习题课: 二叉树

二叉树相关题型/套路

王争的算法训练营



重点中的重点,面试常考,是个硬骨头,一定要拿下

- 1) 类似链表操作, 二叉树上的操作一般都会涉及到树的遍历。
- 2) 因为树跟子树结构、操作很相似,所以,绝大部分题目都使用递归实现。

二叉树的8类小题型:

题型1:二叉树前中后序遍历

题型2:二叉树按层遍历

题型3:二叉树上的递归

题型4:二叉查找树

题型5:LCA最近公共祖先

题型6:二叉树转单、双、循环链表

题型7:按照遍历结果反向构建二叉树

题型8: 二叉树上的最长路径和(树形DP)

王争的算法训练营



题型1: 二叉树前中后序遍历

144. 二叉树的前序遍历(简单)

94. 二叉树的中序遍历 (简单)

145. 二叉树的后序遍历(简单)

589. N 叉树的前序遍历(简单)

590. N 叉树的后序遍历 (简单)

题型2:二叉树按层遍历

剑指 Offer 32 - I. 从上到下打印二叉树(中等)

102. 二叉树的层序遍历(中等)

剑指 Offer 32 - III. 从上到下打印二叉树 III (中等)

429. N 叉树的层序遍历(中等)

513. 找树左下角的值(中等)

题型3:二叉树上的递归

104. 二叉树的最大深度(简单)

559. N 叉树的最大深度(简单)

剑指 Offer 55 - II. 平衡二叉树 (中等)

617. 合并二叉树(简单)

226. 翻转二叉树 (简单)

101. 对称二叉树(中等)

98. 验证二叉搜索树(中等)

题型4:二叉查找树

剑指 Offer 54. 二叉搜索树的第k大节点 (中等)

538. 把二叉搜索树转换为累加树 (中等)

面试题 04.06. 后继者(中等)

题型5: LCA最近公共祖先

236. 二叉树的最近公共祖先(中等)

剑指 Offer 68 - I. 二叉搜索树的最近公共祖先 (中等)

题型6:二叉树转单、双、循环链表

114. 二叉树展开为链表(中等)

面试题 17.12. BiNode (中等)

剑指 Offer 36. 二叉搜索树与双向链表 (中等)

面试题 04.03. 特定深度节点链表 (中等)

题型7:按照遍历结果反向构建二叉树

105. 从前序与中序遍历序列构造二叉树(中等)

106. 从中序与后序遍历序列构造二叉树(中等)

889. 根据前序和后序遍历构造二叉树(中等)

剑指 Offer 33. 二叉搜索树的后序遍历序列(中等)

题型8:二叉树上的最长路径和

543. 二叉树的直径(简单)

剑指 Offer 34. 二叉树中和为某一值的路径(中等)

124. 二叉树中的最大路径和 (困难)

437. 路径总和 III (困难)



题型5: LCA最近公共祖先

236. 二叉树的最近公共祖先(中等) 已讲

剑指 Offer 68 - I. 二叉搜索树的最近公共祖先(中等)

二叉树相关题型/套路

王争的算法训练营

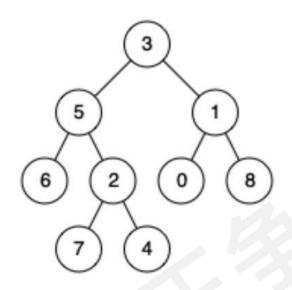


题型5: LCA最近公共祖先 236. 二叉树的最近公共祖先 (中等)

给定一个二叉树,找到该树中两个指定节点的最近公共祖先。

百度百科中最近公共祖先的定义为: "对于有根树 T 的两个节点 p、q,最近公共祖先表示为一个节点 x,满足 x 是 p、q 的祖先且 x 的深度尽可能大(一个节点也可以是它自己的祖先)。"

示例 1:



输入: root = [3,5,1,6,2,0,8,null,null,7,4], p = 5, q = 1

输出: 3

解释: 节点 5 和节点 1 的最近公共祖先是节点 3 。

```
class Solution {
    private TreeNode lca = null;
    public TreeNode lowestCommonAncestor(TreeNode root, TreeNode p, TreeNode q) {
        traverse(root, p, q);
        return lca;
    }
    private int traverse(TreeNode root, TreeNode p, TreeNode q) {
        if (root == null) return 0;
        int leftContains = traverse(root.left, p, q);
        if (lca != null) { // 提前退出
            return 2;
        int rightContains = traverse(root.right, p, q);
        if (lca != null) { // 提前退出
            return 2;
        }
        int rootContains = 0;
        if (root==p || root==q) {
            rootContains = 1;
        }
        if (rootContains == 0 && leftContains == 1 && rightContains == 1) {
            lca = root;
        if (rootContains == 1 && (leftContains == 1 || rightContains == 1)) {
            lca = root;
        return leftContains + rightContains + rootContains;
```

}





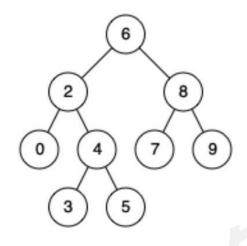
题型5: LCA最近公共祖先

剑指 Offer 68 - I. 二叉搜索树的最近公共祖先(中等)

给定一个二叉搜索树,找到该树中两个指定节点的最近公共祖先。

百度百科中最近公共祖先的定义为: "对于有根树 T 的两个结点 p、q,最近公共祖先表示为一个结点 x,满足 x 是 p、q 的祖先且 x 的深度尽可能大(一个节点也可以是它自己的祖先)。"

例如, 给定如下二叉搜索树: root = [6,2,8,0,4,7,9,null,null,3,5]



示例 1:

输入: root = [6,2,8,0,4,7,9,null,null,3,5], p = 2, q = 8

输出: 6

解释: 节点 2 和节点 8 的最近公共祖先是 6。



题型5: LCA最近公共祖先

剑指 Offer 68 - I. 二叉搜索树的最近公共祖先(中等) **非递归实现**

```
class Solution {
   public TreeNode lowestCommonAncestor(TreeNode root, TreeNode p, TreeNode q) {
        TreeNode x = root;
        while (true) {
            if (p.val < x.val && q.val < x.val) {
                 x = x.left;
            } else if (p.val > x.val && q.val > x.val) {
                      x = x.right;
            } else { //包含各种情况
                      return x;
            }
        }
    }
}
```



题型5:LCA最近公共祖先

剑指 Offer 68 - I. 二叉搜索树的最近公共祖先(中等) 递归实现

```
class Solution {
   public TreeNode lowestCommonAncestor(TreeNode root, TreeNode p, TreeNode q) {
      if (p == root || q == root || (p.val < root.val && root.val < q.val)
            || (q.val < root.val && root.val < p.val)) {
            return root;
      }
      if (p.val < root.val && q.val < root.val) {
            return lowestCommonAncestor(root.left, p, q);
      } else {
            return lowestCommonAncestor(root.right, p, q);
      }
    }
}</pre>
```



题型6:二叉树转单、双、循环链表

114. 二叉树展开为链表(中等)

面试题 17.12. BiNode(中等)

剑指 Offer 36. 二叉搜索树与双向链表 (中等)

面试题 04.03. 特定深度节点链表(中等)

王争的算法训练营

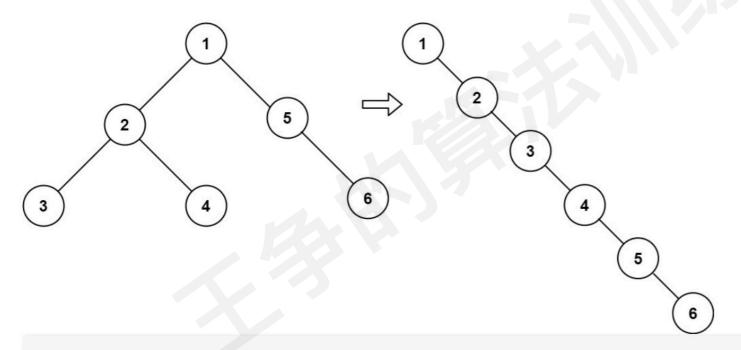


题型6:二叉树转单、双、循环链表 114.二叉树展开为链表(中等)

给你二叉树的根结点 root , 请你将它展开为一个单链表:

- 展开后的单链表应该同样使用 TreeNode , 其中 right 子指针指向链表中下一个结点, 而左子指针 始终为 null 。
- 展开后的单链表应该与二叉树 先序遍历 顺序相同。中序遍历,后序遍历

示例 1:



输入: root = [1,2,5,3,4,null,6]

输出: [1,null,2,null,3,null,4,null,5,null,6]

```
class Solution {
   private TreeNode dummyHead = new TreeNode();
   private TreeNode tail = dummyHead;
   public void flatten(TreeNode root) {
     preorder(root);
   private void preorder(TreeNode root) {
     if (root == null) return;
     TreeNode left = root.left;
     TreeNode right = root.right;
     // 把遍历到的节点放到结果链表中
     tail.right = root;
     tail = root;
     root.left = null;
     // 左子树
     preorder(left);
     // 右子树
     preorder(right);
```



王争的算法训练营



题型6: 二叉树转单、双、循环链表 面试题 17.12. BiNode (中等)

二叉树数据结构 TreeNode 可用来表示单向链表(其中 left 置空, right 为下一个链表节点)。实现一个方法,把二叉搜索树转换为单向链表,要求依然符合二叉搜索树的性质,转换操作应是原址的,也就是在原始的二叉搜索树上直接修改。

返回转换后的单向链表的头节点。

注意: 本题相对原题稍作改动

示例:

输入: [4,2,5,1,3,null,6,0]

输出: [0,null,1,null,2,null,3,null,4,null,5,null,6]

提示:

• 节点数量不会超过 100000。



```
class Solution {
   private TreeNode dummyHead = new TreeNode();
   private TreeNode tail = dummyHead;
   public TreeNode convertBiNode(TreeNode root) {
      inorder(root);
     return dummyHead.right;
   private void inorder(TreeNode root) {
     if (root == null) return;
     // 左子树
      inorder(root.left);
     // 把遍历到的节点放到结果链表中
     tail.right = root;
     tail = root;
      root.left = null;
     // 右子树
      inorder(root.right);
```

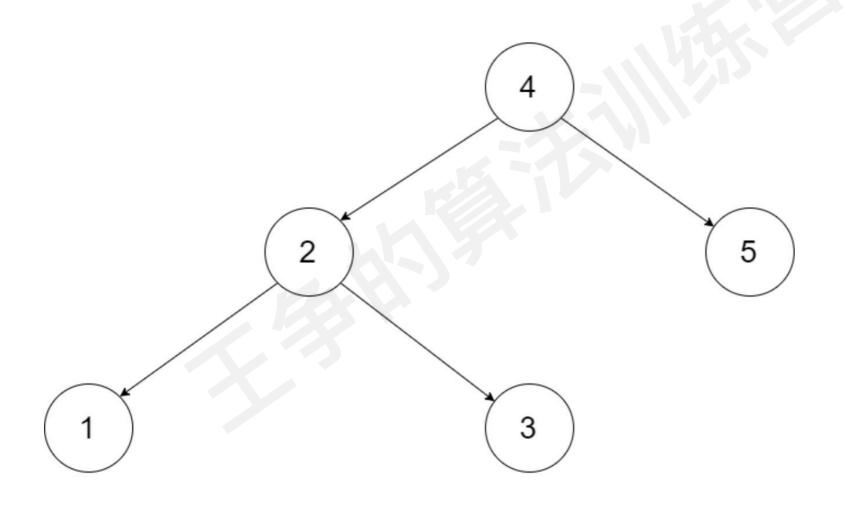
王争的算法训练营



题型6: 二叉树转单、双、循环链表 剑指 Offer 36. 二叉搜索树与双向链表 (中等)

输入一棵二叉搜索树,将该二叉搜索树转换成一个排序的循环双向链表。要求不能创建任何新的节点,只能调整树中节点指针的指向。

为了让您更好地理解问题,以下面的二叉搜索树为例:



我们希望将这个二叉搜索树转化为双向循环链表。链表中的每个节点都有一个前驱和后继指针。对于双向循环链表,第一个节点的前驱是最后一个节点,最后一个节点的后继是第一个节点。

下图展示了上面的二叉搜索树转化成的链表。"head"表示指向链表中有最小元素的节点。

```
class Solution {
   private Node dummyHead = new Node();
   private Node tail = dummyHead;
   public Node treeToDoublyList(Node root) {
      if (root == null) return null;
      inorder(root);
     tail.right = dummyHead.right;
      dummyHead.right.left = tail;
      return dummyHead.right;
    }
   private void inorder(Node root) {
      if (root == null) return;
     // 左子树
      inorder(root.left);
      // 把遍历到的节点放到结果链表中
      root.left = tail;
     tail.right = root;
     tail = root;
      // 右子树
      inorder(root.right);
}
```



王争的算法训练营



题型6:二叉树转单、双、循环链表 面试题 04.03. 特定深度节点链表(中等)

给定一棵二叉树,设计一个算法,创建含有某一深度上所有节点的链表(比如,若一棵树的深度为 D ,则会创建出 D 个链表)。返回一个包含所有深度的链表的数组。

示例:

```
class Solution {
    public ListNode[] listOfDepth(TreeNode tree) {
      if (tree == null) return new ListNode[0];
      List<ListNode> result = new ArrayList<ListNode>();
      Queue<TreeNode> queue = new LinkedList<TreeNode>();
      queue.add(tree);
      while (!queue.isEmpty()) {
        ListNode dummyHead = new ListNode();//虚拟头节点
        ListNode tail = dummyHead;
        int curLevelNum = queue.size();
        for (int i = 0; i < curLevelNum; ++i) {</pre>
          TreeNode treeNode = queue.poll();
          tail.next = new ListNode(treeNode.val);
          tail = tail.next;
          if (treeNode.left != null) {
            queue.add(treeNode.left);
          if (treeNode.right != null) {
            queue.add(treeNode.right);
        result.add(dummyHead.next);
      ListNode[] resultArr = new ListNode[result.size()];
      for (int i = 0; i < result.size(); ++i) {</pre>
          resultArr[i] = result.get(i);
      return resultArr;
```



王争的算法训练营



题型7:按照遍历结果反向构建二叉树

105. 从前序与中序遍历序列构造二叉树(中等)

106. 从中序与后序遍历序列构造二叉树(中等)

889. 根据前序和后序遍历构造二叉树(中等)

剑指 Offer 33. 二叉搜索树的后序遍历序列(中等)

王争的算法训练营



题型7:按照遍历结果反向构建二叉树 105. 从前序与中序遍历序列构造二叉树(中等)

根据一棵树的前序遍历与中序遍历构造二叉树。

注意:

你可以假设树中没有重复的元素。

例如, 给出

```
前序遍历 preorder = [3,9,20,15,7]
中序遍历 inorder = [9,3,15,20,7]
```

返回如下的二叉树:

```
3
/\
9 20
/\
15 7
```

```
class Solution {
   public TreeNode buildTree(int[] preorder, int[] inorder) {
       return myBuildTree(preorder, 0, preorder.length-1, inorder, 0, inorder.length-1);
   }
   // preorder下标i,j; inorder下标p,q
   private TreeNode myBuildTree(int[] preorder, int i, int j, int[] inorder, int p, int r) {
       if (i>j) return null;
       TreeNode root = new TreeNode(preorder[i]);
       // 在中序遍历结果inorder中,查询preorder[i]所在的位置[p, q-1] q [q+1, r]
       int q = p;
       while (inorder[q] != preorder[i]) {
           q++;
       }
       int leftTreeSize = q-p; //左右子树大小
       // 构建左子树
       TreeNode leftNode = myBuildTree(preorder, i+1, i+leftTreeSize, inorder, p, q-1);
       // 构建右子树
       TreeNode rightNode = myBuildTree(preorder, i+leftTreeSize+1, j, inorder, q+1, r);
       // 根据root、左子树、右子树构建树
       root.left = leftNode;
       root.right = rightNode;
       return root;
```

王争的算法训练营



题型7:按照遍历结果反向构建二叉树 106.从中序与后序遍历序列构造二叉树(中等)

根据一棵树的中序遍历与后序遍历构造二叉树。

注意:

你可以假设树中没有重复的元素。

例如, 给出

```
中序遍历 inorder = [9,3,15,20,7]
后序遍历 postorder = [9,15,7,20,3]
```

返回如下的二叉树:

```
3
/\
9 20
/\
15 7
```

```
class Solution {
   public TreeNode buildTree(int[] inorder, int[] postorder) {
       return myBuildTree(postorder, inorder, 0, postorder.length-1, 0, inorder.length-1);
    }
   // postorder下标i,j; inorder下标p,q
   private TreeNode myBuildTree(int[] postorder, int i, int j, int[] inorder, int p, int r) {
        if (i>j) return null;
       TreeNode root = new TreeNode(postorder[j]);
       // 在中序遍历结果inorder中, 查询postorder[j]所在的位置q
       // [p, q-1] q [q+1, r]
       int q = p;
       while (inorder[q] != postorder[j]) {
           q++;
        }
       //左右子树大小
        int leftTreeSize = q-p;
       // 构建左子树
       TreeNode leftNode = myBuildTree(postorder, i, i+leftTreeSize-1, inorder, p, q-1);
       // 构建右子树
       TreeNode rightNode = myBuildTree(postorder, i+leftTreeSize, j-1, inorder, q+1, r);
        root.left = leftNode;
        root.right = rightNode;
       return root;
    }
```

王争的算法训练营



题型7:按照遍历结果反向构建二叉树 889.根据前序和后序遍历构造二叉树(中等)

返回与给定的前序和后序遍历匹配的任何二叉树。

pre 和 post 遍历中的值是不同的正整数。

示例:

输入: pre = [1,2,4,5,3,6,7], post = [4,5,2,6,7,3,1]

输出: [1,2,3,4,5,6,7]

提示:

- 1 <= pre.length == post.length <= 30
- pre[] 和 post[] 都是 1, 2, ..., pre.length 的排列
- 每个输入保证至少有一个答案。如果有多个答案,可以返回其中一个。

```
class Solution {
   public TreeNode constructFromPrePost(int[] pre, int[] post) {
       return myBuildTree(pre, post, 0, pre.length-1, 0, post.length-1);
   }
   // pre下标i,j; post下标p,r
   private TreeNode myBuildTree(int[] pre, int i, int j, int[] post, int p, int r) {
       if (i>j) return null;
       TreeNode root = new TreeNode(pre[i]);
       if (i == j) return root;//注意这一行跟前面几题不一样
       // 在post中, 查询pre[i+1]所在的位置q, [p, q] [q+1, r-1] r(root)
       int q = p;
       while (post[q] != pre[i+1]) {
           q++;
       //左子树大小
       int leftTreeSize = q-p+1;
       // 构建左子树
       TreeNode leftNode = myBuildTree(pre, i+1, i+leftTreeSize, post, p, q);
       // 构建右子树
       TreeNode rightNode = myBuildTree(pre, i+leftTreeSize+1, j, post, q+1, r-1);
       root.left = leftNode;
       root.right = rightNode;
       return root;
```



王争的算法训练营



题型7:按照遍历结果反向构建二叉树 剑指 Offer 33. 二叉搜索树的后序遍历序列(中等)

输入一个整数数组,判断该数组是不是某二叉搜索树的后序遍历结果。如果是则返回 true, 否则返回 false。假设输入的数组的任意两个数字都互不相同。

左子树是BST

右子树是BST

root节点值都大于左子树节点值,小于右子树节点值

=》

二叉树是BST

参考以下这颗二叉搜索树:

示例 1:

输入: [1,6,3,2,5]

输出: false

示例 2:

输入: [1,3,2,6,5]

输出: true

```
class Solution {
   public boolean verifyPostorder(int[] postorder) {
        return myVerify(postorder, 0, postorder.length-1);
    }
   private boolean myVerify(int[] postorder, int i, int j) {
        if (i >= j) return true;
        // postorder[j]是根节点,先分离出左子树[i, k-1]
        int k = i;
       while (k < j && postorder[k] < postorder[j]) {</pre>
            k++;
        }
        // 验证[k, j-1]满足有子树的要求,都大于postorder[j]
        int p = k;
       while (p < j) {
            if (postorder[p] < postorder[j]) {</pre>
                return false;
            p++;
        }
        // 递归验证左右子树是否满足BST的要求
        boolean leftValid = myVerify(postorder, i, k-1);
        if (leftValid == false) return false;
        boolean rightValid = myVerify(postorder, k, j-1);
        return rightValid;
```





题型8:二叉树上的最长路径和

543. 二叉树的直径(简单)

剑指 Offer 34. 二叉树中和为某一值的路径(中等)

124. 二叉树中的最大路径和 (困难)

437. 路径总和 Ⅲ (困难)

王争的算法训练营

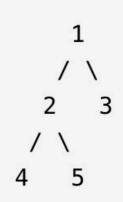


题型8: 二叉树上的最长路径和 543. 二叉树的直径(简单)

给定一棵二叉树,你需要计算它的直径长度。一棵二叉树的直径长度是任意两个结点路径长度中的最大 值。这条路径可能穿过也可能不穿过根结点。

示例:

给定二叉树



努力转化为用递归来实现

• 子问题: 左子树的直径

• 子问题: 右子树的直径

• 问题:二叉树的直径?

子问题的解无法推导出问题的解

将问题转化成:求树的最大高度

返回 3, 它的长度是路径 [4,2,1,3] 或者 [5,2,1,3]。

注意: 两结点之间的路径长度是以它们之间边的数目表示。



```
题型8: 二叉树上的最长路径和 543. 二叉树的直径
class Solution {
    private int result = 0;
    public int diameterOfBinaryTree(TreeNode root) {
        calMaxHeight(root);
        return result;
    }
    public int calMaxHeight(TreeNode root) {
        if (root == null) return 0;
        int maxLeftHeight = calMaxHeight(root.left);
        int maxRightHeight = calMaxHeight(root.right);
        int diameter = maxLeftHeight + maxRightHeight;
        if (diameter > result) result = diameter;
        return Math.max(maxLeftHeight, maxRightHeight) + 1;
```

王争的算法训练营



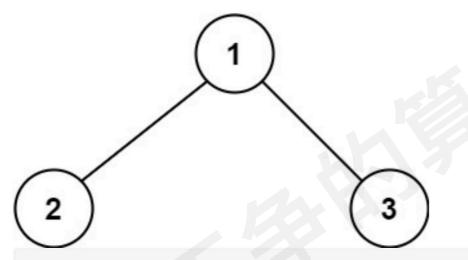
题型8: 二叉树上的最长路径和 124. 二叉树中的最大路径和 (困难)

路径 被定义为一条从树中任意节点出发,沿父节点-子节点连接,达到任意节点的序列。同一个节点在一条路径序列中 **至多出现一次**。该路径 **至少包含一个** 节点,且不一定经过根节点。

路径和 是路径中各节点值的总和。

给你一个二叉树的根节点 root , 返回其 最大路径和 。

示例 1:



输入: root = [1,2,3]

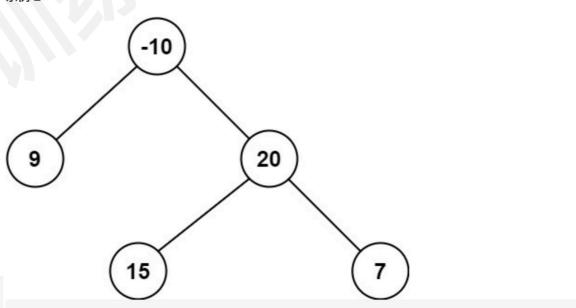
输出: 6

解释: 最优路径是 2 -> 1 -> 3 , 路径和为 2 + 1 + 3 = 6

• 转化为: 以任意节点为转折点的最大路径和

• 怎么计算某个节点为转折点的最大路径和呢?

示例 2:



输入: root = [-10,9,20,null,null,15,7]

输出: 42

解释: 最优路径是 15 -> 20 -> 7 , 路径和为 15 + 20 + 7 = 42

提示:

- 树中节点数目范围是 [1, 3 * 10⁴]
- -1000 <= Node.val <= 1000

```
class Solution {
    private int result = -1001;
    public int maxPathSum(TreeNode root) {
        dfs(root);
        return result;
    public int dfs(TreeNode root) {
        if (root == null) return 0;
        int leftMaxPath = dfs(root.left);
        int rightMaxPath = dfs(root_right);
        int max = root.val;
        if (leftMaxPath > 0) max += leftMaxPath;
        if (rightMaxPath > 0) max += rightMaxPath;
        if (max > result) result = max;
        int ret = root.val;
        if (ret < leftMaxPath+root.val) ret = leftMaxPath+root.val;</pre>
        if (ret < rightMaxPath+root.val) ret = rightMaxPath+root.val;</pre>
        return ret;
```



王争的算法训练营



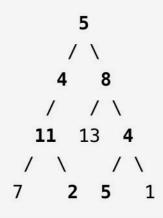
题型8: 二叉树上的最长路径和 剑指 Offer 34. 二叉树中和为某一值的路径 (中等)

输入一棵二叉树和一个整数,打印出二叉树中节点值的和为输入整数的所有路径。从树的根节点开始往下一直到叶节点所经过的节点形成一条路径。

示例:

给定如下二叉树,以及目标和 target = 22,

- 穷举每条路径
- 穷举->回溯
- 图上的回溯->DFS



返回:

```
[
[5,4,11,2],
[5,8,4,5]
]
```

提示:

1. 节点总数 <= 10000

```
class Solution {
    private List<List<Integer>> result = new ArrayList<>();
    public List<List<Integer>> pathSum(TreeNode root, int sum) {
        if (root == null) return result;
        dfs(root, sum, new ArrayList<>(), 0);
        return result;
    private void dfs(TreeNode root, int sum, List<Integer> path, int pathSum) {
        path.add(root.val);
        pathSum += root.val;
        if (root.left == null && root.right == null) {
            if (pathSum == sum) {
                List<Integer> pathSnapshot = new ArrayList<>();
                pathSnapshot.addAll(path);
                result.add(pathSnapshot);
            }
            path.remove(path.size()-1);
            return;
        }
        if (root.left != null) {
            dfs(root.left, sum, path, pathSum);
        }
        if (root.right != null) {
            dfs(root.right, sum, path, pathSum);
        }
        path.remove(path.size()-1);
        // pathSum == root.val 不需要这一句
```

}



王争的算法训练营



题型8: 二叉树上的最长路径和 437. 路径总和 Ⅲ (困难)

给定一个二叉树,它的每个结点都存放着一个整数值。

找出路径和等于给定数值的路径总数。

路径不需要从根节点开始,也不需要在叶子节点结束,但是路径方向必须是向下的(只能从父节点到子节点)。

二叉树不超过1000个节点, 且节点数值范围是 [-1000000,1000000] 的整数。

示例:

```
class Solution {
    private int count = 0;
    public int pathSum(TreeNode root, int sum) {
        dfs(root, sum);
        return count;
    }
    private Map<Integer, Integer> dfs(TreeNode root, int sum) {
        if (root == null) return new HashMap<>();
       Map<Integer, Integer> leftValues = dfs(root.left, sum);
       Map<Integer, Integer> rightValues = dfs(root.right, sum);
       Map<Integer, Integer> rootValues = new HashMap<>();
        rootValues.put(root.val, 1);
        for (Map.Entry<Integer, Integer> entry : leftValues.entrySet()) {
            int newKey = entry.getKey()+root.val;
            int newValue = entry.getValue();
            if (rootValues.containsKey(newKey)) {
                newValue += rootValues.get(newKey);
            rootValues.put(newKey, newValue);
        for (Map.Entry<Integer, Integer> entry : rightValues.entrySet()) {
            int newKey = entry.getKey() + root.val;
            int newValue = entry.getValue();
            if (rootValues.containsKey(newKey)) {
                newValue += rootValues.get(newKey);
            rootValues.put(newKey, newValue);
        }
        for (Map.Entry<Integer, Integer> entry : rootValues.entrySet()) {
            if (entry.getKey() == sum) {
                count += entry.getValue();
        return rootValues;
```





提问环节

关注微信公众号"小争哥", 后台回复"PDF"获取独家算法资料

