

## 目 录

1. 2025 新高考 I 卷 .....	1
-----------------------	---

## 2025 新高考 I 卷

## 数 学

命题人: 张三 李四 王五 审题: 老六教研组

时间: 120 分钟 满分: 150 分

注意事项:

1. 答题前, 请务必将自己的姓名、准考证号用 0.5 毫米黑色墨水的签字笔填写在试卷及答题卡的规定位置.

2. 请认真核对监考员在答题卡上所粘贴的条形码上的姓名、准考证号与本人是否相符.

3. 作答选择题必须用 2B 铅笔将答题卡上对应选项的方框涂满、涂黑; 如需改动, 请用橡皮擦干净后, 再选涂其他答案. 作答非选择题, 必须用 0.5 毫米黑色墨水的签字笔在答题卡上的指定位置作答, 在其他位置作答一律无效.

4. 本试卷共 4 页, 满分 150 分, 考试时间为 120 分钟. 考试结束后, 请将本试卷和答题卡一并交回.

**一、单选题:** 本题共 8 小题, 每小题 5 分, 共 40 分. 在每小题给出的四个选项中, 只有一项是符合题目要求的.

1.  $(1 + 5i)i$  的虚部为 ( ▲ )

- A. -1      B. 0      C. 1      D. 6

2. 集合  $U = \{x \mid x \text{ 为小于 } 9 \text{ 的正整数}\}, A = \{1, 3, 5\}$ , 则  $C_U A$  中的元素个数为 ( ▲ )

- A. 0      B. 3      C. 5      D. 8

3. 若双曲线  $C$  的虚轴长为实轴长的  $\sqrt{7}$  倍, 则  $C$  的离心率为 ( ▲ )

- A.  $\sqrt{2}$       B. 2      C.  $\sqrt{7}$       D.  $2\sqrt{2}$

试卷类型: A

得分	
阅卷人	

4. 若点  $(a, 0)(a > 0)$  是函数  $y = 2 \tan\left(x - \frac{\pi}{3}\right)$  的图象的一个对称中心, 则  $a$  的最小值为 ( ▲ )

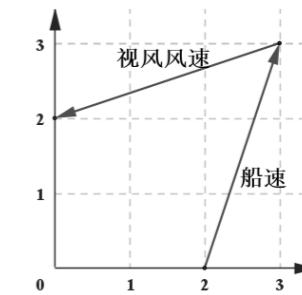
- A.  $30^\circ$       B.  $60^\circ$       C.  $90^\circ$       D.  $135^\circ$

5. 设  $f(x)$  是定义在  $\mathbb{R}$  上且周期为 2 的偶函数, 当  $2 \leq x \leq 3$  时,  $f(x) = 5 - 2x$ , 则  $f\left(-\frac{3}{4}\right) =$  ( ▲ )

- A.  $-\frac{1}{2}$       B.  $-\frac{1}{4}$       C.  $\frac{1}{4}$       D.  $\frac{1}{2}$

6. 已知视风速是真风速和船速的和向量, 船速与船行驶速度大小相等, 方向相反. 则真风速等级是 ( ▲ )

- A. 轻风 ( $1.6 \sim 3.3 \text{ m/s}$ )  
B. 微风 ( $3.4 \sim 5.4 \text{ m/s}$ )  
C. 和风 ( $5.5 \sim 7.8 \text{ m/s}$ )  
D. 劲风 ( $8.0 \sim 10.7 \text{ m/s}$ )



7. 若圆  $x^2 + (y + 2)^2 = r^2(r > 0)$  上到直线  $y = \sqrt{3}x + 2$  的距离为 1 的点有且仅有 2 个, 则  $r$  的取值范围是 ( ▲ )

- A.  $(0, 1)$       B.  $(1, 3)$       C.  $(3, +\infty)$       D.  $(0, +\infty)$

8. 若实数  $x, y, z$  满足  $2 + \log_2 x = 3 + \log_3 y = 5 + \log_5 z$ , 则  $x, y, z$  的大小关系不可能是 ( ▲ )

- A.  $x > y > z$       B.  $x > z > y$       C.  $y > x > z$       D.  $y > z > x$

**二、多选题:** 本题共 3 小题, 每小题 6 分, 共 18 分. 在每小题给出的选项中, 有多项符合题目要求. 全部选对的得 6 分, 部分选对的得部分分, 有选错的得 0 分.

9. 在正三棱柱  $ABC - A_1B_1C_1$  中,  $D$  为  $BC$  中点, 则 ( ▲ )

- A.  $AD \perp A_1C$       B.  $B_1C \perp \text{平面 } AA_1D$       C.  $CC_1 // \text{平面 } AA_1D$       D.  $AD // A_1B_1$

10. 设抛物线  $C: y^2 = 6x$  的焦点为  $F$ , 过  $F$  的直线交  $C$  于  $A, B$ , 过  $F$  且垂直于  $AB$  的直线交准线  $l: y = -\frac{3}{2}x$  于  $E$ , 过点  $A$  作准线的垂线, 垂足为  $D$ , 则 ( ▲ )

- A.  $|AD| = |AF|$       B.  $|AE| = |AB|$       C.  $|AB| \geq 6$       D.  $|AE| \cdot |BE| \geq 18$

11. 已知  $\triangle ABC$  的面积为  $\frac{1}{4}$ ，若  $\cos 2A + \cos 2B + \cos 2C = 2, \cos A \cos B \sin C = \frac{1}{4}$ ，则 (▲)

A.  $\sin C = \sin^2 A + \sin^2 B$

B.  $AB = \sqrt{2}$

C.  $\sin A + \sin B = \frac{\sqrt{6}}{2}$

D.  $AC^2 + BC^2 = 3$

16. (15 分)

设数列  $\{a_n\}$  满足  $a_1 = 3, \frac{a_{n+1}}{n} = \frac{a_n}{n+1} + \frac{1}{n(n+1)}$ .

(1) 证明:  $\{na_n\}$  为等差数列;

(2) 设  $f(x) = a_1x + a_2x^2 + \dots + a_mx^m$ , 求  $f'(-2)$ .

三、填空题: 本题共 3 小题, 每小题 5 分, 共 15 分。

12. 若直线  $y = 2x + 5$  是曲线  $y = e^x + x + a$  的切线, 则  $a = \underline{\quad}$ .

13. 若一个正项等比数列的前 4 项和为 4, 前 8 项和为 68, 则该等比数列的公比为  $\underline{\quad}$ .

14. 一个箱子里有 5 个球, 分别以 1 ~ 5 标号, 若有放回取三次, 记至少取出一次的球的个数  $X$ , 则

$E(X) = \underline{\quad}$ .

四、解答题: 本题共 5 小题, 共 77 分. 解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

15. (13 分)

为研究某疾病与超声波检查结果的关系, 从做过超声波检查的人群中随机调查了 1000 人, 得到

如下的列联表:

	正常	不正常	合计
患该疾病	20	180	200
未患该疾病	780	20	800
合计	800	200	1000

(1) 记超声波检查结果不正常者患有该疾病的概率为  $p$ , 求  $p$  的估计值;

(2) 根据小概率值  $\alpha = 0.001$  的独立性检验, 分析超声波检查结果是否与患该疾病有关.

附:  $\chi^2 = \frac{n(ad - bc)^2}{(a+b)(c+d)(a+c)(b+d)}$ .

$P(\chi^2 \geq k)$	0.005	0.010	0.001
$k$	3.841	6.635	10.828

17. (15 分)

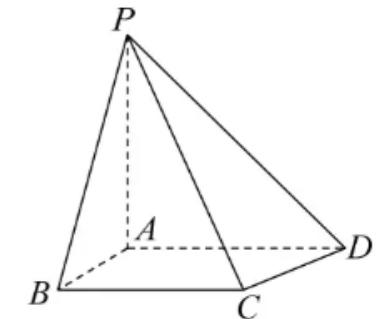
如图所示的四棱锥  $P-ABCD$  中,  $PA \perp$  平面  $ABCD, BC // AD, AB \perp AD$ .

(1) 证明: 平面  $PAB \perp$  平面  $PAD$

(2) 若  $PA = AB = \sqrt{2}, AD = \sqrt{3} + 1, BC = 2$ ,  $P, B, C, D$  在同一个球面上,

(i) 证明:  $O$  在平面  $ABCD$  上;

(ii) 求直线  $AC$  与直线  $PO$  所成角的余弦值.



18. (17 分)

设椭圆  $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$ , 记  $A$  为椭圆下端点,  $B$  为右端点,  $|AB| = \sqrt{10}$ , 且椭圆  $C$  的离心率为  $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ .

(1) 求椭圆的标准方程;

(2) 设点  $P(m, n)$ .

(i) 若  $P$  不在  $y$  轴上, 设  $R$  是射线  $AP$  上一点,  $|AR| \cdot |AP| = 3$ , 用  $m, n$  表示点  $R$  的坐标;

(ii) 设直线  $OQ$  的斜率为  $k_1$ ，直线  $OP$  的斜率为  $k_2$ ，若  $k_1 = 3k_2$ ， $M$  为椭圆上一点，求

$|PM|$  的最大值.

19. (17 分)

设函数  $f(x) = 5 \cos x - \cos 5x$ .

- (1) 求  $f(x)$  在  $\left[0, \frac{\pi}{4}\right]$  的最大值；
- (2) 给定  $\theta \in (0, \pi)$ ， $a$  为实数，证明：存在  $y \in [a - \theta, a + \theta]$ ，使得  $\cos y \leq \cos \theta$ ；
- (3) 若存在  $\varphi$ ，使得对任意  $x$ ，都有  $5 \cos x - \cos(5x + \varphi) \leq b$ ，求  $b$  的最小值.

## 参考答案

### 解析

1. 答案: A

解: Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur ..... 6 分

2. 答案: B

解: Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. ..... 8 分