Grundbegriffe der Informatik Aufgabenblatt 6

Matr.nr.:		
Nachname:		
Vorname:		
Tutorium:	Nr.	Name des Tutors:
Ausgabe:	22. November 201	2
Abgabe:	30. November 2012, 12:30 Uhr	
	im Briefkasten im Untergeschoss	
	von Gebäude 50.3	4
Lösungen w	verden nur korrigie	rt, wenn sie
• rechtzei	tig,	
	eigenen Handschri	
	er Seite als Deckbla	
• in der ol	beren linken Ecke	zusammengeheftet
abgegeben v	werden.	
Vom Tutor at	ıszufüllen:	
erreichte Pu	nkte	
Blatt 6:	/ 20	
Blätter 1 – 6	: / 119	

Aufgabe 6.1 (2 Punkte)

Gegeben seien zwei Typkonvertierungsfunktionen aus Java: $f: \mathtt{int} \to \mathtt{double}$ und $g: \mathtt{double} \to \mathtt{int}$. Welche der beiden folgenden Aussagen ist wahr? Begründen Sie Ihre Antwort.

- $\forall x \in \text{double} : (f \circ g)(x) = x$
- $\forall x \in \text{int} : (g \circ f)(x) = x$

Aufgabe 6.2 (2+2+3 Punkte)

Gegeben seien die beiden Abbildungen $f: X \to Y$ und $g: Y \to Z$. Zeigen Sie:

- a) f und g sind injektiv $\Rightarrow g \circ f$ ist injektiv.
- b) f und g sind surjektiv $\Rightarrow g \circ f$ ist surjektiv.
- c) f ist nicht surjektiv und g ist injektiv $\Rightarrow g \circ f$ ist nicht surjektiv.

Aufgabe 6.3 (2+2 Punkte)

Gegeben sei folgender Homomorphismus

$$h: \{0,1\}^* \to \{0,1\}^* \text{ mit } h(0) = 01, h(1) = 0$$

- a) Man berechne der Reihe nach alle $h^{i}(0)$ für $i \in \{1, 2, 3, 4, 5\}$.
- b) Geben Sie eine rekursive Definition von $h^n(0)$ an, ohne sich auf die Beschreibung als Homomorphismus zu beziehen.

Aufgabe 6.4 (2 Punkte)

Geben Sie einen Homomorphismus h an, der $L_1 = \{b^i a^n b^j c^n b^k \mid n \in \mathbb{N}_+, i, j, k \in \mathbb{N}_0\}$ auf $L_2 = \{ccc\}^*$ abbildet.

Aufgabe 6.5 (4+1 Punkte)

Für eine Zeichenmenge $A = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$ seien folgende absolute Häufigkeiten P gegeben:

- a) Konstruieren Sie den für den Huffman-Code benötigten Baum.
- b) Geben Sie die Codierung von fade mit dem zu dem Baum gehörenden Huffman-Code an.