Circuits logiques combinatoires et séquentiels

Guy Bégin

16 novembre 2022

Analyse de circuits logiques

séquentiels synchrones

Objectifs

- Pouvoir analyser en détail le comportement d'un circuit séquentiel synchrone à partir de son schéma, selon différents types de bascules employées
- Pouvoir établir les équations de transition qui commandent les bascules
- Être familier avec la notion de tableau d'excitation
- Pouvoir tracer un diagramme d'état
- Pouvoir interpréter le comportement du système à partir de son diagramme d'état
- Savoir distinguer entre les deux modèles de circuit séquentiels (Moore et Mealy)

Démarche d'analyse

- Analyser un circuit logique séquentiel a pour but de déterminer le comportement qu'aura le circuit selon les séguences d'entrées qui lui seront appliquées et l'état dans lequel il se trouve initialement.
- On voudra aussi connaître quelles séquences de sorties seront produites.
- Dans la mesure où un circuit comporte une ou des bascules (peu importe le type) et un signal d'horloge, on peut considérer qu'il s'agit d'un circuit séquentiel synchrone.
- Le type de bascule sera pris en compte pour l'analyse, qui consistera à déterminer, pour un état présent donné, quel seront les prochains états possibles selon les valeurs d'entrée. © 00



Étapes

Les grandes lignes de la démarche sont les suivantes.



Identification des éléments fonctionnels

- 1. Identification des éléments fonctionnels :
 - 1.1 entrées externes
 - 1.2 éléments de mémoire
 - 1.3 décodeur de prochain état
 - 1.4 sorties externes
 - 1.5 décodeur de sortie



Expressions logiques

- 2. Expressions logiques du décodeur de prochain état : établies pour chaque entrée des bascules, en fonction des entrées externes et des variables d'état.
- 3. Expressions logiques des sorties externes, établies en fonction des entrées externes et des variables d'état.



Tableau d'excitation, diagramme d'état et interprétation

- 4. Construction du tableau d'excitation.
- 5. Diagramme d'état.
- 6. Interprétation du comportement du circuit séquentiel.



Équations de transition

- Au centre de ce processus se trouve l'analyse des circuits combinatoires qui déterminent ce que seront les entrées des bascules.
- Nous chercherons à établir les équations de transition qui précisent ce que sera le prochain état en fonction des entrées et de l'état présent.



Exemple d'analyse

Nous allons appliquer la démarche à un exemple qui nous permettra de mieux expliquer chacune des étapes. Considérons le circuit de la figure 1.

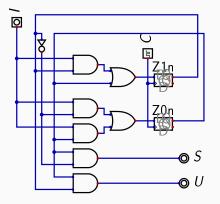




Figure 1 – Circuit séquentiel synchrone à analyser

Identification des éléments fonctionnels

- 1. Il y a une seule entrée externe I.
- 2. Il y a deux éléments de mémoire, étiquetés Z_0^n et Z_1^n .
- 3. On a un décodeur de prochain état pour deux bascules D.
- 4. If y a deux sorties externes : S et U.
- 5. Il y a un décodeur de sortie.



Expressions logiques pour le décodeur de prochain état

$$Z_0^{n+1} = I \cdot (Z_1^n)' + I \cdot Z_0^n$$

$$Z_1^{n+1} = I \cdot Z_1^n + Z_0^n$$



Expressions logiques des sorties externes

$$S=Z_0^n\cdot (Z_1^n)'$$

$$U=Z_0^n\cdot Z_1^n$$



Tableau d'excitation

Chaque ligne du tableau d'excitation 1 montre, à gauche, un état présent (identifiable par les valeurs de bascules) et une combinaison de valeurs d'entrées, et à droite, le prochain état et les valeurs de sortie produites.



Tableau d'excitation ... 2

Table 1 – Tableau d'excitation pour l'exemple

Z_1^n	Z_0^n	1	Z_1^{n+1}	Z_0^{n+1}	S	U
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0	0
0	1	0	1	0	1	0
0	1	1	1	1	1	0
1	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	0	0
1	1	0	1	0	0	1
1	1	1	1	1	0	1



Diagramme d'état

- Le diagramme d'état représente de façon schématique le comportement du circuit séquentiel.
- Les cercles correspondent aux différents états dans lesquels le système peut se trouver.
- On peut utiliser des étiquettes à l'intérieur des cercles pour nommer les états.
- On peut aussi y indiquer les numéros d'états (soit en vecteurs de bits, soit avec des nombres binaires comme ici sur la figure).



Diagramme d'état ... 2

- Les sorties produites par le système sont aussi indiquées dans les cercles.
- Les transitions entre les états sont indiquées par des flèches.
- Une flèche qui revient vers le même cercle signifie que l'état ne change pas.
- Les conditions appliquées aux entrées pour déclencher les transitions sont indiquées sur les flèches.



Diagramme d'état . . . 3

- Dans la figure, on voit aussi l'état initial, identifié par une flèche partant d'un gros point noir.
- Le diagramme d'état se construit aisément à partir du tableau d'excitation.



Diagramme d'état obtenu

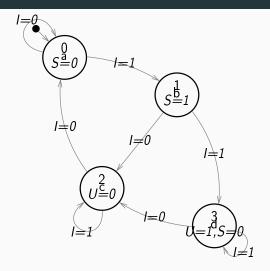


Figure 2 - Diagramme d'état



Interprétation du comportement du circuit séquentiel.

- Le système est initialement à l'état a.
- Tant que l'entrée / est 0, il demeure dans cet état.
- Lorsque I = 1, on passe à l'état b.
- Si / reste à 1, on passe à l'état d et on boucle sur l'état d.
- Si I revient à 0, de l'état b ou d, on passe à l'état c.
- De l'état c, si l = 1, on reste dans l'état c.
- Sinon (I = 0), on retourne à l'état a.



Comportement

- La figure 3 montre une trace des formes d'onde observées en fonctionnement pour le système.
- Dans cet exemple, le système boucle d'abord sur l'état a (valeur 0 sur la trace) puis, passe à l'état b (valeur 1) et ensuite l'état d (valeur 3), boucle sur l'état d et passe ensuite à l'état c (valeur 2) pour finalement revenir à l'état a.



Exemple de fonctionnement

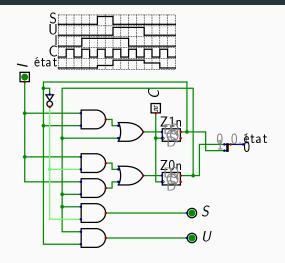


Figure 3 - Exemple de fonctionnement



Analyse pour des bascules JK

- Pour analyser un circuit séquentiel utilisant des bascules JK, on détermine d'abord les expressions J_A et K_A , J_B et K_B , etc., pour chacune des bascules.
- On doit ensuite se référer au tableau caractéristique du précédent chapitre pour ce type de bascule pour déterminer quelles seront les prochaines valeurs de sortie pour chacune des bascules.
- L'exemple suivant illustre la procédure.



Exemple avec bascules JK

Considérons le circuit séquentiel de la figure 4.

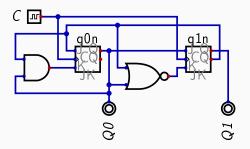


Figure 4 - Exemple de circuit séquentiel avec des bascules JK



Exemple avec bascules JK ... 2

À partir des expression des entrées J et K suivantes :

$$J_0=(q_1^n)'$$

$$K_0=q_0^n\cdot (q_1^n)'$$

$$J_1=q_0^n$$

$$K_1 = (q_0^n)' \cdot q_1^n$$

on peut remplir le tableau d'excitation (tableau 2).



Tableau d'excitation circuit séquentiel JK

Table 2 – Tableau d'excitation circuit séquentiel JK

q_1^{n+1}	q_0^n	J_0	K_0	J_1	K_1	q_1^{n+1}	q_0^{n+1}
0	0	1	0	0	0	0	1
0	1	1	1	1	0	1	0
1	0	0	0	0	1	0	0
1	1	0	0	1	0	1	1



Diagramme d'état

À partir du tableau d'excitation, on peut tracer le diagramme d'état (figure 5).

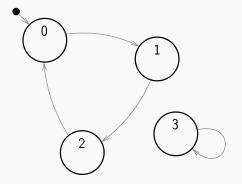


Figure 5 – Diagramme d'état du circuit séquentiel avec bascules JK



Modèles de machines séquentielles

- On appelle les modèles abstraits de systèmes séquentiels des machines à état fini (en anglais, Finite State Machines, (FSM)).
- On distingue deux modèles de circuit séquentiels, selon la façon dont les sortie sont obtenues.
- Dans le modèle de Mealy, les sorties dépendent à la fois des entrées et des variables d'état présent (figure 6).
- Dans le modèle de Moore, les sorties ne dépendent que des variables d'état présent (figure 7).



Machine de Mealy

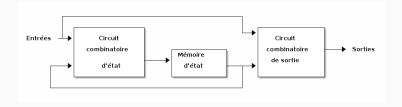


Figure 6 - Machine de Mealy



Machine de Moore

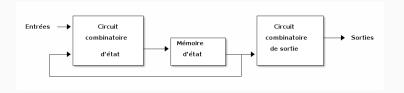


Figure 7 - Machine de Moore

