

## NOIP 模拟赛

Cmd2001 2019.01.31

(请参赛选手务必仔细阅读本页内容)

## 一. 题目概况:

题目名称	块	拓展 Xor	弦与切
文件名称	block	extxor	sinandcos
输入文件名	block.in	extxor.in	sinandcos.in
输出文件名	block.out	extxor.out	sinandcos.out
时间限制	1s	2s	2s
空间限制	256mb	256mb	256mb
测试点数目	20	20	20
单个测试点分值	5	5	5
题目类型	传统型	传统型	传统型
是否有 SPJ	否	否	否
编译命令	g++ block.cpp -o block	g++ extxor.cpp -o extxor	g++ sinandcos.cpp -o sinandcos

## 二. 测试环境:

## 硬件环境:

*i5 6400 @ 2.70Ghz with 8Gib DDR4 SDRAM*

## 软件环境:

*Lemon 1.20 @ Windows 10 LTSC 2019 X86\_64**MinGW GCC 8.3.0 X86\_64*

本次测试不开启O2优化, 不开启C++11。

## 块 (block)

### 【问题描述】

「いては散り、散っては咲く桜のように 巡り巡る縁に誘われ

(开了又谢、谢了又开的樱花一样, 循环的因缘之约)

来世できっとまた、お逢いしましょう

(来生, 我们一定会再相逢)」

——《拜啓、御前様》

传说在世界的尽头有一片巨大的樱花林, 这里的每一棵樱树都会开出不同颜色的樱花。

而每一棵樱树开出的樱花, 一定能构成一个联通的区块。

这里我们定义: 两个块相邻当且仅当这两个块有且仅有一个维度的坐标的差值为1。

现在, 我们拿到了这片樱花林的地图, 上面标注了每个格子樱花的花色。

我们需要一个程序去计算, 在这片樱花林里, 至少有多少棵樱树。

当然, 由于世界内核的崩坏, 这个世界的地图不一定是二维的。所以, 你的程序需要处理更加复杂的情况。



### 【输入描述】

第一行一个整数 $n$ , 表示地图的维数。

接下来一行 $n$ 个整数 $a_1, a_2, \dots, a_n$ , 表示每一维的大小。

接下来 $\prod_{i=1}^n a_i$ 个整数, 按照从第 $n$ 维度到第1维度依次递增循环的顺序给出地图。

即: 地图按照以下伪代码给出:

```
for( $i_1$  from 1 to  $a_1$ )
  for( $i_2$  from 1 to  $a_2$ )
    ...
    for( $i_n$  from 1 to  $a_n$ )
      print(map( $i_1, i_2, \dots, i_n$ ))
```

### 【输出描述】

一行一个整数, 表示所求答案。

### 【样例输入】

[样例 1]

1

20

3 2 3 1 0 4 1 0 2 3 3 4 3 1 3 0 4 4 4 3

[样例 2]

2

3 3

0 1 1

0 1 2

2 1 2

[样例 3]

见下发文件`block\block_ex3.in`

**【 样例输出 】**

[样例 1]

17

[样例 2]

4

[样例 3]

见下发文件`block\block_ex3.ans`

**【 数据范围及提示 】**

对于30%的数据,  $n \leq 2$ ;

对于另外20%的数据,  $n \leq 100'000, \prod_{i=1}^n a_i \leq 1000$ ;

对于100%的数据,  $n \leq 100'000, \prod_{i=1}^n a_i \leq 524'288, 0 \leq \text{地图颜色} < 256$ 。

## 拓展 Xor (extxor)

### 【问题描述】

「世界を忘れたくないならば  
(你不愿忘却这个世界的话)  
君が選んだ哀しい物語を消し  
(我会将你所选择的悲伤故事消去)  
記憶を書き換えたのは  
(改写的记忆便是)  
独りぼっちの君への贈り物  
(我赠与孤身一人的你的礼物)」  
——《Planetia》



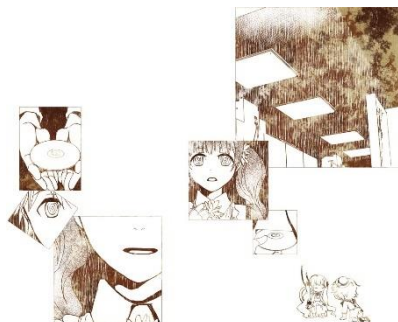
要想改写记忆的话，我们必须知道 Lanjerd 的系统密码。

对此，我们只有这样的线索：

有 $n$ 个巨大的整数和一个进制 $p$ 。

无限使用这些整数，进行 $p$ 进制下的不进位加法。

通过这种组合能拼凑出的最大数字，就是 Lanjerd 的密码了。



### 【输入描述】

第一行两个整数 $n, p$ ，表示数字个数和进制。

接下来 $n$ 行，每行一个十进制整数 $a_i$ ，表示一个给出的数字。

数字不保证没有前导零。

### 【输出描述】

一行一个十进制整数 $ans$ ，表示所求的答案。

你不可以输出前导零。

### 【样例输入】

[样例 1]

5 2  
76  
121  
8  
978  
910

[样例 2]

5 3  
803  
87  
760  
771  
9

[样例 3]

见下发文件`extxor\extxor_ex3.in`

**【 样例输出 】**

[样例 1]

1023

[样例 2]

1698

[样例 3]

见下发文件`extxor\extxor_ex3.ans`

**【 数据范围及提示 】**

对于15%的数据,  $n \leq 20, p = 2, a_i \leq 10^{18}$ ;

对于30%的数据,  $n \leq 20, p = 2$ ;

对于50%的数据,  $n \leq 200, p = 2$ ;

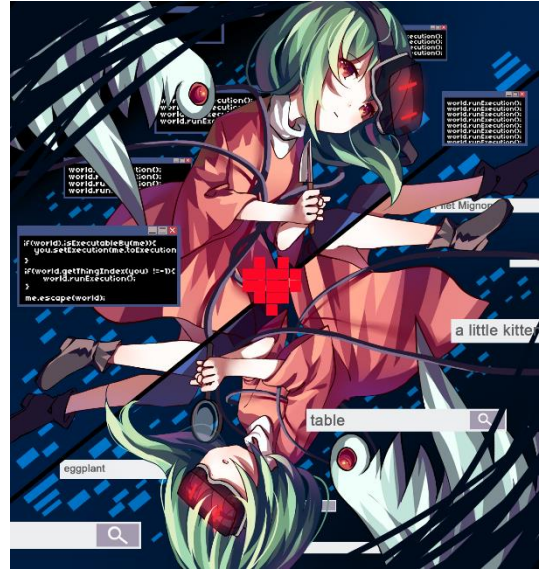
对于100%的数据,  $n \leq 200, p < 15, a_i \leq 10^{100}$  。

保证 $p$ 为质数。

## 弦与切 (sinandcos)

### 【问题描述】

「If I'm a sine wave  
(如果我是一条正弦波)  
Then you can sit on all my  
(那么请你坐上)  
TANGENTS  
(我的切线)」  
——《world.execute (me);》



而我们今天的问题，就和这正弦函数有关。

现在我们有一个长度为 $n$ 的行向量(数组?)  $a_1, a_2, \dots, a_n$ 。

我会给出一个区间 $l, r$ ，你需要求出其正弦值的和。(即:  $\sum_{i=l}^r \sin(a_i)$ )。

众所周知， $\sin$ 求导是 $\cos$ (即:  $(\sin(x))' = \cos(x)$ )。

所以我还会给出一个区间 $l, r$ ，让你求出其正弦函数的切线的斜率(其实就是余弦函数)的和(即:  $\sum_{i=l}^r \cos(a_i)$ )。

当然，只有这两种操作还是过于无聊，所以有时我还会给出一个区间 $l, r$ ，让其中的每个数都加上一个浮点数 $x$ 。

### 【输入描述】

第一行两个整数 $n, m$ ，表示行向量长度和操作次数。

接下来一行 $n$ 个浮点数 $a_1, a_2, \dots, a_n$ ，表示行向量的初始值。

接下来 $m$ 行每行三个整数 $o_i, l_i, r_i$ ，表示第 $i$ 个操作的类型和区间的左右边界。

如果 $o_i = 1$ ，表示你需要求出区间 $l_i, r_i$ 的正弦函数的和。

如果 $o_i = 2$ ，表示你需要求出区间 $l_i, r_i$ 的正弦函数的切线的斜率(其实就是余弦函数)的和。

如果 $o_i = 3$ ，那么该行还会跟一个浮点数 $x_i$ ，表示你需要对区间 $l_i, r_i$ 中的每一个数都加上 $x_i$ 。

(注意这里的区间都是闭区间的说)

### 【输出描述】

对于每个询问操作，输出一行一个浮点数 $ans_i$ ，表示询问的答案。

输出请采用浮点形式输出，保留三位小数，整数部分为0或小数位数不足的用0补齐，你的答案必须和标准答案完全相同才能得分。

(对于C++选手，可以用 `printf("%.3Lf", (long double)ans);` 进行输出)

### 【样例输入】

[样例 1]

3 3

0 -2 -6

3 1 2 -7

2 1 2

1 2 3

[样例 2]

7 3

0.123 -19.002 -57.507 34.434 -80.886 -17.115 69.843

2 2 7

3 2 7 16.341

1 1 3

[样例 3]

见下发文件`sinandcos\sinandcos_ex3.in`

### 【 样例输出 】

[样例 1]

-1.069

0.049

[样例 2]

1.519

-0.842

[样例 3]

见下发文件`sinandcos\sinandcos_ex3.ans`

### 【 数据范围及提示 】

对于30%的数据， $n, m \leq 5'000$ ；

对于另外20%的数据，不包含修改操作；

对于100%的数据， $n, m \leq 300'000$ 。

输入中所有的浮点数大小均小于 $10^{18}$ ，且以三位小数形式给出。