代號:34880 111 年特種考試地方政府公務人員考試試題頁次:2-1

等 別:三等考試 類 科:資訊處理 科 目:資料結構 考試時間:2小時

座號:

※注意: (一)禁止使用電子計算器。

- (二)不必抄題,作答時請將試題題號及答案依照順序寫在試卷上,於本試題上作答者,不予計分。
- (三)本科目除專門名詞或數理公式外,應使用本國文字作答。
- 一、請用 Big-O 符號來表示下列函式的成長速率,並說明之:

$$(-)$$
T $(n) = 3n^3 + 7n^3\sqrt{n} + n^3\log n \ (5 \ \%)$

$$(\Box)T(n) = 2T(n/2) + n^2 (10 \%)$$

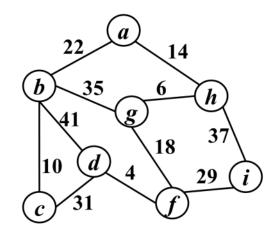
二、常用的算術運算式(Arithmetic Expression)有:中序運算式(Infix Expression)、前序運算式(Prefix Expression)、後序運算式(Postfix Expression)三種表示法,考慮下面的算術運算式(Arithmetic Expression)並回答下列問題:

$$((6 \times (5-3))-(1+2))\times(((4+2)/3)+(5\times 4))$$

- (一)請寫出其前序運算式 (Prefix Expression)。(5分)
- (二)請繪出其算術運算樹 (Expression Tree)。(5分)
- 三請說明如何以此算術運算樹計算出算術運算式的值,並一步一步列出 運算過程。(10分)
- 三、回顧二元樹結構,其為m路樹(m-ary Trees,亦稱多元樹、m元樹)的一個特例,請回答下列相關問題:
 - ─)給出 m 路樹的定義。(5分)
 - (二)若用陣列來表示一個 m 路樹,請說明如何利用陣列的索引值來表示節點目的親子連結關係(意即,假設陣列索引起始值為 0,若節點 v 在陣列的第 i 個位置,節點 v 的第 c 個子節點的位置為何?另一方面,節點 v 的 parent 位置為何?)?(10分)
 - (三基於此 m 路樹結構及二元搜尋樹 (Binary Search Tree)的概念,我們可以定義出一個多元搜尋樹。當 m=4 的時候,可以稱此搜尋樹為四元搜尋樹。請給出(2,4)-樹((2,4)-tree)的定義並比較與四元搜尋樹的差異。(10分)

- 四、二元堆積(Binary Heap)是一種優先佇列(Priority Queue),主要用來管理具有優先權順序的資料物件,每個資料物件具有一個可以界定大小或前後順序的鍵值(Key),我們在此假設鍵值越低的資料物件有越高的優先權。
 - (一)請完整描述最小堆積(Min_Heap)的定義與相關的操作功能。(5分)
 - 二請說明堆積排序(Heap Sort)的方法並分析其時間複雜度。(5分)

五、下圖是一個加權圖 G=(V,E),其中 V 是點集合而 E 是邊集合。



- (-)請使用相鄰矩陣(Adjacency Matrix)表示法來表示加權圖 $G \circ (5 \, \mathcal{G})$
- 二不考慮權重,從節點 g 開始並按照字母順序對 G 進行廣度優先尋訪 (Breadth-First Search, BFS),請繪出尋訪完後所產生的 BFS 樹 (BFS Tree)。(5分)
- (三)請利用 Prim's 演算法,從節點 d 起始,找出一個最小擴張樹(Minimum Spanning tree),請以圖示方式一步步畫出過程與結果,並說明 Prim's 演算法的時間複雜度。(10分)