



MAESTRÍA EN ECONOMÍA

**Economía Aplicada**

PROF. MARTIN A. ROSSI

TUTORES: PAOLA LLAMAS Y TOMÁS  
PACHECO

## **Problem Set 9: Power Calculations**

Garcia Ojeda, Juan  
Hausvirth, Martina  
Hayduk, Gaspar  
Salvatierra, Elias Lucas D.

Fecha de entrega: 15 de Noviembre de 2024

## PROBLEM SET 9: POWER CALCULATIONS

GARCÍA OJEDA - HAUSVIRTH - HAYDUK - SALVATIERRA

En el siguiente trabajo se harán simulaciones de power como las vistas en la clase tutorial y se comentarán los resultados usando argumentos teóricos.

1. En la [Figura 1](#) se replica el gráfico hecho en la tutorial. En él se expresan los distintos niveles de statistical power para cada nivel de efecto ( $\hat{\beta}$ ) y de observación (n).

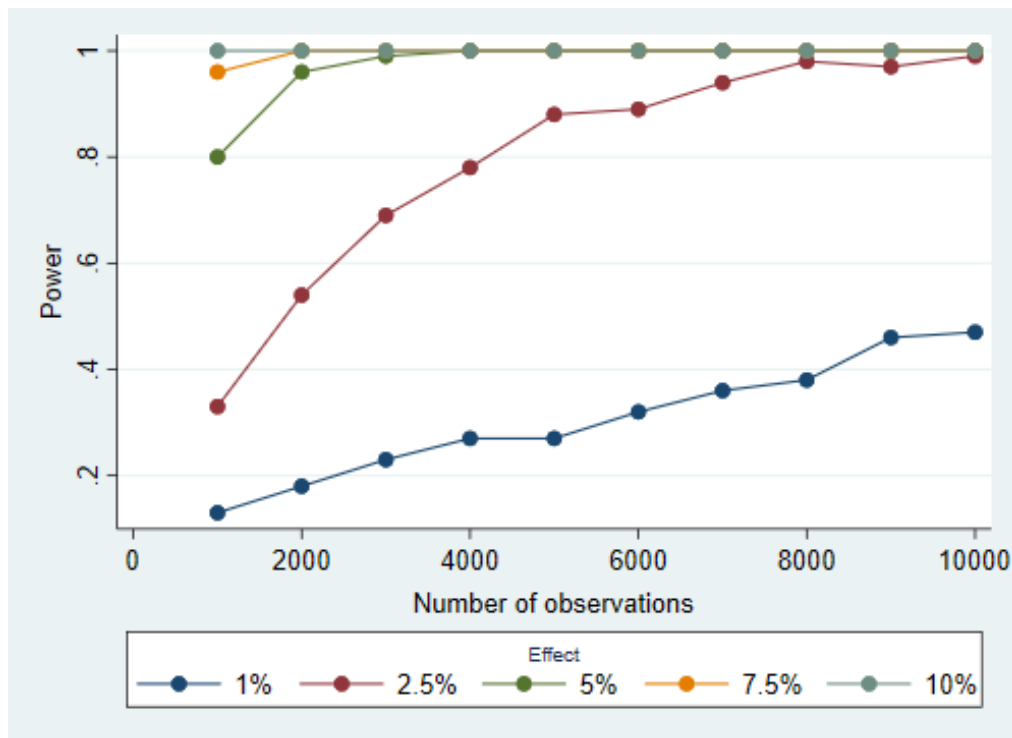


FIGURE 1. Statistical Power de la simulación de tutorial

Recordando que el statistical power se define como la probabilidad de rechazar la hipótesis nula cuando esta es falsa, lo cual está esencialmente determinado por:

$$\left| \frac{\hat{\beta}}{\sqrt{\hat{V}(\hat{\beta})}} \right| > t_{\alpha/2}$$

donde

$$V(\hat{\beta}_j) = \frac{\sigma^2}{n(1 - R_j^2)} V(X_j)$$

De esta relación se desprenden dos características evidentes del gráfico: el statistical power es menor (o igual) cuando el efecto es más pequeño y aumenta con el número de observaciones. Estas conclusiones se derivan directamente de la expresión que determina la probabilidad de rechazar  $H_0$ , la cual es creciente en  $\hat{\beta}$  y decreciente en  $\hat{V}(\hat{\beta})$ , siendo esta última inversamente proporcional a  $n$ .

2. Al repetir dicha simulación seteando la varianza del termino de error de la variable explicada,  $\sigma^2$ , en 5,000, se observa lo expresado en [Figura 2](#).

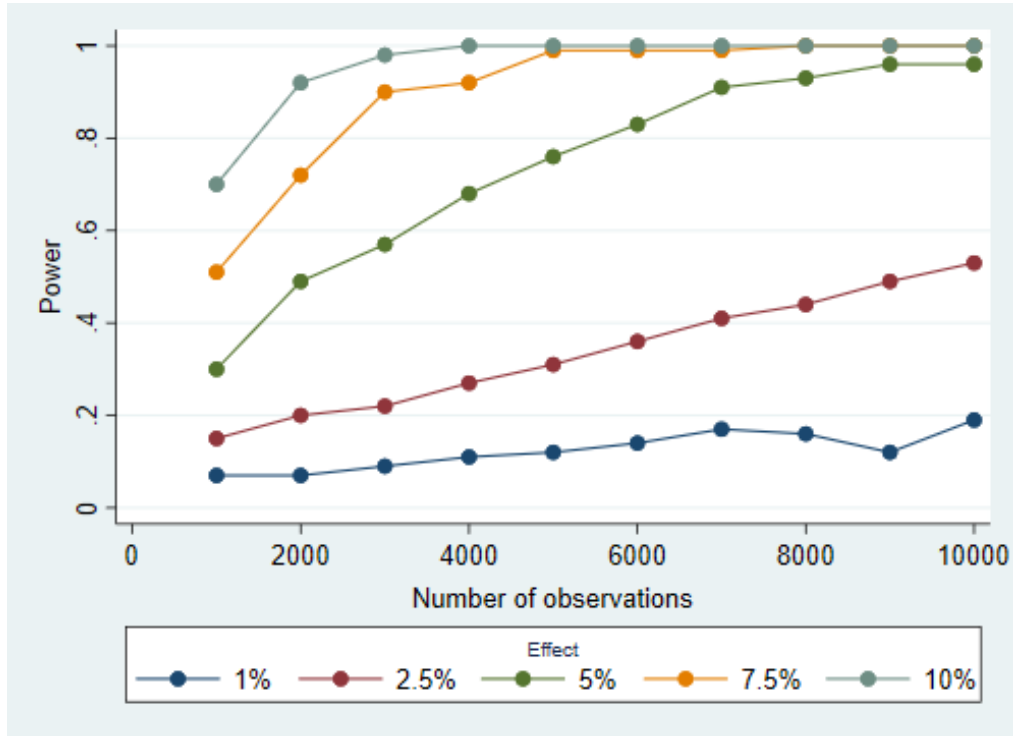
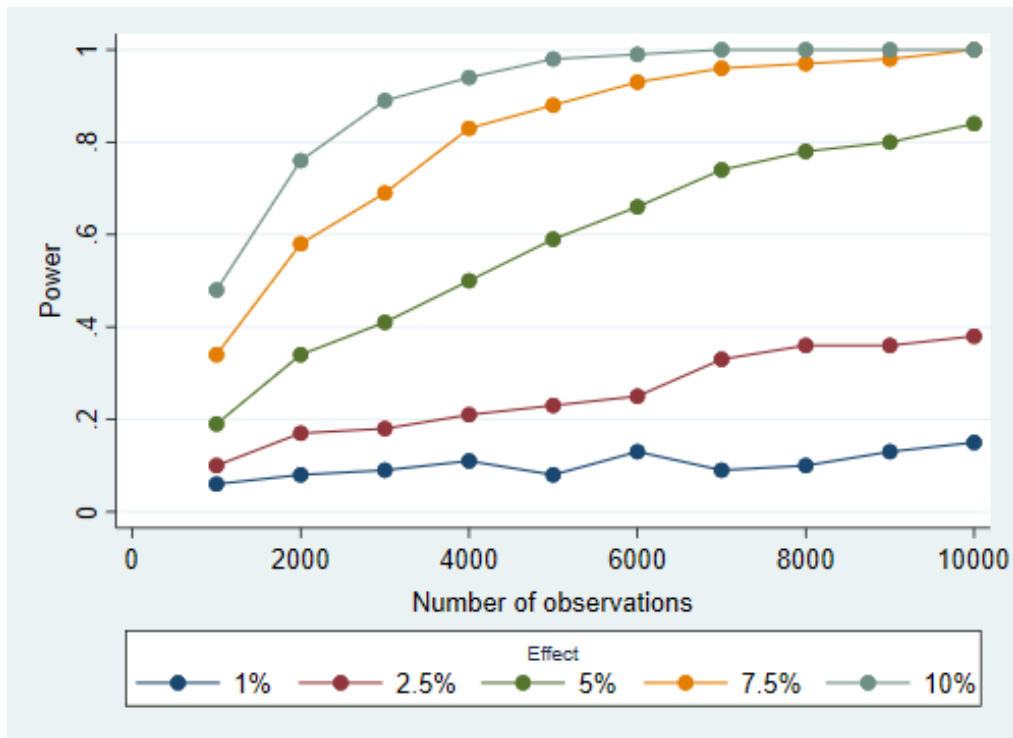
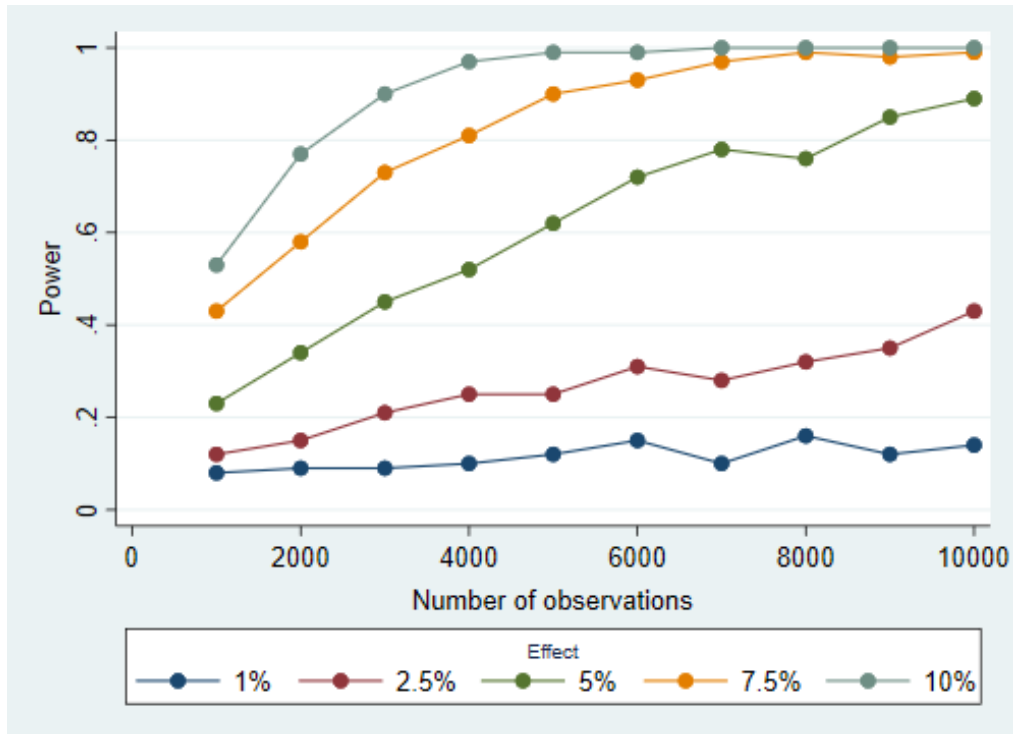


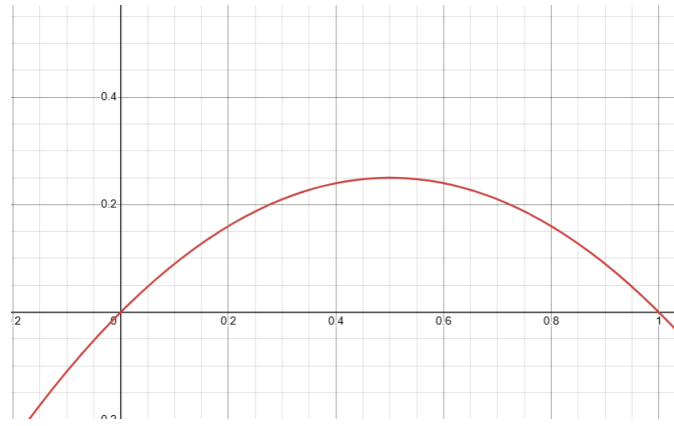
FIGURE 2. Statistical Power con  $\sigma^2 = 5000$

Se puede concluir que esto provoca un aumento en la varianza de  $\hat{\beta}$  según la expresión vista en el primer inciso. Luego, la probabilidad de rechazar  $H_0$  cae fuertemente para todos los niveles de efecto y, en especial, para los tamaños de muestra más pequeños. Intuitivamente, la mayor varianza del estimador genera mayor incertidumbre en que su valor sea distinto de cero, por lo que en la simulación se rechaza menos veces la hipótesis nula.

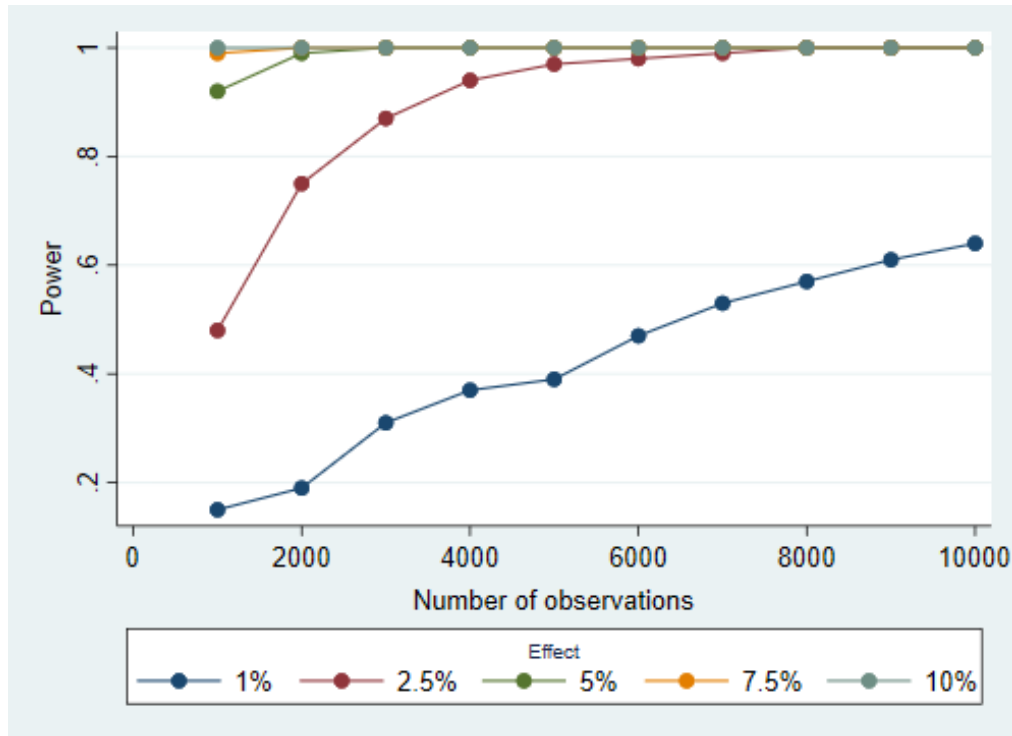
3. A continuación en la [Figura 3](#) y [Figura 4](#) se presentan graficos de ambas simulaciones. A partir de observar estas, se puede concluir que ambos casos son muy similares. Esto último es debido a que el regresor  $T$  es una variable binaria que sigue una distribución Bernoulli. Para una variable  $X \sim \text{Bernoulli}(p)$ , la  $\text{var}(X) = p - p^2$ .

FIGURE 3. Statistical Power con  $\sigma^2 = 5000$  y 20% de tratadosFIGURE 4. Statistical Power con  $\sigma^2 = 5000$  y 80% de tratados

Ahora, en la [Figura 5](#), considerando únicamente los valores positivos de la función, se observa que, al tratarse de una parábola invertida simétrica respecto a su eje de simetría  $x = 1/2$ , la varianza es igual cuando se asigna al 20% y al 80%.

FIGURE 5. Varianza de  $X \sim \text{Bernoulli}(p)$ 

4. Al repetir la misma simulación de la tutorial agregando la variable *ganancias\_estimadas\_2019* como control se observa, a partir de la [Figura 6](#), que respecto a la [Figura 1](#), se obtiene una mejora en el statistical power para cada tamaño de muestra. Esto es debido a que incluimos una variable explicativa relevante, dado que la variable explicada es *ganancias\_esperadas* más un término de error. Antes, al no incluir esta variable en la regresión, se encontraba en el término de error haciendo que la varianza de  $\hat{\beta}$  fuera mayor.

FIGURE 6. Statistical Power incluyendo *ganancias\_esperadas\_2019* como control