T1 树上期望,排序+前缀和

由于原图是个森林,所以若(ru)果(guo)超时空链路对每个点能切断的路径>=1,就带便能切断任意路径。否则不能切断任何路径。

设 dp[i]为第 i 个点及其子树的最大期望。

枚举每个节点作为根,

枚举每个节点,在有 cnt 棵子树被保留的情况下每个被保留节点对父节点的期望贡献。

 $dp[i] \times p[i] + dp[i] \times (1-p[i])/cnt$

变形一下

 $dp[i] \times (p[i] + (1-p[i])/cnt)$

发现在 cnt 相同的情况下,dp[i]的相对大小和其对答案的贡献的相对大小是一样的,所以对 dp[i]从大到小排序,每次选最大的 cnt 个求和,乘上对应的概率系数,所有的方案取 max 即为 father 的答案,这里用前缀和优化,就可以在排序后 O(n)计算。

每个根的复杂度为 O(nlogn),再算上枚举根整体复杂度为 O(n²logn)

T2 分块+线段树

有的同学可能会想到树套树,但这是个区查区改,(原题是区间 Max,但发现我不会做)所以我写出来之后发现不可做,后来在岳神的指点下,改成了区间求和,并写出了分块+线段树的高端操作。

对于每行(或列)维护一个区间修改区间查询的 线段树 或 非递归线段树 或 树状数组。

同时每 \sqrt{n} 行(或列)维护一个标记线段树,对于其 L~R=Sum 表示从该线段树所管辖的 Y1~Y2

这 \sqrt{n} 行(或列)每行(或列)的 L~R 都增加了 Sum。

每 \sqrt{n} 行(或列)维护一个总和线段树,其 L~R 表示该线段树所管辖的 Y1~Y2 的这 \sqrt{n} 行(或列) 所有行(或列)的 L~R 的总和。

具体实现要想清楚。

T3 等差数列+二次函数判断+贪心

数据读入

把兵种排个序,对于每个敌人二分查找以下就能知道这是几号兵种。

对于每个不扣血单位一定会在扣血单位消灭后打,且一定是每个都打到只剩一枪的血量, 然后以回血量递增的顺序消灭。

对于扣血单位可以证明每个单位一定是一次性打死,每个兵种也是,但由于打击顺序无法贪心,注意到能造成伤害的兵种<=20 所以需要状压 Dp,表示在当前状态下最多剩下多少血,对于 0 血或负血的状态不能用来更新其他 dp,初始状态为所有灭掉一个兵种的 dp 值为 HP,拥有全部兵种的 dp 值为 HP+HPadd。

然后从全部兵种开始枚举状态,然后枚举打哪个兵种,杀死单个敌人的时间为 Time=Atk/Hpi 上取整,Numi 表示该敌人被杀死之前的同兵种敌人数量,其他兵种(含加血) 的攻击力为 OtherSum.

对于杀死单个敌人的伤害为(Time-1)*Atki+(Numi-1)*Time*Atki+Time*OtherSum。

发现杀死一个兵种的总伤害可以用等差数列求和公式化简(等差数列求和+另一个部分),这样就可以 O(1) 算出最终的血量。

到此为止已经可以得到绝大部分分数了,但如果打一个兵种之前是总伤害扣血,打完后是加

血,可能最终血量>0,但过程中出现<=0的情况,所以我们需要进行判断。

可以通过构造一个二次函数求最值来判断是否出现上述情况。

我们设 Time 表示打死一个需要的时间,Num'(0<=Num'<=Num)为打到恰好还剩 Num'(std 中的意义是 Num'-1,所以式子有所不同)个单位。

则在打这个兵种时的伤害函数为

OtherSum * Time*(Num-Num')+(Num*Time+(Num'+1)*Time)*(Num-Num')/2*atk -(Num-Num')*atk

最后的-(Num-Num')*atk 是因为敌人后开火,所以敌人会在死前少打一枪。

对这个函数进行丧心病狂的整理之后就变成了

$y=Ax^2+Bx+C$

的形式。这样我们又拿到了一个测试点的分数。

注意到该函数是指打死某些兵种后受到的的总伤害,但其实可能打死这个人后是加血,之前是减血,此时在打到某一个敌人只剩 1 枪的血量时受到的伤害最大。

所以如果 Time>1 则要少打一枪(Time==1 时就是上面的函数)。

上面的函数 - OtherSum - Num'*atk 就得到了新函数。

然后二次函数求最值(如果坐标不是整数,则按其左右的整点计算)判断是否会死亡。 这样就得到了满分做法。