

# Grundbegriffe der Informatik - Tutorium

– Wintersemester 2011/12 –

Christian Jülg

<http://gbi-tutor.blogspot.com>

07. Dezember 2011



Universität Karlsruhe (TH)  
Forschungsuniversität · gegründet 1825

Quellennachweis & Dank an:  
Martin Schadow, Susanne Putze, Tobias Dencker, Sebastian Heßlinger,  
Joachim Wilke

# Übersicht



- 1 Aufwachen
- 2 Aufgabenblatt 6
- 3 Aufgabenblatt 7
- 4 Huffman-Codes
- 5 Gerichtete Graphen
- 6 Ungerichtete Graphen
- 7 Abschluss

- 1 Aufwachen
- 2 Aufgabenblatt 6
- 3 Aufgabenblatt 7
- 4 Huffman-Codes
- 5 Gerichtete Graphen
- 6 Ungerichtete Graphen
- 7 Abschluss

# Zum Warmwerden...



Es gilt:

- ① ... Ein Homomorphismus ist immer präfixfrei.
- ② ...  $100101011101_2 = 0x95C = 4535_8$
- ③ ...  $3 + 2 = 11$

Zu einer Relation  $R$  ...

- ① ... gilt  $R^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} R^{i+1}$
- ② ... lässt sich immer die reflexive transitive Hülle bilden
- ③ ... gibt es viele Darstellungsmöglichkeiten

# Zum Warmwerden...



Es gilt:

- ① ... Ein Homomorphismus ist immer präfixfrei.
- ② ...  $100101011101_2 = 0x95C = 4535_8$
- ③ ...  $3_4 + 2_4 = 11_4$

Zu einer Relation  $R$  ...

- ① ... gilt  $R^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} R^{i+1}$
- ② ... lässt sich immer die reflexive transitive Hülle bilden
- ③ ... gibt es viele Darstellungsmöglichkeiten

# Zum Warmwerden...



Es gilt:

- ① ... Ein Homomorphismus ist immer präfixfrei.
- ② ...  $100101011101_2 = 0x95C = 4535_8$
- ③ ...  $3_4 + 2_4 = 11_4$

Zu einer Relation  $R$  ...

- ① ... gilt  $R^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} R^{i+1}$
- ② ... lässt sich immer die reflexive transitive Hülle bilden
- ③ ... gibt es viele Darstellungsmöglichkeiten

- 1 Aufwachen
- 2 Aufgabenblatt 6**
- 3 Aufgabenblatt 7
- 4 Huffman-Codes
- 5 Gerichtete Graphen
- 6 Ungerichtete Graphen
- 7 Abschluss

# Aufgabenblatt 6



## Blatt 6

- Abgaben: 22 / 25
- Punkte: Durchschnitt der abgegeben Blätter 12,8 von 19

## häufige Fehler

- Notationen beachten:  
$$(x, z) \in P \circ R \Leftrightarrow \exists y : (x, y) \in R \wedge (y, z) \in P$$



# Aufgabenblatt 6



## Blatt 6

- Abgaben: 22 / 25
- Punkte: Durchschnitt der abgegeben Blätter 12,8 von 19

## häufige Fehler

- Notationen beachten:  
 $(x, z) \in P \circ R \Leftrightarrow \exists y : (x, y) \in R \wedge (y, z) \in P$
- keine falschen Lösungen abschreiben

# Aufgabenblatt 6



## Blatt 6

- Abgaben: 22 / 25
- Punkte: Durchschnitt der abgegeben Blätter 12,8 von 19

## häufige Fehler

- Notationen beachten:  
 $(x, z) \in P \circ R \Leftrightarrow \exists y : (x, y) \in R \wedge (y, z) \in P$
- keine falschen Lösungen abschreiben
- keine Lösungen falsch abschreiben

# Aufgabenblatt 6



## Blatt 6

- Abgaben: 22 / 25
- Punkte: Durchschnitt der abgegeben Blätter 12,8 von 19

## häufige Fehler

- Notationen beachten:  
 $(x, z) \in P \circ R \Leftrightarrow \exists y : (x, y) \in R \wedge (y, z) \in P$
- keine falschen Lösungen abschreiben
- keine Lösungen falsch abschreiben
- Konkatination von Relationen beachten!

# Aufgabenblatt 6



## Blatt 6

- Abgaben: 22 / 25
- Punkte: Durchschnitt der abgegeben Blätter 12,8 von 19

## häufige Fehler

- Notationen beachten:  
 $(x, z) \in P \circ R \Leftrightarrow \exists y : (x, y) \in R \wedge (y, z) \in P$
- keine falschen Lösungen abschreiben
- keine Lösungen falsch abschreiben
- Konkatination von Relationen beachten!
- Höhe von Bäumen

- 1 Aufwachen
- 2 Aufgabenblatt 6
- 3 Aufgabenblatt 7**
- 4 Huffman-Codes
- 5 Gerichtete Graphen
- 6 Ungerichtete Graphen
- 7 Abschluss

# Aufgabenblatt 7



## Blatt 7

- Abgabe: 09.12.2011 um 12:30 Uhr im Untergeschoss des Infobaus
- Punkte: maximal 20

## Themen

- Graphen

- 1 Aufwachen
- 2 Aufgabenblatt 6
- 3 Aufgabenblatt 7
- 4 Huffman-Codes**
- 5 Gerichtete Graphen
- 6 Ungerichtete Graphen
- 7 Abschluss

# Aus der Vorlesung:



## Wozu Huffman Codes?

- Huffman-Codes komprimieren ein Wort  $w \in A^*$  indem



# Aus der Vorlesung:



## Wozu Huffman Codes?

- Huffman-Codes komprimieren ein Wort  $w \in A^*$  indem
- häufigere Symbole durch kürzere Wörter

# Aus der Vorlesung:



## Wozu Huffman Codes?

- Huffman-Codes komprimieren ein Wort  $w \in A^*$  indem
- häufigere Symbole durch kürzere Wörter
- und seltener vorkommende Symbole durch längere Wörter kodiert werden

# Huffman-Code



## Vorgehensweise

zwei Schritte:

① Konstruktion eines Baumes:

② Beschriftung der Kanten: links mit 0, rechts mit 1

Der kürzeste Weg von der Wurzel zum Blatt gibt die Kodierung des jeweiligen Zeichens (im Blatt) an.

# Huffman-Code



## Vorgehensweise

zwei Schritte:

- 1 Konstruktion eines Baumes:
  - Blätter entsprechen  $x \in A$

- 2 Beschriftung der Kanten: links mit 0, rechts mit 1

Der kürzeste Weg von der Wurzel zum Blatt gibt die Kodierung des jeweiligen Zeichens (im Blatt) an.

# Huffman-Code



## Vorgehensweise

zwei Schritte:

### ① Konstruktion eines Baumes:

- Blätter entsprechen  $x \in A$
- Innere Knoten entsprechen Mengen von Symbolen

### ② Beschriftung der Kanten: links mit 0, rechts mit 1

Der kürzeste Weg von der Wurzel zum Blatt gibt die Kodierung des jeweiligen Zeichens (im Blatt) an.

# Huffman-Code



## Vorgehensweise

zwei Schritte:

### ① Konstruktion eines Baumes:

- Blätter entsprechen  $x \in A$
- Innere Knoten entsprechen Mengen von Symbolen
- An jedem Blatt wird das Symbol  $x$  und dessen Häufigkeit notiert

### ② Beschriftung der Kanten: links mit 0, rechts mit 1

Der kürzeste Weg von der Wurzel zum Blatt gibt die Kodierung des jeweiligen Zeichens (im Blatt) an.

# Huffman-Code



## Vorgehensweise

zwei Schritte:

- ① Konstruktion eines Baumes:
  - Blätter entsprechen  $x \in A$
  - Innere Knoten entsprechen Mengen von Symbolen
  - An jedem Blatt wird das Symbol  $x$  und dessen Häufigkeit notiert
  - die zwei Elemente mit der geringsten Häufigkeit werden zu einem Elternknoten zusammengefasst
- ② Beschriftung der Kanten: links mit 0, rechts mit 1

Der kürzeste Weg von der Wurzel zum Blatt gibt die Kodierung des jeweiligen Zeichens (im Blatt) an.

# Aufgabe



## Aufgabe 1

Gegeben sei das Alphabet  $X = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$ .

1. Fall: Jedes Zeichen kommt genau einmal vor  
Erstelle den Huffman-Code-Baum.



# Aufgabe



## Aufgabe 1

Gegeben sei das Alphabet  $X = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$ .

1. Fall: Jedes Zeichen kommt genau einmal vor  
Erstelle den Huffman-Code-Baum.

Wie lange wird die Kodierung von  $w = badcfegh$ ?

# Aufgabe



## Aufgabe 1

Gegeben sei das Alphabet  $X = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$ .

- ① 1. Fall: Jedes Zeichen kommt genau einmal vor.  
Erstelle den Huffman-Code-Baum.  
Wie lange wird die Kodierung von  $w = badcfegh$ ?
- ② 2. Fall: Zeichen a und b kommen zweimal, c viermal, d 8-mal, e 16-mal, f 32-mal, g 64-mal und h 128-mal vor.  
Erstelle den Huffman-Code-Baum. Wie lange wird die Kodierung von  $w = badcafehg$ ?

# Aufgabe



## Aufgabe 1

Gegeben sei das Alphabet  $X = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$ .

- ① 1. Fall: Jedes Zeichen kommt genau einmal vor  
Erstelle den Huffman-Code-Baum.  
Wie lange wird die Kodierung von  $w = badcfegh$ ?
- ② 2. Fall: Zeichen a und b kommen zweimal, c viermal, d 8-mal, e 16-mal, f 32-mal, g 64-mal und h 128-mal vor.  
Erstelle den Huffman-Code-Baum. Wie lange wird die Kodierung von  $w = badcafehg$ ?
- ③ Wie lange wird ein Wort mit zweiter Zeichenverteilung, wenn man es mit dem ersten Code codiert?
- ④ Wie lange wird ein Wort mit erster Zeichenverteilung, wenn man es mit dem zweiten Code codiert?

# Aufgabe



## Aufgabe 2

Gegeben sei das Alphabet  $X = \{a, b, c, d, e, f, g\}$  und die Auftrittswahrscheinlichkeiten  $p(a) = \frac{3}{10}$ ,  $p(b) = \frac{1}{10}$ ,  $p(c) = \frac{1}{10}$ ,  $p(d) = \frac{1}{7}$ ,  $p(e) = \frac{1}{7}$ ,  $p(f) = \frac{1}{7}$  und  $p(g) = \frac{1}{14}$ .

- Erzeuge einen Huffman-Code C.

# Aufgabe



## Aufgabe 2

Gegeben sei das Alphabet  $X = \{a, b, c, d, e, f, g\}$  und die Auftretswahrscheinlichkeiten  $p(a) = \frac{3}{10}$ ,  $p(b) = \frac{1}{10}$ ,  $p(c) = \frac{1}{10}$ ,  $p(d) = \frac{1}{7}$ ,  $p(e) = \frac{1}{7}$ ,  $p(f) = \frac{1}{7}$  und  $p(g) = \frac{1}{14}$ .

- Erzeuge einen Huffman-Code C.

## Lösung 2

Zeichen:	a	b	c	d	e	f	g
Wahrscheinlichkeit:	$\frac{3}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{14}$
Code:	00	101	110	010	011	100	111

# viele Codes



## mehrdeutig?

- im Allgemeinen sind Huffman-Codes nicht eindeutig:
  - es können mehrere Zeichen gleichhäufig vorkommen
  - Außerdem ist nicht festgelegt, welcher Knoten linker Nachfolger und welcher rechter Nachfolger eines inneren Knotens wird
- ⇒ Huffman-Codes sind nicht eindeutig
- Das macht aber nichts: alle, die sich für ein Wort  $w$  ergeben können, sind „gleich gut“

- 1 Aufwachen
- 2 Aufgabenblatt 6
- 3 Aufgabenblatt 7
- 4 Huffman-Codes
- 5 Gerichtete Graphen**
- 6 Ungerichtete Graphen
- 7 Abschluss

# Motivation



## Gerichtete Graphen

- Einbahnstraßen



# Motivation



## Gerichtete Graphen

- Einbahnstraßen
- Bahn- Flugverbindungen

# Motivation



## Gerichtete Graphen

- Einbahnstraßen
- Bahn- Flugverbindungen
- Stammbäume

# Motivation



## Gerichtete Graphen

- Einbahnstraßen
- Bahn- Flugverbindungen
- Stammbäume

## Ungerichtete Graphen

- Zweibahnstraßen

# Motivation



## Gerichtete Graphen

- Einbahnstraßen
- Bahn- Flugverbindungen
- Stammbäume

## Ungerichtete Graphen

- Zweibahnstraßen
- Irrgarten

# Motivation



## Gerichtete Graphen

- Einbahnstraßen
- Bahn- Flugverbindungen
- Stammbäume

## Ungerichtete Graphen

- Zweibahnstraßen
- Irrgarten
- Stromnetz

# Motivation



## Gerichtete Graphen

- Einbahnstraßen
- Bahn- Flugverbindungen
- Stammbäume

## Ungerichtete Graphen

- Zweibahnstraßen
- Irrgarten
- Stromnetz

## Nicht modellierbar

- mehrspurige Verbindungen in gleicher Richtung

# Gerichteter Graph



## Definition

Ein gerichteter Graph  $G$  ist ein Tupel  $G = (V, E)$  mit

- der Grundmenge  $V = \{v_i\}$  (die Menge der Ecken)
- der Relation  $E \subseteq V \times V$  (die Menge der Kanten)

Notationen für Kanten:

- $(v, v') \in E$
- $v \rightarrow_G v'$
- $v \rightarrow v'$

# Zeichnerische Darstellung von gerichteten Graphen



## Ihr seid dran...

Ein kluger Ersti möchte gerne über die Weihnachtstage mit dem Zug nach Hause fahren. Um zu sehen über welche Strecken er alles fahren kann, malt er sich einen Graphen auf.



# Zeichnerische Darstellung von gerichteten Graphen

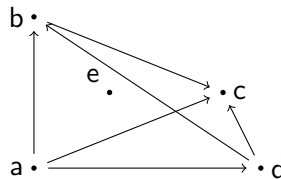
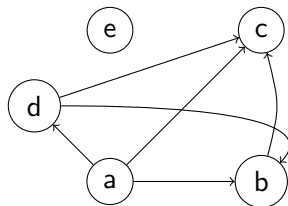


## Ihr seid dran...

Ein kluger Ersti möchte gerne über die Weihnachtstage mit dem Zug nach Hause fahren. Um zu sehen über welche Strecken er alles fahren kann, malt er sich einen Graphen auf.

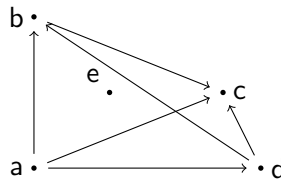
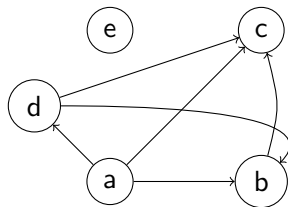
Aus Aachen fahren Züge nach Berlin, Chemnitz und Dortmund. Während er von Berlin nur Chemnitz erreichen kann, gibt es Züge von Dortmund nach Chemnitz und Berlin. Essen ist leider von keiner dieser Städte erreichbar.

Hinweis: Man malt die Ecken als Kreise und die Kanten als Pfeile.



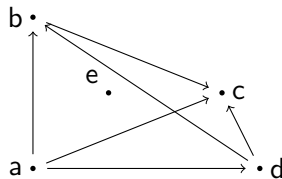
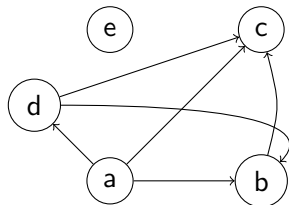
Sind die beiden Graphen isomorph?

Gebt die Graphen in Tupelschreibweise an!



Ja, die beiden Graphen sind isomorph.

Gebt den Graph in Tupelschreibweise an!



Ja, die beiden Graphen sind isomorph.

$$G = (\{a, b, c, d, e\}, \{(a, b), (a, c), (a, d), (b, c), (d, b), (d, c)\})$$

# Graphen



## Begriffe

- Ein Graph heißt **endlich**, wenn  $V$  endlich ist ( $|V| < \infty$ ).

# Graphen



## Begriffe

- Ein Graph heißt **endlich**, wenn  $V$  endlich ist ( $|V| < \infty$ ).
- 2 Knoten  $x$  und  $y$  heißen **adjazent**, wenn es eine Kante  $(x, y) \in E$  gibt.

# Graphen



## Begriffe

- Ein Graph heißt **endlich**, wenn  $V$  endlich ist ( $|V| < \infty$ ).
- 2 Knoten  $x$  und  $y$  heißen **adjazent**, wenn es eine Kante  $(x, y) \in E$  gibt.
- Eine **Schlinge** ist eine Kante der Form  $(x, x) \in E$ .

# Graphen



## Begriffe

- Ein Graph heißt **endlich**, wenn  $V$  endlich ist ( $|V| < \infty$ ).
- 2 Knoten  $x$  und  $y$  heißen **adjazent**, wenn es eine Kante  $(x, y) \in E$  gibt.
- Eine **Schlinge** ist eine Kante der Form  $(x, x) \in E$ .
- Ein Graph heißt **schlingenfrei**, wenn er keine Schlingen besitzt.



# Graphen



## Begriffe

- Ein Graph heißt **endlich**, wenn  $V$  endlich ist ( $|V| < \infty$ ).
- 2 Knoten  $x$  und  $y$  heißen **adjazent**, wenn es eine Kante  $(x, y) \in E$  gibt.
- Eine **Schlinge** ist eine Kante der Form  $(x, x) \in E$ .
- Ein Graph heißt **schlingenfrei**, wenn er keine Schlingen besitzt.
- $G' = (V', E')$  ist ein **Teilgraph** von  $G = (V, E)$ , wenn  $V' \subseteq V$  und  $E' \subseteq E \cap V' \times V'$

# Aufgabe



## Aufgabe

Gegeben sei ein gerichteter Graph mit  $n$  Knoten.

- Wieviele Kanten kann er maximal haben, wenn Schlingen erlaubt sind?

# Aufgabe



## Aufgabe

Gegeben sei ein gerichteter Graph mit  $n$  Knoten.

- Wieviele Kanten kann er maximal haben, wenn Schlingen erlaubt sind? **Lösung:**  $n^2$  Kanten
- Wieviele Kanten kann er maximal haben, wenn er schlingenfrei ist?

# Aufgabe



## Aufgabe

Gegeben sei ein gerichteter Graph mit  $n$  Knoten.

- Wieviele Kanten kann er maximal haben, wenn Schlingen erlaubt sind? **Lösung:**  $n^2$  Kanten
- Wieviele Kanten kann er maximal haben, wenn er schlingenfrei ist? **Lösung:**  $n(n - 1)$  Kanten

# gerichtete Bäume



## Definition

In einem gerichteten Baum ...

# gerichtete Bäume



## Definition

In einem gerichteten Baum ...

- ... gibt es genau einen Knoten  $r \in V$  so dass:  
für alle  $x \in V$  ex. genau ein Pfad von  $r$  nach  $x$

# gerichtete Bäume



## Definition

In einem gerichteten Baum ...

- ... gibt es genau einen Knoten  $r \in V$  so dass:  
für alle  $x \in V$  ex. genau ein Pfad von  $r$  nach  $x$
- ... ist die Wurzel eindeutig



## Definition

Ein Pfad ist eine nichtleere Liste  $p = (v_0, \dots, v_n) \in V^+$ , wenn für alle  $i \in \mathbb{G}_n$  gilt  $(v_i, v_{i+1}) \in E$





## Definition

Ein Pfad ist eine nichtleere Liste  $p = (v_0, \dots, v_n) \in V^+$ , wenn für alle  $i \in \mathbb{G}_n$  gilt  $(v_i, v_{i+1}) \in E$

- Die Anzahl  $n = |p| - 1$  (der Kanten!) heißt die *Länge* des Pfades



## Definition

Ein Pfad ist eine nichtleere Liste  $p = (v_0, \dots, v_n) \in V^+$ , wenn für alle  $i \in \mathbb{G}_n$  gilt  $(v_i, v_{i+1}) \in E$

- Die Anzahl  $n = |p| - 1$  (der Kanten!) heißt die *Länge* des Pfades
- Ein Pfad heißt *wiederholungsfrei*, wenn alle Knoten  $v_0, \dots, v_{n-1}$  und  $v_1, \dots, v_n$  je paarweise verschieden sind, also maximal  $v_0$  und  $v_n$  gleich sind.



## Definition

Ein Pfad ist eine nichtleere Liste  $p = (v_0, \dots, v_n) \in V^+$ , wenn für alle  $i \in \mathbb{G}_n$  gilt  $(v_i, v_{i+1}) \in E$

- Die Anzahl  $n = |p| - 1$  (der Kanten!) heißt die *Länge* des Pfades
- Ein Pfad heißt *wiederholungsfrei*, wenn alle Knoten  $v_0, \dots, v_{n-1}$  und  $v_1, \dots, v_n$  je paarweise verschieden sind, also maximal  $v_0$  und  $v_n$  gleich sind.
- Falls  $v_0 = v_n$  heißt der Pfad *geschlossen*. Dann ist der Pfad auch ein Zyklus.



## Definition

Ein Pfad ist eine nichtleere Liste  $p = (v_0, \dots, v_n) \in V^+$ , wenn für alle  $i \in \mathbb{G}_n$  gilt  $(v_i, v_{i+1}) \in E$

- Die Anzahl  $n = |p| - 1$  (der Kanten!) heißt die *Länge* des Pfades
- Ein Pfad heißt *wiederholungsfrei*, wenn alle Knoten  $v_0, \dots, v_{n-1}$  und  $v_1, \dots, v_n$  je paarweise verschieden sind, also maximal  $v_0$  und  $v_n$  gleich sind.
- Falls  $v_0 = v_n$  heißt der Pfad *geschlossen*. Dann ist der Pfad auch ein Zyklus.
- ein geschlossener und wiederholungsfreier Pfad ist ein *einfacher Zyklus*.

- 1 Aufwachen
- 2 Aufgabenblatt 6
- 3 Aufgabenblatt 7
- 4 Huffman-Codes
- 5 Gerichtete Graphen
- 6 Ungerichtete Graphen**
- 7 Abschluss

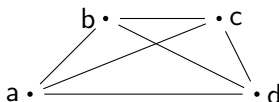
# Ungerichteter Graph



## Definition

Ein ungerichteter Graph ist definiert als  $U = (V, E)$ , wobei

- $V = \{v_i\}$  die Menge der Ecken ist und
- $E \subseteq \{\{x, y\} | x \in V \wedge y \in V\}$  die Menge der Kanten.



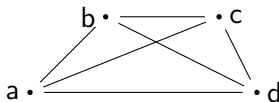
# Ungerichteter Graph



## Definition

Ein ungerichteter Graph ist definiert als  $U = (V, E)$ , wobei

- $V = \{v_i\}$  die Menge der Ecken ist und
- $E \subseteq \{\{x, y\} | x \in V \wedge y \in V\}$  die Menge der Kanten.



Wie sähe dieser ungerichtete Graph als Menge aus?

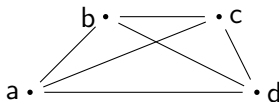
# Ungerichteter Graph



## Definition

Ein ungerichteter Graph ist definiert als  $U = (V, E)$ , wobei

- $V = \{v_i\}$  die Menge der Ecken ist und
- $E \subseteq \{\{x, y\} | x \in V \wedge y \in V\}$  die Menge der Kanten.



Wie sähe dieser ungerichtete Graph als Menge aus?

$$G = (\{a, b, c, d\}, \{\{a, b\}, \{a, c\}, \{a, d\}, \{b, c\}, \{d, b\}, \{d, c\}\})$$



# Aufgabe



## Aufgabe

Gegeben sei ein ungerichteter Graph mit  $n$  Knoten.

- Wieviele Kanten kann er maximal haben, wenn er schlingenfrees ist?

# Aufgabe



## Aufgabe

Gegeben sei ein ungerichteter Graph mit  $n$  Knoten.

- Wieviele Kanten kann er maximal haben, wenn er schlingenfrei ist? **Lösung:**  $n(n-1)/2$  Kanten
- Wieviele Kanten kann er maximal haben, wenn Schlingen erlaubt sind?

# Aufgabe



## Aufgabe

Gegeben sei ein ungerichteter Graph mit  $n$  Knoten.

- Wieviele Kanten kann er maximal haben, wenn er schlingenfrei ist? **Lösung:**  $n(n - 1)/2$  Kanten
- Wieviele Kanten kann er maximal haben, wenn Schlingen erlaubt sind? **Lösung:**  $n(n + 1)/2$  Kanten

# zusammenhängende Graphen



## Definition

Wir nennen ...

- einen gerichteten Graphen *streng zusammenhängend*, wenn für jedes Knotenpaar  $(x, y) \in V^2$  gilt: Es gibt in  $G$  einen Pfad von  $x$  nach  $y$ .

# zusammenhängende Graphen



## Definition

Wir nennen ...

- einen gerichteten Graphen *streng zusammenhängend*, wenn für jedes Knotenpaar  $(x, y) \in V^2$  gilt: Es gibt in  $G$  einen Pfad von  $x$  nach  $y$ .
- einen ungerichteten Graphen *zusammenhängend*, wenn der entsprechende gerichtete Graph *streng zusammenhängend* ist.

# ungerichtete Bäume



## Definition

- Jeder zusammenhängende ungerichtete Graph mit  $|E| = |V| - 1$  ist ein ungerichteter Baum

# ungerichtete Bäume



## Definition

- Jeder zusammenhängende ungerichtete Graph mit  $|E| = |V| - 1$  ist ein ungerichteter Baum
- Im ungerichteten Baum kann theoretisch jeder Knoten Wurzel sein.

# ungerichtete Bäume



## Definition

- Jeder zusammenhängende ungerichtete Graph mit  $|E| = |V| - 1$  ist ein ungerichteter Baum
- Im ungerichteten Baum kann theoretisch jeder Knoten Wurzel sein.
- Daher wird i.d.R. ein Knoten als Wurzel hervorgehoben.



- 1 Aufwachen
- 2 Aufgabenblatt 6
- 3 Aufgabenblatt 7
- 4 Huffman-Codes
- 5 Gerichtete Graphen
- 6 Ungerichtete Graphen
- 7 Abschluss**

# Zum Schluss...



Was ihr nun wissen solltet!

# Zum Schluss...



## Was ihr nun wissen solltet!

- Wie baue ich mir einen Huffman-Baum?

# Zum Schluss...



## Was ihr nun wissen solltet!

- Wie baue ich mir einen Huffman-Baum?
- Was ist ein Graph, was ein Teilgraph?

# Zum Schluss...



## Was ihr nun wissen solltet!

- Wie baue ich mir einen Huffman-Baum?
- Was ist ein Graph, was ein Teilgraph?
- Was bedeutet gerichtet, bzw. ungerichtet?



# Zum Schluss...

## Was ihr nun wissen solltet!

- Wie baue ich mir einen Huffman-Baum?
- Was ist ein Graph, was ein Teilgraph?
- Was bedeutet gerichtet, bzw. ungerichtet?
- Begriffe: Adjazent, Schlinge, Pfad, Zyklus, ...?



# Zum Schluss...

## Was ihr nun wissen solltet!

- Wie baue ich mir einen Huffman-Baum?
- Was ist ein Graph, was ein Teilgraph?
- Was bedeutet gerichtet, bzw. ungerichtet?
- Begriffe: Adjazent, Schlinge, Pfad, Zyklus, ...?

## Ihr wisst was nicht?

Stellt **jetzt** Fragen!

