## **IN 102** 4 mars 2008

NOM:

n éléments?

 $\square \Theta(\log n)$ ,

□ diviser le problème,

## Rattrapage

Prénom:



	<ul> <li>aucun document n'est autorisé.</li> <li>ce QCM aboutit à une note sur 50 points. La note finale sur 20 sera obtenue simplement en divisant la note sur 50 par 2,5.</li> <li>n'oubliez pas de remplir votre nom et votre prénom juste au dessus de ce cadre.</li> </ul>				
Chaque bonne réponse rapporte 1 point. Chaque mauvaise réponse enlève 1 point. Il n'y a qu'une seule bonne réponse par question. Ne répondez pas au hasard, la note totale peut être négative!					
1] I	aquelle de ces comp	olexités est la plus peti	te?		
	$\square \ \Theta(n^n)$	$\Box \ \Theta(n!)$	$\Box \ \Theta(2^{2^n})$	$\blacksquare \ \Theta(2^n)$	
2] Lequel de ces algorithmes de tri a la moins bonne complexité en moyenne?					
	☐ tri fusion,	$\Box$ tri rapide,	■ tri par insertion,	$\Box$ tri par tas.	
3] Lequel de ces algorithmes de tri a la meilleure complexité dans le pire cas?					
ı	tri fusion,	$\Box$ tri rapide,	$\Box$ tri par insertion,	□ tri à bulles.	
-	Lequel de ces algorit némoire)?	hmes de tri ne permet	pas de trier un tablea	au en place (sans réallouer	
ı	tri fusion,	□ tri rapide,	☐ tri par insertion,	□ tri à bulles.	

□ résoudre l	es sous-problèmes,	$\square$ recombine	er les résultats.	
	faut déplacer 7 disque n faut-il en déplacer (au	•	•	
disques?	- \	, -	_	_
□ 8,	$\Box$ 14,	<b>■</b> 15,	$\square$ 49.	

5] Quelle est la complexité (en moyenne) minimale d'un algorithme de tri par comparaisons de

**6**] Laquelle de ces étapes ne fait pas partie de la stratégie « diviser pour régner »?

 $\blacksquare$   $\Theta(n \log n)$ ,

■ trier les sous-problèmes,

 $\square \Theta(n^2)$ .

<b>8</b> ] On veut appliquer	un algorithme de	tri rapides aux	$\epsilon$ entiers : $\{$	[1, 4, 8, 2, 9, 7, 3, 6]	$\{5,5\}$ . Pour la
première étape du tri	, quel serait le mei	illeur choix de p	ivot?		

$\sqcup 1$ ,	l	Ш	9,
<b>5</b> ,	]		cela n'a pas d'importance.

 $\square \Theta(n)$ ,

	In calculant la complexité d'un algorithme récursif, on aboutit à la formule $T(n) = T(\frac{n}{2}) + 2$ et $T(0) = 1$ . Quelle est la complexité $T(n)$ de cet algorithme?			
$\blacksquare \Theta(\log n),$	$\square \ \Theta(n),$	$\square \ \Theta(n^2),$		
10] Les lignes suivante	s affichent les élémen	ts de quelle ty	ype de structure?	
<pre>while (a != NULL cout &lt;&lt; a-&gt;val a a = a-&gt;next; }</pre>				
$\hfill\Box$ un tableau,	■ une liste,	$\Box$ un tas,	, $\Box$ un arbres bina	ire.
11] Laquelle de ces str	uctures ne peut pas $\hat{\epsilon}$	etre programn	mée efficacement avec un table	au?
$\Box$ une pile,	$\Box$ un tas,	$\square$ une file	e, une liste.	
12] Quelle est la compéléments?	plexité de la désalloc	ation (libérat	tion de la mémoire) d'une list	te de n
$\square \ \Theta(1),$	$\Box \ \Theta(\log n),$	$\blacksquare \ \Theta(n),$	$\square \ \Theta(n^2).$	
13] Laquelle de ces op éléments?	érations ne s'effectue	pas en temps	os constant sur une liste chaîne	ée de n
□ suppression de l' ■ accès à l'élément	ément en première po élément en première ; à la position $\frac{n}{2}$ , ément à la position co	position,		
14] Quel devrait être e mots de 9 lettres?	environ la taille d'une	table à adres	ssage direct des définitions de t	tous les
$ \Box 26 \times 9,  \Box 9^{26}, $		□ le nom ■ 26 <sup>9</sup> .	abre de mots français de 9 lettr	es,
15] Laquelle de ces im	plémentations d'un d	ictionnaire pr	ropose la recherche la plus lent	e?
□ table à adressag ■ table pour reche	,	_	pour recherche dichotomique, de hachage.	
16] Laquelle de ces opé	erations s'effectue touj	ours en temps	s constant dans une table de ha	chage?
$\blacksquare$ insertion,	$\square$ suppression,	$\Box$ recherc	che, $\Box$ aucune des tro	ois.
•	onction insert(v,L)		table de hachage tab dont la fe nent v dans la liste L. Laquelle	
☐ insert(clef,ta ☐ insert(h(x),ta			t(tab[clef],h(info)), t(x,tab[h(clef)]).	
<b>18</b> ] On insère $n$ éléme plissage $\rho$ ?	nts dans une table de	e hachage de t	taille $k$ . Quel est son facteur of	de rem-
	$\square \ \rho = n - k,$	$\square \ \rho = k -$	$-n, \qquad \Box \ \rho = n \times k.$	
19] Laquelle de ces aff	irmations concernant	des arbres es	st fausse?	
	e possède toujours au le toujours au moins u		;,	

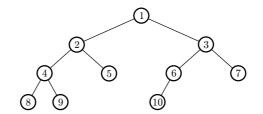


Fig. 1 – Un arbre binaire.

20] Dans l'arbre de la	Fig. 1, le nœud 5	est:	
■ une feuille,	$\Box$ un nœud int	erne, $\square$ une racine,	$\square$ aucun des trois.
21] Un parcours de l' puis 10 est un parcour		qui traite les nœuds da	ans l'ordre 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
$\square$ préfixe,	$\Box$ infixe,	$\square$ postfixe,	■ en largeur.
22] Un parcours de l'apuis 7 est un parcours		qui traite les nœuds dar	ns l'ordre 8, 4, 9, 2, 5, 1, 10, 6, 3
$\square$ préfixe,	$\blacksquare$ infixe,	$\square$ postfixe,	$\Box$ en largeur.
23] Un parcours de l'apuis 1 est un parcours		qui traite les nœuds dar	ns l'ordre 8, 9, 4, 5, 2, 10, 6, 7, 3
$\square$ préfixe,	$\Box$ infixe,	postfixe,	$\Box$ en largeur.
24] Dans un arbre bir	aire de recherche,	le nœud contenant la plu	us grande clef :
$\square$ est la racine, $\square$ est une feuille,		□ est un nœud ir ■ peut être les tr	
25] Laquelle de ces tr	ois affirmations est	fausse?	
□ un tas est un ar □ un tas est un ar ■ un tas est un ar □ les trois sont jus	bre équilibré, bre binaire de rech	erche,	
26] Dans un tas, la cl	ef du fils droit d'un	n nœud $X$ est toujours	
<ul><li>□ plus petite que</li><li>□ plus grande que</li><li>■ plus petite que</li><li>□ aucun de trois.</li></ul>	la clef du fils gauc		
27] Pour insérer un él	ément dans un tas	:	
■ on l'insère à la f □ on cherche sa pl	fin du tas et on le f lace et on l'y insère	descendre à sa place, l'ait remonter à sa place, e en déplaçant le nœud p que lui, et on l'insère con	
<b>28</b> ] Pour une impléme représente pas un tas l		le tas avec un tableau, le	equel des tableaux suivants ne
$ \Box \  \                                $	0 15		

<b>29</b> ] Quelle propriété d'un arbre <i>n'est pas t</i>	toujours conservée par une rotation?
<ul><li>■ son nombre de feuilles,</li><li>□ son nombre de nœuds,</li></ul>	$\square$ son nombre de racines, $\square$ son nombre d'arêtes.
<u>-</u>	quilibrage d'un arbre AVL, deux nœuds sont utilisés sens puis dans l'autre. Ces deux nœuds sont :
<ul><li>□ un nœud puis son fils,</li><li>□ un nœud puis son frère,</li></ul>	<ul><li>■ un nœud puis son père,</li><li>□ deux nœuds quelconques.</li></ul>
31] Parmi les arbres binaires de recherche	suivants, lequel n'est pas un arbre AVL?
9	5) 7
32] Parmi ces quatre types d'arbres, leque	el ne désigne pas un arbre binaire équilibré?
<ul><li>□ le tas,</li><li>□ l'arbre rouge/noir,</li></ul>	■ l'arbre 2-3, □ l'arbre AVL.
<b>33</b> ] On considère un graphe orienté posséde se représentation par liste de successeurs?	ant $a$ arcs et $s$ sommets. Quel espace mémoire occupe
$\Box \ \Theta(a) \qquad \qquad \Box \ \Theta(s^2)$	$\blacksquare \ \Theta(a+s) \qquad \qquad \Box \ \Theta(a\times s)$
Fig. 2 –	2 Un graphe orienté.
<b>34</b> ] Quelle est la matrice d'adjacence du g	graphe de la Fig. 2?
$\square \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ $\blacksquare \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$	$ \Box \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} $ $ \Box \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} $
35] Quelle est la longueur du plus court c	ycle du graphe de la Fig. 2?
$\blacksquare 2, \qquad \Box 4,$	$\square$ 5, $\square$ il est sans cycle.
<b>36</b> ] Parmi les quatre tableaux de pères suiv de la Fig. 2 par un arbre?	zants, lequel correspond à un recouvrement du graphe
	<b>■</b> [4 5 2 3 - □ [2 - 2 3 2]

pour les sommets non v	risités, gris pour c	eux en cours de visite et	nets en trois couleurs : blanc noir pour ceux déjà visités. our le parcours en largeur?
$\Box$ blancs,	gris,	$\Box$ noirs,	$\square$ gris ou noirs.
<b>38</b> ] Qu'est-ce que <i>ne pe</i>	ermet pas de faire	un parcours en profonde	eur d'un graphe?
<ul> <li>□ détecter des cycle</li> <li>□ construire un rece</li> <li>■ trouver un plus c</li> <li>□ faire du tri topole</li> </ul>	ouvrement du gra ourt chemin entre	= :	
<b>39</b> ] Le tri topologique d	d'un graphe perme	et:	
$\Box$ de passer d'une r	ches interdépenda eprésentation de g	ntes dans le bon ordre,	nets.
<b>40</b> ] Quel est le nombre	maximum d'arcs	que peut posséder un gra	aphe orienté à 8 sommets?
$\Box$ 16,	$\Box$ 56,	<b>■</b> 64,	$\square$ 256.
	ansitive, l'ensemble	-	beaucoup de choses dans un ins Quelle est sa complexité
$\Box \ \Theta(n\log n),$	$\square \ \Theta(n^2),$	$\blacksquare \Theta(n^3),$	$\square \ \Theta(n^4).$
•	(dans le pire cas)	de la recherche d'un mo	à chaque position du texte, tif de taille $m$ dans un texte
$\square \ \Theta(m),$	$\square \ \Theta(n),$	$\blacksquare \ \Theta(n\times m),$	$\square \ \Theta(n^m),$
•	· <del>-</del>	= ``	pire cas) de la recherche d'un construction de l'automate)?
$\square \ \Theta(m),$	$\blacksquare \ \Theta(n),$	$\square \ \Theta(n \times m),$	$\square \ \Theta(n^m),$
<b>44</b> ] Combien d'états co dans un texte de taille <i>n</i>	=	nate fini utilisé pour reco	nnaître un motif de taille $m$
$\square \ m,$	$\blacksquare m+1,$	$\square \ n,$	$\square m+n.$
	FIG. 3 -	- Un automate fini.	
<b>45</b> ] Quel est le langage $\Box ab(bb)^*a^*,$	reconnu par l'aut $\Box \ a(bab)^*b,$	omate de la Fig. 3? $ \blacksquare ab(a bb)^*, $	$\Box \ a(bab bb)^*ba^*.$

<b>46</b> ] Laquelle de ces structures de dor file de priorité?	nnées utiliseriez-vous pour implémenter efficacement une
□ une liste, ■ un tas,	$\Box$ une table de hachage, $\Box$ un graphe.
nouveaux entiers et en supprimer en	une structure de donnée de façon à pouvoir ajouter de temps $\Theta(\log n)$ . On veut aussi pouvoir chercher le plus pané en temps $\Theta(\log n)$ dans le pire cas. Quelle structure
$\square$ une liste, $\square$ un tas,	<ul><li>□ une table de hachage,</li><li>■ un arbre AVL.</li></ul>
<b>48</b> ] On suppose que l'on a accès en te alors la structure la plus efficace pour	emps constant à une mémoire de taille infinie. Quelle est l'implémentation d'un dictionnaire?
<ul><li>■ une table à adressage direct,</li><li>□ une table de hachage,</li></ul>	$\Box$ un arbre binaire de recherche équilibré, $\Box$ une liste de mots.
49] L'algorithme de Rabin-Karp est u	ıtilisé pour :
<ul><li>□ l'équilibrage d'arbres,</li><li>■ la recherche de motif,</li></ul>	<ul><li>□ le parcours de graphe,</li><li>□ l'allocation dynamique de mémoire.</li></ul>
<b>50</b> ] Laquelle de ces opérations a la c meilleur algorithme possible)?	omplexité dans le pire cas la plus petite (en utilisant le
□ trier un tableau de $n$ entiers, □ rechercher un élément et le sup □ trouver tous les successeurs d'u ■ calculer la puissance $n$ -ième d'u	n sommet d'un graphe à $n$ sommets,