

최대공약수, 최소공배수

GCD(Greatest Common Divisor)

- 최대공약수를 구할 때 유클리드 알고리즘을 이용한다.
- a 를 b 로 나눈 나머지를 r 이라고 할 때, $\text{GCD}(a, b) == \text{GCD}(b, r)$ 의 관계가 성립된다.
즉, $a \% b == r$ 이므로 $\text{GCD}(a, b) == \text{GCD}(b, a \% b)$ 의 관계이다.
이 때, $r == 0$ 이 되면 그 때의 b 가 최대 공약수가 된다.
ex) $\text{GCD}(24, 16) = \text{GCD}(16, 24 \% 16) = \text{GCD}(16, 8)$
 $\text{GCD}(16, 8) = \text{GCD}(8, 16 \% 8) = \text{GCD}(8, 0)$ 이 때 8이 최대공약수가 된다.
- GCD는 재귀함수를 이용하면 간단히 구현할 수 있다.

```
int gcd(int a, int b) {  
    if (b == 0) {  
        return a;  
    }  
    else {  
        return gcd(b, a % b);  
    }  
}
```

```
int gcd(int a, int b) {  
    while (b != 0) {  
        int r = a % b;  
        a = b;  
        b = r;  
    }  
    return a;  
}
```

최대공약수, 최소공배수

GCD(Greatest Common Divisor)

- GCD(a, b)에서 a, b 중 어느 숫자가 큰 숫자가 와도 상관이 없다.

① $a > b$

$$\text{GCD}(24, 16) = \text{GCD}(16, 24\%16) = \text{GCD}(16, 8)$$

$$\text{GCD}(16, 8) = \text{GCD}(8, 16\%8) = \text{GCD}(8, 0)$$

② $a < b$

$$\text{GCD}(16, 24) = \text{GCD}(24, 16) = \text{이하 동일}$$

- 3개 이상의 최대공약수는 GCD 결과를 계속 사용하여 구할 수 있다.

ex) $\text{GCD}(a, \text{GCD}(b, c))$

최대공약수, 최소공배수

LCM(Least Common Mutiple)

- 최소 공배수는 두 수 a, b의 최대공약수를 g라고 하였을 때,
$$\text{LCM} = g * (a/g) * (b/g) = a * b / g$$

```
int gcd(int a, int b){  
    if(b == 0){  
        return a;  
    }  
    else{  
        return gcd(b, a%b);  
    }  
}
```

<https://www.acmicpc.net/problem/1934>

```
int lcm(int a, int b){  
    return a * b / gcd(a, b);  
}
```

