehat{\beta}_1 = 15.03525 \tag{3}$$

$$\beta_1 = 15.03525$$

$$\hat{Y}_i = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 X_i + \varepsilon_i = -0.58016 + 15.03525 X_i + \varepsilon_i$$
(3)

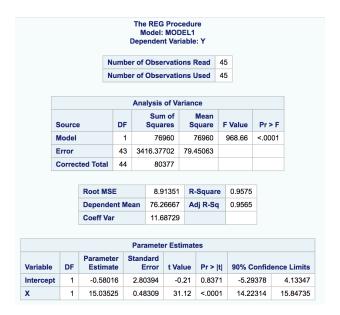


Figura 1: Salida SAS: Mantenimiento de Copiadoras - Resumen de Regresión Lineal Simple

# b. Plot the estimated regression function and the data. How well does the estimated regression function fit the data?

En este apartado se pide representar la recta de regresión obtenida en el apartado anterior. Afortunadamente, en este caso no ha sido necesaria la utilización de otro fragmento de código, sino que con el utilizado en el apartado anterior (figura 7) ya se generaba dicho gráfico.

El gráfico en cuestión se muestra en la figura 2, a partir del cual se puede observar la relación lineal existente entre la variable independiente X y la variable dependiente Y. Además, se puede apreciar como el modelo de regresió lineal simple se ajusta de manera apropiada a los datos.

En los siguientes apartados se analizará la dispersión de los datos así como los intervalos de confianza para la media y de predicción. Sim embargo, a simple vista y debido al contexto y unidades de medida de los datos, parece coherente el nivel de dispersión de los datos (variaciones entorno a 10 minutos entre instalaciones).

# c. Interpret $\hat{\beta}_0$ in your estimated regression function. Does $\hat{\beta}_0$ provide any relevant information here? Explain.

El valor estimado de la ordenada en el origen (o "intercept") se muestra en la ecuación (2), el cual está muy próximo al valor 0. La interpretación del término independiente en este caso podría ser *el número de minutos que se emplean en realizar* 0 *mantenimientos*, el cual tiene sentido que esté próximo a 0 minutos.

Esto podría deberse a que no se contabiliza el tiempo cuando no hay mantenimiento por hacer, lo cual tiene sentido ya que el estudio trata de analizar la duración del proceso de mantenimiento de copiadoras. Algo a destacar es que, posiblemente debido a la muestra patrón utilizada para la generación del modelo, el término independiente ha sido ajustado con valor negativo. Esto no puede tener ninguna interpretación, ya que su valor se ha ajustado de manera que el ajuste global (en términos de mínimos cuadrados) sea mínimo.

Tal y como se verá en el apartado e del ejercicio 2.5, no existen evidencias significativas para asumir que sea distinto de cero. Pero tal y como se discute en dicho apartado, no es apropiado eliminarlo ya que este haría que parte del error explicado por el modelo se convirtiese en error aleatorio, lo cual es algo negativo para el ajuste.

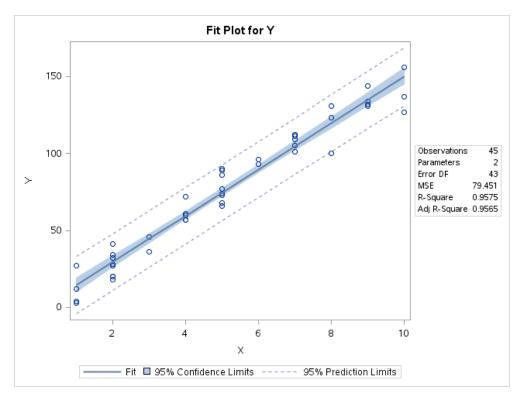


Figura 2: Salida SAS: Mantenimiento de Copiadoras - Gráfico de Regresión Lineal Simple

#### d. Obtain a point estimate of the mean service time when X=5 copiers are serviced.

Para la obtención de una estimación puntual para X=5, se ha decidido realizar el proceso de añadir una nueva observación al conjunto de datos (de manera que tan solo contenga el valor de la variable independiente X). Para ello, se ha utilizado el fragmento de código SAS de la figura 8. Nótese que esto podría haberse llevado a cabo mediante la simple sustitución del valor X en la función de regresión de la ecuación (4), pero esto no nos habría ofrecido una estimación del la varianza.

Por tanto, la salida obtenida a través de SAS se muestra en la figura 3, la cual indica el valor predicho, así como una estimador de la desviación típica respecto de la media en ese punto. Estos valore se muestran en las ecuaciones (5) y (6).

La interpretación que se le puede dar a dichos resultados es que para el mantenimiento de 5 copiadoras se dedica en torno a 74.6 minutos con una variación media de 1.15 minutos.

$$E\left[\widehat{Y} \mid X = 5\right] = E\left[\widehat{\beta}_0 + \widehat{\beta}_1 X + \varepsilon \mid X = 5\right] = -0.58016 + 15.03525 * 5 + 0 = 74.5961 \tag{5}$$

$$Var\left[\widehat{Y} \mid X=5\right] = \sigma^2 \left(1 + \frac{1}{n} + \frac{(x^* - \bar{x})^2}{S_{xx}}\right) = 1.1531^2 = 1.3298$$
 (6)

#### 1.24. Refer to Copier maintenance Problem 1.20.

# a. Obtain the residuals $e_i$ and the sum of the squared residuals $\sum_i e_i^2$ . What is the relation between the sum of the squared residuals here and the quantity Q in (7)?

En este apartado se pide obtener los residuos  $e_i$ . Para ello, se ha creido conveniente la representación de un gráfico de residuos, el cual ha sido obtenido mediante el fragmento de código de la figura 7 utilizado en apartados anteriores.

				The REG P Model: N ependent							
	Output Statistics										
Obs	x	Dependent Variable	Predicted Value	Std Error Mean Predict	Residual	Std Error Residual	Student Residual	Cook's D			
1	2	20	29.4903	2.0061	-9.4903	8.685	-1.093	0.032			
2	4	60	59.5608	1.4331	0.4392	8.798	0.050	0.000			
45	5	77	74.5961	1.3298	2.4039	8.814	0.273	0.001			
46	5		74.5961	1.3298							

Figura 3: Salida SAS: Mantenimiento de Copiadoras - Prediccion de Regresión Lineal Simple para X=5

Este gráfico de residuos se muestra en la figura 4 y a partir de él se puede apreciar una distribución más o menos uniforme de los errores (tiene cierta forma de parábola, pero esta característica es sutil). También se puede apreciar la dispersión de los datos en torno al valor 10, tal y como se indicó en partaados anteriores.

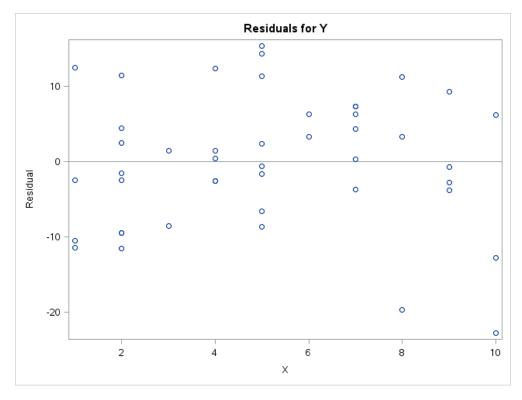


Figura 4: Salida SAS: Mantenimiento de Copiadoras - Gráfico de Residuos de Regresión Lineal Simple

$$Q = \sum_{i=1}^{n} (Y_i - \beta_0 - \beta_1 X_i)^2 = 3416.37702$$
 (7)

En el título del apartado, también se pide el valor de la suma de errores al cuadrado  $\sum_i e_i^2$ , así como su relación con el valor Q, que se muestra en la ecuación (7). El valor Q es aquel que se trata de minimizar bajo el criterio de mínimos cuadrados en el modelo de regresión simple. Este ha sido extraido del resumen generado por SAS, que se muestra en la figura 1 utilizada en otros apartados.

Por tanto, es la medida del error en términos de mínimos cuadrados de la recta de regresión obtenida con respecto del conjunto de datos, sto puede escribirse como  $Q = \sum_{i=1}^{n} (Y_i - \widehat{Y}_i)^2$ , y dado que los errores  $e_i$  se definen como  $Y_i - \widehat{Y}_i$  la equivalencia es directa, es decir,  $Q = \sum_i e_i^2$ .

#### b. Obtain point estimates of $\sigma^2$ and $\sigma$ . In what units is $\sigma$ expressed?

En este apartado se han pedido obtener estimaciones acerca de la dispersión de los errores, es decir, del valor  $\sigma$ . Al igual que en anteriores apartados, este valor se ha obtenido a partir del código SAS de la figura 7, que ha generado los resultados obtenidos en la figura 1.

La varianza y la desviación típica de los errores se muestran en las ecuaciones (8) y (9) respectivamente. En el título del apartado se indica además que se explique cuáles son las unidades de medida de la desviación típica de los errores  $\sigma$ . Es sencillo entender que las unidades de esta medida serán en *minutos*, ya que esta mide la dispersión de los datos en torno a la predicción obtenida por la recta de regresión, la cual se refiere a la variable dependiente Y, que representa el número de minutos en realizar el mantenimiento.

$$\widehat{\sigma}^2 = MSE = \frac{SSE}{n-2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (Y_i - \widehat{Y}_i)^2}{n-2} = \frac{3416.37702}{45-2} = 79.45063$$
 (8)

$$\hat{\sigma} = \sqrt{\hat{\sigma}^2} = \sqrt{79.45063} = 8.91351 \tag{9}$$

#### 2.5. Refer to Copier maintenance Problem 1.20.

a. Estimate the change in the mean service time when the number of copiers serviced increases by one. Use a 90% confidence interval. Interpret your confidence interval.

El enunciado de este apartado pide que se obtenga un intervalo de confianza del 90 % para la estimación de la pendiente de la regresión  $\beta_1$ . Para ello se ha utilizado la salida obtenida por el fragmento de código de la figura 7, que se muestra en la figura 1.

$$t_{n-2;1-\frac{\alpha}{2}} = t_{43;0.95} = 1.681071 \tag{10}$$

$$Var\left[\widehat{\beta}_{1}\right] = 0.23337\tag{11}$$

En esta se aparece el intervalo de confianza al 90 % para el valor  $\beta_1$ , el cual se muestra en la ecuación (12). Este se construye a partir de la estimación  $\widehat{\beta}_1=15.03525$ , cuyo valor se relaja a partir de un determinado error de estimación  $t_{n-2;1-\frac{\alpha}{2}}\sqrt{Var\left[\widehat{\beta}_1\right]}=1.681071*\sqrt{0.23337}=0.8121$ .

I.Conf. = 
$$\left[\widehat{\beta}_1 \pm t_{n-2;1-\frac{\alpha}{2}} \sqrt{Var\left[\widehat{\beta}_1\right]}\right] = [15.03525 \pm 0.8121] = [14.2232, 15.8474]$$
(12)

La interpretación de dicho intervalo es la siguiente: Con una seguridad del 90% el tiempo medio de mantenimiento de cada copiadora se encuentra entre 14.2232 y 15.8474 minutos.

b. Conduct a *t-test* to determine whether or not there is a linear association between X and Y here; control the  $\alpha$  risk at 0.1. State the alternatives, decision rule, and conclusion. What is the *P-value* of your test?

En este apartado se pide realizar un test de hipótesis acerca de la existencia de asociación entre X e Y. Es decir, si la pendiente de nuestra recta de regresión puede ser considerada nula. Para ello, se puede modelar el test de hipótesis tal y como se indica en la ecuación (13).

$$H_0: \beta_1 = 0$$
  
 $H_1: \beta_1 \neq 0$  (13)

En este caso se pide realizar el test de hipótesis mediante el procedimiento de test t (ya que en la sección b del ejercicio 2.24 se pide realizar el mismo test, pero esta vez a partir de la distribución F, para comprobar su equivalencia). El p-valor de este test se obtiene tal y como se indica en la ecuación (14). Por ser un test de 2 vías se toma el valor absoluto y se multiplica por 2 el valor de probabilidad ( $\alpha/2$  a cada lado). Para ello se ha utilizado la salida obtenida por el fragmento de código de la figura 7, que se muestra en la figura 1.

$$\text{p-value} = 2Pr \left[ \left| \frac{\widehat{\beta}_1 - 0}{\sqrt{Var\left[\widehat{\beta}_1\right]}} \right| > t_{n-2} \right] = 2Pr \left[ \frac{15.03525}{0.48309} > t_{43} \right] = 2Pr \left[ 31.12 > t_{43} \right] < 0.0001$$
 (14)

El p-valor obtenido es muy próximo a 0, por lo que a nivel  $\alpha = 0.1$  nos vemos obligados a rechazar la hipótesis de que  $\beta_1$  es nulo. Esto quiere decir por tanto que asumiremos que existe relación lineal entre el X e Y.

#### c. Are your results in parts (a) and (b) consistent? Explain.

En este caso se nos pide analizar los resultados obtenidos en los dos últimos apartados para comprobar si son coherentes entre sí, ya que ambos se refieren a procesos de inferencia sobre la estimación de  $\widehat{\beta}_1$ .

Los resultados si que son coherentes entre sí, ya que en el primero de ellos se ha calculado un intervalo de confianza (o aceptación) para el valor de la pendiente  $\beta_1$  de la regresión, mientras que en el siguiente caso se ha realizado un test sobre el valor de dicha pendiente (si se puede tomar como nula). Puesto que en el primer caso el límite izquierdo del intervalo se encuentra en torno al valor 14 con un nivel de confianza del 90 %, es razonable que sobre el mismo nivel de confianza se tenga que rechazar la hipótesis de que el valor 0 está incluido en dicho intervalo de aceptación.

d. The manufacturer has suggested that the mean required time should not increase by more than 14 minutes for each additional copier that is serviced on a service call. Conduct a test to decide whether this standard is being satisfied by Tri-City. Control the risk of a Type I error at 0.05. State the alternatives, decision rule, and conclusion. What is the *P-value* of the test?

En este caso se pide realizar un test de hipótesis acerca de un intervalo, referido una vez más al valor de la pendiente de la relación  $\beta_1$ . Un fabricante quiere comprobar si es razonable asumir que el tiempo de mantenimiento de una copiadora es menor que 14 minutos con un nivel de confianza del 95 %. Por tanto, el test de hipótesis se define tal y como se indica en la ecuación (15).

$$H_0: \beta_1 \le 14$$
  
 $H_1: \beta_1 > 14$  (15)

En este caso para la realización del test t, ya no hay que selecciona  $\alpha/2$  a cada lado, ya que que el test es de 1 vía. El p-valor del test se ha obtenido tal y como se indica en la ecuación (16).

p-value = 
$$Pr\left[\frac{\widehat{\beta}_1 - 14}{\sqrt{Var\left[\widehat{\beta}_1\right]}} > t_{n-2}\right] = Pr\left[\frac{1.03525}{0.48309} > t_{43}\right] = Pr\left[2.14297 > t_{43}\right] = 0.01890824$$
 (16)

El p-valor en este caso, no es tan próximo a 0 como en anteriores tests. Sin embargo, con un nivel de confianza del 95 % nos vemos obligados a rechazar la hipótesis de que  $\beta_1$  sea menor que 14. Nótese que esto no se puede rechazar con un nivel de confianza del 99 %.

e. Does  $\widehat{\beta}_0$  give any relevant information here about the start-up time on calls-i.e., about the time required before service work is begun on the copiers at a customer location?

En este apartado se pide realizar un test de hipótesis que permita comprobar si el valor  $\beta_0$  es nulo. Esto puede interpretarse como que el tiempo para realizar 0 mantenimientos de copiadoras también es 0. El test se plantea por tanto como se indica en la ecuación (17).

$$H_0: \beta_0 = 0$$
  
 $H_1: \beta_0 \neq 0$  (17)

Para la realización de dicho test de hipótesis se ha calculado el p-valor tal y como se indica en la ecuación (18), que tal y como ocurría en el análogo de  $\beta_1$ , se plantea como un test de 2 vías por lo que se toma el valor absoluto y se multiplica por 2 (debido a la simetría de la distribución t). Para ello se ha utilizado la salida obtenida por el fragmento de código de la figura 7, que se muestra en la figura 1.

$$\text{p-value} = 2Pr\left[\left|\frac{\widehat{\beta}_0 - 0}{\sqrt{Var\left[\widehat{\beta}_0\right]}}\right| > t_{n-2}\right] = 2Pr\left[\left|\frac{-0.58016}{2.80394}\right| > t_{43}\right] = 2Pr\left[\left|-0.21\right| > t_{43}\right] = 0.8371 \quad (18)$$

Debido al elevado valor obtenido en el *p-valor* estamos en condiciones suficientes como para aceptar la hipótesis nula de la ecuación (17), que nos indica que el valor de la ordenada en el origen es 0. Esto puede interpretarse como que cuando no se realiza ningún mantenimiento, tampoco se dedica ningún minuto.

Sin embargo, no tiene ningún sentido eliminar el estimador  $\widehat{\beta}_0$  del modelo, puesto que su valor (muy próximo a cero pero no cero) permite que la recta haya sido ajustada a los datos de manera óptima, y su eliminación tan solo perjudicaría la minimización cuadrática del error del modelo.

#### 2.14. Refer to Copier maintenance Problem 1.20.

a. Obtain a 90% confidence interval for the mean service time on calls in which six copiers are serviced. Interpret your confidence interval.

Output Statistics												
Obs	x	Dependent Variable	Predicted Value	Std Error Mean Predict	90% CL	_ Mean	90% CL Predict		Residual	Std Error Residual	Student Residual	Cook's D
1	2	20	29.4903	2.0061	26.1180	32.8627	14.1313	44.8494	-9.4903	8.685	-1.093	0.032
2	4	60	59.5608	1.4331	57.1517	61.9699	44.3842	74.7375	0.4392	8.798	0.050	0.000
45	5	77	74.5961	1.3298	72.3605	76.8316	59.4460	89.7462	2.4039	8.814	0.273	0.001
46	6		89.6313	1.3964	87.2839	91.9788	74.4643	104.7983				

Figura 5: Salida SAS: Mantenimiento de Copiadoras - Prediccion de Regresión Lineal Simple para X=6

[TODO]

$$\widehat{Y}_h = \widehat{\beta}_0 + \widehat{\beta}_1 6 + \varepsilon_h = 89.6313 \tag{19}$$

$$t_{n-2;1-\frac{\alpha}{2}} = t_{43;0.95} = 1.681071 \tag{20}$$

$$Var\left[\widehat{Y}_{h}\right] = 1.9499\tag{21}$$

I.Conf. = 
$$\left[\widehat{Y}_h \pm t_{n-2;1-\frac{\alpha}{2}} \sqrt{Var\left[\widehat{Y}_h\right]}\right] = [89.6313 \pm 2.3475] = [87.2839, 91.9788]$$
 (22)

b. Obtain a 90 % prediction interval for the service time on the next call in which six copiers are serviced. Is your prediction interval wider than the corresponding confidence interval in part (a)? Should it be?

[TODO]

$$\widehat{Y}_{pred} = \widehat{\beta}_0 + \widehat{\beta}_1 6 + \varepsilon_i = 89.6313 \tag{23}$$

$$t_{n-2;1-\frac{\alpha}{2}} = t_{43;0.95} = 1.681071 \tag{24}$$

$$Var\left[\widehat{Y}_{pred}\right] = \widehat{\sigma}^2 + Var\left[\widehat{Y}_h\right] = 79.45063 + 1.9499 = 81.40053$$
 (25)

I.Pred. = 
$$\left[ \widehat{Y}_{pred} \pm z_{1-\frac{\alpha}{2}} \sqrt{Var \left[ \widehat{Y}_{pred} \right]} \right] = [89.6313 \pm 15.167] = [74.4643, 104.7983]$$
 (26)

#### 2.24. Refer to Copier maintenance Problem 1.20.

b. Conduct an *F-test* to determine whether or not there is a linear association between time spent and number of copiers serviced; use  $\alpha = 0.1$ . State the alternatives, decision rule, and conclusion.

En este caso, se pide realizar un test de la F para comprobar si existe relación de dependencia entre la variable dependiente Y y la variable dependiente X. Por tanto, esto se puede modelar de la misma manera que se hizo en el apartado b del ejercicio 2.5.

El test de hipótesis que se realizará se muestra en la ecuación (27), el cual es equivalente al del apartado previamente citado. Sin embargo, la manera de proceder para la realización del test, en este caso será diferente. Tal y como se indicó anteriormente, mediante el test-t se prueba que la variable de interés tome un determinado valor (lo cual lo hace más general que el que se ha realizado en esta sección).

En este caso, en lugar de realizar el test directamente sobre la estimación de  $\beta_1$ , se realiza sobre la variación recogida por el modelo. En concreto, se compara la relación entre la variación recogida por el modelo y la aleatoria con la distribución F con 1 y n-2 grados de libertad, para así obtener el p-valor del test.

Se puede demostar que los resultados obtenidos sobre el test de existencia de correlación entre X e Y son equivalente entre el  $test\ t$  y el  $test\ F$ 

$$H_0: \beta_1 = 0$$
  
 $H_1: \beta_1 \neq 0$  (27)

En este caso, se ha obtenido un *p-valor* muy próximo a cero, tal y como se indica en la ecuación (28). Dado que el valor  $\alpha$  se ha fijado en 0.1, nos vemos obligados a rechazar la hipótesis de que el valor de  $\beta_1$  es igual a cero. Este resultado es equivalente a obtenido para el test t

p-value = 
$$Pr\left[\frac{MSM}{MSE} > F_{1;n-2}\right] = Pr\left[\frac{76960}{79.45063} > F_{1;43}\right] = Pr\left[968.66 > F_{1;43}\right] < 0.0001$$
 (28)

c. By how much, relatively, is the total variation in number of minutes spent on a callreduced when the number of copiers serviced is introduced into the analysis? Is this a relatively small or large reduction? What is the name of this measure?

En este apartado se pide estudiar el grado de variación recogida por el modelo. Dicho grado de variación se puede estudiar a partir del coeficiente de determinación  $R^2$ , que representa el ratio de variación en términos de suma de cuadrados entre el modelo y el total del conjunto de datos. Por tanto, este siempre toma valores en el intervalo [0,1].

En este caso, el modelo recoge el 95.74 % de la variación del conjunto de datos. Por tanto, se cree que dicho ajuste ha sido acertado. La expresión del coeficiente de determinación se muestra en la ecuación (29). Esta ha sido extraida de la figura 1, generada a partir del fragmento de código de la figura 7 utilizado en otros apartados.

$$R^2 = \frac{SSM}{SST} = \frac{76960}{76960 + 3416.37702} = 0.9574 \tag{29}$$

#### d. Calculate r and attach the appropriate sign.

En este apartado, se pide obtener el coeficiente de correlación entre las variables. Esta medida sirve para cuantizar el grado de relación entre variables, así como si esta relación es positiva o negativa. El coeficiente de correlación toma valores en el interva [-1,1] indicando valores proximos al 1 una relación lineal fuerte positiva y -1 una relación lineal fuerte negativa, mientras que los valores próximos al 0 indican una relación débil entre las variables.

Este coeficiente se puede definir como  $r = \frac{Cov[X,Y]}{\sqrt{Var[X]Var[Y]}}$ , aunque en este caso se ha obtenido mediante la propiedad de la ecuación (30). Cuando se utiliza esta ecuación es necesario ajustar el signo de manera "manual", ya que el coeficiente de determinación  $R^2$  tan solo toma valores positivos.

$$r = \pm \sqrt{R^2} = +0.9785 \tag{30}$$

En este caso, tras analizar los resultados de la ecuación (30) y aplicar el signo positivo (basta con consultar el gráfico de la regresión de la figura 2 para entender que la relación es positiva), podemos asegurar que existe una fuerte relación entra estas variables.

Este valor es coherente con la interpretación del conjunto de datos, que relaciona el tiempo de realización de un servicio (en este caso en minutos) con el número de unidades de trabajo que hay que desempeñar en dicho servicio (en este caso el número de copiadoras a las que realizar tareas de mantenimiento).

#### Parte II

### **Ejercicios Montgomery:**

[TODO]

#### Parte III

# Código Fuente

```
filename reffile '/folders/myshortcuts/sas/regression-group-task/data/CH01PR20.csv';
proc import datafile=reffile dbms=csv out=copiers;
getnames=yes;
run;
proc print data=copiers;
run;
```

Figura 6: Código SAS: Mantenimiento de Copiadoras - Importación del conjunto de datos.

```
proc reg data=copiers;
  model y=x;
  id x;
run;
```

Figura 7: Código SAS: Mantenimiento de Copiadoras - Modelo de regresión simple.

```
data copiers_new_observation;
    x = 5;
run;

proc append base=copiers data=copiers_new_observation;
run;

proc reg data=copiers;
    model y = x /r clm;
    id x;
run;
```

Figura 8: Código SAS: Mantenimiento de Copiadoras - Predicción para X=5.

```
data copiers_new_observation;
    x = 6;
run;

proc append base=copiers data=copiers_new_observation;
run;

proc reg data=copiers;
    model y = x /r cli clm alpha=0.1;
    id x;
run;
```

Figura 9: Código SAS: Mantenimiento de Copiadoras - Predicción para X=6.

#### Referencias

[1] BARBA ESCRIBÁ, L. Regresión y ANOVA, 2017/18. Facultad de Ciencias: Departamento de Estadística.

- [2] Montgomery, D. C., Peck, E. A., and Vining, G. G. Introduction to linear regression analysis, vol. 821. John Wiley & Sons, 2012.
- [3] NETER, J., KUTNER, M. H., NACHTSHEIM, C. J., AND WASSERMAN, W. Applied linear statistical models, vol. 4. Irwin Chicago, 1996.
- [4] SAS® SOFTWARE INSTITUTE. Sas. https://www.sas.com/.