问题求解 (三) 代码模板

(以下按照所学顺序排序)

- 单源最短路径dijkstra
- 多源最短路径floyd
- 二分图匹配Hungarian
- 最大流dinic

单源最短路径

题目描述

给定一个 n+1 个点(编号从0到n),m 条有向边的带非负权图,请你计算从 s 出发,到每个点的距离。若不能达到,输出-1。

输入格式

第一行为三个正整数 n, m, s。

第二行起 m 行,每行三个非负整数 u_i,v_i,w_i ,表示从 u_i 到 v_i 有一条权值为 w_i 的有向边。

输出格式

输出一行 n+1 个空格分隔的非负整数,表示 s 到每个点的距离。

样例 #1

样例输入#1

```
4 6 1
```

1 2 2

2 3 2

2 4 1

1 3 5

3 4 3

1 4 4

样例输出#1

-1 0 2 4 3

数据范围

 $1 \leq n \leq 10^5; \ 1 \leq m \leq 2 \times 10^5; \ 0 \leq u_i, v_i \leq n; \ 0 \leq w_i \leq 2 * 10^9$.

代码

```
#include <cstring>
#include <algorithm>
#include <cstdio>
#include <iostream>
#include <queue>
```

```
using namespace std;
typedef long long 11;
const int N = 1000000 + 5;
const 11 inf = 0x3f3f3f3f3f3f3f3f3f11;
int h[N], cnt;
struct node{
   int next;
   int to;
   ll val;
}e[N];
void addedge(int x, int y, ll z) {
    cnt++; e[cnt].next = h[x]; e[cnt].to = y; e[cnt].val = z; h[x] = cnt;
}
11 dis[N];
bool vis[N];
priority_queue<pair<11, int> >pq;
int n, m, s;
void dij() {
   memset(dis, 0x3f, sizeof(dis));
    dis[s] = 0;
   for (int i = 1; i <= n; i++) vis[i] = false;
   pq.push(make pair(0, s));
   while(!pq.empty()) {
        pair<int, int> now = pq.top(); pq.pop();
        int x = now.second;
        if (vis[x]) continue;
        vis[x] = true;
        for (int i = h[x]; i; i = e[i].next) {
            int y = e[i].to;
            if (dis[y] > dis[x] + e[i].val) {
                dis[y] = dis[x] + e[i].val;
                pq.push(make_pair(dis[y] * -1, y));
            }
       }
    }
}
int main() {
   scanf("%d%d%d", &n, &m, &s);
    for (int i = 1; i <= m; i++) {
        int x, y;
        11 z;
        scanf("%d%d%lld", &x, &y, &z);
        addedge(x, y, z);
    }
    for (int i = 0; i \le n; i ++) printf("%lld ", dis[i] >= inf ? "-1" : dis[i]);
   return 0;
}
```

多源最短路径

题目描述

给定一个 n+1 个点(编号从0到n),m 条有向边的带非负权图,请你计算任意两点的距离。

输入格式

第一行为三个正整数 n, m。

第二行起 m 行,每行三个非负整数 u_i, v_i, w_i ,表示从 u_i 到 v_i 有一条权值为 w_i 的有向边。

输出格式

输出(n+1) imes (n+1)的矩阵,其中第i行第j列的数字表示i-1到j-1的最短距离。若其不存在,则为-1。

样例 #1

样例输入#1

```
4 6
1 2 2
2 3 2
2 4 1
1 3 5
3 4 3
1 4 4
```

样例输出#1

```
0 -1 -1 -1 -1
-1 0 2 4 3
-1 -1 0 2 1
-1 -1 -1 0 3
-1 -1 -1 0
```

数据范围

 $1 \le n \le 500$; $1 \le m \le 2 \times 10^5$; $0 \le u_i, v_i \le n$; $0 \le w_i \le 2 * 10^9$.

```
#include <cstring>
#include <algorithm>
#include <cstdio>
#include <iostream>
#include <queue>
using namespace std;
const int N = 500 + 5;
typedef long long 11;
const 11 inf = 0x3f3f3f3f3f3f3f3f3f11;
ll g[N][N];
int n, m;
int main()
{
   scanf("%d%d", &n, &m);
   memset(g, 0x3f, sizeof(g));
   for (int i = 0; i <= n; i++)
        g[i][i] = 0;
   for (int i = 1; i <= m; i++) {
        int x, y;
        11 z;
        scanf("%d%d%lld", &x, &y, &z);
        g[x][y] = min(g[x][y], z);
    }
    for (int k = 0; k \le n; k++)
        for (int i = 0; i \le n; i++)
            for (int j = 0; j <= n; j++)
                g[i][j] = min(g[i][j], g[i][k] + g[k][j]);
   for (int i = 0; i <= n; i++) {
        for (int j = 0; j \le n; j++)
            printf("%lld ", g[i][j] >= inf ? -1 : g[i][j]);
        printf("\n");
    }
   return 0;
}
```

二分图最大匹配

题目描述

给定一个二分图,其左部点的个数为 n,右部点的个数为 m,边数为 e,求其最大匹配的边数。

左部点从 $1 \subseteq n$ 编号, 右部点从 $1 \subseteq m$ 编号。

输入格式

输入的第一行是三个整数,分别代表 n, m 和 e。

接下来 e 行,每行两个整数 u,v,表示存在一条连接左部点 u 和右部点 v 的边。

输出格式

输出一行一个整数,代表二分图最大匹配的边数。

样例 #1

样例输入#1

```
1 1 1
1 1
```

样例输出#1

1

数据范围

 $1 \le n, m \le 500, \ 1 \le e \le 5 \times 10^4, \ 1 \le u \le n, \ 1 \le v \le m$

代码

```
#include <cstring>
#include <algorithm>
#include <cstdio>
#include <iostream>
using namespace std;
const int N = 1000 + 5;
const int M = 10000000 + 5;
int h[N], cnt;
struct node{
   int next;
   int to;
```

```
}e[M];
void addedge(int x, int y) {
    cnt++; e[cnt].next = h[x]; e[cnt].to = y; h[x] = cnt;
}
int n, m, ee;
int w[N] ,vis[N];
bool hunger(int x) {
   for (int i = h[x]; i; i = e[i].next) {
        int y = e[i].to;
       if (vis[y]) continue;
        vis[y] = 1;
        if (w[y] == -1 \mid | hunger(w[y])) {
           w[y] = x;
           return true;
        }
    }
   return false;
}
int main() {
    scanf("%d%d%d",&n, &m, &ee);
    for (int i = 1; i <= ee; i++) {
       int x, y;
        scanf("%d%d", &x, &y);
        addedge(x, y + n);
    }
    memset(w, -1, sizeof(w));
    int ans = 0;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        memset(vis, 0,sizeof(vis));
       ans += hunger(i);
    printf("%d\n", ans);
   return 0;
}
```

网络流

题目描述

给出一个网络图,以及其源点和汇点,求出其网络最大流。

输入格式

第一行包含四个正整数 n, m, s, t,分别表示点的个数、有向边的个数、源点序号、汇点序号。

接下来 m 行每行包含三个正整数 u_i,v_i,w_i ,表示第 i 条有向边从 u_i 出发,到达 v_i ,边权为 w_i (即该边最大流量为 w_i)。

输出格式

一行,包含一个正整数,即为该网络的最大流。

样例 #1

样例输入#1

```
4 5 4 3
4 2 30
4 3 20
2 3 20
2 1 30
1 3 40
```

样例输出#1

50

数据范围

 $1 \leq n \leq 200$, $1 \leq m \leq 5000$, $0 \leq w < 2^{31}$.

代码

```
#include <cstring>
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <cstdio>
#include <queue>
using namespace std;
typedef long long l1;
const int N = 1000000 + 5;
```

```
const ll inf = 100000000000000011;
int h[N], cnt;
struct node{
   int next;
   int to;
   int val;
}e[N];
void addedge(int x, int y, int z) {
    cnt++; e[cnt].next = h[x]; e[cnt].to = y; e[cnt].val = z; h[x] = cnt;
}
int n, m, s, t;
ll ans;
11 dep[N];
bool bfs() {
   queue<int >q;
   for (int i = 1; i <= n; i++) dep[i] = inf;
   dep[s] = 0;
   q.push(s);
   while(!q.empty()) {
        int x = q.front(); q.pop();
        for (int i = h[x]; i; i = e[i].next) {
            int y = e[i].to;
            if (dep[y] != inf | e[i].val == 0) continue;
            dep[y] = dep[x] + 1;
            q.push(y);
        }
   return dep[t] != inf;
}
int cur[N];
11 dfs(int x, 11 minn) {
   if (x == t) return minn;
   11 tmp, now = 0;
   for (int i = cur[x]; i; i = e[i].next) {
        int y = e[i].to; cur[x] = i;
        if (e[i].val == 0) continue;
        if (dep[y] == dep[x] + 1 & (tmp = dfs(y, min(minn, (ll)e[i].val)))) {
            e[i].val -=tmp; e[i ^ 1].val += tmp;
            minn -= tmp; now += tmp;
            if (minn == 0) break;
        }
    }
   return now;
void dinic() {
   while(bfs()) {
        for (int i = 1; i <= n; i++) cur[i] = h[i];
        ans += dfs(s, inf);
    }
```

```
printf("%lld\n", ans);
}

int main() {
    cnt = 1;
    scanf("%d%d%d%d", &n, &m, &s, &t);
    for (int i = 1; i <= m; i++) {
        int x, y, z;
        scanf("%d%d%d", &x, &y, &z);
        addedge(x, y, z);
        addedge(x, y, z);
        addedge(y, x, 0);
    }
    dinic();
    return 0;
}</pre>
```