Übung "Grundbegriffe der Informatik"

25.11.2011 Willkommen zur sechsten Übung zur Vorlesung Grundbegriffe der Informatik



Matthias Janke email: matthias.janke ät kit.edu

Termin Nachklausur

- ▶ Neuer Termin der Nachklausur:
- ▶ 18. September 2012, 8 Uhr
- http://www.informatik.kit.edu/klausuren.php

Überblick

nochmal Relationen

Homomorphismer

Huffman-Codierung

Wegfahren am Wochenende mit dem Zug:

- Den ersten Teil der Strecke mit ICE
- ▶ Den zweiten Teil der Strecke mit Regionalexpress
- Genau einmal umsteigen

Von wo nach wo möglich?

S ist Menge deutscher Städte $I \subseteq S \times S$, $R \subseteq S \times S$

S ist Menge deutscher Städte $I \subseteq S \times S$, $R \subseteq S \times S$ $(x,y) \in I \iff$ Es fährt ICE von x nach y. $(x,y) \in R \iff$ Es fährt RE von x nach y.

- $(x,y) \in I \iff \text{Es f\"{a}hrt ICE von } x \text{ nach } y.$
- $(x,y) \in R \iff \text{Es f\"{a}hrt RE von } x \text{ nach } y.$

Mögliche Anfangs/Endstädte: Es fährt ICE von x zu einer Stadt z und es fährt ein RE von z nach y.

- $(x,y) \in I \iff \text{Es f\"{a}hrt ICE von } x \text{ nach } y.$
- $(x,y) \in R \iff \text{Es f\"{a}hrt RE von } x \text{ nach } y.$

Mögliche Anfangs/Endstädte: Es fährt ICE von x zu einer Stadt z und es fährt ein RE von z nach y.

Beispiel: Von Karlsruhe mit ICE nach Berlin Hbf, dann mit RE nach Potsdam.

 $(x,y) \in I \iff \text{Es f\"{a}hrt ICE von } x \text{ nach } y.$

 $(x,y) \in R \iff \text{Es f\"{a}hrt RE von } x \text{ nach } y.$

Mögliche Anfangs/Endstädte: Es fährt ICE von x zu einer Stadt z und es fährt ein RE von z nach y.

Gesuchte Relation: $R \circ I$

 $(x,y) \in I \iff \text{Es f\"{a}hrt ICE von } x \text{ nach } y.$

 $(x,y) \in R \iff \text{Es f\"{a}hrt RE von } x \text{ nach } y.$

Mögliche Anfangs/Endstädte: Es fährt ICE von x zu einer Stadt z und es fährt ein RE von z nach y.

Gesuchte Relation: $R \circ I$

Hinweis: ○ als "nach" lesen, und es wird offensichtlich!

```
(x,y) \in I \iff \text{Es f\"{a}hrt ICE von } x \text{ nach } y.
```

 $(x,y) \in R \iff \text{Es f\"{a}hrt RE von } x \text{ nach } y.$

Mögliche Anfangs/Endstädte: Es fährt ICE von x zu einer Stadt z und es fährt ein RE von z nach y.

Gesuchte Relation: $R \circ I$

Hinweis: I und R symmetrisch, $R \circ I$ nicht (glaube ich ...)

Wäre die Definition $x(R \circ S)y \iff \exists z : xRz \land zSy \text{ sinnvoller?}$

Wäre die Definition $x(R \circ S)y \iff \exists z : xRz \land zSy \text{ sinnvoller?}$ Eigentlich schon, aber ...

Wäre die Definition $x(R \circ S)y \iff \exists z : xRz \land zSy \text{ sinnvoller?}$ Eigentlich schon, aber ...

Schreibweisen für Funktionen/Relationen machen Probleme.

Wäre die Definition $x(R \circ S)y \iff \exists z : xRz \land zSy \text{ sinnvoller?}$ Eigentlich schon, aber ... Schreibweisen für Funktionen/Relationen machen Probleme.

$$y = (f \circ g)(x) \Rightarrow \exists z : y = f(z) \land z = g(x)$$

Wäre die Definition $x(R \circ S)y \iff \exists z : xRz \land zSy \text{ sinnvoller?}$ Eigentlich schon, aber ... Schreibweisen für Funktionen/Relationen machen Probleme.

$$y = (f \circ g)(x) \Rightarrow \exists z : y = f(z) \land z = g(x)$$

Also $x(f \circ g)y \Rightarrow \exists z : (x, z) \in g \land (z, y) \in f$

Ware die Definition $x(R \circ S)y \iff \exists z : xRz \land zSy \text{ sinnvoller?}$

Eigentlich schon, aber ...

Schreibweisen für Funktionen/Relationen machen Probleme.

Merke: Reihenfolge der Relationen andersrum als man zuerst denkt

...

Wäre die Definition $x(R \circ S)y \iff \exists z : xRz \land zSy \text{ sinnvoller?}$ Eigentlich schon, aber ...

Schreibweisen für Funktionen/Relationen machen Probleme.

Merke: Reihenfolge der Relationen andersrum als man zuerst denkt

...

es sei denn, man verknüpft Potenzen der gleichen Relation.

$$xRy \iff y - x = 1$$

 R^2, R^3, \dots ?

$$xRy \iff y - x = 1$$

 $R^2, R^3, ...?$
 $xR^2y \iff \exists z : xRz \land zRy \iff \exists z : z - x = 1 \land y - z = 1$

$$xRy \iff y-x=1$$

 R^2, R^3, \dots ?
 $xR^2y \iff \exists z: xRz \land zRy \iff \exists z: z-x=1 \land y-z=1$
Das ist genau dann der Fall, wenn $y-x=2$ gilt (z ist dann gerade $x+1$).

$$xRy \iff y - x = 1$$

 R^2, R^3, \dots ?
 $xR^3y \iff y - x = 3$

$$xRy \iff y - x = 1$$

 $xR^*y \iff x \le y$

$$\begin{array}{l} \textit{xRy} \iff \textit{y} - \textit{x} = 1 \\ \textit{xR*y} \iff \textit{x} \leq \textit{y} \\ \textit{Beweis: Zeige} \ \forall \textit{n} \in \mathbb{N}_0 : \textit{xR}^\textit{n}\textit{y} \iff \textit{y} - \textit{x} = \textit{n} \end{array}$$

$$xRy \iff y-x=1$$

 $xR^*y \iff x \le y$
Beweis: Zeige $\forall n \in \mathbb{N}_0 : xR^ny \iff y-x=n$
IA: $n=0$: $xR^0y \iff x=y \iff y-x=0$ \checkmark
IV: Für ein beliebiges, aber festes $n \in \mathbb{N}_0$ gilt: $xR^ny \Rightarrow y-x=n$.

$$xRy \iff y-x=1$$

 $xR^*y \iff x \le y$
Beweis: Zeige $\forall n \in \mathbb{N}_0 : xR^ny \iff y-x=n$
IS: $n \to n+1$: Zu zeigen: $xR^{n+1}y \iff y-x=n+1$

$$xRy \iff y-x=1$$

 $xR^*y \iff x \le y$
Beweis: Zeige $\forall n \in \mathbb{N}_0 : xR^ny \iff y-x=n$
IS: $n \to n+1$: Zu zeigen: $xR^{n+1}y \iff y-x=n+1$
Es gelte $xR^{n+1}y \Rightarrow \exists z \in \mathbb{N}_0 : xR^nz \land zRy$

$$xRy \iff y-x=1$$
 $xR^*y \iff x \le y$
Beweis: Zeige $\forall n \in \mathbb{N}_0 : xR^ny \iff y-x=n$
IS: $n \to n+1$: Zu zeigen: $xR^{n+1}y \iff y-x=n+1$
Es gelte $xR^{n+1}y \Rightarrow \exists z \in \mathbb{N}_0 : xR^nz \land zRy$
 $xR^nz \in \mathbb{N}_0 : z-x=n \land zRy$

$$xRy \iff y - x = 1$$
 $xR^*y \iff x \le y$
Beweis: Zeige $\forall n \in \mathbb{N}_0 : xR^ny \iff y - x = n$
IS: $n \to n+1$: Zu zeigen: $xR^{n+1}y \iff y - x = n+1$
Es gelte $xR^{n+1}y \Rightarrow \exists z \in \mathbb{N}_0 : xR^nz \land zRy$
 $\Rightarrow \exists z \in \mathbb{N}_0 : z - x = n \land zRy$
 $\Rightarrow \exists z \in \mathbb{N}_0 : z - x = n \land y - z = 1$

$$xRy \iff y - x = 1$$

 $xR^*y \iff x \le y$
Beweis: Zeige $\forall n \in \mathbb{N}_0 : xR^ny \iff y - x = n$
IS: $n \to n+1$: Zu zeigen: $xR^{n+1}y \iff y - x = n+1$
Es gelte $xR^{n+1}y \Rightarrow \exists z \in \mathbb{N}_0 : xR^nz \land zRy$
 $xR^nz \land zRy$

$$xRy \iff y-x=1$$

 $xR^*y \iff x \le y$
Beweis: Zeige $\forall n \in \mathbb{N}_0 : xR^ny \iff y-x=n$
IS: $n \to n+1$: Zu zeigen: $xR^{n+1}y \iff y-x=n+1$
Es gelte $y-x=n+1 \Rightarrow xR^n(y-1) \land (y-1)Ry$
 $\Rightarrow \exists z \in \mathbb{N}_0 : xR^nz \land zRy \Rightarrow xR^{n+1}y$

$$xRy \iff y - x = 1$$

$$xR^*y \iff x \le y$$

$$x \le y \Rightarrow y - x \in \mathbb{N}_0 \Rightarrow xR^{y-x}y \Rightarrow xR^*y$$

$$xRy \iff y - x = 1$$

$$xR^*y \iff x \le y$$

$$xR^*y \Rightarrow \exists n \in \mathbb{N}_0 : xR^ny \Rightarrow y - x = n \ge 0 \Rightarrow x \le y$$

Überblick

nochmal Relationer

Homomorphismen

Huffman-Codierung

Homomorphismen

Das Wichtigste zuerst: Homomorphismen sind einfach!

Homomorphismen

Das Wichtigste zuerst: Homomorphismen sind **einfach!** (Sie haben nur einen abschreckenden Namen ...)

Gilt allgemein
$$f(a + b) = f(a) + f(b)$$
?

Gilt allgemein f(a + b) = f(a) + f(b)?

Bei Homomorphismen schon!

Gilt allgemein $f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2)$?

Gilt allgemein $f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2)$? Bei Homomorphismen schon!

Gilt allgemein $f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2)$?

Bei Homomorphismen schon!

 \rightarrow Mit Homomorphismen kann man schön rechnen.

f Homomorphismus, das heißt $f(\epsilon) = \epsilon$ $\forall w \in A^* \forall x \in A : f(wx) = f(w)f(x)$

f Homomorphismus, das heißt

$$f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\forall w \in A^* \forall x \in A : f(wx) = f(w)f(x)$$

Hinweis: Das definiert einen konkreten Homomorphismus noch nicht! Für $x \in A$ ist f(x) nicht festgelegt.

f Homomorphismus, das heißt $f(\epsilon) = \epsilon$ $\forall w \in A^* \forall x \in A : f(wx) = f(w)f(x)$ Zeige: $\forall w_1, w_2 \in A^* : f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2)$.

```
f Homomorphismus, das heißt
```

$$f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\forall w \in A^* \forall x \in A : f(wx) = f(w)f(x)$$

$$\text{Zeige: } \forall w_1, w_2 \in A^* : f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2).$$

$$\text{Induktion } \ddot{\text{u}} \text{ber } n = |w_2|:$$

$$\text{IA: } n = 0 : w_2 = \epsilon \Rightarrow f(w_1w_2) = f(w_1) = f(w_1)f(w_2), \text{ da } f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\text{gilt.}$$

f Homomorphismus, das heißt

$$f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\forall w \in A^* \forall x \in A : f(wx) = f(w)f(x)$$

Zeige:
$$\forall w_1, w_2 \in A^* : f(w_1 w_2) = f(w_1)f(w_2)$$
.

Induktion über $n = |w_2|$:

IV:Für ein beliebiges, aber festes $n \in \mathbb{N}_0$ gilt:

$$\forall w_1, w_2 \in A^* : |w_2| = n \Rightarrow f(w_1 w_2) = f(w_1) f(w_2).$$

```
f Homomorphismus, das heißt f(\epsilon) = \epsilon \forall w \in A^* \forall x \in A : f(wx) = f(w)f(x) Zeige: \forall w_1, w_2 \in A^* : f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2). Induktion über n = |w_2|: IS: n \to n+1: Zu zeigen: \forall w_1, w_2 \in A^* : |w_2| = n+1 \Rightarrow f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2).
```

```
f Homomorphismus, das heißt f(\epsilon) = \epsilon \forall w \in A^* \forall x \in A : f(wx) = f(w)f(x) Zeige: \forall w_1, w_2 \in A^* : f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2). Induktion über n = |w_2|: IS: n \to n+1: Zu zeigen: \forall w_1, w_2 \in A^* : |w_2| = n+1 \Rightarrow f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2). Sei |w_2| = n+1 \Rightarrow \exists w \in A^n : \exists x \in A : w_2 = wx
```

 $f(w_1)f(wx) = f(w_1)f(w_2) \square$

f Homomorphismus, das heißt $f(\epsilon) = \epsilon$ $\forall w \in A^* \forall x \in A : f(wx) = f(w)f(x)$ IS: $n \to n+1$: Zu zeigen: $\forall w_1, w_2 \in A^* : |w_2| = n+1 \Rightarrow f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2)$. Sei $|w_2| = n+1 \Rightarrow \exists w \in A^n : \exists x \in A : w_2 = wx$ $\Rightarrow f(w_1w_2) = f(w_1wx) = f(w_1w)f(x) \stackrel{IV}{=} f(w_1)f(w)f(x) = f(w_1w_2) =$

$$f: \{0,1,2\}^* \to \{0,1\}^* \text{ mit}$$

 $\forall w \in \{0,1,2\}^* : Num_3(w) = Num_2(f(w))$

```
f: \{0,1,2\}^* \to \{0,1\}^* \text{ mit } \\ \forall w \in \{0,1,2\}^* : \textit{Num}_3(w) = \textit{Num}_2(f(w)) \\ \text{Kann } f \text{ Homomorphismus sein?}
```

```
f: \{0,1,2\}^* \to \{0,1\}^* mit \forall w \in \{0,1,2\}^* : Num_3(w) = Num_2(f(w)) Kann f Homomorphismus sein? Idee: Einfache Wörter ausprobieren!
```

```
\begin{split} f: \{0,1,2\}^* &\to \{0,1\}^* \text{ mit} \\ \forall w \in \{0,1,2\}^*: \textit{Num}_3(w) &= \textit{Num}_2(f(w)) \\ \text{Kann } f \text{ Homomorphismus sein?} \\ \textit{Num}_3(1) &= \textit{Num}_2(f(1)) \Rightarrow f(1) \in \{0\}^*\{1\} \end{split}
```

```
\begin{array}{l} f: \{0,1,2\}^* \to \{0,1\}^* \text{ mit} \\ \forall w \in \{0,1,2\}^* : \textit{Num}_3(w) = \textit{Num}_2(f(w)) \\ \text{Kann } f \text{ Homomorphismus sein?} \\ \textit{Num}_3(1) = \textit{Num}_2(f(1)) \Rightarrow f(1) \in \{0\}^*\{1\} \\ \textit{Num}_3(11) = 4 = \textit{Num}_2(f(11)) \Rightarrow f(11) \in \{0\}^*\{100\} \end{array}
```

```
f: \{0,1,2\}^* \to \{0,1\}^* \text{ mit } \\ \forall w \in \{0,1,2\}^* : Num_3(w) = Num_2(f(w)) \\ \text{Kann } f \text{ Homomorphismus sein?} \\ Num_3(1) = Num_2(f(1)) \Rightarrow f(1) \in \{0\}^*\{1\} \\ Num_3(11) = 4 = Num_2(f(11)) \Rightarrow f(11) \in \{0\}^*\{100\} \\ \text{Annahme: } f \text{ Homomorphismus.}
```

```
f: \{0,1,2\}^* \to \{0,1\}^* \text{ mit } \\ \forall w \in \{0,1,2\}^* : Num_3(w) = Num_2(f(w)) \\ \text{Kann } f \text{ Homomorphismus sein?} \\ Num_3(1) = Num_2(f(1)) \Rightarrow f(1) \in \{0\}^*\{1\} \\ Num_3(11) = 4 = Num_2(f(11)) \Rightarrow f(11) \in \{0\}^*\{100\} \\ \text{Annahme: } f \text{ Homomorphismus.} \\ \text{Dann gilt: } f(11) = f(1)f(1) \in \{0\}^*\{1\}\{0\}^*\{1\} \\
```

```
f: \{0,1,2\}^* \to \{0,1\}^* \text{ mit } \\ \forall w \in \{0,1,2\}^* : Num_3(w) = Num_2(f(w)) \\ \text{Kann } f \text{ Homomorphismus sein?} \\ Num_3(1) = Num_2(f(1)) \Rightarrow f(1) \in \{0\}^*\{1\} \\ Num_3(11) = 4 = Num_2(f(11)) \Rightarrow f(11) \in \{0\}^*\{100\} \\ \text{Annahme: } f \text{ Homomorphismus.} \\ \text{Dann gilt: } f(11) = f(1)f(1) \in \{0\}^*\{1\}\{0\}^*\{1\} \\ \text{Dies steht in Widerspruch zu } f(11) \in \{0\}^*\{100\} \\ \end{cases}
```

```
f: \{0,1,2\}^* \to \{0,1\}^* \text{ mit } \\ \forall w \in \{0,1,2\}^* : Num_3(w) = Num_2(f(w)) \\ \text{Kann } f \text{ Homomorphismus sein?} \\ Num_3(1) = Num_2(f(1)) \Rightarrow f(1) \in \{0\}^*\{1\} \\ Num_3(11) = 4 = Num_2(f(11)) \Rightarrow f(11) \in \{0\}^*\{100\} \\ \text{Also gilt: } f \text{ ist kein Homomorphismus.}
```

Was wir benutzt haben:

$$Num_2(w_1) = Num_2(w_2) \iff \exists w' \in \{0\}^* : w_1 = w'w_2 \lor w_2 = w'w_1$$

Was wir benutzt haben:

$$Num_2(w_1) = Num_2(w_2) \iff \exists w' \in \{0\}^* : w_1 = w'w_2 \lor w_2 = w'w_1$$

Was wir zeigen:

$$\exists w' \in \{0\}^* : w_1 = w'w_2 \lor w_2 = w'w_1 \Rightarrow Num_2(w_1) = Num_2(w_2).$$

Was wir benutzt haben:

$$Num_2(w_1) = Num_2(w_2) \iff \exists w' \in \{0\}^* : w_1 = w'w_2 \lor w_2 = w'w_1$$

Was wir zeigen:

$$\exists w' \in \{0\}^* : w_1 = w'w_2 \lor w_2 = w'w_1 \Rightarrow Num_2(w_1) = Num_2(w_2).$$

Was wir wirklich zeigen: $\forall w \in A^* : Num_2(0w) = Num_2(w)$

```
Was wir wirklich zeigen: \forall w \in A^* : Num_2(0w) = Num_2(w)
Vollständige Induktion über n = |w|:
IA: n = 0 : w = \epsilon \Rightarrow Num_2(0w) = Num_2(0) = 2 \cdot Num_2(\epsilon) + num_2(0) = 0 + 0 = Num_2(\epsilon) = Num_2(w)
```

```
Was wir wirklich zeigen: \forall w \in A^* : Num_2(0w) = Num_2(w)
```

Vollständige Induktion über n = |w|:

IV: Für ein beliebiges, aber festes $n \in \mathbb{N}_0$ gilt:

 $\forall w \in A^n : Num_2(0w) = Num_2(w)$

```
Was wir wirklich zeigen: \forall w \in A^* : Num_2(0w) = Num_2(w)
Vollständige Induktion über n = |w|:
IS: n \to n+1: Zu zeigen
\forall w \in A^{n+1} : Num_2(0w) = Num_2(w)
```

```
Was wir wirklich zeigen: \forall w \in A^* : Num_2(0w) = Num_2(w)
Vollständige Induktion über n = |w|:
IS: n \to n+1: Zu zeigen
\forall w \in A^{n+1} : Num_2(0w) = Num_2(w)
Sei w \in A^{n+1} \Rightarrow \exists w' \in A^n \exists x \in A : w = w'x.
```

```
Was wir wirklich zeigen: \forall w \in A^* : Num_2(0w) = Num_2(w)

Vollständige Induktion über n = |w|:

IS: n \to n+1: Zu zeigen

\forall w \in A^{n+1} : Num_2(0w) = Num_2(w)

Sei w \in A^{n+1} \Rightarrow \exists w' \in A^n \exists x \in A : w = w'x.

Num_2(0w) = Num_2(0w'x) = 2Num_2(0w') + num_2(x) \stackrel{IV}{=} 2Num_2(w') + num_2(x) = Num_2(w'x) = Num_2(w)
```

Gibt es einen Homomorphismus $h: \mathbb{Z}_8^* \to \mathbb{Z}_2^*$, so dass gilt:

$$\forall w \in Z_8^* : Num_2(h(w)) = Num_8(w) ?$$

Gibt es einen Homomorphismus $h: Z_8^* \to Z_2^*$, so dass gilt: $\forall w \in Z_8^*: Num_2(h(w)) = Num_8(w)$? Der durch $h(0) = 000, h(1) = 001, h(2) = 010, h(3) = 011, h(4) = 100, h(5) = 101, h(6) = 110, h(7) = 111. definierte Homomorphismus erfüllt <math>\forall w \in Z_8^*: Num_2(h(w)) = Num_8(w).$

Beweis durch vollständige Induktion über die Wortlänge:

Induktionsanfang: n = 0:

$$w = \epsilon \Rightarrow h(w) = \epsilon \Rightarrow Num_8(w) = Num_2(h(w)) = 0. \sqrt{ }$$

Induktionsvoraussetzung: Für ein festes, aber beliebiges $n \in \mathbb{N}_0$:

$$\forall w \in Z_8^n : Num_8(w) = Num_2(h(w)).$$

```
Induktionsschritt: Wir betrachten w' \in \mathbb{Z}_{R}^{n+1}, so dass
w' = wz, w \in \mathbb{Z}_{8}^{n} \wedge z \in \mathbb{Z}_{8} gilt.
Seien a, b, c \in \{0, 1\} die Zeichen, für die h(z) = abc gilt.
Dann gilt:
Num_2(h(wz)) = Num_2(h(w)h(z)) = Num_2(h(w)abc)
= Num_2(h(w)ab) \cdot 2 + num_2(c)
= (Num_2(h(w)a) \cdot 2 + num_2(b)) \cdot 2 + num_2(c)
= ((Num_2(h(w)) \cdot 2 + num_2(a)) \cdot 2 + num_2(b)) \cdot 2 + num_2(c)
= Num_2(h(w)) \cdot 8 + 4 \cdot num_2(a) + 2 \cdot num_2(b) + num_2(c)
= Num_2(h(w)) \cdot 8 + (Num_2(a) \cdot 2 + num_2(b)) \cdot 2 + num_2(c)
= Num_2(h(w)) \cdot 8 + Num_2(ab) \cdot 2 + num_2(c)
= Num_2(h(w)) \cdot 8 + Num_2(abc)
\stackrel{IV}{=} Num_8(w) \cdot 8 + Num_2(abc)
\stackrel{Def}{=} Num_8(w) \cdot 8 + Num_8(z) = Num_8(wz)
```

Überblick

nochmal Relationen

Homomorphismer

Huffman-Codierung

Huffman-Codierung

w = aabaacabaacaabaacaacaabbaccabbaaaabbaccaaaaaaabaacaabbabbacaabaacaaccaaaaaaaccaaca

w = aabaacabaacaabaacacaabbaccabbaaaabbaccaaaaaaabaacaabbabbacaabaacaaccaaaaaaaccaacc

- ► Schritt 2: Vorkommen zählen: aab - 1, aac - 2, aba - 4, aca - 5, abb - 5, acc - 6, aaa - 7

w = aabaacabaacaabaacacaabbaccabbaaaabbaccaaaaaaabaacaabbabbacaabaacaaccaaaaaaaccaacc

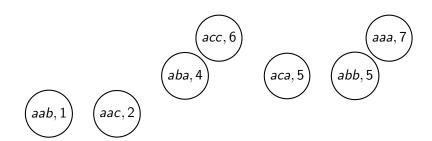
- Schritt 2: Vorkommen zählen: aab − 1, aac − 2, aba − 4, aca − 5, abb − 5, acc − 6, aaa − 7
- Schritt 3: Baum erstellen.

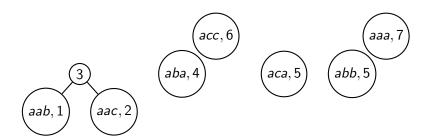
w = aabaacabaacaabaacacaabbaccabbaaaabbaccaaaaaaabaacaabbabbacaabaacaaccaaaaaaaccaacc

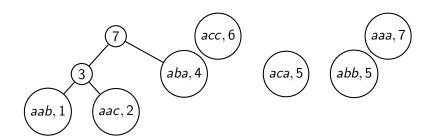
► Schritt 4: Codierung der einzelnen Blöcke ablesen: aab - 0000, aac - 0001, aba - 001, aca - 100, abb - 101, acc - 01, aaa - 11

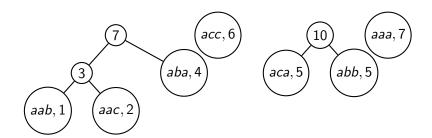
w = aabaacabaacaabaacacaabbaccabbaaaabbaccaaaaaaabaacaabbabbacaabaacaaccaaaaaaaccaacc

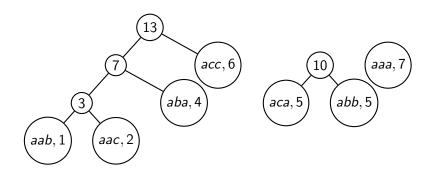
- ► Schritt 4: Codierung der einzelnen Blöcke ablesen: aab - 0000, aac - 0001, aba - 001, aca - 100, abb - 101, acc - 01, aaa - 11

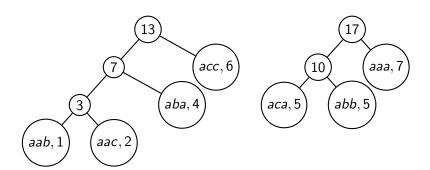


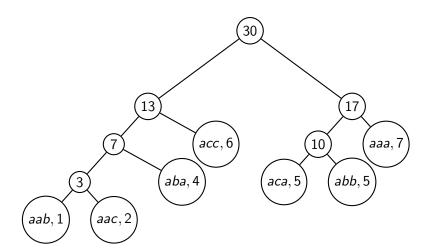


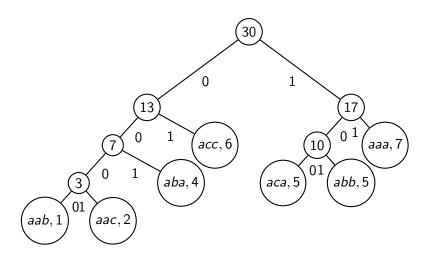












Das wars für heute...

Themen für das sechste Übungsblatt:

- Homomorphismen
- Huffman-Codierung
- Verkettung von Relationen

Schönes Wochenende!