

Генератор лексических анализаторов Мяука
Версия 1.0.0

Гаврилов Владимир Сергеевич

29 июня 2017 г.

Оглавление

Введение	2
1 Сведения из теории формальных языков	3
1.1 Определение алфавитов и языков	3
1.2 Операции над языками и регулярные выражения	4
1.3 Конечные автоматы	6
1.3.1 Преобразование недетерминированного автомата в детерминированный	8
1.3.2 Моделирование конечного автомата	10
1.3.3 Построение НКА по регулярному выражению	11
1.3.4 Построение ДКА по регулярному выражению	15
1.3.5 Минимизация детерминированных конечных автоматов	20
1.4 Нерегулярные языки и лемма о разрастании	23
2 Структура обрабатываемых файлов и порождаемый программный код	24
2.1 Структура файла с описанием лексического анализатора	24
2.2 Порождаемый программный код	27
3 Пример программы тестирования работы сгенерированного сканера	46
Список литературы	49

Введение

Проект Мяука представляет собой генератор лексических анализаторов, порождающий текст лексического анализатора на языке C++. К данному моменту имеется достаточно много таких генераторов, например *Coco/R*, *flex*, *flex++*, *flexc++*, и этот список далеко не полон. Однако у всех этих генераторов есть один общий недостаток. Состоит указанный недостаток в том, что этими генераторами, по существу, автоматизируются лишь задачи проверки корректности записи и обнаружения начала лексем, а порождение значения лексемы по её строковому представлению должно выполняться вызываемой после проверки корректности лексемы функцией, написанной пользователем генератора. При этом, во-первых, дважды выполняется проход по фрагменту входной строки, и, во-вторых, приходится вручную реализовывать часть конечного автомата, построенного генератором лексических анализаторов. Предлагаемый генератор нацелен на устранение данного недостатка.

Глава 1. Сведения из теории формальных языков

Данная глава посвящена минимально необходимым для реализации лексического анализа сведениям из теории формальных языков и конечных автоматов.

1.1. Определение алфавитов и языков

Прежде всего приведём определение алфавита и языка.

Алфавитом называется любое конечное множество некоторых символов. При этом понятие символа не определяется, поскольку оно в теории формальных языков является базовым.

Как правило, алфавит будем обозначать заглавными греческими буквами (например, буквой Σ), возможно, с нижними индексами.

Приведём примеры алфавитов:

- 1) $\{0, 1\}$ — алфавит Σ_1 , состоящий из нуля и единицы;
- 2) $\{A, B, \dots, Z\}$ — алфавит Σ_2 , состоящий из заглавных латинских букв;
- 3) $\{А, Б, В, Г, Д, Е, Ё, \dots, Я\}$ — алфавит Σ_3 , состоящий из заглавных русских букв;
- 4) $\{\text{int, void, return, *, (,), '{', '}', :, main, number}\}$ — алфавит Σ_4 , состоящий из ключевых слов **int**, **void**, **return** языка Си, идентификатора **main**, звёздочки, круглых скобок, фигурных скобок, точки с запятой, и целых чисел *number* (синтаксис целых чисел — как в языке Си);
- 5) $\{a_1, a_2, a_3, a_4\}$ — алфавит Σ_5 , состоящий из каких-то четырёх символов.

Из символов алфавита можно составлять **строки**, то есть конечные последовательности символов. Если строка состоит из символов алфавита Σ , то её называют **строкой над алфавитом Σ** . **Длиной строки x** называется количество символов в этой строке. Длину строки x будем обозначать $|x|$. Строка, вообще не содержащая символов, называется **пустой строкой** и будет обозначаться ε .

Приведём примеры строк:

- 1) 0111001 — строка над алфавитом Σ_1 ;
- 2) ENGLISH, INTEL — строки над алфавитом Σ_2 ;
- 3) МОСКВА, ГОРЬКИЙ, АЛЁШКОВО — строки над алфавитом Σ_3 ;
- 4) **int main (void){ 'return number'; }** — строка над алфавитом Σ_4 ;
- 5) $a_1 a_3 a_2 a_2 a_4$ — строка над алфавитом Σ_5 .

Далее потребуется операция **сцепления** (иногда говорят **конкатенации**) строк. Эта операция заключается в приписывании одной строки в конец другой. Например, если строки α и β таковы, что $\alpha = abc$, $\beta = defg$, то сцепление строк α и β обозначается $\alpha\beta$, и представляет собой строку $abcdefg$.

Множество всех строк над алфавитом Σ обозначается Σ^* . Скажем, если $\Sigma = \{0, 1\}$, то $\Sigma^* = \{\varepsilon, 0, 1, 00, 01, 10, 11, 000, \dots, 1010, \dots\}$. Ясно, что множество всех строк над заданным алфавитом — бесконечно.

Любой набор строк над некоторым алфавитом называется **языком** (ещё называют **формальным языком**, чтобы отличать от естественных языков). Допустим, из всевозможных строк над алфавитом $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, ', -\}$ можно выбрать те, которые являются корректной записью некоторого вещественного числа: $L = \{0, -1.5, 1002.123345, 777, \dots\}$. Языки обозначаются заглавными латинскими буквами, возможно с нижними индексами. Язык может являться конечным множеством строк: если L — язык над алфавитом $\{a, b\}$, содержащий лишь строки состоящие из менее чем трёх символов, то $L = \{\varepsilon, a, b, aa, ab, ba, bb\}$.

1.2. Операции над языками и регулярные выражения

Поскольку язык — это некоторое множество строк, то нужно уметь это множество как-то описывать. Одним из способов описания являются так называемые регулярные выражения. Прежде чем определить, что такое регулярное выражение, нужно определить операции над языками. Операции над языками, которые нам потребуются, собраны в табл.1.2.1.

Таблица 1.2.1. Операции над языками.

Операция	Определение и обозначение операции
Объединение L и M	$L \cup M = \{s : s \in L \text{ или } s \in M\}$
Сцепление L и M	$LM = \{st : s \in L \text{ и } t \in M\}$
Замыкание Клини языка L	$L^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} L^i$
Положительное замыкание языка L	$L^+ = \bigcup_{i=1}^{\infty} L^i$

В этой таблице L и M — некоторые языки над алфавитом Σ . Кроме того, в таблице используется обозначение L^i , которое означает следующее: $L^0 = \{\varepsilon\}$, $L^i = \underbrace{L \dots L}_{i \text{ раз}}$.

Определение 1.2.1. Регулярные выражения строятся из подвыражений, в соответствии с описанными ниже правилами. В этих правилах через $L(r)$ обозначен язык, описываемый регулярным выражением r . Правила построения регулярных выражений таковы:

- 1) ε — регулярное выражение, и $L(\varepsilon) = \{\varepsilon\}$;
- 2) если a — символ алфавита Σ , то a — регулярное выражение, и $L(a) = \{a\}$;
- 3) если r и s — регулярные выражения, то $(r)|(s)$ — тоже регулярное выражение, и $L((r)|(s)) = L(r) \cup L(s)$;
- 4) если r и s — регулярные выражения, то и $(r)(s)$ — регулярное выражение, причём $L((r)(s)) = L(r)L(s)$;
- 5) если r — регулярное выражение, то $(r)^*$ также является регулярным выражением, и $L((r)^*) = (L(r))^*$;
- 6) если r — регулярное выражение, то и (r) — регулярное выражение, причём $L((r)) = L(r)$;
- 7) ничто иное не является регулярным выражением.

Записанные в соответствии с этим определением регулярные выражения часто содержат лишние пары скобок. Многие скобки можно опустить, если принять следующие соглашения:

- 1) унарный оператор $*$ — левоассоциативен (т.е. выполняется слева направо) и имеет наивысший приоритет;
- 2) сцепление имеет второй по величине приоритет и также левоассоциативно;
- 3) оператор $|$ — левоассоциативен, и имеет наименьший приоритет.

Пользуясь данными соглашениями, регулярное выражение $(a)|((b)^*c)$ можно переписать в виде $a|b^*c$.

Приведём примеры регулярных выражений.

Пример 1.2.1. Пусть $\Sigma = \{a, b\}$. Тогда

- 1) регулярное выражение $a|b$ описывает язык $\{a, b\}$;
- 2) регулярное выражение $(a|b)(a|b)$ описывает язык $\{aa, ab, ba, bb\}$ над алфавитом Σ ; другое регулярное выражение для того же языка — $aa|ab|ba|bb$;
- 3) регулярное выражение a^* описывает язык, состоящий из всех строк из нуля или более символов a , т.е. язык $\{\varepsilon, a, aa, aaa, \dots\}$;

- 4) регулярное выражение $(a|b)^*$ описывает множество всех строк из символов a и b : $\{\varepsilon, a, b, aa, ab, ba, bb, aaa, \dots\}$; другое регулярное выражение для того же языка: $(a^*|b^*)^*$;
- 5) регулярное выражение $a|a^*b$ описывает язык $\{a, b, ab, aab, aaab, \dots\}$.

Язык, который может быть определён регулярным выражением, называется **регулярным языком**. Если два регулярных выражения, r и s , описывают один и тот же язык, то выражения r и s называются **эквивалентными**, что записывается как $r = s$. Для регулярных выражений есть ряд алгебраических законов, каждый из которых заключается в утверждении об эквивалентности двух разных регулярных выражений. В табл.1.2.2 приведены некоторые такие законы. Другие алгебраические законы для регулярных выражений можно найти, например, в [2].

Таблица 1.2.2. Некоторые алгебраические законы для регулярных выражений.

Закон	Описание
$r s = s r$	Оператор $ $ — коммутативен.
$r (s t) = (r s) t$	Оператор $ $ — ассоциативен.
$r(st) = (rs)t$	Сцепление — ассоциативно.
$r(s t) = rs rt$ $(s t)r = sr tr$	Сцепление дистрибутивно относительно оператора $ $.
$\varepsilon r = r\varepsilon = r$	ε является нейтральным элементом по отношению к сцеплению строк.
$r^* = (r \varepsilon)^*$	ε гарантированно входит в замыкание Клини.
$(r^*)^* = r^*$	Оператор * — идемпотентен.

Для удобства записи регулярным выражениям можно присваивать имена и использовать затем эти имена в последующих выражениях так, как если бы это были символы. Если Σ — некоторый алфавит, то **регулярным определением** называется последовательность определений вида

$$\begin{aligned} d_1 &\rightarrow r_1 \\ d_2 &\rightarrow r_2 \\ &\dots \\ d_n &\rightarrow r_n \end{aligned}$$

Здесь

- 1) каждое d_i — новый символ, не входящий в Σ и не совпадающий ни с каким иным d_i ;
- 2) каждое r_i при $i > 1$ — регулярное выражение над алфавитом $\Sigma \cup \{d_1, \dots, d_{i-1}\}$, а r_1 — регулярное выражение над алфавитом Σ .

Пример 1.2.2. Идентификаторы языка Си представляют собой строки из латинских букв, десятичных цифр, и знаков подчёркивания, причём идентификатор не должен начинаться с десятичной цифры. С помощью регулярных определений это можно записать так:

$$\begin{aligned} \text{буква} &\rightarrow A|B|C|D|E|F|G|H|I|J|K|L|M|N|O|P|Q|R|S|T|U|V|W|X|Y|Z| \\ &\quad a|b|c|d|e|f|g|h|i|j|k|l|m|n|o|p|q|r|s|t|u|v|w|x|y|z \\ \text{буква_или_подчерк} &\rightarrow \text{буква}|_ \\ \text{цифра} &\rightarrow 0|1|2|3|4|5|6|7|8|9 \\ \text{идентификатор} &\rightarrow \text{буква_или_подчерк}(\text{буква_или_подчерк}|цифра)^* \end{aligned}$$

Пример 1.2.3. Пусть беззнаковые числа (целые и с плавающей запятой) представляют собой строки вида 5280; 0.01234; 6.336E4; 1.89E-4. Точную спецификацию этого множества строк можно записать в виде следующего регулярного определения:

$$\begin{aligned} \text{цифра} &\rightarrow 0|1|2|3|4|5|6|7|8|9 \\ \text{цифры} &\rightarrow \text{цифра} \text{цифра}^* \\ \text{необяз_дробная_часть} &\rightarrow \text{.цифры}|\varepsilon \\ \text{необяз_экспонента} &\rightarrow E(+|-|\varepsilon)\text{цифры}|\varepsilon \\ \text{число} &\rightarrow \text{цифры} \text{необяз_дробная_часть} \text{необяз_экспонента} \end{aligned}$$

С тех пор, как в 1950-х Клини ввёл регулярные выражения с базовыми операторами объединения, сцепления, и замыкания Клини, к регулярным выражениям добавлено много расширений, о которых можно прочитать, скажем, в [3]. Упомянем лишь некоторые из них.

1) *Один или несколько экземпляров*. Унарный постфиксный оператор $^+$ представляет положительное замыкание регулярного выражения и его языка. Иначе говоря, если r — регулярное выражение, то $(r)^+$ описывает язык $(L(r))^+$. Оператор $^+$ имеет те же приоритет и ассоциативность, что и оператор * . Замыкание Клини и положительное замыкание связывают два алгебраических закона: $r^* = r^+|\varepsilon$ и $r^+ = rr^* = r^*r$.

2) *Ноль или один экземпляр*. Унарный постфиксный оператор $^?$ означает „ноль или один экземпляр“, то есть запись $r^?$ представляет собой сокращение для $r|\varepsilon$. Иными словами, $L(r^?) = L(r) \cup \{\varepsilon\}$. Оператор $^?$ имеет те же приоритет и ассоциативность, что и операторы * и $^+$.

3) *Классы символов*. Регулярное выражение $a_1| \dots |a_n$, где a_i , $i = \overline{1, n}$, — символы алфавита, можно переписать сокращённо: $[a_1 \dots a_n]$. При этом если символы a_1, \dots, a_n образуют логическую последовательность (например, последовательные прописные буквы, последовательные строчные буквы, десятичные цифры), то выражение $a_1| \dots |a_n$ можно заменить выражением $[a_1 - a_n]$. Например, $a|b|c$ можно переписать в виде $[abc]$, а $a| \dots |z$ — в виде $[a \dots z]$ или $[a - z]$.

Приведём примеры использования этих трёх расширений.

Пример 1.2.4. С помощью указанных расширений определение идентификаторов языка Си можно записать так:

буква $\rightarrow [A - Z a - z]$
 буква_или_подчерк \rightarrow буква|_
 цифра $\rightarrow [0 - 9]$
 идентификатор \rightarrow буква_или_подчерк(буква_или_подчерк|цифра)*

Определение же беззнаковых чисел можно переписать так:

цифра $\rightarrow [0 - 9]$
 цифры \rightarrow цифра $^+$
 число \rightarrow цифры(.цифры)?($E[+-]$?цифры)?

Упражнение 1.2.1. Опишите языки, соответствующие следующим регулярным выражениям:

- а) $a(a|b)^*a$;
- б) $((\varepsilon|a)b^*)^*$;
- в) $(a|b)^*a(a|b)(a|b)$;
- г) $a^*ba^*ba^*ba^*$;
- д) $(aa|bb)^*((ab|ba)(aa|bb)^*(ab|ba)(aa|bb)^*)^*$.

Упражнение 1.2.2. Запишите классы символов для следующих множеств:

- а) первые десять букв русского алфавита, как в верхнем, так и в нижнем регистре;
- б) строчные согласные русского алфавита;
- в) цифры шестнадцатичного числа (для цифр, больших 9, могут использоваться как строчные, так и прописные буквы);
- г) символы, которые могут находиться в конце корректного предложения на русском языке.

1.3. Конечные автоматы

На данный момент мы знаем, что регулярный язык — это язык, определяемый регулярным выражением. Однако встаёт вопрос: как определять, принадлежит ли строка регулярному языку или нет (или, как ещё говорят, как распознавать регулярные языки)?

Запрограммировать распознавание позволяют **конечные автоматы**. Прежде всего скажем о **детерминированных конечных автоматах**.

Автомат — это некоторое устройство с конечным числом состояний. Среди всех состояний можно выделить „особые“: это **начальное** состояние, и одно или более **допускающих** (или **конечных**) состояний. Начальное состояние — это состояние, в котором автомат находится в момент запуска. На вход автомата подаются символы некоторого алфавита. В зависимости от поданного на вход символа и текущего состояния автомат либо переходит в другое состояние, либо остаётся в текущем состоянии. Если пара (состояние, входной символ) однозначно определяет используемое правило перехода, то автомат называется **детерминированным**.

Дадим теперь формальное определение конечного автомата.

Определение 1.3.1. **Конечным автоматом** (сокращённо КА) называется пятёрка $M(Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$, в которой

Q — конечное множество состояний автомата;

Σ — конечное множество допустимых входных символов (алфавит автомата);

δ — функция переходов, отображающая произведение $Q \times \Sigma$ во множество всех подмножеств множества Q , то есть $\delta : Q \times \Sigma \rightarrow \mathcal{P}(Q)$;

$q_0 \in Q$ — начальное состояние автомата;

F — непустое множество конечных состояний, $F \subseteq Q$, $F \neq \emptyset$.

Если функция δ определена на всём множестве $Q \times \Sigma$, то конечный автомат называется **полностью определённым**.

Если при всех $(q, a) \in Q \times \Sigma$ имеется не более одного состояния, в которое переходит КА, то автомат называется **детерминированным** (сокращённо — ДКА). В противном случае автомат называется **недетерминированным** (сокращённо — НКА). Кроме того, у НКА могут быть переходы по ε .

Функцию переходов δ можно задать таблицей. Такая таблица называется **таблицей переходов**. Ниже приведён пример таблицы переходов.

Таблица 1.3.1. Пример таблицы переходов для ДКА.

	a	b	c	Примечание
1	5		1	
2		4	1	конечное состояние
3			1	начальное состояние
4	3			
5	2			

В этой таблице в первом столбце указаны имена состояний автомата (в данном случае — просто числа), а a, b, c — символы, из которых состоит алфавит автомата. На пересечении строки с именем состояния и столбца, соответствующего символу алфавита, указано состояние, в которое переходит автомат. Например, на пересечении строки с именем 2 и столбца с именем b стоит 4. Следовательно, $\delta(2, b) = 4$. Если какая-либо ячейка пуста, то это означает, что соответствующего перехода нет.

Кроме того, переходы автомата можно задать с помощью ориентированного графа, вершинами которого являются состояния, а рёбрами — переходы. Такой граф называется **диаграммой переходов** конечного автомата. На следующем рисунке изображён пример диаграммы переходов.

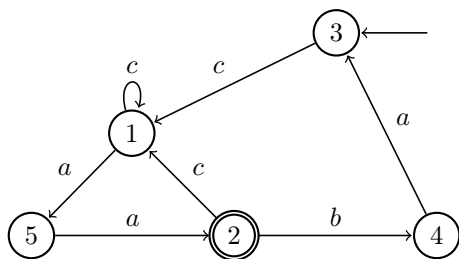


Рис. 1.3.1. Пример диаграммы переходов ДКА.

Здесь круги обозначают состояния, причём круги с двойной рамкой — конечные состояния; надпись над стрелкой обозначает символ, по которому совершается переход; переход выполняется

из состояния в начале стрелки в состояние в конце стрелки. Стрелкой, не идущей ни из какого состояния, помечено начальное состояние автомата.

1.3.1. Преобразование недетерминированного автомата в детерминированный

Из определения конечного автомата следует, что любой ДКА является НКА. Обратное, вообще говоря, неверно. Однако доказано (см. [1, 2]), что любой НКА можно преобразовать в распознающий тот же язык ДКА.

Идея преобразования состоит в том, что каждое состояние строящегося ДКА соответствует множеству состояний исходного, недетерминированного, автомата. После чтения входной строки $a_1a_2 \dots a_n$ построенный ДКА находится в состоянии, соответствующем множеству состояний, которых может достичь исходный автомат по пути, помеченному строкой $a_1a_2 \dots a_n$. Возможна ситуация, когда количество состояний построенного ДКА экспоненциально зависит от количества состояний исходного, недетерминированного, автомата. Однако при лексическом анализе реальных языков такого не бывает.

Прежде чем сформулировать алгоритм преобразования НКА в ДКА, с помощью приводимой ниже таблицы опишем необходимые для этого алгоритма операции.

Таблица 1.3.2. Операции для алгоритма преобразования НКА в ДКА.

Операция	Описание
ε -замыкание(s)	Множество состояний НКА, достижимых из состояния s по ε -переходам. При этом всегда $s \in \varepsilon$ -замыкание(s).
ε -замыкание(T)	$\bigcup_{s \in T} \varepsilon$ -замыкание(s) (T — множество состояний)
переход(T, a)	Множество состояний НКА, в которые имеется переход из некоторого состояния $s \in T$ по символу a .

Приведём теперь сам алгоритм построения ДКА по НКА.

Алгоритм 1.3.1. Построение ДКА по НКА.

Вход: НКА $M(Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$.

Выход: ДКА $M'(Q', \Sigma, \delta', q'_0, F')$.

Метод.

Изначально в Q' имеется лишь одно состояние, ε -замыкание(q_0), и оно не помечено. Далее делаем так:

```

пока в  $Q$  есть непомеченное состояние  $T$ 
  пометить  $T$ 
  для всех  $a \in \Sigma$ 
     $U \leftarrow \varepsilon$ -замыкание(переход( $T, a$ ))
    если  $U \notin Q'$  то
      добавить  $U$  в  $Q'$  как непомеченное состояние
      положить  $\delta'(T, a) = U$ 
    всё
  конец для
конец пока

```

Вычисление ε -замыкания множества состояний T производится следующим образом:

```

поместить все состояния множества  $T$  в стек  $stack$ 
инициализировать  $\varepsilon$ -замыкание( $T$ ) множеством  $T$ 
пока  $stack$  не пуст
  снять со стека верхний элемент,  $t$ 
  для всех состояний  $u$  с дугой от  $t$  к  $u$ , помеченной  $\varepsilon$ 
    если  $u \notin \varepsilon$ -замыкание( $T$ ) то
      добавить  $u$  во множество  $\varepsilon$ -замыкание( $T$ )
      поместить  $u$  в  $stack$ 
    всё
  конец для

```

конец пока

Допускающими состояниями построенного автомата будут те состояния $T \in Q'$, для которых $T \cap F \neq \emptyset$.

Приведём пример применения этого алгоритма.

Пример 1.3.1. Рассмотрим следующий недетерминированный КА, допускающий язык $(a|b)^*abb$ ($\Sigma = \{a, b\}$):

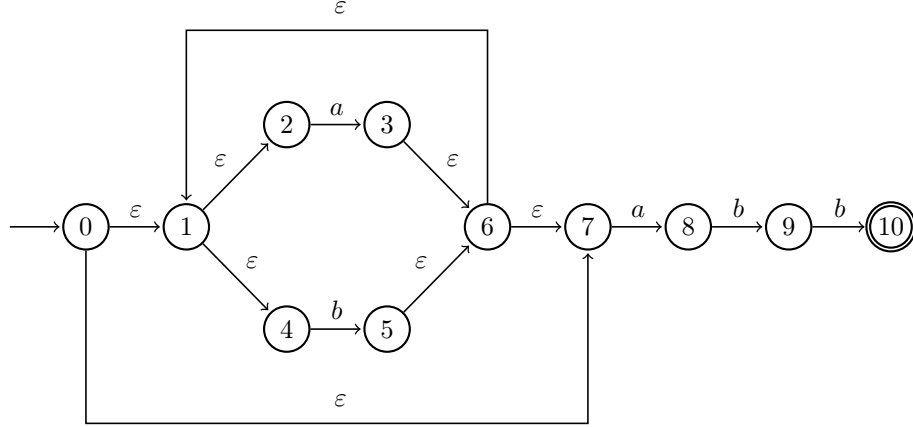


Рис. 1.3.2. Диаграмма переходов НКА, допускающего язык $(a|b)^*abb$.

Построим по этому НКА, пользуясь алгоритмом 1.3.1, соответствующий ДКА.

Прежде всего, начальным состоянием будет $A = \epsilon\text{-замыкание}(0) = \{0, 1, 2, 4, 7\}$. Вычислим $\delta'(A, a) \equiv \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(A, a))$.

Среди состояний $\{0, 1, 2, 4, 7\}$ только у состояний 2 и 7 есть переход по символу a (в состояния 3 и 8 соответственно). Поэтому $\text{переход}(A, a) = \{3, 8\}$. Далее, из состояния 3 можно с помощью ϵ -переходов прийти в состояния 3, 6, 7, 1, 2, 4; а из состояния 8 — только в состояние 8. Поэтому $\epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(A, a)) = \{1, 2, 3, 4, 6, 7, 8\}$. Обозначим это множество B . Поскольку конечное состояние НКА, 10, множеству B не принадлежит, то B конечным состоянием не является.

Вычислим $\delta'(A, b) \equiv \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(A, b))$. Среди всех состояний множества A только у состояния 4 есть переход по символу b . Это переход в состояние 5. А из состояния 5 по ϵ -переходам можно прийти в состояния 5, 6, 7, 1, 2, 4. Значит $\delta'(A, b) \equiv \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(A, b)) = \epsilon\text{-замыкание}(\{5\}) = \{1, 2, 4, 5, 6, 7\}$. Обозначим данное множество C .

Последующие выкладки выглядят так:

$$\begin{aligned}
 \delta'(B, a) &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(B, a)) = \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{1, 2, 3, 4, 6, 7, 8\}, a)) = \\
 &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{2, 7\}, a)) = \epsilon\text{-замыкание}(\{3, 8\}) = B; \\
 \delta'(B, b) &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(B, b)) = \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{1, 2, 3, 4, 6, 7, 8\}, b)) = \\
 &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{4, 8\}, b)) = \epsilon\text{-замыкание}(\{5, 9\}) = \{1, 2, 4, 5, 6, 7, 9\} \equiv D; \\
 \delta'(C, a) &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(C, a)) = \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{1, 2, 4, 5, 6, 7\}, a)) = \\
 &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{2, 7\}, a)) = B; \\
 \delta'(C, b) &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(C, b)) = \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{1, 2, 4, 5, 6, 7\}, b)) = \\
 &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{4\}, b)) = \epsilon\text{-замыкание}(\{5\}) = C; \\
 \delta'(D, a) &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(D, a)) = \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{1, 2, 4, 5, 6, 7, 9\}, a)) = \\
 &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{2, 7\}, a)) = B; \\
 \delta'(D, b) &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(D, b)) = \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{1, 2, 4, 5, 6, 7, 9\}, b)) = \\
 &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{4, 9\}, a)) = \epsilon\text{-замыкание}(\{5, 10\}) = \{1, 2, 4, 5, 6, 7, 10\} \equiv E; \\
 \delta'(E, a) &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(E, a)) = \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{1, 2, 4, 5, 6, 7, 10\}, a)) = \\
 &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{2, 7\}, a)) = B; \\
 \delta'(E, b) &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(E, b)) = \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{1, 2, 4, 5, 6, 7, 10\}, b)) = \\
 &= \epsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(\{4\}, b)) = C
 \end{aligned}$$

Соберём эти результаты в таблице переходов:

Таблица 1.3.3. Таблица переходов ДКА, распознающего язык $(a|b)^*abb$.

Множество состояний НКА	Состояние ДКА	a	b	Примечание
$\{0, 1, 2, 4, 7\}$	A	B	C	начальное состояние
$\{1, 2, 3, 4, 6, 7, 8\}$	B	B	D	
$\{1, 2, 4, 5, 6, 7\}$	C	B	C	
$\{1, 2, 4, 5, 6, 7, 9\}$	D	B	E	
$\{1, 2, 4, 5, 6, 7, 10\}$	E	B	C	конечное состояние

Приведём диаграмму переходов, построенную по этой таблице:

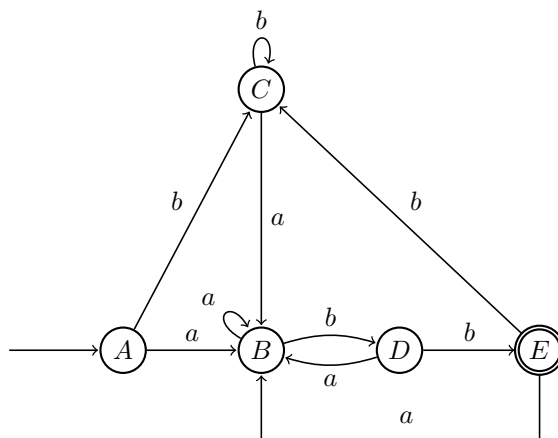


Рис. 1.3.3. Диаграмма переходов ДКА, допускающего язык $(a|b)^*abb$.

1.3.2. Моделирование конечного автомата

Приведём теперь алгоритмы работы конечных автоматов. Начнём с детерминированных автоматов.

Алгоритм 1.3.2. Моделирование ДКА.

Вход: входная строка x с завершающим символом eof и ДКА M с начальным состоянием q_0 , набором принимающих состояний F и функцией переходов δ .

Выход: ответ „да“, если автомат M принимает строку x , и ответ „нет“ — в противном случае.

Метод.

```

 $s \leftarrow q_0$ 
 $c \leftarrow \text{следующий\_символ}()$ 
пока  $c \neq \text{eof}$ 
     $s \leftarrow \delta(s, c)$ 
     $c \leftarrow \text{следующий\_символ}()$ 
конец пока
если  $s \in F$  то
    выдать „да“
иначе
    выдать „нет“
всё

```

А теперь приведём алгоритм работы НКА.

Алгоритм 1.3.3. Моделирование НКА.

Вход: входная строка x с завершающим символом eof и НКА M с начальным состоянием q_0 , набором принимающих состояний F и функцией переходов δ .

Выход: ответ „да“, если автомат M принимает строку x , и ответ „нет“ — в противном случае.

Метод.

```

 $S \leftarrow \varepsilon\text{-замыкание}(q_0)$ 
 $c \leftarrow \text{следующий\_символ}()$ 
пока  $c \neq \text{eof}$ 
     $S \leftarrow \varepsilon\text{-замыкание}(\text{переход}(S, c))$ 
     $c \leftarrow \text{следующий\_символ}()$ 
конец пока
если  $S \cap F \neq \emptyset$  то
    выдать „да“
иначе
    выдать „нет“
всё

```

Приведённые алгоритмы моделирования работы конечных автоматов, по существу, являются алгоритмами, отвечающими на вопрос: принадлежит ли входная строка языку, задаваемому конечным автоматом, или нет. Однако для реализации лексического анализа удобнее одновременно с переходами по состояниям совершать действия по построению лексемы соответствующего типа.

1.3.3. Построение НКА по регулярному выражению

Приведём теперь алгоритм построения по произвольному регулярному выражению недетерминированного конечного автомата, распознающего язык, соответствующий регулярному выражению.

Алгоритм 1.3.4. Алгоритм МакНотона–Ямады–Томпсона построения НКА по регулярному выражению.

Вход: регулярное выражение r над алфавитом Σ .

Выход: НКА N , принимающий язык $L(r)$.

Метод.

Начнём с разбора выражения r на составляющие подвыражения. Правила построения НКА состоят из базисных правил для обработки подвыражений без операторов и индуктивных правил для построения больших конечных автоматов по автоматам для непосредственных подвыражений данного выражения. Далее действуем в соответствии со следующими правилами.

1) Для каждого подвыражения ε строим НКА

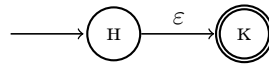


Рис. 1.3.4. НКА для подвыражения ε .

Здесь буквой „н“ обозначено новое состояние, представляющее собой начальное состояние НКА для подвыражения ε , а буквой „к“ — новое состояние, являющееся конечным состоянием НКА.

2) Для каждого подвыражения a , где a — символ алфавита Σ , строим НКА

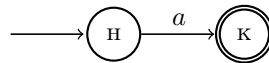


Рис. 1.3.5. НКА для подвыражения a , где a — символ алфавита Σ .

Здесь буквой „н“ обозначено новое состояние, представляющее собой начальное состояние НКА для подвыражения a , а буквой „к“ — новое состояние, являющееся конечным состоянием НКА.

При этом в обоих случаях для каждого подвыражения ε и каждого подвыражения a строится новый НКА, сколько бы в r ни было экземпляров ε и a .

3) Предположим теперь, что $N(s)$ и $N(t)$ — недетерминированные конечные автоматы, построенные по регулярным выражениям s и t соответственно.

а) Пусть $r = st$. В этом случае $N(r)$ строится так, как изображено на рис.1.3.6.

Начальное состояние автомата $N(s)$ становится начальным состоянием автомата $N(r)$, а конечное состояние автомата $N(t)$ — единственным конечным состоянием автомата $N(r)$. Конечное состояние автомата $N(s)$ и начальное состояние автомата $N(t)$ склеиваются в одно состояние, со всеми входящими и исходящими переходами обоих состояний.

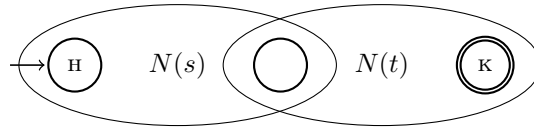


Рис. 1.3.6. НКА для выражения st .

б) Пусть $r = s|t$. Тогда $N(r)$, НКА для выражения r , строится так, как показано на рис.1.3.7. Здесь буквой „н“ обозначено новое состояние, представляющее собой начальное состояние автомата $N(r)$, а буквой „к“ — новое состояние, являющееся конечным состоянием НКА. Обратите внимание, что принимающие состояния автоматов $N(s)$ и $N(t)$ не являются принимающими состояниями для $N(r)$.

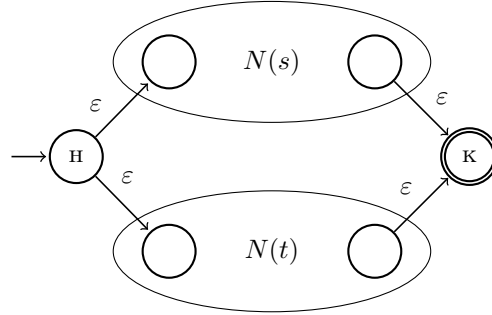


Рис. 1.3.7. НКА для выражения $s|t$.

в) Пусть $r = s^*$. Тогда для выражения r НКА $N(r)$ строится так, как изображено на рис.1.3.8.

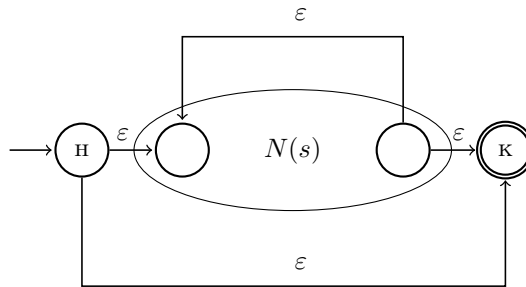


Рис. 1.3.8. НКА для выражения s^* .

г) Наконец, пусть $r = (s)$. Тогда $L(r) = L(s)$, так что в качестве $N(r)$ можно использовать $N(s)$.

Пример 1.3.2. Построим с помощью сформулированного алгоритма НКА по выражению $r = (a|b)^*abb$. Как сказано в алгоритме 1.3.4, для построения НКА, соответствующего регулярному выражению, нужно последовательно строить автоматы для подвыражений, а затем данные автоматы склеивать.

Прежде всего рассмотрим подвыражение $r_1 = (a|b)$. Согласно подпункту г) пункта 3 алгоритма 1.3.4, автомат $N(r_1)$ совпадает с автоматом для выражения $r_2 = a|b$.

Построим автомат $N(r_2)$. На основании подпункта б) пункта 3 алгоритма 1.3.4, автомат $N(r_2)$ конструируется из автоматов для подвыражений выражения r_2 , то есть выражения $r_3 = a$ и выражения $r_4 = b$. В силу пункта 2) алгоритма 1.3.4, автоматы $N(r_3)$ и $N(r_4)$ имеют вид

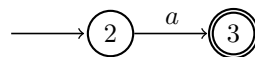


Рис. 1.3.9. НКА для выражения $r_3 = a$.

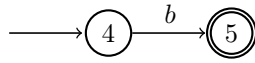
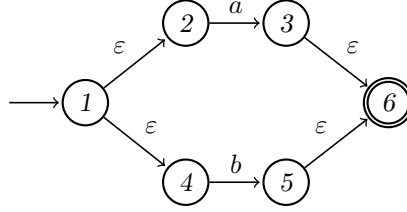


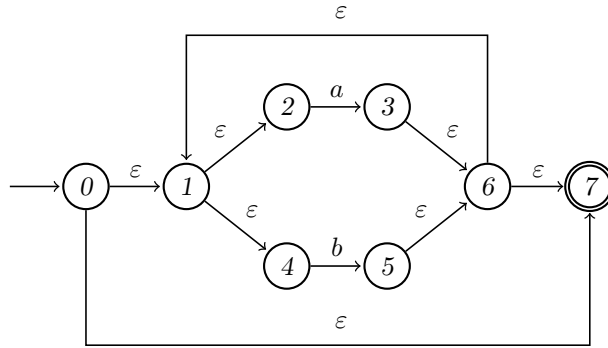
Рис. 1.3.10. НКА для выражения $r_4 = b$.

Построим теперь автомат $N(r_2)$, пользуясь подпунктом б) пункта 3 алгоритма 1.3.4:



Как уже сказано выше, автомат $N(r_1)$ совпадает с автоматом $N(r_2)$.

Рассмотрим подвыражение $r_5 = (a|b)^* = r_1^*$. Согласно подпункту в) пункта 3) алгоритма 1.3.4, автомат $N(r_5)$ выглядит так:



Построим теперь автомат для выражения $r_6 = (a|b)^*a$. Это выражение можно переписать в виде $r_6 = r_5r_7$, где $r_7 = a$. Для построения $N(r_6)$ нужно построить автомат $N(r_7)$, а затем применить подпункт а) пункта 3) алгоритма 1.3.4:

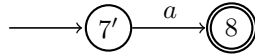


Рис. 1.3.11. НКА для выражения $r_7 = a$.

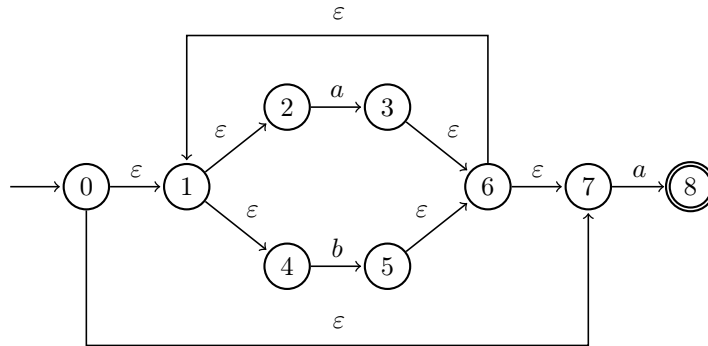


Рис. 1.3.12. НКА для выражения $r_6 = (a|b)^*a$.

Рассмотрим теперь подвыражение $r_8 = (a|b)^*ab$ выражения r . Перепишем выражение r_8 в виде $r_8 = r_6r_9$, где $r_9 = b$. Чтобы построить $N(r_8)$, нужно построить $N(r_9)$, а затем отождествить конечное состояние автомата $N(r_6)$ с начальным состоянием автомата $N(r_9)$. В результате получим следующее:

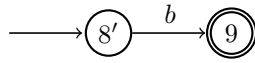


Рис. 1.3.13. НКА для выражения $r_9 = b$.

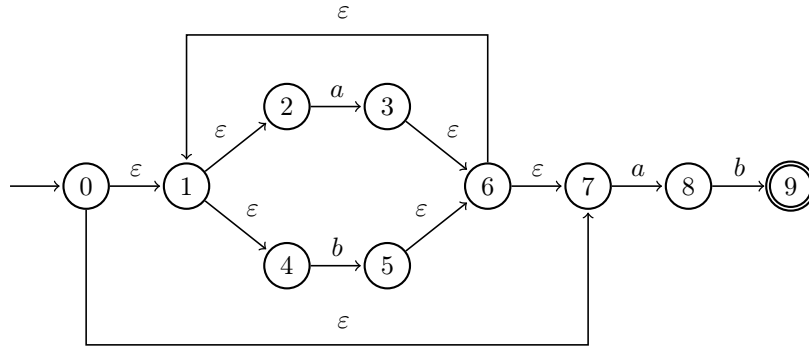


Рис. 1.3.14. НКА для выражения $r_8 = (a|b)^*ab$.

Наконец, рассмотрим само выражение $r = (a|b)^*abb$. Перепишем r в виде $r = r_8 r_{10}$, где $r_{10} = b$. Построим автомат для r_{10} : Автомат $N(r)$ получится из автоматов $N(r_8)$ и $N(r_{10})$, если отождес-

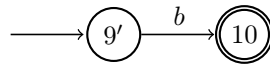


Рис. 1.3.15. НКА для выражения $r_{10} = b$.

ствить начальное состояние автомата $N(r_{10})$ (состояние 9'), с конечным состоянием автомата $N(r_8)$ (состояние 9). После такого отождествления получим следующую диаграмму переходов:

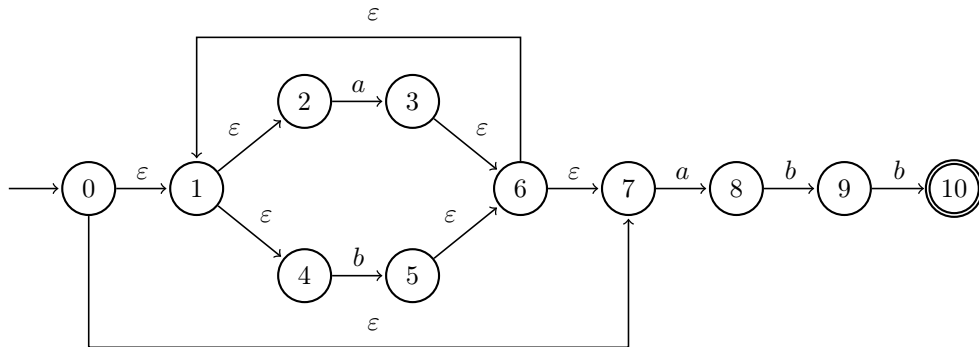
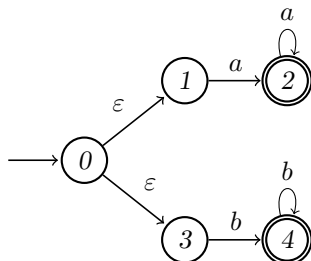


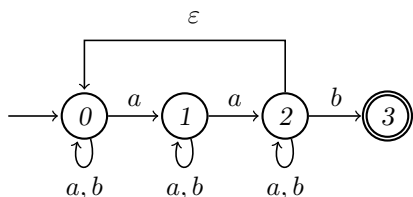
Рис. 1.3.16. НКА для выражения $r = (a|b)^*abb$.

Упражнение 1.3.1. Преобразуйте к детерминированному виду следующие недетерминированные конечные автоматы:

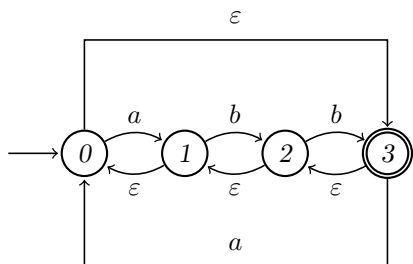
а) автомат



б) автомат



в) автомат



Упражнение 1.3.2. Пользуясь алгоритмами 1.3.1 и 1.3.4, постройте детерминированные конечные автоматы по следующим регулярным выражениям:

- а) $(a|b)^*$;
- б) $(a^*|b^*)$;
- в) $((\varepsilon|a)|b^*)^*$;
- г) $(a|b)^*abb(a|b)^*$.

1.3.4. Построение ДКА по регулярному выражению

В данном разделе будет сформулирован алгоритм построения детерминированного конечного автомата непосредственно по регулярному выражению, минуя стадию построения недетерминированного автомата.

Прежде чем сформулировать этот алгоритм, рассмотрим роли, которые играют разные состояния автоматов.

Назовём состояние недетерминированного конечного автомата **важным** если оно имеет исходящий переход не по ε .

Обратите внимание, что при вычислении множества состояний ε -замыкание(переход(T, a)), достижимых из T по входному символу a , используются только важные состояния. Таким образом, множество состояний переход(s, a) — непусто, только если состояние s — важное. В процессе построения подмножеств два множества состояний недетерминированного автомата могут отождествляться, то есть рассматриваться как единое множество, если они

- 1) имеют одни и те же важные состояния;
- 2) либо оба содержат принимающие состояния, либо оба их не содержат.

При построении НКА по регулярному выражению важными состояниями являются только те, которые созданы как начальные для конкретных символов алфавита.

Построенный с помощью алгоритма 1.3.4 недетерминированный автомат имеет только одно принимающее состояние. Поскольку это состояние не имеет исходящих переходов, то оно важным не является. Приписав к регулярному выражению r справа уникальный ограничитель $\#^1$, получим новое регулярное выражение, $(r)\#$, которое назовём **расширенным регулярным выражением**. Построив затем по расширенному выражению конечный автомат, получим, что любое состояние с переходом по символу $\#$ будет принимающим.

Важные состояния НКА соответствуют позициям в регулярном выражении, в которых находятся символы алфавита. Это удобно для представления регулярного выражения его **синтаксическим деревом**, в котором листья соответствуют операндам, а узлы — операторам. Внутренний

¹Уникальный в том смысле, что он не встречается во входном потоке.

узел называется **с-узлом**, **или-узлом**, или **звёздочка-узлом**, если он помечен соответственно оператором сцепления (\circ), объединения ($|$), или звёздочкой ($*$).

Пример 1.3.3. На рис.1.3.17 изображено синтаксическое дерево для регулярного выражения $(a|b)^*abb\#$. С-узлы обозначены кружками.

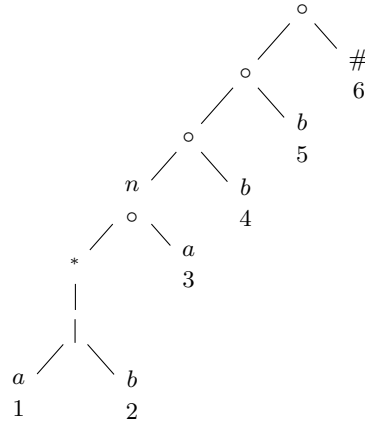


Рис. 1.3.17. Синтаксическое дерево для регулярного выражения $(a|b)^*abb\#$.

Листья синтаксического дерева помечаются символом ϵ или символами алфавита. Каждому листу, не помеченному ϵ , присваивается целочисленное значение, уникальное в пределах дерева. Это значение называется **позицией** листа, а также позицией его символа. При этом каждый символ алфавита может иметь несколько позиций. Например, на рис.1.3.17 символ a имеет позиции 1 и 3. Иными словами, позиция символа алфавита, входящего в регулярное выражение, — это позиция символа в выражении, полученном из исходного выражения выбрасыванием скобок и операторов. Позиции в синтаксическом дереве соответствуют важным состояниям построенного НКА.

Для построения ДКА непосредственно по регулярному выражению нужно определить функции, *зануляется*, *первые*, *последние*, *следующие*. Эти функции определяются так, как указано ниже, причём для их вычисления используется синтаксическое дерево для расширенного регулярного выражения $(r)\#$.

- 1) Значение *зануляется*(n) для узла n синтаксического дерева равно значению **истина** тогда и только тогда, когда подвыражение, представленное узлом n , содержит в своём языке ϵ . Иными словами, выражение может быть сделано пустой строкой, хотя может содержать в своём языке и непустые строки.
- 2) Значение *первые*(n) для узла n синтаксического дерева представляет собой множество позиций в поддереве с корнем n , соответствующих первому символу как минимум одной строки в языке подвыражения с корнем n .
- 3) Значение *последние*(n) есть множество позиций в поддереве с корнем n , соответствующих последнему символу хотя бы одной строки в языке подвыражения с корнем n .
- 4) Значение *следующие*(p) для позиции p представляет собой множество позиций q в синтаксическом дереве в целом, для которых существует строка $x = a_1a_2 \dots a_n$ языка $L((r)\#)$, такая, что для некоторого i символ a_i соответствует позиции p , а символ a_{i+1} — позиции q .

Пример 1.3.4. Рассмотрим с-узел n на рис.1.3.17, соответствующий выражению $(a|b)^*a$. Тогда *зануляется*(n) = **ложь**, поскольку этот узел порождает все строки из a и b , оканчивающиеся на a , и не может порождать строки ϵ . С другой стороны, у звёздочка-узла ниже него значение функции *зануляется* равно значению **истина**, так как наряду со строками из a и b он может порождать и пустую строку, ϵ .

Покажем теперь, что *первые*(n) = {1, 2, 3}. В самом деле, для любой строки вида aa первая позиция строки соответствует позиции 1 дерева, а первая позиция строки вида ba соответствует позиции 2. Однако если строка представляет собой a , то это a получается из позиции 3.

Далее, $\text{последние}(n) = \{3\}$, поскольку неважно, какая именно строка порождается по выражению для узла n — последняя позиция в строке представляет собой a , получающееся из позиции 3.

Наконец, вычислим $\text{следующие}(1)$. Для этого рассмотрим строку вида $\dots as\dots$, где s — символ алфавита, причём это a соответствует позиции 1, то есть является одним из символов, порождаемых a из подвыражения $(a|b)^*$. За этим a может следовать другое a или b из того же выражения, т.е. в этом случае s получается из позиций 1 и 2. Может также оказаться, что a — последнее в строке, порождённой выражением $(a|b)^*a$. Тогда символ s должен представлять собой a , получающееся из позиции 3. Таким образом, $\text{следующие}(1) = \{1, 2, 3\}$.

Опишем теперь, как вычислять четыре введённые функции. Что касается функций зануляется , первые , последние , то их можно вычислить рекурсией по высоте синтаксического дерева, применяя правила, указанные в табл.1.3.4, 1.3.5.

Таблица 1.3.4. Правила вычисления функций зануляется и первые .

Узел n	$\text{зануляется}(n)$	$\text{первые}(n)$
n — лист, помеченный ε	истина	\emptyset
n — лист с позицией i	ложь	$\{i\}$
или-узел $n = c_1 c_2$	$\text{зануляется}(c_1)$ или $\text{зануляется}(c_2)$	$\text{первые}(c_1) \cup \text{первые}(c_2)$
с-узел $n = c_1c_2$	$\text{зануляется}(c_1)$ и $\text{зануляется}(c_2)$	если $\text{зануляется}(c_1)$ то $\text{первые}(c_1) \cup \text{первые}(c_2)$ иначе $\text{первые}(c_1)$ всё
звёздочка-узел $n = c^*$	истина	$\text{первые}(c)$
узел $n = c?$	истина	$\text{первые}(c)$
узел $n = c^+$	$\text{зануляется}(c)$	$\text{первые}(c)$

Таблица 1.3.5. Правила вычисления функции последние .

Узел n	$\text{последние}(n)$
n — лист, помеченный ε	\emptyset
n — лист с позицией i	$\{i\}$
или-узел $n = c_1 c_2$	$\text{последние}(c_1) \cup \text{последние}(c_2)$
с-узел $n = c_1c_2$	если $\text{зануляется}(c_2)$ то $\text{последние}(c_1) \cup \text{последние}(c_2)$ иначе $\text{последние}(c_2)$ всё
звёздочка-узел $n = c^*$	$\text{последние}(c)$
узел $n = c?$	$\text{последние}(c)$
узел $n = c^+$	$\text{последние}(c)$

Пример 1.3.5. Из всех узлов на рис.1.3.17 функция зануляется равна **истина** только для звёздочка-узла. Поясним, почему. Из табл.1.3.4 видно, что ни для какого листа значение функции зануляется не равно **истина**, поскольку ни один лист не соответствует операнду, равному ε . Или-узел также не может дать значения **истина**, ибо ни один из его дочерних узлов не даёт этого значения. Звёздочка-узел имеет значение **истина**, так как это свойство любого звёздочка-узла. Наконец, в с-узле функция зануляется принимает значение **ложь**, если таково её значение хотя бы в одном из дочерних узлов. На рис.1.3.18 показано вычисление функций первые и последние для каждого из узлов (значение $\text{первые}(n)$ показано слева от узла n , а значение $\text{последние}(n)$ — справа).

Каждый лист в качестве значений первые и последние , в соответствии с правилом для не- ε -узлов, имеет множество, состоящее только из него самого. Значения функций для или-узлов представляют собой объединение значений в дочерних узлах. Что же касается звёздочка-узла, то значения в нём функций первые и последние совпадают со значениями в единственном дочернем узле.

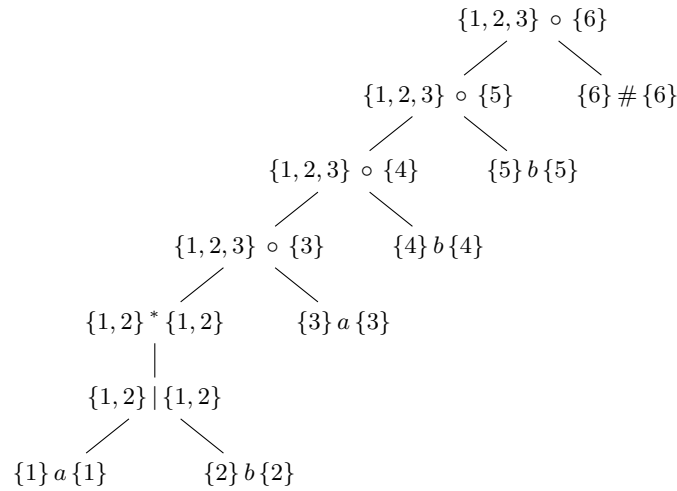


Рис. 1.3.18. Значения функций *первые* и *последние* в узлах синтаксического дерева для регулярного выражения $(a|b)^*abb\#$.

Перейдём теперь к самому нижнему s -узлу, обозначив его n . Вычисление $первые(n)$ начнём с проверки значения *зачуляется* в левом дочернем узле. В нашем случае оно равно **истина**. Поэтому *первые* в узле n представляет собой объединение значений *первые* в дочерних узлах, т.е. равно $\{1, 2\} \cup \{3\} \equiv \{1, 2, 3\}$.

Перейдём теперь к вычислению функции *следующие*. Вычисляется эта функция по следующим двум правилам:

- 1) если n — s -узел с левым потомком c_1 и правым потомком c_2 , то для каждой из позиций i из $последние(c_1)$ все позиции из $первые(c_2)$ содержатся в $следующие(i)$;
- 2) если n — звёздочка-узел и i — позиция из $последние(n)$, то все позиции из $первые(n)$ содержатся в $следующие(i)$.

Пример 1.3.6. Вычислим теперь для узлов дерева, изображённого на рис.1.3.17, значение функции *следующие*. При этом, поскольку значения функций *первые* и *последние* для каждого узла изображены на рис.1.3.18, то для вычислений будем использовать рис.1.3.18. Согласно первому правилу, нужно просмотреть каждый s -узел и поместить каждую позицию из *первые* его правого дочернего узла в *следующие* для каждой позиции из *последние* его левого дочернего узла. Для самого нижнего s -узла на рис.1.3.18 это означает, что позиция 3 находится как *следующие*(1), так и в *следующие*(2). Рассмотрев следующий, находящийся выше, s -узел, получим, что позиция 4 содержится в *следующие*(3). Что же касается оставшихся двух s -узлов, то 5 входит в *следующие*(4), а 6 — в *следующие*(5).

Применим теперь к звёздочка-узлу правило 2. Это правило гласит, что позиции 1 и 2 находятся как в *следующие*(1), так и в *следующие*(2), ибо для этого узла и *первые*, и *последние* равны $\{1, 2\}$. Результаты всех этих вычислений собраны в табл.1.3.6

Таблица 1.3.6. Значения функции *следующие*.

Узел n	$следующие(n)$
1	$\{1, 2, 3\}$
2	$\{1, 2, 3\}$
3	$\{4\}$
4	$\{5\}$
5	$\{6\}$
6	\emptyset

Сформулируем, наконец, алгоритм построения ДКА непосредственно по регулярному выражению.

Алгоритм 1.3.5. Построение ДКА по регулярному выражению.

Вход: регулярное выражение r над алфавитом Σ .

Выход: ДКА D , принимающий язык $L(r)$.

Метод.

- 1) Построить синтаксическое дерево T по расширенному регулярному выражению $(r)\#$.
- 2) Вычислить для дерева T функции *зануляется*, *первые*, *последние*, и *следующие*.
- 3) Построить $D_{\text{сост}}$ — множество состояний детерминированного конечного автомата D , и функцию D_{π} — функцию переходов этого автомата, выполнив приводимую ниже процедуру. Состояния автомата D представляют собой множества позиций узлов дерева T . Изначально ни одно состояние „непомечено“; состояние становится „помеченным“ непосредственно перед тем, как рассматриваются его переходы. Начальным состоянием автомата D является *первые*(n_0), где n_0 — корень дерева T . Принимающими состояниями являются состояния, содержащие позицию для символа-ограничителя $\#$.

алг состояния_и_переходы

$D_{\text{сост}} \leftarrow \{\text{первые}(n_0)\}$ $\triangleright n_0$ — корень дерева разбора для $(r)\#$; единственное имеющееся
 \triangleright состояние является начальным и непомечено

пока в $D_{\text{сост}}$ имеется непомеченное состояние S

 пометить S

для всех входных символов a

$U \leftarrow \bigcup_{\substack{p \in S, \\ p \text{ отвечает } a}} \text{следующие}(p)$

если $U \notin D_{\text{сост}}$ **то**

 добавить U в $D_{\text{сост}}$ как непомеченное

всё

 положить $D_{\pi}(S, a) = U$

конец для

конец пока

кон

Пример 1.3.7. Построим ДКА по регулярному выражению $r = (a|b)^*abb$. Синтаксическое дерево для $(r)\#$ показано на рис.1.3.17. Мы уже знаем, что функция *зануляется* имеет значение **истина** только в звёздочка-узле. Значения функций *первые* и *последние* показаны на рис.1.3.18, а значения функции *следующие* — в табл.1.3.6.

Значение функции *первые* в корне равно $\{1, 2, 3\}$, так что это множество является начальным состоянием автомата D . Обозначим это состояние A . Мы должны вычислить $D_{\pi}(A, a)$ и $D_{\pi}(A, b)$. Среди позиций из множества A символу a соответствуют позиции 1 и 3, а символу b — позиция 2. Таким образом, $D_{\pi}(A, a) = \text{следующие}(1) \cup \text{следующие}(3) = \{1, 2, 3, 4\}$, а $D_{\pi}(A, b) = \text{следующие}(2) = \{1, 2, 3\}$. Последнее состояние представляет собой состояние A , так что в $D_{\text{сост}}$ его добавлять не нужно. Состояние же $B \equiv \{1, 2, 3, 4\}$ является новым, так что добавляем его в $D_{\text{сост}}$ и вычисляем его переходы, $D_{\pi}(B, a)$ и $D_{\pi}(B, b)$:

$$D_{\pi}(B, a) = \bigcup_{\substack{p \in B, \\ p \text{ отвечает } a}} \text{следующие}(p) = \text{следующие}(1) \cup \text{следующие}(3) = B;$$

$$D_{\pi}(B, b) = \bigcup_{\substack{p \in B, \\ p \text{ отвечает } b}} \text{следующие}(p) = \text{следующие}(2) \cup \text{следующие}(4) = \{1, 2, 3\} \cup \{5\} = \{1, 2, 3, 5\} \equiv C.$$

Вычислим переходы для состояния C :

$$D_{\pi}(C, a) = \bigcup_{\substack{p \in C, \\ p \text{ отвечает } a}} \text{следующие}(p) = \text{следующие}(1) \cup \text{следующие}(3) = B;$$

$$D_{\pi}(C, b) = \bigcup_{\substack{p \in C, \\ p \text{ отвечает } b}} \text{следующие}(p) = \text{следующие}(2) \cup \text{следующие}(5) = \{1, 2, 3\} \cup \{6\} = \{1, 2, 3, 6\} \equiv D.$$

Состоянием, содержащим позицию, соответствующую символу $\#$, является лишь состояние D . Следовательно, это состояние будет конечным.

Наконец, вычислим переходы для состояния D :

$$\mathcal{D}_\Pi(D, a) = \bigcup_{\substack{p \in D, \\ p \text{ отвечает } a}} \text{следующие}(p) = \text{следующие}(1) \cup \text{следующие}(3) = B;$$

$$\mathcal{D}_\Pi(D, b) = \bigcup_{\substack{p \in D, \\ p \text{ отвечает } b}} \text{следующие}(p) = \text{следующие}(2) \cup \text{следующие}(6) = \{1, 2, 3\} = A.$$

Соответствующая диаграмма переходов изображена на приводимом ниже рисунке.

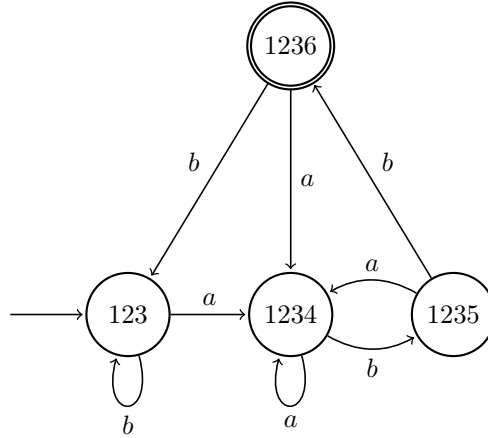


Рис. 1.3.19. Ещё один ДКА для регулярного выражения $r = (a|b)^*abb$.

1.3.5. Минимизация детерминированных конечных автоматов

Один и тот же язык могут распознавать разные ДКА. В качестве примера можно привести автоматы, диаграммы переходов которых изображены на рисунках 1.3.3 и 1.3.19. Такие автоматы могут иметь не только разные имена состояний, но и разное количество состояний. При реализации лексического анализатора с помощью ДКА, вообще говоря, лучше иметь конечный автомат с минимально возможным количеством состояний. Связано это с тем, что для каждого состояния нужны записи в таблице, описывающей лексический анализатор. При этом имена состояний значения не имеют.

Будем говорить, что два автомата **одинаковы с точностью до имён состояний**, если один из них можно получить из другого простым переименованием состояний. Однако между состояниями автоматов, изображённых на рис.1.3.3 и 1.3.19 есть более тесная связь. А именно, состояния A и C автомата на рис.1.3.3 на самом деле эквивалентны, в том смысле, что ни одно из них не является принимающим, и любой входной символ приводит к одинаковым переходам — в состояние B для входного символа a и в состояние C для входного символа b . Если мы теперь склеим состояния A и C в одно состояние и обозначим получившееся состояние AC , то получим следующую диаграмму переходов:

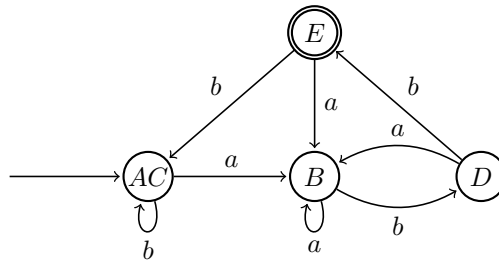


Рис. 1.3.20. Минимизированный ДКА для регулярного выражения $(a|b)^*abb$

Иными словами, состояния A и C ведут себя так же, как и состояние 123 на рис.1.3.19; состояние B — состояние 1234; состояние D — как состояние 1235; а состояние E — как состояние 1236.

Оказывается, что для любого регулярного языка всегда существует единственный (с точностью до имён состояний) ДКА, распознающий этот язык и имеющий минимальное количество состояний. Более того, этот ДКА с минимальным количеством состояний можно построить по любому ДКА для того же самого языка, склеив эквивалентные состояния. Для языка $L((a|b)^*abb)$ ДКА с минимальным количеством состояний показан на рис.1.3.19, и этот автомат можно получить из ДКА, изображённого на рис.1.3.3, сгруппировав состояниями следующим образом: $\{A, C\}\{B\}\{D\}\{E\}$.

Чтобы понять, как работает алгоритм преобразования ДКА в эквивалентный ДКА с минимальным количеством состояний, рассмотрим, как входные строки отличают одно состояние от другого. Будем говорить, что строка x **отличает** состояние s от состояния t , если ровно одно из состояний, достижимых из s и t , по пути с меткой x является принимающим, а другое — нет. Будем говорить, что состояние s **отличимо** от состояния t , если найдётся строка, которая их отличает.

Пример 1.3.8. Пустая строка отличает любое принимающее состояние от непринимającego. На рис.1.3.3 строка bb отличает состояние A от состояния B , так как эта строка приводит из A в непринимające состояние C , а из B — в принимающее состояние E .

Алгоритм, минимизирующий количество состояний, работает путём разбиения множества состояний ДКА на группы неотличимых состояний. Каждая такая группа представляет собой одно состояние ДКА с минимальным количеством состояний. Алгоритм работает с разбиением, группы которого представляют собой множества состояний, отличие которых друг от друга пока не выявлено. Если никакую группу разбиения нельзя разделить на меньшие группы, то получен ДКА с минимальным количеством состояний.

Первоначально разбиение состоит из двух групп состояний: принимающие и непринимające. Основной шаг состоит в том, чтобы взять некоторую группу состояний $A \equiv \{s_1, \dots, s_k\}$ и некоторый входной символ a , и посмотреть, можно ли a использовать для отличения некоторых состояний в группе A . Делается это так: рассматриваем переходы из каждого из состояний s_1, \dots, s_k по символу a , и если состояния переходят в две или более группы текущего разбиения, то группу A разделяем так, чтобы состояния s_i и s_j оказывались в одной группе тогда и только тогда, когда они переходят в одну и ту же группу по данному входному символу a . Этот процесс продолжается до тех пор, пока не окажется ни одной группы, которую можно было бы разделить хотя бы одним входным символом. Данная идея реализована в следующем алгоритме.

Алгоритм 1.3.6. Минимизация количества состояний ДКА.

Вход: ДКА D с множеством состояний Q , входным алфавитом Σ , начальным состоянием q_0 и множеством принимающих состояний F .

Выход: ДКА D' , принимающий тот же язык, что и автомат D , и имеющий наименьшее возможное количество состояний.

Метод.

1) Начинаем с разбиения Π множества Q на две группы, F и $Q \setminus F$, состоящие, соответственно, из принимающих и непринимających состояний автомата D .

2) Применяем приводимую ниже процедуру для построения нового разбиения, $\Pi_{\text{нов}}$.

алг новое_разбиение(Π)

$\Pi_{\text{нов}} \leftarrow \Pi$

для всех $G \in \Pi_{\text{нов}}$

Разбиваем G на подгруппы так, чтобы два состояния, s и t , находились в одной подгруппе тогда и только тогда, когда для каждого входного символа a состояния s и t имеют переходы по этому символу в состояния, принадлежащие одной и той же подгруппе группы G . При этом для разных символов подгруппы могут и отличаться. Заменяем в $\Pi_{\text{нов}}$ подгруппу G на набор построенных подгрупп.

конец для

кон

3) Если $\Pi_{\text{нов}} = \Pi$, то полагаем $\Pi_{\text{оконч}} = \Pi$ и переходим к шагу 4. В противном случае переходим к шагу 2, заменяя Π на $\Pi_{\text{нов}}$.

4) Выбираем из каждой группы разбиения $\Pi_{\text{оконч}}$ по одному состоянию в качестве **представителя** этой группы. Представители будут состояниями ДКА с минимальным количеством состояний, автомата D' . Остальные компоненты автомата D' строятся следующим образом.

- а) Начальное состояние автомата D' — представитель группы, содержащей начальное состояние автомата D .
- б) Принимающими состояниями автомата D' являются представители групп, содержащих принимающие состояния автомата D . Заметим, что каждая группа содержит либо только принимающие состояния, либо только непринимаяющие, поскольку мы начинали работу с отделения этих классов состояний друг от друга, а при вычислении нового разбиения строятся группы состояний, являющиеся подгруппами уже построенных групп.
- в) Пусть s — представитель некоторой группы G в $\Pi_{\text{оконч}}$, и пусть переход по входному символу a в автомате D ведёт из состояния s в состояние t . Пусть r — представитель группы H , в которую входит состояние t . Тогда в D' имеется переход из s в r по входному символу a . Заметим, что в D каждое состояние группы G должно при входном символе a переходить в некоторое состояние группы H , ибо иначе группа G была бы разделена.

Пример 1.3.9. Снова вернёмся к ДКА на рис.1.3.3. Начальное разбиение состоит из двух групп, $\{A, B, C, D\}\{E\}$, состоящих, соответственно, из непринимаяющих и принимающего состояний. Для построения $\Pi_{\text{нов}}$ рассмотрим обе группы и входные символы a и b . Группу $\{E\}$ разделить нельзя, так как она состоит из одного состояния. Поэтому в $\Pi_{\text{нов}}$ эта группа остаётся неизменной.

Группу $\{A, B, C, D\}$ разделить можно, так что нужно рассмотреть воздействие на неё каждого входного символа. При входном символе a все состояния группы переходят в состояние B , так что отличить эти состояния при помощи строки, начинающейся с a , невозможно. При входном символе b состояния A , B , и C переходят в состояния, являющиеся членами группы $\{A, B, C, D\}$, тогда как состояние D переходит в E , которое является членом другой группы. Таким образом, в $\Pi_{\text{нов}}$ группа $\{A, B, C, D\}$ разбивается на $\{A, B, C\}\{D\}$, и $\Pi_{\text{нов}}$ на данной итерации представляет собой $\{A, B, C\}\{D\}\{E\}$.

На следующей итерации группу $\{A, B, C\}$ можно разбить на группы $\{A, C\}\{B\}$, поскольку и A , и C при входном символе b переходят в состояния группы $\{A, B, C\}$, а состояние B по этому входному символу переходит в состояние из другой группы, $\{D\}$. Таким образом, после второй итерации $\Pi_{\text{нов}} = \{A, C\}\{B\}\{D\}\{E\}$. На следующей итерации единственную оставшуюся группу с более чем одним состоянием разделить не получится, ибо и A , и C переходят в одно и то же состояние (а, значит, и в одну и ту же группу) по любому входному символу. Как следствие, $\Pi_{\text{оконч}} = \{A, C\}\{B\}\{D\}\{E\}$.

Построим теперь по получившемуся разбиению компоненты ДКА с минимальным количеством состояний. Он имеет четыре состояния, соответствующие четырём группам разбиения $\Pi_{\text{оконч}}$. В качестве представителей групп выбираем состояния A , B , D , и E . Начальным состоянием является состояние A , а единственным принимающим состоянием — состояние E . В табл.1.3.7 показана функция переходов этого ДКА.

Таблица 1.3.7. Таблица переходов ДКА с минимальным количеством состояний.

	a	b
A	B	A
B	B	D
D	B	E
E	B	A

Упражнение 1.3.3. Пользуясь алгоритмом 1.3.5, постройте ДКА по следующим регулярным выражениям:

- а) $(a|b)^*$;
- б) $(a^*|b^*)^*$;
- в) $((\varepsilon|a)b^*)^*$;
- г) $(a|b)^*abb(a|b)^*$.

Упражнение 1.3.4. Можно доказать эквивалентность двух регулярных выражений, если показать, что их ДКА с минимальным количеством состояний одинаковы с точностью до имён состояний. Покажите таким образом, что регулярные выражения $(a|b)^*$, $(a^*|b^*)^*$, и $((\varepsilon|a)b^*)^*$ — эквивалентны.

Упражнение 1.3.5. Пользуясь алгоритмами 1.3.5 и 1.3.6, постройте ДКА с минимальным количеством состояний по следующим регулярным выражениям:

- а) $(a|b)^*a(a|b)$;
- б) $(a|b)^*a(a|b)(a|b)$;
- в) $(a|b)^*a(a|b)(a|b)(a|b)$;
- г) $(a|b)^*a(a|b)(a|b)(a|b)(a|b)$.

1.4. Нерегулярные языки и лемма о разрастании

В данном разделе доказывается, что не все языки являются регулярными. А именно, мы докажем, что регулярным не является язык $\{a^n b^n : n > 0\}$. Для этого потребуется следующая лемма, говорящая о том, чем „внутренне устройство“ регулярных языков отличается от устройства языков нерегулярных.

Лемма 1.4.1. (О разрастании (или о накачке) для регулярных языков.) Пусть L — некоторый регулярный язык с бесконечным количеством элементов. Тогда существует такое число N , что любая строка языка L , длина которой не менее N , может быть представлена в виде xyz , где

- 1) подстрока y — непуста ($y \neq \varepsilon$);
- 2) $|xy| \leq N$;
- 3) строки $xz, xyz, xuyz, \dots, xy^n z, \dots$, принадлежат языку L .

Покажем теперь, что язык $L = \{a^n b^n : n > 0\}$ — нерегулярен. Предположим, что это не так. Тогда должна выполняться лемма о разрастании. Поскольку эта лемма должна выполняться для любой строки, длина которой не меньше N (которое мы не знаем), то лемма должна выполняться и для строки

$$\xi = \underbrace{a \dots a}_N \underbrace{b \dots b}_N.$$

Ясно, что $|\xi| = 2N$. По лемме строку ξ можно записать в виде $\xi = xyz$, где $|xy| \leq N$, $y \neq \varepsilon$. Так как первые N символов строки ξ — это символы a , то подстрока y может состоять лишь из символов a . Но любая попытка „накачки“ приведёт к тому, что количество символов a увеличится, а количество символов b остаётся неизменным. Иными словами, „накачанная“ строка языка L не принадлежит. Полученное противоречие доказывает нерегулярность языка L .

Глава 2. Структура обрабатываемых файлов и порождаемый программный код

2.1. Структура файла с описанием лексического анализатора

Опишем структуру, которую должен иметь файл с описанием лексического анализатора.

Структура эта должна быть такой:

```
[%scanner_name имя_сканера]
[%codes_type имя_типа_кодов_лексем]
[%ident_name имя_идентификатора]
[%token_fields добавляемые_поля_лексемы]
[%class_members добавляемые_члены_класса]
[%newline_is_lexem]
%codes
    имя_кода_лексемы{,имя_кода_лексемы}
[%header_additions дополнения_для_заголовочного_файла]
[%impl_additions дополнения_для_файла_реализации]
[%lexem_info_name имя_типа_со_сведениями_о_лексеме]
[%keywords [действия_по_завершении:]
    строка_ключевого_слова : код_ключевого_слова
    {,строка_ключевого_слова : код_ключевого_слова}]
[%idents
    {описание_начала_идентификатора}
    {описание_тела_идентификатора}]
[%delimiters [действия_по_завершении:]
    строка_разделителя : код_разделителя
    {,строка_разделителя : код_разделителя}]
[%numbers [действия_при_инициализации]:[действия_по_завершении:]
    {%action имя_действия_определение_действия } {выражение}]
[%strings [действия_при_инициализации]:[действия_по_завершении:]
    {%action имя_действия_определение_действия } {выражение}]
[%comments
    [%single_lined начало_однострочного_комментария]
    [%multilined [%nested]
        начало_многострочного_комментария : конец_многострочного_комментария]]
```

Прежде чем пояснить смысл каждой из приведённых только что конструкций, условимся, что

- 1) всё, заключённое в квадратные скобки зелёного цвета (`[...]`) является необязательным;
- 2) то, что заключено в фигурные скобки зелёного цвета (`{...}`), может повторяться любое число раз, в том числе и ни разу.

Прежде чем перейти к пояснению этой структуры, отметим, что под строковым литералом Мя-уки (далее просто строковым литералом) будет пониматься любая (в том числе пустая) цепочка символов, заключённая в двойные кавычки. Если в этой последовательности нужно указать саму двойную кавычку, то эту кавычку нужно удвоить.

Перейдём теперь к пояснению структуры файла с описанием лексического анализатора (далее, для краткости, — сканера).

Прежде всего, если указана команда

```
%scanner_name имя_сканера
```

то в одном из заголовочных файлов появляется запись вида

```
class имя_сканера {
...
};
```

Сам же этот заголовочный файл будет называться `имя_сканера.h`. Соответствующий файл реализации будет называться `имя_сканера.cpp`, где `имя_сканера` — `имя_сканера`, преобразованное к нижнему регистру. Принятое по умолчанию имя `имя_сканера` — `Scanner`.

Далее, если указана команда

```
%codes_type имя_типа_кодов_лексем
```

то раздел

```
%codes
```

```
имя_кода_лексемы{,имя_кода_лексемы}
```

порождает в файле `имя_сканера.h` запись вида

```
enum имя_типа_кодов_лексем : unsigned short {
    NONE,
    UNKNOWN,
    имя_кода_лексемы1,
    ...
    имя_кода_лексемыN
};
```

где `имя_кода_лексемы1`, ..., `имя_кода_лексемыN` — имена кодов лексем, определённые в разделе `%codes`. Принятое по умолчанию имя типа кодов лексем — `Lexem_code`.

Команда

```
%ident_name имя_идентификатора
```

указывает имя кода лексемы для лексемы 'идентификатор'. Если в языке, для которого пишется сканер, идентификаторов нет, то команда `%ident_name` необязательна.

Если в начало заголовочного файла генерируемого сканера нужно добавить какой-либо текст, то нужно указать команду

```
%header_additions дополнения_для_заголовочного_файла
```

Здесь `дополнения_для_заголовочного_файла` — строковый литерал с добавляемым текстом.

Аналогично, если в начало файла реализации генерируемого сканера нужно добавить какой-либо текст, то нужно указать команду

```
%impl_additions дополнения_для_файла_реализации
```

Здесь `дополнения_для_файла_реализации` — строковый литерал с добавляемым текстом.

Команда

```
%lexem_info_name имя_типа_со_сведениями_о_лексеме
```

определяет имя типа со сведениями о лексеме. Принятое по умолчанию имя типа — `Lexem_info`.

Если в описание лексемы нужно добавить какие-либо поля, то необходимо написать команду

```
%token_fields добавляемые_поля_лексемы
```

где `добавляемые_поля_лексемы` — строковый литерал с описанием нужных полей. Например, если лексема может принимать как значения типа `__float128`, так и значения типа `__int128`, причём поле типа `__float128` по условиям задачи нужно назвать `x`, а поле типа `__int128` — `y`, то строковый литерал с добавляемыми в лексему полями может выглядеть, например, так:

```
"__float128 x;
```

```
__int128 y;"
```

Кроме того, если в класс сканера требуется добавить члены, необходимые для каких-либо вычислений, то нужно написать

```
%class_members добавляемые_члены_класса
```

где под `добавляемые_члены_класса` понимается строковый литерал, содержащий перечень добавляемых в сканер членов. Если, например, нужно добавить

```
__int128 integer_value;
```

```
__float128 integer_part;
```

```
__float128 fractional_part;
```

```
__float128 exponent;
```

то вместо `добавляемые_члены_класса` нужно написать

```
"__int128 integer_value;
__float128 integer_part;
__float128 fractional_part;
__float128 exponent;"
```

Если необходимо, чтобы символ '\n' перехода на новую строку был отдельной лексемой, а не пробельным символом, то нужно указать команду `%newline_is_lexem`.

В обязательном разделе `%codes` содержится список разделённых запятыми идентификаторов (правила построения идентификаторов — такие же, что и в C++), представляющих собой имена кодов лексем.

Например, если имя перечисления с кодами лексемы не указано командой `%codes_type`, и раздел `%codes` имеет вид

```
%codes
Kw_if, Kw_then, Kw_else, Kw_endif
то будет порождено перечисление
```

```
enum Lexem_code : unsigned short {
    NONE,    UNKNOWN,
    Kw_if,   Kw_then,
    Kw_else, Kw_endif
};
```

Иными словами, всегда определяется два специальных кода лексем: `NONE`, обозначающее конец обрабатываемого текста, и `UNKNOWN`, обозначающее неизвестную лексему.

В разделе `%keywords` указываются ключевые слова языка, для которого пишется сканер, и соответствующие этим ключевым словам коды лексем, взятые из раздела `%codes`. Например, если имеются ключевые слова `if`, `then`, `else`, `endif`, и этим ключевым словам соответствуют коды лексем `Kw_if`, `Kw_then`, `Kw_else`, `Kw_endif`, то раздел `%keywords` должен иметь следующий вид:

```
%keywords
...
"if" : Kw_if,
"then" : Kw_then,
"else" : Kw_else,
"endif" : Kw_endif
...
```

Здесь многоточием обозначено (возможно, имеющееся) описание других ключевых слов.

В разделе `%idents` определяется структура идентификатора того языка, для которого пишется сканер. Более точно, *описание_начала_идентификатора* указывает, что может быть в начале идентификатора, а *описание_тела_идентификатора* — как устроено тело идентификатора.

В разделе `%delimiters` указываются разделители и знаки операций языка, для которого пишется сканер, и соответствующие этим разделителям и знакам операций коды лексем, взятые из раздела `%codes`. Например, если в языке есть разделители `<`, `>`, `<=`, `>=`, `=`, `!=`, с соответствующими кодами лексем `del_LT`, `del_GT`, `del_LEQ`, `del_GEQ`, `del_EQ`, `del_NEQ`, то раздел `%delimiters` должен иметь вид

```
%delimiters
...
"<" : del_LT,
">" : del_GT,
"<=" : del_LEQ,
">=" : del_GEQ,
"=" : del_EQ,
"!=" : del_NEQ
...
```

Здесь многоточием обозначено (возможно, имеющееся) описание других разделителей и знаков операций.

В разделе **%numbers** указывается регулярное выражение, определяющее числа, с внедрёнными в это регулярное выражение действиями. Каждое из действий должно быть описано командой **%action** *имя_действия_определение_действия* где *имя_действия* — идентификатор языка C++, являющийся именем определяемого действия, а *определение_действия* — строковый литерал `myau`, содержащий код на C++, выполняющий нужное действие.

В разделе **%strings** описывается структура строковых и символьных литералов (если символьные литералы вообще есть) языка, для которого пишется сканер. Раздел **%strings** устроен так же, как и раздел **%numbers**. При этом при указании раздела **%strings** у класса сканера автоматически определяются члены `std::string buffer` и `int char_code`.

Наконец, в разделе **%comments** описывается структура комментариев языка, для которого пишется сканер.

Командой **%single_lined** *начало_однострочного_комментария* где *начало_однострочного_комментария* — строковый литерал, представляющий цепочку символов, являющуюся началом однострочного комментария, определяется структура однострочного комментария.

Командой же **%multiline [%nested]** *начало_многострочного_комментария : конец_многострочного_комментария* определяется структура многострочного комментария.

А именно, *начало_многострочного_комментария* и *конец_многострочного_комментария* — строковые литералы, являющиеся цепочками символов, начинающих и заканчивающих многострочный комментарий. Если указано слово **%nested**, то многострочный комментарий может быть вложенным.

Поясним теперь, что в `Myau` понимается под началом идентификатора, концом идентификатора, и регулярным выражением:

```
описание_начала_идентификатора → выр
описание_тела_идентификатора → выр
выр → выр0{|выр0}
выр0 → выр1{выр1}
выр1 → символ | класс_символов
класс_символов → [:Latin:] | [:latin:] | [:Russian:] | [:russian:] | [:bdigits:] |
[:odigits:] | [:digits:] | [:xdigits:] | [:Letter:] | [:letter:] | [:nsq:] | [:ndq:]
выражение → выражение0 {|выражение0}
выражение0 → выражение1 {выражение1}
выражение1 → выражение2 [?|*|+]
выражение2 → выражение3 [$имя_действия]
выражение3 → символ | класс_символов | (выражение)
```

В этой грамматике под словом „символ“ понимается следующее. Любой непробельный символ, кроме символов `'|', '*', '+', '?', '$', '\', '\"'`, и символа перехода на новую строку, в файле с описанием сканера представляет самого себя. Если же эти символы нужно указать в регулярном выражении, то следует их записывать как `'\|', '*', '\+', '\?', '\$', '\\', '\"'` соответственно. При этом все пробельные символы (то есть символы, коды которых не превосходят кода пробела) генератором лексических анализаторов Мяука игнорируются.

В приводимой ниже таблице поясняются допускаемые классы символов.

Из всех этих классов символов классы `[:nsq:]` и `[:ndq:]` допускаются только в разделе **%strings**.

2.2. Порождаемый программный код

Прежде чем описать порождаемый программный код, условимся, что все порождаемые файлы будут в кодировке UTF-8.

Далее, порождаемому коду сканера потребуется подсчёт ошибок. Поэтому потребуется класс для подсчёта ошибок. Заголовочный файл будет называться `error_count.h`, а файл реализации — `error_count.cpp`. Содержимое этих файлов приводится в следующих двух листингах.

Таблица 2.1.1. Допускаемые классы символов.

Класс символов	Пояснение
[Latin:]	Прописные латинские буквы от 'A' до 'Z'.
[latin:]	Строчные латинские буквы от 'a' до 'z'.
[Russian:]	Прописные русские буквы от 'А' до 'Я' (включая букву 'Ё').
[russian:]	Строчные русские буквы от 'а' до 'я' (включая букву 'ё').
[bdigits:]	Символы двоичных цифр, т.е. символы '0' и '1'.
[odigits:]	Символы восьмеричных цифр, т.е. символы '0', '1', '2', '3', '4', '5', '6', '7'.
[digits:]	Символы десятичных цифр, т.е. символы '0', '1', '2', '3', '4', '5', '6', '7', '8', '9'.
[xdigits:]	Символы шестнадцатеричных цифр, т.е. символы '0', '1', '2', '3', '4', '5', '6', '7', '8', '9', 'A', 'B', 'C', 'D', 'E', 'F', 'a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f'.
[Letter:]	Прописные латинские буквы от 'A' до 'Z' и прописные русские буквы от 'А' до 'Я' (включая букву 'Ё').
[letter:]	Строчные латинские буквы от 'a' до 'z' и строчные русские буквы от 'а' до 'я' (включая букву 'ё').
[nsq:]	Символы, отличные от одинарной кавычки (').
[ndq:]	Символы, отличные от двойной кавычки (").

```
/* T2A\CYRF T2A\cyra T2A\cyrishrt T2A\cyrl error_count.h. */
```

```
#ifndef ERROR_COUNT_H
```

```
#define ERROR_COUNT_H
```

```
class Error_count {
public:
    int get_number_of_errors();
    void increment_number_of_errors();
    void print_number_of_errors();
    Error_count() : number_of_errors(0) {};
private:
    int number_of_errors;
};
```

```
#endif
```

```
/* T2A\CYRF T2A\cyra T2A\cyrishrt T2A\cyrl error_count.cpp. */
```

```
#include "error_count.h"
```

```
#include <stdio>
```

```
int Error_count::get_number_of_errors(){
    return number_of_errors;
}
```

```
void Error_count::increment_number_of_errors(){
    ++number_of_errors;
}
```

```
void Error_count::print_number_of_errors(){
    printf ("T2A\CYRV T2A\cyrs T2A\cyre T2A\cyrg T2A\cyro T2A\cyro T2A\cyrsh T2A\cyri T2A\cyrb
}
```

Далее, потребуется функция определения размера файла. Заголовочный файл назовём **fsize.h**, а файл реализации — **fsize.cpp**. Содержимое этих файлов указано в двух следующих листингах.

```
/* T2A\CYRF T2A\cyra T2A\cyrishrt T2A\cyrl fsize.h. */
```

```
#ifndef FSIZE_H
```

```
#define FSIZE_H
```

```
#include <stdio>
```

```
/* T2A\CYRD T2A\cyra T2A\cyrn T2A\cyrn T2A\cyra T2A\cyra T2A\cyrf T2A\cyru T2A\cyrn T2A\cyru
```

```

* fptr != NULL, \T2A\cyri (-1) \T2A\cyrv \T2A\cyrp \T2A\cyrr \T2A\cyro \T2A\cyrt \T2A\cyri \T2A\cyrv
long fsize(FILE* fptr);
#endif

/* \T2A\CYRF \T2A\cyra \T2A\cyrishrt \T2A\cyr\ fsize.cpp. */
#include "../include/fsize.h"
#include <stdio>
long fsize(FILE* fptr){
    long ret_val = -1;
    if(fptr){
        long current_pos = ftell(fptr);
        fseek(fptr, 0L, SEEK_END);
        ret_val = ftell(fptr);
        fseek(fptr, current_pos, SEEK_SET);
    }
    return ret_val;
}

```

Вся внутренняя обработка текста будет вестись для кодировки UTF32, при этом каждый символ будет иметь тип char32_t. При этом считаем, что файлы с текстом, обрабатываемые сгенерированным сканером, будут в кодировке UTF-8. В связи с этим потребуется, во-первых, функция, читающая всё содержимое файла, и, во-вторых, функция, преобразующая строки и символы из кодировки UTF32 в кодировку UTF-8 и обратно. Ниже приведены соответствующие заголовочные файлы и файлы реализации.

```

/* \T2A\CYRF \T2A\cyra \T2A\cyrishrt \T2A\cyr\ char_conv.h.*/
/**
\file

\brief \T2A\CYRZ \T2A\cyra \T2A\cyr\ \T2A\cyro \T2A\cyr\ \T2A\cyro \T2A\cyrv \T2A\cyro \T2A\cyrch \T2A\
UTF-8 \T2A\cyrv \T2A\cyrk \T2A\cyro \T2A\cyrd \T2A\cyri \T2A\cyrr \T2A\cyro \T2A\cyrv \T2A\cyrk \T2A\c
*/

#ifndef CHAR_CONV_H
#define CHAR_CONV_H

#include <string>

/**
\function utf8_to_u32string
\T2A\CYRD \T2A\cyra \T2A\cyrn \T2A\cyrn \T2A\cyra \T2A\cyrya \T2A\cyrf \T2A\cyru \T2A\cyrn \T2A\cyrk

\param utf8str \T2A\textendash \T2A\cyr\ \T2A\cyr\ \T2A\cyr\ \T2A\cyro \T2A\cyrk \T2A\cyra \T2A\cyrv

\return \T2A\cyrz \T2A\cyrn \T2A\cyra \T2A\cyrch \T2A\cyre \T2A\cyrn \T2A\cyri \T2A\cyre \T2A\cyr\ \T2A\
\T2A\cyrn \T2A\cyro \T2A\cyrv \T2A\cyrk \T2A\cyro \T2A\cyrd \T2A\cyri \T2A\cyrr \T2A\cyro \T2A\cyrv
*/
std::u32string utf8_to_u32string(const char* utf8str);

/**
\function u32string_to_utf8
\T2A\CYRD \T2A\cyra \T2A\cyrn \T2A\cyrn \T2A\cyra \T2A\cyrya \T2A\cyrf \T2A\cyru \T2A\cyrn \T2A\cyrk

\param [in] u32str \T2A\textendash \T2A\cyr\ \T2A\cyr\ \T2A\cyr\ \T2A\cyro \T2A\cyrk \T2A\cyra \T2A\c

\return \T2A\cyrz \T2A\cyrn \T2A\cyra \T2A\cyrch \T2A\cyre \T2A\cyrn \T2A\cyri \T2A\cyre \T2A\cyr\ \T2A\
\T2A\cyrn \T2A\cyro \T2A\cyrv \T2A\cyrk \T2A\cyro \T2A\cyrd \T2A\cyri \T2A\cyrr \T2A\cyro \T2A\cyrv
*/

```

```

std::string u32string_to_utf8(const std::u32string& u32str);

/**
|function char32_to_utf8
|T2A\CYRP |T2A\cyro |T2A\cyrs |T2A\cyri |T2A\cyrm |T2A\cyrv |T2A\cyro |T2A\cyrĭ |T2A\cyru |T2A\cyrv
|T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyrt |T2A\cyrzh |T2A\cyre |T2A\cyrs |T2A\cyri |T2A\cyrm |T2A\cyrv |T2A\cyro

|param [in] |T2A\cyrs - |T2A\cyrs |T2A\cyri |T2A\cyrm |T2A\cyrv |T2A\cyro |T2A\cyrĭ |T2A\cyru |T2A\c

|return |T2A\CYRZ |T2A\cyrn |T2A\cyra |T2A\cyrch |T2A\cyre |T2A\cyrn |T2A\cyri |T2A\cyre |T2A\cyrt |T2
|T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyrt |T2A\cyrzh |T2A\cyre |T2A\cyrs |T2A\cyri |T2A\cyrm |T2A\cyrv |T2A\cyro
*/
std::string char32_to_utf8(const char32_t c);
#endif

/* |T2A\CYRF |T2A\cyra |T2A\cyrishrt |T2A\cyrĭ file_contents.h. */
#ifdef FILE_CONTENTS_H
#define FILE_CONTENTS_H
#include <string>
#include <utility>

/** |T2A\CYRK |T2A\cyro |T2A\cyrd |T2A\cyrery |T2A\cyrv |T2A\cyro |T2A\cyrz |T2A\cyrv |T2A\cyrr |T2A\c
enum class Get_contents_return_code{
    Normal,          ///< |T2A\CYREREV |T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyrt |T2A\cyrk |T2A\cyro |T2A\cyrd |
    Impossible_open, ///< |T2A\CYREREV |T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyrt |T2A\cyrk |T2A\cyro |T2A\cyrd |
    Read_error       ///< |T2A\CYREREV |T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyrt |T2A\cyrk |T2A\cyro |T2A\cyrd |
};

using Contents = std::pair<Get_contents_return_code, std::string>;

/**
|T2A\CYRV |T2A\cyro |T2A\cyrz |T2A\cyrv |T2A\cyrr |T2A\cyra |T2A\cyrshch |T2A\cyra |T2A\cyre |T2A\cy
|param [in] name --- |T2A\cyri |T2A\cyrm |T2A\cyrya |T2A\cyrch |T2A\cyri |T2A\cyrt |T2A\cyra |T2A\c
|returns |T2A\CYRP |T2A\cyra |T2A\cyrr |T2A\cyru |T2A\cyri |T2A\cyrz |T2A\cyrk |T2A\cyro |T2A\cyrd
|T2A\cyrt |T2A\cyri |T2A\cyrp std::string (&|T2A\cyrv |T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyrr |T2A\cyra |T2A\cyry
|T2A\cyrv |T2A\cyro |T2A\cyrz |T2A\cyrv |T2A\cyrr |T2A\cyra |T2A\cyrshch |T2A\cyra |T2A\cyre |T2A\cyrm
*/
Contents get_contents(const char* name);
#endif

/* |T2A\CYRF |T2A\cyra |T2A\cyrishrt |T2A\cyrĭ char_conv.cpp. */
#include "../include/char_conv.h"

std::string char32_to_utf8(const char32_t c){
    std::string s;
    char c1, c2, c3, c4;
    char32_t temp = c;
    switch(c){
        case 0x0000'0000 ... 0x0000'007f:
            s += static_cast<char>(c);
            break;

        case 0x0000'0080 ... 0x0000'07ff:
            c1 = 0b110'0'0000 | (temp >> 6);
            c2 = 0b10'00'0000 | (temp & 0b111'111);
            s += c1; s += c2;
            break;
    }
}

```

```

        case 0x0000'0800 ... 0x0000'ffff:
            c3 = 0b10'00'0000 | (temp & 0b111'111);
            temp >>= 6;
            c2 = 0b10'00'0000 | (temp & 0b111'111);
            temp >>= 6;
            c1 = 0b1110'0000 | c;
            s += c1; s += c2; s += c3;
            break;

        case 0x0001'0000 ... 0x001f'ffff:
            c4 = 0b10'00'0000 | (temp & 0b111'111);
            temp >>= 6;
            c3 = 0b10'00'0000 | (temp & 0b111'111);
            temp >>= 6;
            c2 = 0b10'00'0000 | (temp & 0b111'111);
            temp >>= 6;
            c1 = 0b11110'000 | c;
            s += c1; s += c2; s += c3; s += c4;
            break;

        default:
            ;
    }
    return s;
}

std::string u32string_to_utf8(const std::u32string& u32str){
    std::string s;
    for(const char32_t c : u32str){
        s += char32_to_utf8(c);
    }
    return s;
}

std::u32string utf8_to_u32string(const char* utf8str){
    std::u32string s;
    enum class State{
        Start_state,                Three_byte_char_second_byte,
        Four_byte_char_second_byte,  Four_byte_char_third_byte,
        Last_byte_of_char
    };
    State state = State::Start_state;
    char32_t current_char = 0;
    while(char c = *utf8str++){
        switch(state){
            case State::Start_state:
                if(c >= 0){
                    s += c;
                }else if((c & 0b1110'0000) == 0b1100'0000){
                    current_char = c & 0b0001'1111;
                    state = State::Last_byte_of_char;
                }else if((c & 0b1111'0000) == 0b1110'0000){
                    current_char = c & 0b0000'1111;
                    state = State::Three_byte_char_second_byte;
                }else if((c & 0b1111'1000) == 0b1111'0000){

```



```

        current_char = c & 0b0000'0111;
        state = State::Four_byte_char_second_byte;
    }
    break;

    case State::Last_byte_of_char:
        current_char = (current_char << 6) | (c & 0b0011'1111);
        s += current_char;
        state = State::Start_state;
        break;

    case State::Three_byte_char_second_byte:
        current_char = (current_char << 6) | (c & 0b0011'1111);
        state = State::Last_byte_of_char;
        break;

    case State::Four_byte_char_second_byte:
        current_char = (current_char << 6) | (c & 0b0011'1111);
        state = State::Four_byte_char_third_byte;
        break;

    case State::Four_byte_char_third_byte:
        current_char = (current_char << 6) | (c & 0b0011'1111);
        state = State::Last_byte_of_char;
        break;
    }
}
return s;
}

/* \T2A\CYRF \T2A\cyra \T2A\cyrishrt \T2A\cyr1 file_contents.cpp. */
#include "../include/file_contents.h"
#include "../include/fsize.h"
#include <stdio>
#include <memory>

Contents get_contents(const char* name){
    Contents result = std::make_pair(Get_contents_return_code::Normal, "");
    FILE* fptr = fopen(name, "rb");
    if(!fptr){
        result.first = Get_contents_return_code::Impossible_open;
        return result;
    }
    long file_size = fsize(fptr);
    if(!file_size){
        return result;
    }
    auto test_text = std::make_unique<char[]>(file_size + 1);
    char* q = test_text.get();
    size_t fr = fread(q, 1, file_size, fptr);
    if(fr < (unsigned long)file_size){
        fclose(fptr);
        result.first = Get_contents_return_code::Read_error;
        return result;
    }
    test_text[file_size] = 0;
    fclose(fptr);
}

```

```

    result.second = std::string(test_text.get());
    return result;
}

```

Далее, в сгенерированных файлах используется проверка принадлежности неотрицательного целого числа, находящегося в диапазоне от 0 до 63, множеству таких чисел. Для этого нужен приводимый ниже файл `belongs.h`.

```

#ifdef BELONGS_H
#define BELONGS_H
/* |T2A\CYRD |T2A\cyra |T2A\cyrn |T2A\cyrn |T2A\cyra |T2A\cyrya |T2A\cyrf |T2A\cyru |T2A\cyrn |T2A\cyr
 * |T2A\cyrs |T2A\cyrch |T2A\cyri |T2A\cyrt |T2A\cyra |T2A\cyre |T2A\cyrm , |T2A\cyrch |T2A\cyrt |T2A\c
 * |T2A\cyru |T2A\cyrn |T2A\cyru |T2A\cyrt |T2A\cyrr |T2A\cyre |T2A\cyrn |T2A\cyrn |T2A\cyre |T2A\cyrg
 * i |T2A\cyru |T2A\cyrn |T2A\cyru |T2A\cyrt |T2A\cyrr |T2A\cyre |T2A\cyrn |T2A\cyrn |T2A\cyre |T2A\cyr
 * |T2A\cyri |T2A\cyrn |T2A\cyra |T2A\cyrch |T2A\cyre --- |T2A\cyrn |T2A\cyre |T2A\cyrp |T2A\cyrr |T2
inline uint64_t belongs(uint64_t element, uint64_t s){
    return s & (1ULL << element);
}
#endif

```

Для случая проверки принадлежности числа большему множеству нужен файл `operations_with_sets.h`:

```

#ifdef OPERATIONS_WITH_SETS_H
#define OPERATIONS_WITH_SETS_H

#include <set>
#include <cstdio>
/**
    |T2A\CYRV |T2A\cyrd |T2A\cyra |T2A\cyrn |T2A\cyrn |T2A\cyro |T2A\cyrm |T2A\cyrf |T2A\cyra |T2A\cy
    |T2A\cyrs |T2A\cyro |T2A\cyrs |T2A\cyrt |T2A\cyra |T2A\cyrn |T2A\cyrd |T2A\cyra |T2A\cyrr |T2A\cy
*/
namespace operations_with_sets{
    //! |T2A\CYRF |T2A\cyru |T2A\cyrn |T2A\cyrk |T2A\cyrc |T2A\cyri |T2A\cyrya single_elem |T2A\cyru |
    template<typename T>
    std::set<T> single_elem(const T& x){
        std::set<T> s;
        s.insert(x);
        return s;
    }

    /** |T2A\CYRF |T2A\cyru |T2A\cyrn |T2A\cyrk |T2A\cyrc |T2A\cyri |T2A\cyrya |T2A\cyrp |T2A\cyre |T2
        |T2A\cyra |T2A\cyrr |T2A\cyrg |T2A\cyru |T2A\cyrm |T2A\cyre |T2A\cyrn |T2A\cyrt |T2A\cyra |T2A
    template<typename T>
    void print_set(const std::set<T>& a, void (*print_elem)(const T&)){
        if(a.empty()){
            printf("{}");
            return;
        }
        auto first = a.begin();
        auto before_last = --a.end();
        putchar('{');
        for(auto i = first; i != before_last; ++i){
            print_elem(*i);
            putchar(',');
        }
        print_elem(*before_last);
        putchar('}');
    }
}

```

```

}

/** |T2A\CYRP |T2A\cyrr |T2A\cyro |T2A\cyrv |T2A\cyre |T2A\cyrr |T2A\cyrk |T2A\cyra |T2A\cyrp |T2A\
    |T2A\cyrm |T2A\cyrn |T2A\cyro |T2A\cyrzh |T2A\cyre |T2A\cyrz |T2A\cyrt |T2A\cyrv |T2A\cyrz |T2A\
    |T2A\cyrv |T2A\cyro |T2A\cyrz |T2A\cyrv |T2A\cyrr |T2A\cyra |T2A\cyrshch |T2A\cyra |T2A\cyre |T2A\
template<typename T>
bool is_elem(const T& x, const std::set<T>& a){
    return a.find(x) != a.end();
}

/** |T2A\CYRO |T2A\cyrb |T2A\cyrhrdsn |T2A\cyre |T2A\cyrd |T2A\cyri |T2A\cyrn |T2A\cyre |T2A\cyrn |T2A\
    |T2A\cyrrerev |T2A\cyrl |T2A\cyre |T2A\cyrm |T2A\cyre |T2A\cyrn |T2A\cyrt |T2A\cyrrerev |T2A\cyrm
template<typename T>
std::set<T> operator + (const std::set<T>& a, const std::set<T>& b){
    std::set<T> s = a;
    s.insert(b.begin(), b.end());
    return s;
}

/** |T2A\CYRT |T2A\cyre |T2A\cyro |T2A\cyrr |T2A\cyre |T2A\cyrt |T2A\cyri |T2A\cyrk |T2A\cyro --|T2A\
    |T2A\cyrt |T2A\cyre |T2A\cyro |T2A\cyrr |T2A\cyri |T2A\cyri |T2A\cyrm |T2A\cyrn |T2A\cyro |T2A\
    |T2A\cyrrerev |T2A\cyrl |T2A\cyre |T2A\cyrm |T2A\cyre |T2A\cyrn |T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyrv |T2A\
template<typename T>
std::set<T> operator - (const std::set<T>& a, const std::set<T>& b){
    std::set<T> s = a;
    for(const auto x : b){
        s.erase(x);
    }
    return s;
}

/** |T2A\CYRP |T2A\cyre |T2A\cyrr |T2A\cyre |T2A\cyrz |T2A\cyre |T2A\cyrch |T2A\cyre |T2A\cyrn |T2A\
    |T2A\cyrt |T2A\cyre |T2A\cyrh |T2A\cyrrerev |T2A\cyrl |T2A\cyre |T2A\cyrm |T2A\cyre |T2A\cyrn |T2A\
template<typename T>
std::set<T> operator * (const std::set<T>& a, const std::set<T>& b){
    std::set<T> s;
    for(const auto& x : a){
        if(is_elem(x, b)){
            s.insert(x);
        }
    }
    return s;
}

/** |T2A\CYRS |T2A\cyri |T2A\cyrm |T2A\cyrm |T2A\cyre |T2A\cyrt |T2A\cyrr |T2A\cyri |T2A\cyrch |T2A\
    |T2A\cyrm |T2A\cyrn |T2A\cyro |T2A\cyrzh |T2A\cyre |T2A\cyrz |T2A\cyrt |T2A\cyrv |T2A\cyrz |T2A\
template<typename T>
std::set<T> operator ^ (const std::set<T>& a, const std::set<T>& b){
    return (a - b) + (b - a);
}

/** |T2A\CYRP |T2A\cyrr |T2A\cyro |T2A\cyrv |T2A\cyre |T2A\cyrr |T2A\cyrza |T2A\cyre |T2A\cyrt , |T2A\
    |T2A\cyrv |T2A\cyro |T2A\cyrz |T2A\cyrm |T2A\cyro |T2A\cyrzh |T2A\cyrn |T2A\cyro , |T2A\cyrz |T2A\
template<typename T>
bool is_subseteq(const std::set<T>& a, const std::set<T>& b){
    std::set<T> s = (a * b) ^ a;
    return s.empty();
}

```

```

    }
};
#endif

```

Далее, для облегчения реализации таблиц символов строковые представления идентификаторов и строковых литералов хранятся в специальных таблицах, и в лексеме возвращается не строковое представление идентификатора или строкового литерала, а его индекс в таблице.

При этом если в языке, для которого генерируется лексический анализатор (далее называемый сканером) имеются идентификаторы, то в структуру со сведениями о лексеме добавляется поле `size_t ident_index`, содержащее индекс идентификатора в таблице идентификаторов. Если же в языке, для которого генерируется сканер, имеются строковые литералы, то в структуру со сведениями о лексеме добавляются поле `size_t string_index`, содержащее индекс строкового литерала в таблице строковых литералов, и поле `char32_t c`, содержащее символьный литерал.

Таблицы идентификаторов и строковых литералов представляют собой префиксные деревья (английское название — *trie*).

Под префиксным деревом здесь понимается структура данных, позволяющая хранить ассоциативный массив, ключами которого являются строки¹.

Нагруженное дерево отличается от обычных n -арных деревьев тем, что в его узлах хранятся не ключи, а односимвольные метки. Ключом же, соответствующим некоторому узлу, является путь от корня дерева до этого узла, а точнее, строка составленная из меток узлов, повстречавшихся на этом пути. В таком случае корень дерева, очевидно, соответствует пустому ключу. Таким образом, потомки узла имеют общий префикс, откуда и произошло название данной структуры данных. Иные названия на русском языке — бор [8], луч [9], и нагруженное дерево [10, с.152]. Пример префиксного дерева (дерево для идентификаторов `get`, `her`, `him`, `his`):

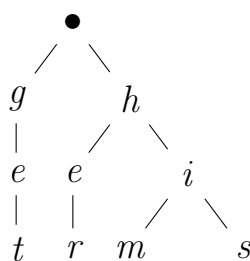


Рис. 2.2.1. Префиксное дерево для идентификаторов `get`, `her`, `him`, `his`.

Внутреннее представление будет таким:

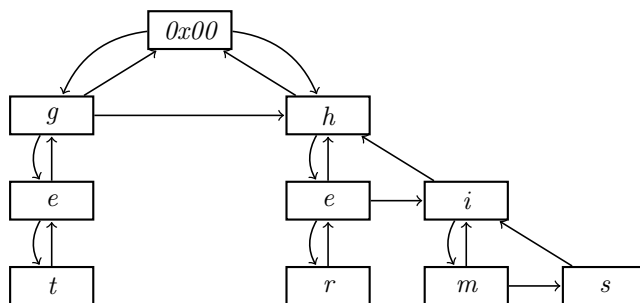


Рис. 2.2.2. Внутреннее представление префиксного дерева для идентификаторов `get`, `her`, `him`, `his`.

Поясним рисунок 2.2.2. Каждый узел помечен символом типа `char32_t`. А именно, корень помечен символом с кодом ноль. Потомки корня помечены первыми символами вставленных строк. Если узел не является корнем, то его потомки помечаются символами, которые во вставленных

¹В данном случае строки не обязаны состоять из символов в смысле какой-либо кодировки (кодировки DOS, Windows, и т.д.).

строках идут сразу же после префикса, получающегося проходом от корня до этого узла. Например, потомки крайнего правого узла на третьем уровне изображённого на рис. 2.2.2 дерева (этот узел помечен символом *i*) помечены символами *m* и *s*. Для этого узла префикс, получающийся проходом от корня, представляет собой строку *hi*, являющуюся префиксом идентификаторов *him* и *his*.

У каждого узла, изображённого на рис. 2.2.2, помимо поля, содержащего символ, который помечает узел, имеются также поля-указатели. А именно, имеются следующие поля: указатель на узел-предок, указатель на следующий потомок узла-предка, и указатель на список узлов-потомков. Все узлы-потомки организованы в виде односвязного списка. При этом под указателем на список узлов-потомков понимается указатель на первый элемент списка.

Чтобы явно не выделять память, узлы будем хранить в стандартном контейнере **vector**. Новые узлы будем добавлять в конец контейнера. Поскольку все узлы хранятся в контейнере **vector**, то поля-указатели заменить полями-индексами. Иными словами, каждый узел реализован в виде структуры, хранящей следующие данные:

- 1) символ, которым помечен узел;
- 2) целочисленное значение, хранящее индекс узла-предка в контейнере **vector**;
- 3) целочисленное значение, хранящее индекс в контейнере **vector** первого элемента в односвязном списке узлов-потомков;
- 4) целочисленное значение, хранящее индекс в контейнере **vector** следующего потомка узла-предка.

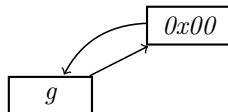
Реализация пустого префиксного дерева такова: контейнер **vector**, содержащий узлы, содержит единственный узел (корень дерева), помеченный символом с кодом 0, и все поля-индексы которого равны нулю.

Далее, синтаксическому анализатору нужно выводить идентификаторы при выводе сообщений об ошибках (например, при обнаружении несовместимости типов и при обнаружении идентификатора, который используется, но не описан) по известным индексам идентификаторов в таблице идентификаторов. Для упрощения вывода идентификаторов на экран добавим к внутреннему представлению узла поле, равное длине пути от корня до данного узла.

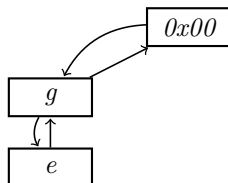
Поясним, как осуществляется вставка в префиксное дерево. Рассмотрим сначала случай вставки в пустое дерево. Вставлять будем идентификатор **get**. Итак, до вставки дерево выглядело так:

0x00

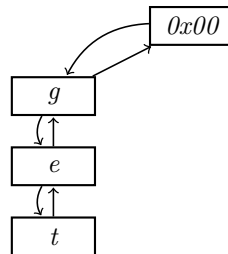
При вставке идентификатора **get** нужно последовательно пройти по всем символам этого идентификатора. Первый символ идентификатора **get** — символ 'g'. Поскольку дерево пусто, то оно состоит только из корня, и, следовательно, корень дерева не имеет потомков. Поэтому в список потомков корня нужно вставить узел, помеченный первым символом вставляемого идентификатора, то есть символом 'g'. После этого дерево примет вид



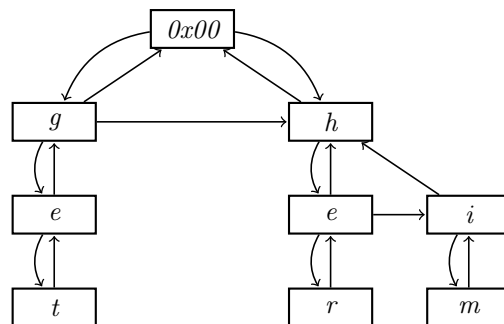
Теперь считаем вставленный узел корнем поддерева, и в это поддерево вставляем оставшуюся часть идентификатора, то есть строку **et**. Первым символом этой строки является символ 'e'. Поскольку корень рассматриваемого поддерева не имеет потомков, то в список потомков корня рассматриваемого поддерева нужно вставить узел, помеченный первым символом вставляемой строки **et**, то есть символом 'e'. После этого дерево примет вид



Считаем вставленный узел корнем поддерева, и в это поддерево вставляем оставшуюся часть идентификатора, то есть строку **t**. Первым (и единственным) символом данной строки является символ 'т'. Поскольку корень рассматриваемого поддерева не имеет потомков, то в список потомков корня рассматриваемого поддерева нужно вставить узел, помеченный первым символом вставляемой строки **t**, то есть символом 'т'. Итак, после вставки идентификатора **get** в пустое дерево получим следующее префиксное дерево:



Рассмотрим теперь следующее префиксное дерево, содержащее идентификаторы **get**, **her**, **him**:



Вставим в это дерево идентификатор **his**. Первым символом вставляемого идентификатора является символ 'h'. Поскольку у корня префиксного дерева есть потомок, помеченный указанным символом, то вставляем оставшуюся часть идентификатора, строку **is**, в поддерево, корнем которого является потомок корня дерева, помеченный символом 'h'. Среди потомков корня рассматриваемого поддерева есть узел, помеченный первым символом строки **is**, то есть символом 'i'. Поэтому в поддерево, корнем которого является помеченный символом 'i' узел, нужно вставить оставшуюся часть идентификатора **his**, строку **s**. У корня того поддерева, в котором находимся в настоящий момент, имеется потомок, помеченный символом 'm', но нет потомка, помеченного символом 's'. Следовательно, нужно в список потомков вставить корня текущего поддерева вставить узел, помеченный символом 's'. В результате получим дерево, изображённое на рис. 2.2.2.

Класс префиксного дерева для строковых литералов и для идентификаторов будет наследником класса префиксного дерева, параметризованного типом хранимых в узлах данных. Параметризованный класс префиксного дерева будет находиться в файле **trie.h**, содержимое которого приводится ниже.

```

/* T2A\CYRF T2A\cyra T2A\cyrishrt T2A\cyr1 trie.h. */
#ifdef TRIE_H
#define TRIE_H

#include <vector>
#include <map>
#include <utility>
#include <algorithm>
#include <string>
#include <set>

template<typename T>
class Trie {

```

```

public:
    /* |T2A\CYRK |T2A\cyro |T2A\cyrn |T2A\cyrs |T2A\cyrt |T2A\cyrr |T2A\cyru |T2A\cyrk |T2A\cyrt |T2A\c
    Trie<T>();
    /* |T2A\CYRD |T2A\cyre |T2A\cyrs |T2A\cyrt |T2A\cyrr |T2A\cyru |T2A\cyrk |T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\c
    ~Trie() = default;
    /* |T2A\CYRK |T2A\cyro |T2A\cyrp |T2A\cyri |T2A\cyrr |T2A\cyru |T2A\cyryu |T2A\cyrshch |T2A\cyri |T
    Trie(const Trie<T>& orig) = default;
    /* |T2A\CYRF |T2A\cyru |T2A\cyrn |T2A\cyrk |T2A\cyrc |T2A\cyri |T2A\cyrya |T2A\cyru |T2A\cyrs |T2A\c
    size_t insert(const std::basic_string<T>& s);
    /* |T2A\CYRF |T2A\cyru |T2A\cyrn |T2A\cyrk |T2A\cyrc |T2A\cyri |T2A\cyrya , |T2A\cyru |T2A\cyrery |
    * |T2A\cyrd |T2A\cyre |T2A\cyrr |T2A\cyre |T2A\cyru |T2A\cyra (|T2A\cyrk |T2A\cyro |T2A\cyrr |T2A\c
    size_t maximal_degree();
protected:
    /* |T2A\cyrt |T2A\cyri |T2A\cyrp |T2A\cyru |T2A\cyrz |T2A\cyrl |T2A\cyra |T2A\cyrp |T2A\cyrr |T2A\c
    struct node{
        size_t parent, first_child, next;
        /* |T2A\CYRV |T2A\cyrs |T2A\cyre |T2A\cyru |T2A\cyrz |T2A\cyrl |T2A\cyrery -|T2A\cyrp |T2A\cyro |T
        * |T2A\cyrerev |T2A\cyrl |T2A\cyre |T2A\cyrn |T2A\cyre |T2A\cyrn |T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyrn
        * |T2A\cyrs |T2A\cyro |T2A\cyrd |T2A\cyre |T2A\cyrr |T2A\cyrr |T2A\cyrr |T2A\cyrr |T2A\cyrs |T2
        * |T2A\cyrr |T2A\cyro |T2A\cyrd |T2A\cyri |T2A\cyrt |T2A\cyre |T2A\cyrl |T2A\cyrsftsn |T2A\cyrs
        * |T2A\cyrs |T2A\cyro |T2A\cyrd |T2A\cyre |T2A\cyrr |T2A\cyrr |T2A\cyrr |T2A\cyrr |T2A\cyrs |T2
        * |T2A\cyrs |T2A\cyro |T2A\cyrd |T2A\cyre |T2A\cyrr |T2A\cyrr |T2A\cyrr |T2A\cyrr |T2A\cyrr |T2A\cyrn |T
        * |T2A\cyrp |T2A\cyrr |T2A\cyre |T2A\cyrd |T2A\cyrs |T2A\cyrt |T2A\cyra |T2A\cyru |T2A\cyrl |T2A\c
        * |T2A\cyrd |T2A\cyre |T2A\cyrr |T2A\cyre |T2A\cyru |T2A\cyra . */
        size_t path_len; /* |T2A\cyru |T2A\cyrerev |T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyrn |T2A\cyrp |T2A\cyro |T
        * |T2A\cyro |T2A\cyrt |T2A\cyrt |T2A\cyre |T2A\cyrk |T2A\cyru |T2A\cyrshch |T2
        size_t degree; /* |T2A\CYRV |T2A\cyrerev |T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyrn |T2A\cyrp |T2A\cyro |T2A\c
        * |T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyre |T2A\cyrs |T2A\cyrt |T2A\cyrsftsn |T2A\cyrk |T2
        T c; /* |T2A\cyru |T2A\cyrerev |T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyrn |T2A\cyrp |T2A\cyro |T2A\cyrl |T2A\c
        * |T2A\cyrya |T2A\cyru |T2A\cyrl |T2A\cyrya |T2A\cyryu |T2A\cyrshch |T2A\cyri |T2A\cyrishrt
        node(){
            next = parent = path_len = first_child = 0;
            degree = 0; c = T();
        }
    };
    std::vector<node> node_buffer;
    std::vector<size_t> nodes_indeces;
    /* |T2A\CYRF |T2A\cyru |T2A\cyrn |T2A\cyrk |T2A\cyrc |T2A\cyri |T2A\cyrya , |T2A\cyrd |T2A\cyro |T2
    * |T2A\cyrz |T2A\cyrn |T2A\cyra |T2A\cyrch |T2A\cyre |T2A\cyrn |T2A\cyri |T2A\cyre |T2A\cyrn x |T
    size_t add_child(size_t parent_idx, T x);
    /* |T2A\CYREREV |T2A\cyrt |T2A\cyra |T2A\cyrf |T2A\cyru |T2A\cyrn |T2A\cyrk |T2A\cyrc |T2A\cyri |T
    * |T2A\cyrp |T2A\cyro |T2A\cyre |T2A\cyrk |T2A\cyro |T2A\cyrn |T2A\cyrch |T2A\cyra |T2A\cyrn |T2A\c
    virtual void post_action(const std::basic_string<T>& s, size_t n){ };
};

template<typename T>
Trie<T>::Trie(){
    node_buffer = std::vector<node>(1);
    nodes_indeces = std::vector<size_t>();
}

template<typename T>
size_t Trie<T>::maximal_degree(){
    size_t deg = 0;
    size_t len = node_buffer.size();
    for(int i = 1; i < len; i++){
        deg = std::max(deg, node_buffer[i].degree);
    }
}

```


файле `char_trie.h`, а реализация — в файле `char_trie.cpp`. Содержимое этих файлов приведено ниже.

```
/* |T2A|CYRF |T2A|cyra |T2A|cyrishrt |T2A|cyr| char_trie.h. */
#ifdef CHAR_TRIE_H
#define CHAR_TRIE_H

#include "../include/trie.h"

struct Char_trie_as_map {
    std::map<size_t, char32_t*> *m;
    ~Char_trie_as_map();
};

class Char_trie : public Trie<char32_t>{
public:
    virtual ~Char_trie() { };
    /* |T2A|CYRK |T2A|cyro |T2A|cyrn |T2A|cyr| |T2A|cyrt |T2A|cyrr |T2A|cyru |T2A|cyrk |T2A|cyrt |T2A|c
    Char_trie(){};
    /* |T2A|CYRK |T2A|cyro |T2A|cyrp |T2A|cyri |T2A|cyrr |T2A|cyru |T2A|cyr| |T2A|cyrshch |T2A|cyri |T
    Char_trie(const Char_trie& orig) = default;
    /* |T2A|CYRF |T2A|cyru |T2A|cyrn |T2A|cyrk |T2A|cyr| |T2A|cyri |T2A|cyr| , |T2A|cyrp |T2A|cyro |T
    * |T2A|cyr| |T2A|cyro |T2A|cyro |T2A|cyrt |T2A|cyru |T2A|cyre |T2A|cyrt |T2A|cyr| |T2A|cyr| |T2A|c
    char32_t* get_cstring(size_t idx);
    /* |T2A|CYRF |T2A|cyru |T2A|cyrn |T2A|cyrk |T2A|cyr| |T2A|cyri |T2A|cyr| , |T2A|cyrp |T2A|cyro |T
    |T2A|cyr| |T2A|cyro |T2A|cyro |T2A|cyrt |T2A|cyru |T2A|cyre |T2A|cyrt |T2A|cyr| |T2A|cyr| |T2A|c
    std::u32string get_string(size_t idx);
    /* |T2A|CYRF |T2A|cyru |T2A|cyrn |T2A|cyrk |T2A|cyr| |T2A|cyri |T2A|cyr| , |T2A|cyru |T2A|cyro |T2
    * |T2A|cyro |T2A|cyrt |T2A|cyro |T2A|cyr| |T2A|cyrr |T2A|cyra |T2A|cyrzh |T2A|cyre |T2A|cyrn |T2A|
    Char_trie_as_map as_map();
    /* |T2A|CYRF |T2A|cyru |T2A|cyrn |T2A|cyrk |T2A|cyr| |T2A|cyri |T2A|cyr| |T2A|cyru |T2A|cyrery |T
    void print(size_t idx);
    /* |T2A|CYRS |T2A|cyr| |T2A|cyre |T2A|cyrd |T2A|cyru |T2A|cyr| |T2A|cyrshch |T2A|cyra |T2A|cyr|
    size_t get_length(size_t idx);
};

#endif

/* |T2A|CYRF |T2A|cyra |T2A|cyrishrt |T2A|cyr| char_trie.cpp. */
#include "../include/char_conv.h"
#include "../include/char_trie.h"
#include <vector>
#include <map>
#include <utility>
#include <algorithm>
#include <string>
#include <set>

Char_trie_as_map::~Char_trie_as_map(){
    for(auto x : *m){
        delete [] x.second;
    }
}

Char_trie_as_map Char_trie::as_map(){
    Char_trie_as_map t;
    t.m = new std::map<size_t, char32_t*>();
    for(auto x : nodes_indeces){
```


Для порождения реализации автоматов, распознающих ряд видов лексем, нужна функция, ищущая символ в заканчивающейся символом с кодом ноль строке, состоящей из символов типа `char32_t`. Прототип этой функции содержится в файле `search_char.h`, а реализация — в файле `search_char.cpp`. Ниже приведено содержимое каждого из этих файлов.

```
/* |T2A\CYRF |T2A\cyra |T2A\cyrishrt |T2A\cyr| search_char.h. */
#define THERE_IS_NO_CHAR (-1)
/**
 * |function search_char
 * |T2A\CYRD |T2A\cyra |T2A\cyrn |T2A\cyrn |T2A\cyra |T2A\cyrya |T2A\cyrf |T2A\cyru |T2A\cyrn |T2A\cyr
 * |T2A\cyrs |T2A\cyro |T2A\cyrs |T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyrya |T2A\cyrshch |T2A\cyre |T2A\cyrishrt |
 * |T2A\cyrs |T2A\cyri |T2A\cyrm |T2A\cyru |T2A\cyro |T2A\cyr| |T2A\cyro |T2A\cyrm .
 *
 * |param [in] c --- |T2A\cyri |T2A\cyrs |T2A\cyrk |T2A\cyro |T2A\cyrm |T2A\cyrery |T2A\cyrishrt |T2A\
 * |param [in] array --- |T2A\cyrs |T2A\cyrt |T2A\cyrr |T2A\cyro |T2A\cyrk |T2A\cyra |T2A\cyru |T2A\c
 * |return |T2A\cyrs |T2A\cyrm |T2A\cyre |T2A\cyrshch |T2A\cyre |T2A\cyrn |T2A\cyri |T2A\cyre (|T2A\cy
 * |T2A\cyri |T2A\cyrs |T2A\cyrk |T2A\cyro |T2A\cyrm |T2A\cyrery |T2A\cyrishrt |T2A\cyrs |T2A\cyri |T2
 */
int search_char(char32_t c, const char32_t* array);
#endif

/* |T2A\CYRF |T2A\cyra |T2A\cyrishrt |T2A\cyr| search_char.cpp. */
#include "../include/search_char.h"
int search_char(char32_t c, const char32_t* array){
    char32_t ch;
    int curr_pos = 0;
    for(char32_t* p = const_cast<char32_t*>(array); (ch = *p++); ){
        if(ch == c){
            return curr_pos;
        }
        curr_pos++;
    }
    return THERE_IS_NO_CHAR;
}
```

Для инициализации ряда порождаемых автоматов потребуется функция, определяющая состояние, с которого автомат начнёт работу. Прототип функции будет содержаться в файле `get_init_state.h`, а реализация — в файле `get_init_state.cpp`. Приведём содержимое этих файлов.

```
/* |T2A\CYRF |T2A\cyru |T2A\cyrn |T2A\cyrk |T2A\cyrc |T2A\cyri |T2A\cyrya get_init_state |T2A\cyri |T2
 * |T2A\cyrs |T2A\cyri |T2A\cyrm |T2A\cyru |T2A\cyro |T2A\cyr| sym |T2A\cyru |T2A\cyrt |T2A\cyra |T2A
 * n, |T2A\cyrd |T2A\cyru |T2A\cyro |T2A\cyri |T2A\cyrch |T2A\cyrn |T2A\cyrery |T2A\cyrm |T2A\cyrp |T2
 * |T2A\cyrp |T2A\cyre |T2A\cyrr |T2A\cyru |T2A\cyra |T2A\cyrya |T2A\cyrk |T2A\cyro |T2A\cyrm |T2A\cyr
 * |T2A\cyra |T2A\cyr| |T2A\cyrg |T2A\cyro |T2A\cyrr |T2A\cyri |T2A\cyrt |T2A\cyrm B |T2A\cyri |T2A\cy
 * |T2A\CYRT .3. |T2A\CYRS |T2A\cyro |T2A\cyrr |T2A\cyrt |T2A\cyri |T2A\cyrr |T2A\cyro |T2A\cyru |T2A\c
 * |T2A\cyrerev |T2A\cyrt |T2A\cyro |T2A\cyrm |T2A\cyru |T2A\cyrn |T2A\cyra |T2A\cyrsh |T2A\cyre |T2A
 * |T2A\cyro |T2A\cyrt |T2A\cyrs |T2A\cyru |T2A\cyrt |T2A\cyrs |T2A\cyrt |T2A\cyru |T2A\cyro |T2A\cyru
int get_init_state(char32_t sym, const State_for_char sts[], int n);
#endif
```

```

/* |T2A\CYRF |T2A\cyra |T2A\cyrishrt |T2A\cyr| get_init_state.cpp. */
#include "../include/get_init_state.h"
int get_init_state(char32_t sym, const State_for_char sts[], int n){
    int lower, upper, middle;
    lower = 0; upper = n - 1;
    while(lower <= upper){
        middle = (lower + upper) >> 1;
        char32_t c_ = sts[middle].c;
        if(sym == c_){
            return sts[middle].st;
        }else if(sym > c_){
            lower = middle + 1;
        }else{
            upper = middle - 1;
        }
    }
    return -1;
}

```

Сканеру нужно будет передавать обрабатываемый текст и указатель на текущее местоположение в этом тексте. Кроме того, бывает, что для разных кусков обрабатываемого текста требуются разные сканеры, и эти сканеры должны разделять сведения об обрабатываемом тексте и текущем в нём положении. Поэтому генерируется файл `location.h`, содержащий такие сведения:

```

/* |T2A\CYRF |T2A\cyra |T2A\cyrishrt |T2A\cyr| location.h. */
#ifndef LOCATION_H
#define LOCATION_H

#include <memory>
/* |T2A\CYRS |T2A\cyr| |T2A\cyre |T2A\cyrd |T2A\cyru |T2A\cyryu |T2A\cyrshch |T2A\cyra |T2A\cyrya |T2A\
 * |T2A\CYRV |T2A\cyrk |T2A\cyro |T2A\cyrn |T2A\cyrs |T2A\cyrt |T2A\cyrr |T2A\cyru |T2A\cyrk |T2A\cyrt
 * |T2A\cyrr |T2A\cyra |T2A\cyrz |T2A\cyrd |T2A\cyre |T2A\cyr| |T2A\cyrya |T2A\cyre |T2A\cyrm |T2A\cyre |
// #include <cstddef>
struct Location {
    char32_t* pcurrent_char; /* |T2A\cyru |T2A\cyrk |T2A\cyra |T2A\cyrz |T2A\cyra |T2A\cyrt |T2A\cyre |
    size_t current_line; /* |T2A\cyrn |T2A\cyro |T2A\cyrm |T2A\cyre |T2A\cyrr |T2A\cyrt |T2A\cyre |

    Location() : pcurrent_char(nullptr), current_line(1) {};
    Location(char32_t* txt) : pcurrent_char(txt), current_line(1) {};
};

using Location_ptr = std::shared_ptr<Location>;
#endif

```

Наконец, генерируемый сканер будет наследником шаблонного класса сканера. Шаблонный класс сканера содержится в файле `abstract_scanner.h`:

```

/* |T2A\CYRF |T2A\cyra |T2A\cyrishrt |T2A\cyr| abstract_scanner.h. */
#ifndef ABSTRACT_SCANNER_H
#define ABSTRACT_SCANNER_H

#include <string>
#include <memory>
#include "../include/error_count.h"
#include "../include/char_trie.h"
#include "../include/location.h"
#include "../include/errors_and_tries.h"

```



```
    loc->current_line = lexem_begin_line;
}

template<typename Lexem_type>
size_t Abstract_scanner<Lexem_type>::lexem_begin_line_number(){
    return lexem_begin_line;
}
#endif
```

Глава 3. Пример программы тестирования работы сгенерированного сканера

Наконец, приведём пример программы, тестирующей работу сгенерированного сканера.

```
#include <cstdlib>
#include <stdio>
#include <memory>
#include "../include/fsizer.h"
#include "../include/error_count.h"
#include "../include/location.h"
#include "../include/trie.h"
#include "../include/scaner.h"
#include "../include/char_conv.h"
#include "../include/test_scanner.h"
#include "../include/errors_and_tries.h"
#include "../include/file_contents.h"
#include "../include/char_trie.h"

/* \T2A\CYRF \T2A\cyru \T2A\cyrn \T2A\cyrk \T2A\cyrc \T2A\cyri \T2A\cyrya , \T2A\cyro \T2A\cyrt \T2A\cy
   \T2A\cyrf \T2A\cyra \T2A\cyrishrt \T2A\cyr1 \T2A\cyru \T2A\cyrd \T2A\cyra \T2A\cyr1 \T2A\cyro \T2A\
std::u32string init_testing(const char* name){
    auto contents = get_contents(name);
    auto str      = contents.second;
    switch(contents.first){
        case Get_contents_return_code::Normal:
            if(!str.length()){
                puts("\T2A\CYRD \T2A\cyr1 \T2A\cyri \T2A\cyrn \T2A\cyra \T2A\cyrf \T2A\cyra \T2A\cyrishrt");
                return U"";
            }else{
                return utf8_to_u32string(str.c_str());
            }
            break;

        case Get_contents_return_code::Impossible_open:
            puts("\T2A\CYRN \T2A\cyre \T2A\cyrv \T2A\cyro \T2A\cyrz \T2A\cyrm \T2A\cyro \T2A\cyzh \T2A\cyrya");
            return U"";

        case Get_contents_return_code::Read_error:
            puts("\T2A\CYRO \T2A\cyrrh \T2A\cyri \T2A\cyrb \T2A\cyrk \T2A\cyra \T2A\cyrp \T2A\cyrr \T2A\cyrya");
            return U"";
    }
    return U"";
}

int main(int argc, char** argv) {
    if(1 == argc){
        puts("\T2A\CYRN \T2A\cyre \T2A\cyrz \T2A\cyra \T2A\cyrd \T2A\cyra \T2A\cyrn \T2A\cyrt \T2A\cyrya");
    }else{
        std::u32string t = init_testing(argv[1]);
        if(t.length()){
            char32_t* p = const_cast<char32_t*>(t.c_str());
            auto loc = std::make_shared<Location>(p);
```

```

        Errors_and_tries etr;
        etr.ec          = std::make_shared<Error_count>();
        etr.ids_trie    = std::make_shared<Char_trie>();
        etr.strs_trie   = std::make_shared<Char_trie>();
        auto sc         = std::make_shared<Scanner>(loc, etr);
        test_scanner(sc);
    }
}
return 0;
}

```

Пример файлов test_scanner.cpp и test_scanner.h:

```

/* \T2A\CYRP \T2A\cyrr \T2A\cyri \T2A\cyrm \T2A\cyre \T2A\cyrr \T2A\cyrf \T2A\cyra \T2A\cyrishrt \T2A\
#include <stdio>
#include "../include/test_scanner.h"
#include "../include/char_conv.h"

/* \T2A\CYRD \T2A\cyra \T2A\cyrn \T2A\cyrn \T2A\cyrery \T2A\cyrishrt \T2A\cyrm \T2A\cyra \T2A\cyrs \T2A\
 * \T2A\cyrv \T2A\cyrk \T2A\cyra \T2A\cyrv \T2A\cyrery \T2A\cyrch \T2A\cyrk \T2A\cyri \T2A\cyri \T2A\
 * \T2A\cyrp \T2A\cyro \T2A\cyrr \T2A\cyrya \T2A\cyrd \T2A\cyrk \T2A\cyre , \T2A\cyrch \T2A\cyrt \T2A\c

static const char* lexem_names[] = {
    "Nothing",          "UnknownLexem",      "Action",
    "Opened_round_brack", "Closed_round_brack", "Or",
    "Kleene_closure",   "Positive_closure",  "Optional_member",
    "Character",         "Begin_expression",  "End_expression",
    "Class_Latin",       "Class_Letter",      "Class_Russian",
    "Class_bdigits",     "Class_digits",       "Class_latin",
    "Class_letter",      "Class_odigits",      "Class_russian",
    "Class_xdigits",     "Class_ndq",          "Class_nsq",
    "M_Class_Latin",     "M_Class_Letter",     "M_Class_Russian",
    "M_Class_bdigits",   "M_Class_digits",     "M_Class_latin",
    "M_Class_letter",    "M_Class_odigits",    "M_Class_russian",
    "M_Class_xdigits",   "M_Class_ndq",        "M_Class_nsq"
};

void print_lexem(Expr_lexem_info li){
    Lexem_code lc = li.code;
    printf("%s", lexem_names[lc]);
    if(Character == lc){
        char32_t ch = li.c;
        if(ch < ' '){
            printf(" %u", ch);
        }else{
            std::string s = char32_to_utf8(ch);
            printf(" '%s'", s.c_str());
        }
    }
    printf(" \n");
}

void test_scanner(std::shared_ptr<Expr_scanner> sc){
    Lexem_info lexem;
    do{
        lexem = sc -> current_lexem();
        print_lexem(lexem);
    }while(lexem.code != Action);
}

```



```

    }while(lexem.code);
}

/* \T2A\CYRP \T2A\cyrr \T2A\cyri \T2A\cyrm \T2A\cyre \T2A\cyrr \T2A\cyrf \T2A\cyra \T2A\cyrishrt \T2A\
#ifdef TEST_SCANNER_H
#define TEST_SCANNER_H
#include <memory>
#include "../include/scaner.h"
void print_lexem(Lexem_info li);
void test_scanner(std::shared_ptr<Scanner> sc);
#endif /* TEST_SCANNER_H */

```

Список литературы

- [1] Ахо А., Лам М., Сети Р., Ульман Дж. Компиляторы: принципы, технологии и инструментарий. 2-е изд.: Пер. с англ. — М.: Вильямс, 2008.
- [2] Хопкрофт Дж. Э., Мотвани Р., Ульман Дж. Введение в теорию автоматов, языков и вычислений. 2-е изд.: Пер. с англ. — М.: Вильямс, 2002.
- [3] Фридл Дж. Регулярные выражения. 3-е изд: Пер. с англ. — СПб.: Символ-Плюс, 2008.
- [4] Мозговой М.В. Классика программирования: алгоритмы, языки, автоматы, компиляторы. Практический подход. — СПб.: Наука и техника, 2006.
- [5] Свердлов С.З. Языки программирования и методы трансляции. — СПб.: Питер, 2007.
- [6] Вирт Н. Построение компиляторов. — М.: ДМК Пресс, 2014.
- [7] Креншоу Дж. Давайте создадим компилятор! — М.: 1995.
- [8] Кнут Д.Э. Искусство программирования для ЭВМ. Т.3. Сортировка и поиск.: Пер. с англ. — М.: Мир, 1978.
- [9] Кнут Д.Э. Искусство программирования. Т.3. Сортировка и поиск. 2-е изд.: Пер. с англ. — М.: Вильямс, 2008.
- [10] Ахо А., Хопкрофт Дж., Ульман Дж. Структуры данных и алгоритмы.: Пер с англ. — М.: Вильямс, 2000.