



AI 프로그래밍

ANN training과 Gradient descent

# ANN<sup>©</sup> Training





# ANN<sup>©</sup> Training

#### • ANN<sup>©</sup> training

- ANN은 해결하고자 하는 문제에 따라 training 방법이 나누어짐
  - Supervised learning (지도 학습)
    - 데이터에 input과는 다른 별도의 target이 필요한 문제에 활용
    - 예시: 사진 속 물체가 어떤 것인지 맞추는 문제(classification)
  - Unsupervised learning (비지도 학습)
    - 데이터에 별도의 정답 없이 input 자체가 target으로 활용 가능한 문제에 활용
    - 예시: 비슷한 사진끼리 분류하는 문제(clustering)
  - Reinforcement learning (강화 학습)
    - 행동에 대한 결과가 시간이 흐른 뒤에야 평가할 수 있는 문제에 활용
    - 예시: 보드 게임, 로봇의 움직임 제어 등



# ANNº Training

- ANN<sup>©</sup> training
  - Supervised learning





- ageNet · 강아지 · 고양이
  - 참새
  - 앵무새

- 데이터의 input으로 target을 만들 수 없어, Dataset을 만들 때 ground truth를 통해 target 값을 포함해야 함
- Training이 가장 효과적이지만 dataset을 만들기 어려움



# ANN<sup>©</sup> Training

- ANN<sup>©</sup> training
  - Unsupervised learning



- 데이터의 input으로 target을 만들 수 있음
- Dataset을 만들기 쉽지만, training 방법 설계가 비교적 까다로움



# ANN<sup>©</sup> Training

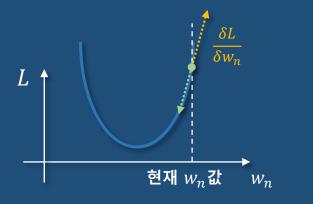
- ANN<sup>©</sup> training
  - Reinforcement learning

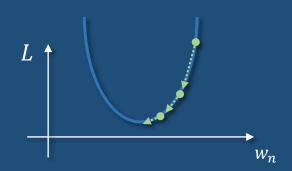


- 연속된 행동을 실행한 후 그 결과를 통해 이전 행동들에 점수를 매기는 방식
- 당장의 target을 주기 어려운 경우 유용하지만, 안전한 환경이나 별도의 시뮬레이터가 필요함





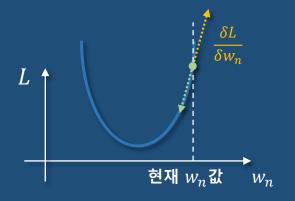


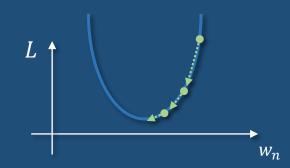


- 미분을 통해 각 weight 및 bias에 대한 loss 함수의 gradient(기울기)를 계산
- Loss를 줄이기 위해 각 weight와 bias를 gradient 반대 방향으로 조금씩 반복적으로 수정하여 loss 함수의 local minima(극소점)를 찾음
- 이러한 방식의 ANN training을 gradient descent라 함



Gradient descent



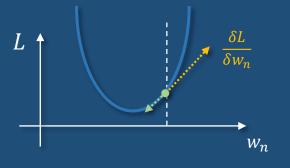


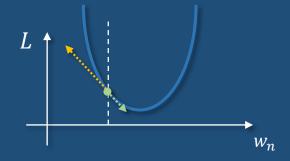
• Loss를 줄이기 위해 weight와 bias를 loss 함수의 gradient(기울기) 반대 방향으로 조금씩( $\gamma < 1$ ) 수정

• 
$$w_n \leftarrow w_n - \gamma \frac{\delta L}{\delta w_n}$$
  
•  $b_n \leftarrow b_n - \gamma \frac{\delta L}{\delta b_n}$ 

• 
$$b_n \leftarrow b_n - \gamma \frac{\delta L}{\delta b_n}$$

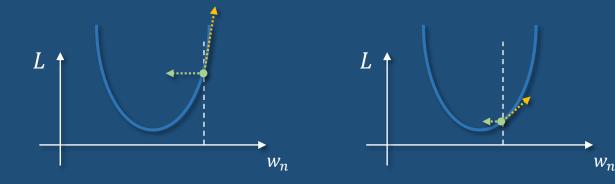






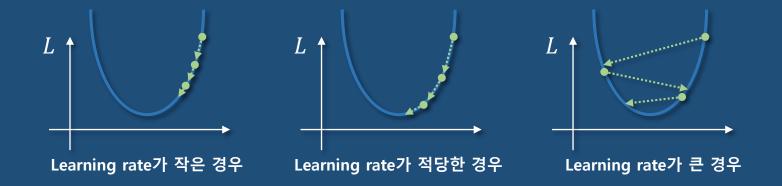
- Gradient에 따른 weight와 bias의 변화
  - $\frac{\delta L}{\delta w_n} > 0$ 인 경우, weight 및 bias가 줄어들면서 loss도 <mark>감소</mark>
  - $\frac{\delta L}{\delta w_n} < 0$ 인 경우, weight 및 bias가 증가하면서 loss도 <mark>감소</mark>
  - Local minima가 아니라면 어떤 경우에도 loss를 감소시킴





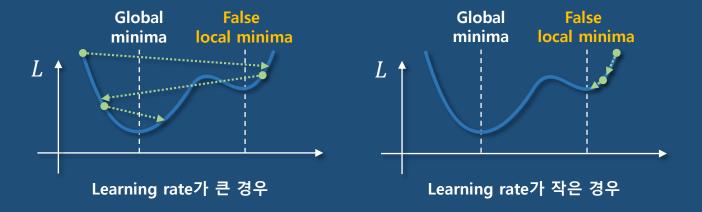
- Gradient에 따른 weight와 bias의 변화
  - $\left| \frac{\delta L}{\delta w_n} \right|$ 의 크기가 클수록 weight 및 bias를 과감하게 수정





- Learning rate(γ)에 따른 학습 과정
  - Learning rate가 너무 작은 경우 loss의 local minima에 도달하는데 너무 오래 걸림
  - Learning rate가 너무 큰 경우 진동(oscillation)이 일어나 local minima에서 멈추기 어려움





- Learning rate(γ)에 따른 학습 과정
  - 실제 문제의 경우 loss 함수가 복잡하여 많은 false local minima가 존재할 수 있음
  - Learning rate가 큰 경우 진동은 있지만, false local minima에서 빠져나올(shoot) 수 있음
  - Learning rate가 너무 작으면 false local minima에서 빠져나올 수 없음



- Gradient descent
  - ANN의 수많은 weight와 bias들을 통틀어 parameter(Θ)라 부름
  - 모든 parameter에 대한 gradient를 ▽⊖로 표기함

$$\boldsymbol{\Theta} \leftarrow \boldsymbol{\Theta} - \gamma \nabla \boldsymbol{\Theta}$$

- $\Theta$  : ANN의 모든 weight와 bias를 원소로 갖는 tensor
- $abla m{ heta}$  : Loss를 각 weight와 bias로 편미분한 값을 원소로 갖는 tensor,  $abla m{ heta} = rac{\delta L}{\delta m{ heta}}$





- Batch gradient descent
  - 실제 ANN은 굉장히 큰 dataset으로 training을 진행
  - Dataset에서 최대한 많은 데이터에 적합한 parameter를 찾으려 함



- Parameter는 dataset의 개별 데이터에 따라 늘려야 할 수도, 줄여야 할 수도 있음
  - 개별 데이터를 하나씩 따로 학습하면 parameter가 진동하여 수렴하기 어려움
- 이를 해결하기 위해 dataset의 모든 데이터를 동시에 training하는 것을 batch gradient descent라 함



#### Batch gradient descent

Python pseudo code

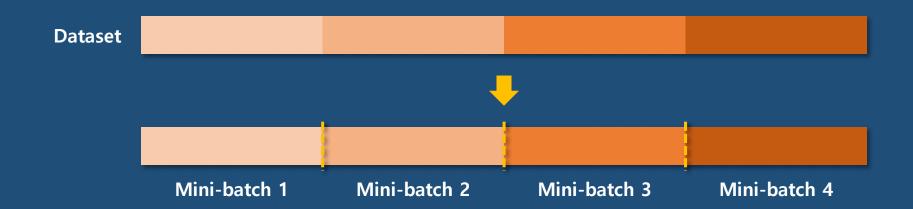
```
> iteration = 0
> Θ를 random 값으로 초기화
> while(iteration < n):</pre>
       iteration +=1
       \nabla \boldsymbol{\theta} = \mathbf{0}
       for(i_번째_데이터 in dateset):
                                                    # 최대 연산 양은 n × dataset_크기
           \nabla \boldsymbol{\Theta}_i = \frac{\delta L_i}{\delta \boldsymbol{\Theta}}
                                                    # 개별 데이터의 loss를 통해 gradient를 계산, 🚱의 현재 값은 바뀌지 않음
                                                    # Gradient의 부호 반대일 때 발생하는 진동을 상쇄시킴
           \nabla \boldsymbol{\Theta} += \nabla \boldsymbol{\Theta}_i
                                                    # 진동이 상쇄된 gradient로 parameter 수정
       \boldsymbol{\Theta} = \boldsymbol{\Theta} - \gamma \nabla \boldsymbol{\Theta}
                                                    # Gradient가 아주 작은 값 \epsilon보다 작아지면 parameter가 수렴했다고 간주
       if(\|\nabla \boldsymbol{\theta}\| < \boldsymbol{\epsilon}):
           break
```



- Batch gradient descent
  - Dataset의 각 데이터로 계산한 모든 gradient를 할산하여 training을 진행
    - 일부 데이터에 의해 parameter가 진동할 여지가 없음
    - 일부 데이터에 의해 false local minima에 빠질 확률이 현저히 낮음
  - Training의 성공 확률을 높여줌
  - 단, dataset이 클수록 연산 양이 많아져 training 시간이 너무 길어짐
  - 빅데이터가 기본인 현대 AI에서는 training의 성공 확률과 시간 사이의 trade-off가 필요



- Mini-batch gradient descent
  - 연산 양을 줄이기 위해, dataset를 일정한 크기의 mini-batch로 나누어 training을 진행
    - Mini-batch가 작을 수록 최대 연산 양이 줄어듬
    - Mini-batch가 클 수록 training 성공 확률이 높아짐





- Mini-batch gradient descent
  - Python pseudo code

```
> iteration = 0

> \theta를 random 값으로 초기화

> while(iteration < n):

iteration += 1

> \nabla \theta = 0

> \mathbf{j} = iteration % mini_batch_'개수

for(i_번째_데이터 in j_번째_mini_batch): #최대 연산 양은 n × dataset_크기에서 n × mini_batch_크기로 감소

> \nabla \theta_i = \frac{\delta L_i}{\delta \theta}

> \nabla \theta + = \nabla \theta_i

> \theta = \theta - \gamma \nabla \theta # 각 mini-batch 안에서 진동이 상쇄된 gradient로 전체 parameter 수정

> if(||\nabla \theta|| < \epsilon):

> break
```

- Stochastic gradient descent
  - Mini-batch 내 데이터간 관계성(correlation)이 높은 경우 training하는 mini-batch가 바뀔 때마다 parameter가 크게 변하면서 진동이 발생, 수렴하기가 어려워짐





- 데이터간 관계성이 높은 경우
  - Mini-batch 1을 training할 때 초록색 데이터에 맞도록 parameter를 대폭 수정
  - Mini-batch 2를 training할 때 빨간색 데이터에 맞도록 parameter를 대폭 수정
  - 두 mini-batch간의 합의점에 수렴하기 어려움

- Stochastic gradient descent
  - 일반적으로, dataset에서 근접한 데이터간의 관계성이 클 확률이 높음
  - 멀리 떨어진 데이터들로 mini-batch를 구성하기 위해 확률적으로 sampling함
  - 확률적 sampling을 수행하므로 stochastic(확률적) gradient descent라 함
    - 엄밀히 구분하면 sampling을 통해 mini-batch를 만들어 training하는 방법을 MSGD (mini-batch stochastic gradient descent)라 부르지만, 현대에는 mini-batch를 기본적으로 활용하므로, 간편하게 stochastic gradient descent로 부름
  - 하지만, 확률적 sampling은 데이터를 중복 또는 누락해 데이터 간 관계성이 커지기 쉬움

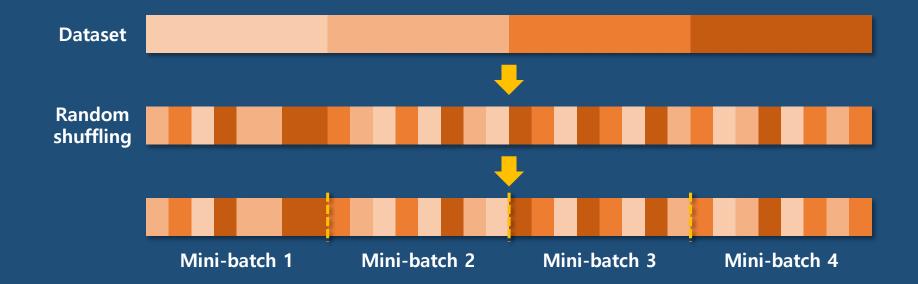


데이터 누락으로 인해 높아진 데이터간 관계성

• 따라서 sampling을 하더라도 dataset의 모든 데이터를 동일한 횟수로 학습해야 함



- Stochastic gradient descent
  - Training 성공 확률을 높이기 위한 mini-batch 생성
    - 1. Dataset의 데이터의 순서를 random으로 shuffle
    - 2. Shuffle된 dataset을 mini-batch 크기로 나누어 training





- Stochastic gradient descent
  - Python pseudo code

```
> iteration = 0
> Θ를 random 값으로 초기화
> dataset_random_shuffle()
                                                                # Dataset의 데이터 순서를 random으로 shuffle
                                                                # Mini-batch gradient descent와 동일
> while(iteration < n):
       iteration += 1
   \nabla \boldsymbol{\Theta} = \mathbf{0}
   j = iteration % mini_batch_개수
       for(i_번째_데이터 in j_번째_mini_batch):
     \nabla \boldsymbol{\theta} + = \nabla \boldsymbol{\theta}_i
      \boldsymbol{\Theta} = \boldsymbol{\Theta} - \gamma \nabla \boldsymbol{\Theta}
       if(\|\nabla \boldsymbol{\theta}\| < \epsilon):
           break
```







#### Optimizer

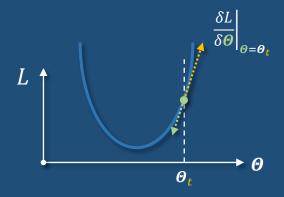
- SGD (Steepest Gradient Descent)
  - Parameter 수정 방법

$$\bullet \quad \boldsymbol{\Theta}_{t+1} = \boldsymbol{\Theta}_t - \gamma \nabla \boldsymbol{\Theta}_t$$

$$\bullet \quad \nabla \boldsymbol{\theta}_{t} = \frac{\delta L}{\delta \boldsymbol{\theta}} \Big|_{\boldsymbol{\theta} = \boldsymbol{\theta}_{t}}$$

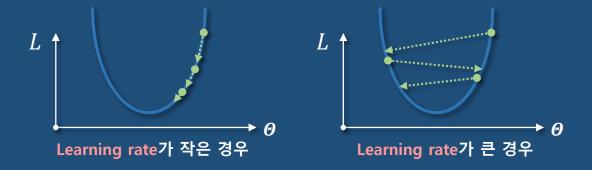
#### Notation

- 0<sub>t</sub> : 현재 parameter
- $\theta_{t+1}$  : 수정 후 parameter
- $\gamma$  : Learning rate
- $\frac{\delta L}{\delta \theta}\Big|_{\theta=0}$  : 현재 parameter에서의 gradient





- Optimizer
  - SGD (Steepest Gradient Descent)



- Parameter를 경사면(loss의 변화량)이 가장 가파른 방향으로 이동시키는 방법
- Gradient는 항상 가장 가파른 방향을 가리키므로, 이를 그대로 활용
- Learning rate의 영향을 많이 받음



- Optimizer
  - Parameter 수정양을 조정하여 training의 시간을 줄이는 동시에 성공 확률을 높여주는 함수

$$\boldsymbol{\Theta} \leftarrow \boldsymbol{\Theta} - \boldsymbol{f}(\gamma \nabla \boldsymbol{\Theta})$$

- Optimizer의 역사
  - CM (Classical Momentum, 1986)
  - NAG (Nesterov Accelerated Gradient, 1991)
  - AdaGrad (Adaptive Gradient Algorithm, 2011)
  - RMSprop. (Root Mean Square Back-propagation, 2013)
  - ADAM (Adaptive Moment Estimation, 2014)
    - 외에도 AdaDelta, Nadam 등 다양한 optimizer들이 있음



#### Optimizer

- CM (Classical Momentum) optimizer
  - Loss 함수의 local minima를 찾아가는 과정을 굴러가는 구슬에 빗대어 만든 optimizer
  - 운동량(momentum) 개념을 추가, parameter가 관성을 가진 것처럼 이동함
  - Parameter 수정 방법

$$\bullet \quad \boldsymbol{M_{t+1}} = \alpha \boldsymbol{M_t} - \gamma \nabla \boldsymbol{\Theta_t}$$

$$\bullet \quad \boldsymbol{\Theta}_{t+1} = \boldsymbol{\Theta}_t + \boldsymbol{M}_{t+1}$$

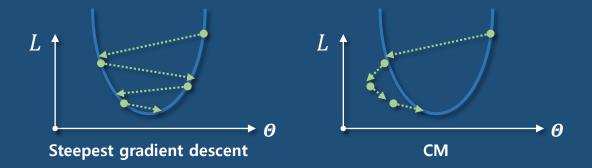
#### Notation

•  $M_t$ : 현재 운동량,  $M_0 = 0$ 

•  $\alpha$  : 운동량에 적용하는 discount factor,  $\alpha < 1$ 



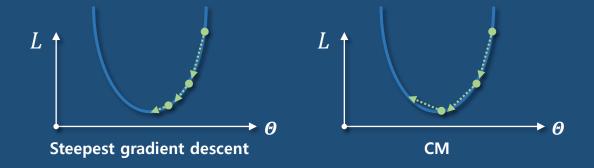
- Optimizer
  - CM (Classical Momentum) optimizer



- 현재와 이전 gradient의 방향이 서로 반대일 경우 parameter 변화량이 작아짐
- Learning rate가 커도 parameter의 진동이 줄어듬



- Optimizer
  - CM (Classical Momentum) optimizer



- 현재와 이전 gradient의 방향이 서로 비슷한 경우 parameter 변화량이 더 커짐
- Learning rate가 작아도 얕은 false local minima에서 빠져나올 확률이 커짐
- 하지만, overshoot으로 인해 global minima에서도 빠져나와 parameter 수렴이 늦어질 수 있음



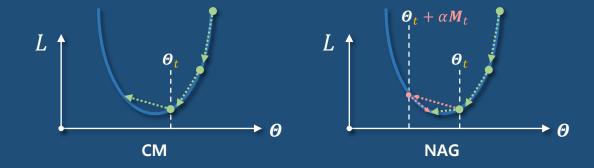
- NAG (Nesterov Accelerated Gradient) optimizer
  - 운동량을 구할 때 현재가 아닌 미래 시점의 gradient를 활용
  - Overshoot으로 인한 global minima에서 빠져나가는 현상을 방지
  - Parameter 수정 방법

• 
$$M_{t+1} = \alpha M_t - \gamma \frac{\delta L}{\delta \Theta} \Big|_{\Theta = \Theta_t + \alpha M_t}$$

$$\bullet \quad \boldsymbol{\theta}_{t+1} = \boldsymbol{\theta}_t + \boldsymbol{M}_{t+1}$$



- Optimizer
  - NAG (Nesterov Accelerated Gradient) optimizer



- 미래 시점의 gradient가 현재 진행 방향과 반대일 경우, parameter 변화량이 줄어듬
- 깊은 global minima에서 빠져나갈 확률을 크게 줄여, parameter 수렴이 빠르게 일어남



#### Optimizer

- AdaGrad (Adaptive Gradient Algorithm) optimizer
  - 상수였던 learning rate를 각 parameter에 따라 다르게 적용
  - 총 이동 거리가 긴 parameter일수록 learning rate를 줄여나감
  - Parameter 수정 방법

• 
$$G_{t+1} = G_t + (\nabla \Theta_t^T \nabla \Theta_t)$$

• 
$$\boldsymbol{\theta}_{t+1} = \boldsymbol{\theta}_t - \frac{\gamma}{\epsilon + \sqrt{G_{t+1}}} \odot \nabla \boldsymbol{\theta}_t$$

#### Notation

•  $G_t$  : 현재까지의 각 parameter 총 이동 거리를 원소로 갖는 tensor

• ⊙ : Element-wise dot product, 같은 위치의 원소끼리만 곱함

•  $\epsilon$  : 분모가 0이 되지 않도록 하기 위해 추가한 아주 작은 값의 상수



- AdaGrad (Adaptive Gradient Algorithm) optimizer
  - 장점
    - 각 parameter에 다른 learning rate가 적용되어 더 효율적인 training 가능
  - 단점
    - Parameter의 수렴 여부에 상관없이 이동 거리가 길면 learning rate가 무조건 줄어듬
      - Global minima에 도달하기 전에 training이 끝날 수 있음



- RMSprop. (Root Mean Square Back-propagation) optimizer
  - AdaGrad에서 parameter의 수렴 여부와 상관없이 training이 끝나는 문제를 해결
  - Discount factor를 이용해, 분모가 되는 이동 거리가 무작정 커지지 않도록 함
  - Parameter 수정 방법

• 
$$G_{t+1} = \alpha G_t + (1 - \alpha)(\nabla \Theta_t \odot \nabla \Theta_t)$$

• 
$$\boldsymbol{\theta}_{t+1} = \boldsymbol{\theta}_t - \frac{\gamma}{\epsilon + \sqrt{G_{t+1}}} \odot \nabla \boldsymbol{\theta}_t$$

- Notation
  - $\alpha$  : 이동 거리에 적용하는 discount factor,  $\alpha < 1$



#### Optimizer

- ADAM (Adaptive Moment Estimation) optimizer
  - 각 parameter의 운동량과 이동 거리를 모두 활용하는 optimizer
  - 현대의 많은 ANN 시스템이 ADAM optimizer를 통해 training 진행
  - Parameter 수정 방법

• 
$$M_{t+1} = \beta_1 M_t + (1 - \beta_1) \nabla \Theta_t$$

• 
$$G_{t+1} = \beta_2 G_t + (1 - \beta_2) (\nabla \Theta_t \odot \nabla \Theta_t)$$

• 
$$\boldsymbol{\Theta}_{t+1} = \boldsymbol{\Theta}_t - \frac{\gamma}{\epsilon + \sqrt{G_{t+1}}} \odot \boldsymbol{M}_{t+1}$$

#### Notation

•  $\beta_1$  : 운동량에 적용하는 discount factor,  $\beta_1 < 1$ 

•  $\beta_2$  : 이동 거리에 적용하는 discount factor,  $\beta_2 < 1$ 

# 감사합니다

