

Übungen zur Vorlesung

Mathematik I - Theoretische Grundlagen der Informatik

HWR Berlin, Wintersemester 2022/2023

Prof. Dr.-Ing. Sebastian Schlesinger

Besprechung in nächster Vorlesung

Blatt 3

Aufgabe 3.1 (Mengen)

(3 Punkte)

Bestimmen Sie die folgenden Mengen:

- (i) $(\{1,2\} \times \{3,4\}) \cup \{1,2,3\}$
- (ii) $\{a, b\} \times \mathcal{P}(\{1, 2\})$
- (iii) $\mathscr{P}(\{1,2\}) \cap \mathscr{P}(\{1\})$

Aufgabe 3.2 (Aussagen über Mengen)

(11 Punkte)

Es sei $A = \{1, 2\}$ und $B = \{1, 2, 3\}$. Welche der folgenden Beziehungen sind richtig?

- (i) $1 \in A$
- **(ii)** $\{1\} \subseteq A$
- (iii) $1 \in \mathcal{P}(A)$
- (iv) $\{1\} \in \mathcal{P}(A)$
- (v) $\mathscr{P}(A) \subseteq \mathscr{P}(B)$
- (vi) $A \in \mathcal{P}(B)$
- (vii) $\emptyset \in \mathcal{P}(A)$
- (viii) $\emptyset \subseteq \mathscr{P}(A)$
 - (ix) $\{\{1\},A\}\subseteq \mathcal{P}(A)$
 - (x) $(1,2) \in \mathcal{P}(A \times B)$
- (xi) $\{1,2\} \times \{1,2\} \in \mathcal{P}(A) \times \mathcal{P}(B)$

Aufgabe 3.3 (Kartesische Produkte)

(4 Punkte)

Es sei $A = \{1, 2\}$ und $B = \{2, 3, 4\}$. Bilden Sie die folgenden Mengen:

- (i) $A \times B$
- (ii) $(A \times A) \cap (B \times B)$
- (iii) $(A \times B) \setminus (B \times B)$
- (iv) $A \times A \times A$

Aufgabe 3.4 (Potenzmengenbeweis)

(4 Punkte)

Zeigen Sie für beliebige Mengen *A*, *B*:

$$A \subseteq B \Leftrightarrow \mathscr{P}(A) \subseteq \mathscr{P}(B)$$

Aufgabe 3.5 (Mengenbeweis)

(4 Punkte)

Zeigen Sie für beliebige Mengen *A*, *B*:

$$A \cap (B \cup A) = A$$

Aufgabe 3.6 (Potenzmengenbeweis)

(4 Punkte)

Zeigen Sie für beliebige Mengen *A*, *B*:

$$\mathcal{P}(A\cap B)=\mathcal{P}(A)\cap\mathcal{P}(B)$$

Aufgabe 3.7 (Relationendarstellungen)

(2 Punkte)

Sei $R = \{(1,1), (2,2), (1,3), (2,3), (2,1), (3,1)\}$ eine Relation. Stellen Sie die Relation als Graph und Adjazenzmatrix dar.

Aufgabe 3.8 (Relation)

(5 Punkte)

Diese Aufgabe ist etwas schwieriger.

Wir definieren $a \equiv b \Leftrightarrow 3 | (a - b)$ mit $a, b \in \mathbb{Z}$. Beschreiben Sie was die Relation ausdrückt.

Hinweis: Denken Sie an die Division mit Rest.