Herzlich Willkommen

zum Modul

Grundbegriffe der Informatik

Tutorien: viele viele Tutorinnen und Tutoren!!

Große Übung: Dipl.-Inform. Matthias Janke

Vorlesung: Prof. Dr.-Ing. Tanja Schultz

http://gbi.ira.uka.de

Organisatorisches

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirn

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersagen

Ziele der Vorlesung

Literatur

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datum

Inhalt 2/46

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirr

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersagen

Ziele der Vorlesung

Literatur

Signale

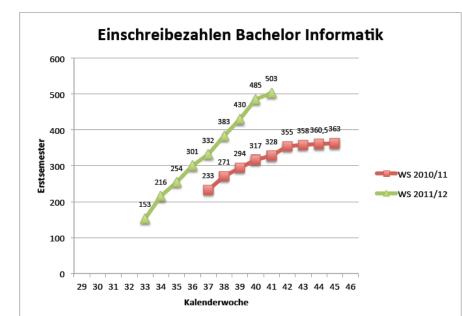
Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

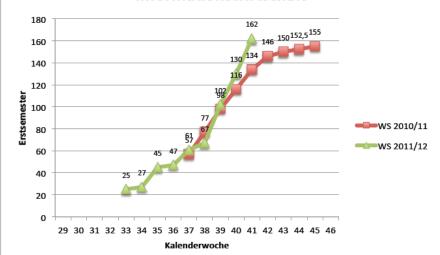
Datum

Wir sind viele ...



Wir sind viele ...

Einschreibezahlen Bachelor Informationswirtschaft



Wir sind viele ...

- ► Auslastung Informatik: 503/443 = 113,5%; Informationswirtschaft 162/195 = 83,1%
- Studierendenzahlen sind um mehr als 40% gegenüber dem Vorjahresstand gestiegen
- ... nicht wie erwartet um ca. 10-15%
- Mögliche Gründe:
 - Bundeswehreffekt Abschaffung der Wehrpflicht
 - ► G8/G9 Effekt Aus Bayern und Niedersachsen kommen die ersten Abiturienten des 12-jährigen Abiturs
- Informatik und Informationswirtschaft sind zulassungsfrei

Was bedeutet das? - Hörsaalkapazität

- Wir erwarten insgesamt etwa 740 Studierende
- Informatik stellt Hörsaalkapazitäten für ca. 780 Studierende zur Verfügung
- ... das geht nur in Summe von FÜNF Hörsälen
- ▶ Bitte nutzen Sie die Hörsaalplätze möglichst **lückenlos**
- Wer im Hörsaal am Fasanengarten (HSaF) keinen Sitzplatz findet:
 - ▶ ... geht bitte in Hörsaal -101 oder -102 im 1. UG in 50.34
 - ▶ ... oder in -118 oder -119 im 1. UG in 50.34
 - max. 2 Gehminuten
 - ► Sie finden A3-Plakate mit Hinweisen und Beschilderungen ...
- Wir starten die eigentliche Vorlesung erst in ein paar Minuten (Sie haben also jetzt die Chance in einen der Hörsäle zu wechseln ohne VL-Inhalte zu verpassen)

Hier geht's lang: CampusPlan



Was bedeutet das? - Live Stream

- Die Vorlesung wird live in alle oben genannten Hörsäle gestreamt
 - Folien,
 - ▶ Bild + Ton der Dozentin
 - Medien-Audio
 - Der Stream wird NICHT aufgezeichnet
- Fragen aus den entfernten Hörsälen sind mittels Chat möglich Der Url wird angezeigt
- Matthias Janke hier im HSaF moderiert den Chat und leitet Fragen an mich weiter
- Der Service ist personal- und kostenintensiv ...
- ▶ Daher kann dieser Service nur solange aufrechterhalten werden, wie notwendig
- Weder realisierbar noch finanzierbar für alle Vorlesungen
- ▶ Ihre Rückmeldung zu diesem Service ist sehr erwünscht

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorier

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirr

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersager

Ziele der Vorlesung

Literatur

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datun

Wenn Sie Hilfe brauchen

dann holen Sie sich welche!

Zum Beispiel hier:

- http://gbi.ira.uka.de
- ▶ Kommilitonen, Tutoren, Fachschaft, Mitarbeiter, Dozenten
- ► Forum der Fachschaft
 - allgemein
 https://www.fsmi.uni-karlsruhe.de/forum/index.php
 - Unterforum zu "Grundbegriffe der Informatik"
- Zentrum für Information und Beratung http://www.zib.uni-karlsruhe.de
- Behindertenbeauftragte http://www.studiumundbehinderung.kit.edu/
- Psychotherapeutische Beratungsstelle für Studierende http://www.pbs-ka-pf.de/

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirr

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersager

Ziele der Vorlesung

Literatui

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datun

Einteilung in Tutorien

- Rechnergestützte Anmeldung zu Tutorien der Vorlesungen für die Studiengänge "Informatik" und "Informationswirtschaft"
- WebInScribe http://webinscribe.ira.uka.de
- ▶ Sie brauchen einen Studierenden-Account im Rechenzentrum.
- Wünsche (zu Tutorien) bis morgen Donnerstag, 20.10.2011, 18:00 Uhr
- Kurze Umfrage: Wer hat keinen webinscribe Account ... dann schicken Sie eine email mit Ihren Wünschen an webinscribe@ira.uka.de
- Ergebnisse ab Freitag Mittag
- Merkblatt wurde schon in anderen Vorlesungen ausgeteilt.
- Für die, die noch keines haben: Merkblatt wird jetzt ausgeteilt.
- Schülerstudenten: brauchen sich nicht anmelden,
 Zuordnung zu Tutorien ist schon geklärt

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirr

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersagen

Ziele der Vorlesung

Literatur

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datum

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

- im WWW unter http://gbi.ira.uka.de
- ► Vorlesung: Skript und Folien
- ▶ Übung: Folien, Aufgabenblätter, Lösungen (erst hinterher ...)
- Aufgabenblätter
 - Ausgabe immer am Mittwoch
 - ▶ Abgabe immer 12 Uhr am Freitag der darauf folgenden Woche
- Termine
 - Vorlesung: Mittwoch, 14:00 − 15:30, HsaF (HS -101 und -102 in Geb. 50.34)
 - ▶ Übung: Freitag, 9:45 10:30, HsaF (HS -101 und -102 in Geb. 50.34)
 - Tutorien:
 - über die Woche verteilt
 - ▶ diverse Räume, meist in Gebäude 50.34, ein Tutorium in 50.20
 - ▶ Beginn: kommender Montag, 24.10.11, 8:00 Uhr

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirn

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersagen

Ziele der Vorlesung

Literatui

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datum

- Anteil am Gewicht des Körpers:
- Anteil am Energieverbrauch des Körpers:

Das Gehirn "lernt also nicht irgendwie und mehr schlecht als recht, sondern kann nichts besser und tut nichts lieber!"

Manfred Spitzer

Lernen: Gehirnforschung und die Schule des Lebens,

Spektrum Akademischer Verlag, Heidelberg-Berlin, 2002
S. 14.

- Anteil am Gewicht des Körpers: ca. 2 Prozent
- ▶ Anteil am Energieverbrauch des Körpers:

Das Gehirn "lernt also nicht irgendwie und mehr schlecht als recht, sondern kann nichts besser und tut nichts lieber!"

Manfred Spitzer

Lernen: Gehirnforschung und die Schule des Lebens,

Spektrum Akademischer Verlag, Heidelberg-Berlin, 2002
S. 14.

- Anteil am Gewicht des Körpers: ca. 2 Prozent
- ▶ Anteil am Energieverbrauch des Körpers: ca. 20 Prozent

Das Gehirn "lernt also nicht irgendwie und mehr schlecht als recht, sondern kann nichts besser und tut nichts lieber!"

Manfred Spitzer

Lernen: Gehirnforschung und die Schule des Lebens,

Spektrum Akademischer Verlag, Heidelberg-Berlin, 2002
S. 14.

- Anteil am Gewicht des Körpers: ca. 2 Prozent
- ▶ Anteil am Energieverbrauch des Körpers: ca. 20 Prozent

Das Gehirn "lernt also nicht irgendwie und mehr schlecht als recht, sondern kann nichts besser und tut nichts lieber!"

Manfred Spitzer *Lernen: Gehirnforschung und die Schule des Lebens*, Spektrum Akademischer Verlag, Heidelberg-Berlin, 2002 S. 14.

- Anteil am Gewicht des Körpers: ca. 2 Prozent
- ▶ Anteil am Energieverbrauch des Körpers: ca. 20 Prozent

Das Gehirn "lernt also nicht irgendwie und mehr schlecht als recht, sondern kann nichts besser und tut nichts lieber!"

Manfred Spitzer *Lernen: Gehirnforschung und die Schule des Lebens*, Spektrum Akademischer Verlag, Heidelberg-Berlin, 2002, S. 14.

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirn

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersagen

Ziele der Vorlesung

Literatu

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datum

Der Rest der heutigen Vorlesung

- ► Einheit 1: Prolog
- ► Einheit 2: Signal, Nachricht, Information . . .
 - ► Informatik (ethymologisch)
- Einheit 3: Alphabete, Abbildungen, Aussagenlogik
 - Alphabete
 - Relationen, Funktionen
 - Aussagenlogik

Grundbegriffe der Informatik Einheit 1: Prolog

Prof. Dr. Tanja Schultz

Karlsruher Institut für Technologie, Fakultät für Informatik

Wintersemester 2011/2012

Einleitendes

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirn

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersagen

Ziele der Vorlesung

Literatur

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datum

Inhalt 21/46

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirr

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersagen

Ziele der Vorlesung

Literatur

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datum

Vorhersagen 22/46

Vorhersagen . . .

- "Vorhersagen sind schwierig, besonders wenn sie die Zukunft betreffen." (Mark Twain ?)
- 1943: "I think there is a world market for maybe five computers." (Thomas Watson, IBM)
- 1949: "Computers in the future may weigh no more than 1.5 tons." (Popular Mechanics)
- 1977: "There is no reason for any individual to have a computer in their home." (Ken Olson, DEC)
- 1981: "640K ought to be enough for anybody." (Bill Gates, Microsoft, bestreitet den Ausspruch)
- 2000: Es wurden mehr PCs als Fernseher verkauft.

Was wird am Ende Ihres Studiums der Fall sein?

Vorhersagen 23/46

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirr

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersager

Ziele der Vorlesung

Literatur

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datum

Ziele der Vorlesung "Grundbegriffe der Informatik"

- Nomen est omen: wichtige Begriffe und Konzepte der Informatik
 - ► Graphen
 - endliche Automaten
 - Algorithmus
 - Berechnungskomplexität
- unverzichtbare Begriffe und Konzepte aus der Mathematik
- wichtige Vorgehensweisen bei Definitionen und Beweisen:
 - induktives Vorgehen
 - Rekursion und Fixpunkte
- eher implizit:
 - präzises Formulieren und Argumentieren
 - Formalismen als Hilfsmittel, um präzise und gleichzeitig verständlich (!) zu formulieren,
 - ▶ und mehr . . .
- ▶ dass Sie das alles nicht nur wissen, sondern auch können

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirr

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersagen

Ziele der Vorlesung

Literatur

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datum

Literatur 26/46

Literatur

- Thomas Worsch (2011). Skript zur Vorlesung Grundbegriffe der Informatik. Wintersemester 2010/2011, Fakultät für Informatik, KIT. Download als pdf-Datei von http://gbi.ira.uka.de
- Sebastian Abeck (2005).
 Kursbuch Informatik, Band 1.
 Universitätsverlag Karlsruhe.
- Gerhard Goos (2006). Vorlesungen über Informatik: Band 1: Grundlagen und funktionales Programmieren. Springer-Verlag.
- Manfred Spitzer (2002).
 Lernen: Gehirnforschung und Schule des Lebens.
 Spektrum Akademischer Verlag.

Literatur 27/46

Grundbegriffe der Informatik Einheit 2: Signale, Nachrichten, Informationen, Daten

Prof. Dr. Tanja Schultz

Karlsruher Institut für Technologie, Fakultät für Informatik

Wintersemester 2011/2012

Literatur 28/46

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirn

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersagen

Ziele der Vorlesung

Literatur

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datum

Inhalt 29/46

Kunstwort Informatik

Man nehme

- das Präfix Infor mation und
- ▶ das Suffix Mathe matik
- ▶ Was ist Information?
 - ▶ Darüber sprechen wir gleich.
- Was ist Mathematik?
 Was ist Informatik?
 Was ist Elektrotechnik?
 - Das werden Sie im Laufe der Jahre merken.
- ► Welches sind Grundbegriffe der Informatik?
 - ▶ Das werden Sie im Laufe dieser Vorlesung merken . . .

Inhalt 30/46

Kunstwort Informatik

Man nehme

- ▶ das Präfix Infor mation und
- das Suffix Mathe matik
- Was ist Information?
 - ► Darüber sprechen wir gleich.
- Was ist Mathematik? Was ist Informatik? Was ist Elektrotechnik? Wo sind die Grenzen?
 - Das werden Sie im Laufe der Jahre merken.
- Welches sind Grundbegriffe der Informatik?
 - Das werden Sie im Laufe dieser Vorlesung merken . . .

Inhalt 30/46

Was steht hier?

1000001

- schwarze und weiße Punkte?
- ► Eins Null Null Null Null Eins?
- Einemillioneneins?
- Siebenhundertdreißig?
- Fünfundsechzig?
- ein großes A?

Inhalt 31/46

1000001

- schwarze und weiße Punkte?
- ► Eins Null Null Null Null Eins?
- ► Einemillioneneins?
- Siebenhundertdreißig?
- ► Fünfundsechzig?
- ▶ ein großes A?

1000001

- schwarze und weiße Punkte?
- ► Eins Null Null Null Null Eins?
- Einemillioneneins?
- ► Siebenhundertdreißig?
- ► Fünfundsechzig?
- ▶ ein großes A?

1000001

- schwarze und weiße Punkte?
- Eins Null Null Null Null Null Eins?
- Einemillioneneins?
- Siebenhundertdreißig?
- ► Fünfundsechzig?
- ▶ ein großes A?

1000001

- schwarze und weiße Punkte?
- ► Eins Null Null Null Null Eins?
- Einemillioneneins?
- Siebenhundertdreißig?
- ► Fünfundsechzig?
- ▶ ein großes A?

1000001

- schwarze und weiße Punkte?
- ► Eins Null Null Null Null Eins?
- Einemillioneneins?
- Siebenhundertdreißig?
- Fünfundsechzig?
- ▶ ein großes A?

1000001

- schwarze und weiße Punkte?
- ► Eins Null Null Null Null Eins?
- Einemillioneneins?
- Siebenhundertdreißig?
- Fünfundsechzig?
- ▶ ein großes A?

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirr

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersager

Ziele der Vorlesung

Literatui

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datum

Signale 32/46

Veränderung physikalischer Größen

- ▶ Vorlesen: Schallwellen gelangen vom Vorleser zu Ihren Ohren.
- ▶ Lesen: Lichtwellen gelangen vom Papier in Ihr Auge.
- ► Ertasten: Braillezeile verformt die Haut Ihrer Finger.



Image:Refreshable_Braille_display.jpg Quelle: http://commons.wikimedia.org/wiki/

Signale 33/46

Signal

- Physikalische Vorgänge vermitteln im übertragenen oder wörtlichen Sinne einen "Eindruck" von dem, was mitgeteilt werden soll.
- ▶ Die Veränderung physikalischer Größen um etwas mitzuteilen nennt man ein *Signal*.
- Manchmal werden bei der Übermittlung einer Mitteilung verschiedene Signale benutzt.
- Beispiel 1000001 von vorhin: die Lichtwellen, die von der Leinwand zu Ihnen gerast sind

Signale 34/46

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirr

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersager

Ziele der Vorlesung

Literatu

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datun

Übertragung und Speicherung

- ▶ Wellen usw. bieten die Möglichkeit, eine Mitteilung von einem Ort zu einem anderen zu übertragen.
- ▶ Dabei vergeht (jedenfalls im Alltag) immer auch Zeit.
- andere "Transportmöglichkeit": Speicherung der Mitteilung als Inschrift
 - ▶ Papier und Stift
 - ► Höhle und Pinsel
 - magnetisierbare Scheibe und Magnet
- ► Aber was wird denn übertragen bzw. gespeichert?
 - ▶ keine Signale auf dem Papier
 - verschiedene Inschriften mit "den gleichen Zeichen"
- Was ist der Kern dessen, "was da steht"?
 - Um den zu finden, muss man abstrahieren.

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirr

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersagen

Ziele der Vorlesung

Literatur

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datum

Nachricht 37/46

Nachrichten

- Man kann etwas (immer Gleiches) auf verschiedene Arten, d.h.
 - mit Hilfe verschiedener Signale übertragen und
 - auf verschiedene Weisen speichern.
- Das Wesentliche, das übrig bleibt, wenn man z.B. von verschiedenen Medien für die Signalübertragung oder Speicherung absieht, nennt man eine Nachricht.
- ▶ Beispiel 1000001 von vorhin:

Eins Null Null Null Null Eins

Nachricht 38/46

Was kann man mit Nachrichten machen?

- übertragen
- speichern
- verarbeiten

Nachricht 39/46

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirr

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersagen

Ziele der Vorlesung

Literatur

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datum

Information 40/46

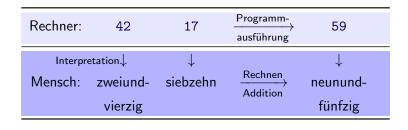
Information

- Nachrichten übertragt man nicht um ihrer selbst willen (normalerweise)
- ▶ Üblicherweise kann man Nachrichten *interpretieren* und ihnen eine *Bedeutung* zuzuordnen.
- ▶ Das ist eine einer Nachricht zugeordnete sogenannte Information.
- Achtung:
 - ▶ Interpretation einer Nachricht ist nicht eindeutig festgelegt
 - hängt ab vom "Bezugssystem" des Interpretierenden
 - Beispiel 1000001 von vorhin:
 - einemillioneins
 - fünfundsechzig
 - großes A

Information 41/46

Information: im Rechner?

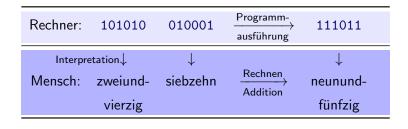
- ► Rechner haben "keine Ahnung" von Interpretationen (?)
- verarbeiten also Nachrichten und keine Informationen
- trotzdem sind Rechneraktionen sinnvoll
- Die Transformation von Eingabe- zu Ausgabe-Nachrichten passt bei einer festgelegten Interpretation zur beabsichtigten Informationsverarbeitung:



Information 42/46

Information: im Rechner?

- ▶ Rechner haben "keine Ahnung" von Interpretationen (?)
- verarbeiten also Nachrichten und keine Informationen
- trotzdem sind Rechneraktionen sinnvoll
- ▶ Die Transformation von Eingabe- zu Ausgabe-Nachrichten passt bei einer festgelegten Interpretation zur beabsichtigten Informationsverarbeitung:



Information 43/46

Organisatorisches

Wenn Sie Hilfe brauchen, ...

Einteilung in Tutorien

Alles zum Modul Grundbegriffe der Informatik

Das Gehirr

Überblick über den Rest der heutigen Vorlesung

Vorhersagen

Ziele der Vorlesung

Literatui

Signale

Übertragung und Speicherung

Nachricht

Information

Datum

Datum 44/46

Datum

- umgangssprachlich: Angabe eines ganz bestimmten Tages, z.B. "2. Dezember 1958".
- ▶ in der Informatik: Singular des Wortes "Daten".
- Datum: ein Paar, das aus einer Nachricht und einer zugehörigen Information besteht.
- ▶ Das Bezugssystem für die Interpretation ist also relevant.
- "Trick": wenn man
 - bestimmte Interpretationsmöglichkeiten von Nachrichten und
 - eine Repräsentation dieser Möglichkeiten als Nachrichten fixiert.

dann kann man auch ein Datum als Nachricht repräsentieren (d.h. speichern oder übertragen).

Datum 45/46

Was ist wichtig

Das sollten Sie mitnehmen:

- Rechner verarbeiten
 - Nachrichten
 - nicht Informationen

Das sollten Sie üben:

- immer unterscheiden zwischen
 - dem, was hingeschrieben ist, und
 - dem, was es bedeutet.

Datum 46/46

Grundbegriffe der Informatik

Einheit 3: Alphabete, Abbildungen, Aussagenlogik

Prof. Dr. Tanja Schultz

Karlsruher Institut für Technologie, Fakultät für Informatik

Wintersemester 2011/2012

Alphabete ASCII Unicode

Relationen und Funktionen

Logisches

Jean-François Champollion



J.-F. Champollion 1790 – 1832



Rosetta-Stein 196 v. Chr.

Lieferte wesentliche Beiträge zur Entzifferung der ägyptischen Hieroglyphen (der Rosetta-Stein enthält denselben Text in drei verschiedenen Schriftsystemen, nämlich in Hieroglyphen, in demotischer Schrift und in griechischen Großbuchstaben)
Bildquellen: http://en.wikipedia.org/wiki/Image:Jean-Francois_Champollion_2.jpg

Alphabete ASCII Unicode

Relationen und Funktioner

Logisches

Alphabete 4

Alphabete

- Ein Alphabet ist eine endliche nichtleere Menge sogenannter Zeichen oder Symbole.
- ▶ Was ist ein "Zeichen"?
 - Wir tun so, als wüssten wir das:
 - elementare Bausteine, aus denen Inschriften zusammengesetzt sind
- Beispiele:
 - ► *A* = {|}
 - ▶ $A = \{a, b, c\}$
 - $A = \{0, 1\}$
 - ▶ Manchmal erfindet man auch Zeichen: $A = \{1, 0, T\}$
 - $A = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F\}$
- ► Gelegentlich etwas abstrakterer Standpunkt: Jeder der folgenden "Kästen" soll jeweils *ein* Zeichen eines gewissen Alphabetes sein: [int] [adams] = 42 ;

Alphabete 5/30

Alphabete ASCII

Relationen und Funktioner

Logisches

Alphabete ASCII 6/30

ASCII-Zeichensatz

- ► ASCII: American Standard Code for Information Interchange.
- umfasst insbesondere eine Liste von 94 "druckbaren" und einem "unsichtbaren" Zeichen
- es fehlen Buchstaben aus "nicht-englischen" Alphabeten,
 z.B. ä, ü, ß, ç, è, ğ, ñ, œ, ů usw.,
 (von Kyrillisch, Chinesischen Hanzi, ... ganz zu schweigen).

Alphabete ASCII 7/30

ASCII-Zeichensatz

- ▶ Jedes "druckbare" Zeichen hat eine Nummer aus dem Bereich der natürlichen Zahlen zwischen 32 und 126.
- ▶ Beachte: das "Leerzeichen" ⊔

		40	(50	2	60	<	70	F
		41)	51	3	61	=	71	G
32	ш	42	*	52	4	62	>	72	H
33	. !	43	+	53	5	63	?	73	I
34		44	,	54	6	64	0	74	J
35	#	45	-	55	7	65	Α	75	K
:									:
84	T	94	^	104	h	114	r	124	- 1
85	U	95	_	105	i	115	s	125	}
86	V	96	•	106	j	116	t	126	~
87	W	97	a	107	k	117	u		
88	X	98	b	108	1	118	v		
89	Y	99	С	109	m	119	W		

Alphabete ASCII 8/30

Emails

syntaktischer Aufbau spezifiziert in "Request for Comments" (RFC) 2822

http://tools.ietf.org/html/rfc2822

- ▶ Nur die Zeichen des ASCII-Zeichensatzes sind erlaubt.
- Was ist mit Umlauten oder anderen Zeichen, die keine ASCII-Zeichen sind?
- ▶ Wie das geht, werden wir in dem Kapitel über Codierungen sehen . . .

Alphabete ASCII 9/30

Emails

syntaktischer Aufbau spezifiziert in "Request for Comments" (RFC) 2822

http://tools.ietf.org/html/rfc2822

- ▶ Nur die Zeichen des ASCII-Zeichensatzes sind erlaubt.
- Was ist mit Umlauten oder anderen Zeichen, die keine ASCII-Zeichen sind?
- ▶ Wie das geht, werden wir in dem Kapitel über Codierungen sehen . . .

Alphabete ASCII 9/30

Alphabete ASCII Unicode

Relationen und Funktioner

Logisches

Alphabete Unicode 10/30

Unicode

- ▶ Unicode: http://www.unicode.org
- Der Unicode-Standard definiert viele Dinge
- ▶ im Zentrum: ein *sehr großes* Alphabet
 - rund 100 000 Zeichen
 - siehe http://www.unicode.org/charts/
- weitere Aspekte:
 - ▶ Jedes Zeichen hat einen Namen. Z.B. "LATIN SMALL LETTER C WITH CEDILLA" für ç
 - Es existiert eine Zuordnung von Groß- zu Kleinbuchstaben und umgekehrt
 - Sortierreihenfolge von Buchstaben
 (im Schwedischen: ö nach z, im Deutschen: ö vor z)
 - und vieles mehr . . .

Alphabete Unicode 11/30

Unicode: Code Points

- Es wird ein Alphabet A_U festgelegt, und
- eine Nummerierung dieser Zeichen Jedenfalls in einem gewissen Sinne:
 - ▶ Jedem Zeichen aus *A*^U ist eine nichtnegative ganze Zahl zugeordnet, der *Code Point* des Zeichens.
 - Die Liste der benutzten Code Points ist aber nicht "zusammenhängend".
- Es liegt eine Beziehung zwischen Unicode-Zeichen und nichtnegativen ganzen Zahlen vor.
- Man spricht von einer Relation.
- Womit wir bei ein bisschen Mathematik wären . . .

Alphabete Unicode 12/30

Alphabete ASCII Unicode

Relationen und Funktionen

Logisches

Relationen

- ▶ Wie kann man die Beziehung zwischen Unicode-Zeichen in A_U und nichtnegativen ganzen Zahlen beschreiben?
- ▶ Z. B. durch die Angabe aller Paare (a, n), für die $a \in A_U$ ist und n der zu a gehörenden Code Point
- ▶ Für die Menge U aller dieser Paare gilt: $U \subseteq A_U \times \mathbb{N}_0$. (\subseteq "Teilmenge")
- ▶ kartesisches Produkt $A \times B$ der Mengen A und B: Das ist die Menge aller Paare (a, b) mit $a \in A$ und $b \in B$:

$$A \times B = \{(a, b) \mid a \in A \text{ und } b \in B\}$$

- ▶ Eine Teilmenge $R \subseteq A \times B$ heißt auch eine *Relation* oder genauer *binäre Relation* von A in B.
- ► Beispiele:

$$(A, 65) \in U$$
 aber $(B, 4711) \notin U$

Abbildungen als spezielle Relationen

Die Unicoderelation $U\subseteq A_U\times\mathbb{N}_0$ hat zusätzliche "schöne" Eigenschaften:

- ▶ Für jedes Zeichen $a \in A_U$ existiert (mindestens) ein $n \in \mathbb{N}_0$ mit $(a, n) \in U$. $R \subseteq A \times B$ heißt *linkstotal*, wenn für jedes $a \in A$ ein $b \in B$ existiert mit $(a, b) \in R$.
- Für kein Zeichen $a \in A_U$ gibt es mehrere $n \in \mathbb{N}_0$ mit der Eigenschaft $(a, n) \in U$. $R \subseteq A \times B$ heißt *rechtseindeutig*, wenn es für kein $a \in A$ zwei $b_1 \in B$ und $b_2 \in B$ mit $b_1 \neq b_2$ gibt, so dass sowohl $(a, b_1) \in R$ als auch $(a, b_2) \in R$ ist.
- Relationen, die linkstotal und rechtseindeutig sind, heißen Abbildungen oder Funktionen. Schreibweise R : A → B.
- ► Gelegentlich (in einem der letzten Kapitel) betrachtet man partielle Funktionen: man verzichtet auf die Linkstotalität und fordert nur Rechtseindeutigkeit.

Spezielle (Relationen und) Abbildungen

▶ Bei Unicode gibt es keine zwei verschiedene Zeichen a_1 und a_2 , denen der gleiche Code Point zugeordnet ist. $R \subseteq A \times B$ heißt *linkseindeutig*, wenn für alle $(a_1, b_1) \in R$ und alle $(a_2, b_2) \in R$ gilt:

wenn
$$a_1 \neq a_2$$
, dann $b_1 \neq b_2$.

- Eine Abbildung, die linkseindeutig ist, heißt injektiv.
- ▶ $R \subseteq A \times B$ heißt *rechtstotal*, wenn für jedes $b \in B$ ein $a \in A$ existiert, für das $(a, b) \in R$ ist.
- Eine Abbildung, die rechtstotal ist, heißt surjektiv.
- Eine Abbildung, die sowohl injektiv als auch surjektiv ist, heißt bijektiv.

Spezielle Abbildungen

Beachte

 $(\mathbb{R}_0^+$ sei die Menge der nicht negativen reellen Zahlen)

- ▶ Um die Injektivität ("Linkseindeutigkeit") einer Abbildung $f: A \rightarrow B$ beurteilen zu können, muss man A kennen:
 - $f: \mathbb{R}^+_0 \to \mathbb{R}^+_0: x \mapsto x^2$ ist injektiv, aber
 - ▶ $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}_0^+: x \mapsto x^2$ ist nicht injektiv (Beispiel: $a_1 = -1$ und $a_2 = +1$ aber $b_1 = b_2 = 1$)
- ▶ Um die Surjektivität ("Rechtstotalität") einer Abbildung $f: A \rightarrow B$ beurteilen zu können, muss man B kennen:
 - $f: \mathbb{R}_0^+ \to \mathbb{R}_0^+: x \mapsto x^2$ ist surjektiv, aber
 - $f: \mathbb{R}_0^+ \to \mathbb{R}: x \mapsto x^2$ ist nicht surjektiv (Beispiel: b = -1)
- generell: Zu einer Abbildung gehört nicht nur die Abbildungsvorschrift, sondern auch
 - ▶ der Definitionsbereich A und
 - ▶ der Zielbereich B

Überblick

Alphabete ASCII Unicode

Relationen und Funktioner

Logisches

Aussagen

- ▶ "Die Abbildung $U: A_U \to \mathbb{N}_0$ ist injektiv." Das ist eine Aussage. Sie ist wahr.
- ▶ "Die Abbildung $U: A_U \to \mathbb{N}_0$ ist surjektiv." Das ist auch eine Aussage. Sie ist falsch.
- Aussagen sind Sätze, die "objektiv" wahr oder falsch sind.
 Dazu braucht man eine Interpretation der Zeichen, aus denen die zu Grunde liegende Nachricht zusammengesetzt ist.
- ▶ Wir bauen ganz massiv darauf, dass es keine Missverständnisse durch unterschiedliche Interpretationsmöglichkeiten gibt. Was ist N? Enthält es die 0?
- Manche umgangssprachlichen Sätze sind nicht wahr oder falsch, sondern sinnlos:

"Ein Barbier ist ein Mann, der genau die Männer rasiert, die sich nicht selbst rasieren."

Rasiert sich ein Barbier selbst ...?

Aussagen

Häufig setzt man aus einfachen Aussagen (\mathcal{A} und \mathcal{B}) kompliziertere Aussagen auf eine der folgenden Arten zusammen:

logische Negation: "Nicht \mathcal{A} " kurz $\neg \mathcal{A}$.

logisches Und: " \mathcal{A} und \mathcal{B} " kurz $\mathcal{A} \wedge \mathcal{B}$.

logisches Oder: " \mathcal{A} oder \mathcal{B} " kurz $\mathcal{A} \vee \mathcal{B}$.

logische Implikation: "Wenn \mathcal{A} , dann \mathcal{B} " kurz $\mathcal{A} \Rightarrow \mathcal{B}$.

- ▶ Ob eine so zusammengesetzte Aussage wahr oder falsch ist, hängt dabei *nicht* vom konkreten Inhalt der Aussagen ab!
- Wesentlich ist nur, welche Wahrheitswerte die Aussagen A und B haben.

- aussagenlogische Formel
 - nach obigen Regeln zusammengesetzt und
 - statt elementarer Aussagen einfach Aussagevariablen,
 - ▶ die als Werte "wahr" oder "falsch" annehmen können.

Α	В	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \Rightarrow B$
falsch	falsch	wahr	falsch	falsch	wahr
falsch	wahr	wahr	falsch	wahr	wahr
wahr	falsch	falsch	falsch	wahr	falsch
wahr	wahr	falsch	wahr	wahr	wahr

- aussagenlogische Formel
 - ▶ nach obigen Regeln zusammengesetzt und
 - statt elementarer Aussagen einfach Aussagevariablen,
 - ▶ die als Werte "wahr" oder "falsch" annehmen können.

Α	В	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \Rightarrow B$
falsch	falsch	wahr	falsch	falsch	wahr
falsch	wahr	wahr	falsch	wahr	wahr
wahr	falsch	falsch	falsch	wahr	falsch
wahr	wahr	falsch	wahr	wahr	wahr

- aussagenlogische Formel
 - nach obigen Regeln zusammengesetzt und
 - statt elementarer Aussagen einfach Aussagevariablen,
 - ▶ die als Werte "wahr" oder "falsch" annehmen können.

Α	В	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \Rightarrow B$
falsch	falsch	wahr	falsch	falsch	wahr
falsch	wahr	wahr	falsch	wahr	wahr
wahr	falsch	falsch	falsch	wahr	falsch
wahr	wahr	falsch	wahr	wahr	wahr

- aussagenlogische Formel
 - nach obigen Regeln zusammengesetzt und
 - statt elementarer Aussagen einfach Aussagevariablen,
 - ▶ die als Werte "wahr" oder "falsch" annehmen können.

Α	В	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \Rightarrow B$
falsch	falsch	wahr	falsch	falsch	wahr
falsch	wahr	wahr	falsch	wahr	wahr
wahr	falsch	falsch	falsch	wahr	falsch
wahr	wahr	falsch	wahr	wahr	wahr

- aussagenlogische Formel
 - nach obigen Regeln zusammengesetzt und
 - statt elementarer Aussagen einfach Aussagevariablen,
 - ▶ die als Werte "wahr" oder "falsch" annehmen können.

Α	В	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \Rightarrow B$
falsch	falsch	wahr	falsch	falsch	wahr
falsch	wahr	wahr	falsch	wahr	wahr
wahr	falsch	falsch	falsch	wahr	falsch
wahr	wahr	falsch	wahr	wahr	wahr

Aussagenlogische Formeln

- Das "Logische Oder" ∨ ist "inklusiv" (und nicht "exklusiv"): Wenn A und B beide wahr sind, dann auch A ∨ B.
- ► Man kann für komplizierte Aussagen anhand der Tabellen "ausrechnen", wann sie wahr und wann sie falsch sind.
 - einfaches Rechnen bzw. scharfes Hinsehen: die Aussagen $\neg(A \lor B)$ und $(\neg A) \land (\neg B)$ immer gleichzeitig wahr bzw. falsch sind.
 - ► Gleiches gilt für ¬ ¬A und A.
 - Solche Aussagen nennt man äquivalent.

A	В	$\neg A$	$\neg B$	$\neg (A \lor B)$	$(\neg A) \wedge (\neg B)$
falsch	falsch	wahr	wahr		
falsch	wahr	wahr	falsch		
wahr	falsch	falsch	wahr		
wahr	wahr	falsch	falsch		

Bindungsstärke von \neg , \land , \lor und \Rightarrow

► Um Klammern zu sparen, legt man z.B. in der Arithmetik Vorrangregeln fest:

$$x \cdot y + z$$
 bedeutet $(x \cdot y) + z$

Analog in der Aussagenlogik:

Was soll
$$\neg A \land B \lor C \Rightarrow D$$
 bedeuten?

- wir vereinbaren:
 - ▶ ¬ bindet am stärksten
 - ▶ ∧ bindet weniger stark
 - ▶ ∨ bindet noch schwächer
 - ▶ ⇒ bindet am schwächster

Bindungsstärke von \neg , \land , \lor und \Rightarrow

► Um Klammern zu sparen, legt man z.B. in der Arithmetik Vorrangregeln fest:

$$x \cdot y + z$$
 bedeutet $(x \cdot y) + z$

Analog in der Aussagenlogik:

Was soll
$$\neg A \land B \lor C \Rightarrow D$$
 bedeuten? das $(((\neg A) \land B) \lor C) \Rightarrow D$

- wir vereinbaren:
 - ▶ ¬ bindet am stärksten
 - ▶ ∧ bindet weniger stark
 - ▶ ∨ bindet noch schwächer
 - ▶ ⇒ bindet am schwächsten

- ▶ Beobachtung: Bei $A \land B$ und $A \lor B$ hängt der Wahrheitswert der ganzen Formel
 - ▶ nur von den Wahrheitswerten von A und B ab, und
 - ▶ nicht davon, worum es in den Aussagen A und B geht.
- ▶ Ziel: Für die logische Implikation $A \Rightarrow B$ wollen wir das auch
- ▶ Der Wahrheitswert von $A \Rightarrow B$ ("wenn A, dann B") soll nur von den Wahrheitswerten von A und B abhängen!
- relativ unstrittig (?) ist, was sein soll, wenn A wahr ist:
 - wenn A wahr ist und B falsch, dann soll $A \Rightarrow B$ falsch sein
 - wenn A und B wahr sind, dann soll auch $A \Rightarrow B$ wahr sein

Α	В	$A \Rightarrow B$
falsch	falsch	
falsch	wahr	
wahr	falsch	falsch
wahr	wahr	wahr

- ► Um die restlichen Beiden Fälle der logischen Implikation A ⇒ B zu klären, nähern wir uns aus einem anderen Blickwinkel:
 - ▶ Was ist denn das "Gegenteil" von $A \Rightarrow B$?
 - ▶ Doch wohl $A \land \neg B$.
 - ▶ Also ist $A \Rightarrow B$ äquivalent zu $\neg(A \land \neg B)$
 - ▶ Das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor (\neg \neg B)$ und
 - ▶ das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor B$.

A	В	$A \wedge \neg B$	$A \Rightarrow B$
falsch	falsch	falsch	wahr
falsch	wahr	falsch	wahr
wahr	falsch	wahr	falsch
wahr	wahr	falsch	wahr

- ► Auswirkung auf Beweise
 - ▶ Man muss nur etwas tun wenn A wahr ist

- ► Um die restlichen Beiden Fälle der logischen Implikation A ⇒ B zu klären, nähern wir uns aus einem anderen Blickwinkel:
 - ▶ Was ist denn das "Gegenteil" von $A \Rightarrow B$?
 - ▶ Doch wohl $A \land \neg B$.
 - ▶ Also ist $A \Rightarrow B$ äquivalent zu $\neg(A \land \neg B)$
 - ▶ Das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor (\neg \neg B)$ und
 - ▶ das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor B$.

A	В	$A \wedge \neg B$	$A \Rightarrow B$
falsch	falsch	falsch	wahr
falsch	wahr	falsch	wahr
wahr	falsch	wahr	falsch
wahr	wahr	falsch	wahr

- ► Auswirkung auf Beweise
 - ▶ Man muss nur etwas tun wenn A wahr ist

- ► Um die restlichen Beiden Fälle der logischen Implikation A ⇒ B zu klären, nähern wir uns aus einem anderen Blickwinkel:
 - ▶ Was ist denn das "Gegenteil" von $A \Rightarrow B$?
 - ▶ Doch wohl $A \land \neg B$.
 - ▶ Also ist $A \Rightarrow B$ äquivalent zu $\neg(A \land \neg B)$
 - ▶ Das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor (\neg \neg B)$ und
 - ▶ das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor B$.

A	В	$A \wedge \neg B$	$A \Rightarrow B$
falsch	falsch	falsch	wahr
falsch	wahr	falsch	wahr
wahr	falsch	wahr	falsch
wahr	wahr	falsch	wahr

- Auswirkung auf Beweise
 - ► Man muss nur etwas tun wenn A wahr ist

- ► Um die restlichen Beiden Fälle der logischen Implikation A ⇒ B zu klären, nähern wir uns aus einem anderen Blickwinkel:
 - ▶ Was ist denn das "Gegenteil" von $A \Rightarrow B$?
 - ▶ Doch wohl $A \land \neg B$.
 - ▶ Also ist $A \Rightarrow B$ äquivalent zu $\neg(A \land \neg B)$
 - ▶ Das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor (\neg \neg B)$ und
 - ▶ das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor B$.

A	В	$A \wedge \neg B$	$A \Rightarrow B$
falsch	falsch	falsch	wahr
falsch	wahr	falsch	wahr
wahr	falsch	wahr	falsch
wahr	wahr	falsch	wahr

- Auswirkung auf Beweise
 - ▶ Man muss nur etwas tun wenn A wahr ist

- ► Um die restlichen Beiden Fälle der logischen Implikation A ⇒ B zu klären, nähern wir uns aus einem anderen Blickwinkel:
 - ▶ Was ist denn das "Gegenteil" von $A \Rightarrow B$?
 - ▶ Doch wohl $A \land \neg B$.
 - ▶ Also ist $A \Rightarrow B$ äquivalent zu $\neg(A \land \neg B)$
 - ▶ Das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor (\neg \neg B)$ und
 - ▶ das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor B$.

A	В	$A \wedge \neg B$	$A \Rightarrow B$
	falsch	falsch	wahr
falsch		falsch	wahr
	falsch	wahr	falsch
wahr	wahr	falsch	wahr

- Auswirkung auf Beweise
 - ▶ Man muss nur etwas tun wenn A wahr ist

- ► Um die restlichen Beiden Fälle der logischen Implikation A ⇒ B zu klären, nähern wir uns aus einem anderen Blickwinkel:
 - ▶ Was ist denn das "Gegenteil" von $A \Rightarrow B$?
 - ▶ Doch wohl $A \land \neg B$.
 - ▶ Also ist $A \Rightarrow B$ äquivalent zu $\neg(A \land \neg B)$
 - ▶ Das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor (\neg \neg B)$ und
 - ▶ das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor B$.

Α	В	$A \wedge \neg B$	$A \Rightarrow B$
falsch	falsch	falsch	wahr
falsch	wahr	falsch	wahr
wahr	falsch	wahr	falsch
wahr	wahr	falsch	wahr

Auswirkung auf Beweise

Man muss nur etwas tun, wenn A wahr ist.

- ► Um die restlichen Beiden Fälle der logischen Implikation A ⇒ B zu klären, nähern wir uns aus einem anderen Blickwinkel:
 - ▶ Was ist denn das "Gegenteil" von $A \Rightarrow B$?
 - ▶ Doch wohl $A \land \neg B$.
 - ▶ Also ist $A \Rightarrow B$ äquivalent zu $\neg(A \land \neg B)$
 - ▶ Das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor (\neg \neg B)$ und
 - ▶ das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor B$.

Α	В	$A \wedge \neg B$	$A \Rightarrow B$
falsch	falsch	falsch	wahr
falsch	wahr	falsch	wahr
wahr	falsch	wahr	falsch
wahr	wahr	falsch	wahr

- Auswirkung auf Beweise
 - ▶ Man muss nur etwas tun, wenn A wahr ist.

- ► Um die restlichen Beiden Fälle der logischen Implikation A ⇒ B zu klären, nähern wir uns aus einem anderen Blickwinkel:
 - ▶ Was ist denn das "Gegenteil" von $A \Rightarrow B$?
 - ▶ Doch wohl $A \land \neg B$.
 - ▶ Also ist $A \Rightarrow B$ äquivalent zu $\neg(A \land \neg B)$
 - ▶ Das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor (\neg \neg B)$ und
 - ▶ das ist äquivalent zu $(\neg A) \lor B$.

Α	В	$A \wedge \neg B$	$A \Rightarrow B$
falsch	falsch	falsch	wahr
falsch	wahr	falsch	wahr
wahr	falsch	wahr	falsch
wahr	wahr	falsch	wahr

- ► Auswirkung auf Beweise
 - ▶ Man muss nur etwas tun, wenn A wahr ist.

Allquantor und Existenzquantor

► Eine nützliche Notation aus der *Prädikatenlogik*:

Existenzquantor \exists

In der puren Form hat eine quantifizierte Aussage eine der Formen

$$\forall x \ A(x)$$
 oder $\exists x \ A(x)$

- ▶ Dabei soll A(x) eine Aussage sein, die von einer Variablen x abhängt (oder jedenfalls abhängen kann). A kann weitere Quantoren enthalten.
- $\forall x \ A(x)$ ist zu lesen als: "Für alle x gilt: A(x)".
- ▶ $\exists x \ A(x)$ ist zu lesen als: "Es gibt ein x mit: A(x)".
- Zum Beispiel:

$$\forall x \ (x \in \mathbb{N}_0 \Rightarrow \exists y \ (y \in \mathbb{N}_0 \land y = x+1))$$

Allquantor und Existenzquantor (2)

noch mal dieses Beispiel:

$$\forall x \ (x \in \mathbb{N}_0 \Rightarrow \exists y \ (y \in \mathbb{N}_0 \land y = x + 1))$$

- ▶ Das hat man oft: Eine Aussage gilt nicht für alle x, sondern nur für alle x aus einer gewissen (Teil-)Menge M.
- Abkürzung: Statt

$$\forall x \ (x \in M \Rightarrow B(x))$$

schreibt man einfach

$$\forall x \in M : B(x)$$

- Doppelpunkt sinnvoll, wenn Lesbarkeit dadurch verbessert
- ► Obiges Beispiel wird zu:

$$\forall x \in \mathbb{N}_0 : \exists y \in \mathbb{N}_0 : y = x + 1$$

$$\exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : x \leq y \qquad \text{ist wahr}$$

$$\exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist falsch}$$

$$\neg \exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist wahr}$$

$$\forall x \in \mathbb{N}_0 : \neg \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist wahr}$$

$$\forall x \in \mathbb{N}_0 : \exists y \in \mathbb{N}_0 : \neg (y \leq x) \qquad \text{ist wahr}$$

$$\forall x \in \mathbb{N}_0 : \exists y \in \mathbb{N}_0 : y > x \qquad \text{ist wahr}$$

$$\exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : x \leq y \qquad \text{ist wahr}$$

$$\exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist falsch}$$

$$\neg \exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist wahr}$$

$$\forall x \in \mathbb{N}_0 : \neg \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist wahr}$$

$$\forall x \in \mathbb{N}_0 : \exists y \in \mathbb{N}_0 : \neg (y \leq x) \qquad \text{ist wahr}$$

$$\forall x \in \mathbb{N}_0 : \exists y \in \mathbb{N}_0 : y > x \qquad \text{ist wahr}$$

```
\exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : x \leq y \qquad \text{ist wahr}
\exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist falsch}
\neg \exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist wahr}
\forall x \in \mathbb{N}_0 : \neg \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist wahr}
\forall x \in \mathbb{N}_0 : \exists y \in \mathbb{N}_0 : \neg (y \leq x) \qquad \text{ist wahr}
\forall x \in \mathbb{N}_0 : \exists y \in \mathbb{N}_0 : y > x \qquad \text{ist wahr}
```

```
\exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : x \leq y ist wahr \exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x ist falsch \neg \exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x ist wahr \forall x \in \mathbb{N}_0 : \neg \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x ist wahr \forall x \in \mathbb{N}_0 : \exists y \in \mathbb{N}_0 : \neg (y \leq x) ist wahr \forall x \in \mathbb{N}_0 : \exists y \in \mathbb{N}_0 : y > x ist wahr ist wahr
```

```
\exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : x \leq y \qquad \text{ist wahr}
\exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist falsch}
\neg \exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist wahr}
\forall x \in \mathbb{N}_0 : \neg \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist wahr}
\forall x \in \mathbb{N}_0 : \exists y \in \mathbb{N}_0 : \neg (y \leq x) \qquad \text{ist wahr}
\forall x \in \mathbb{N}_0 : \exists y \in \mathbb{N}_0 : y > x \qquad \text{ist wahr}
```

```
\exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : x \leq y \qquad \text{ist wahr}
\exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist falsch}
\neg \exists x \in \mathbb{N}_0 : \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist wahr}
\forall x \in \mathbb{N}_0 : \neg \forall y \in \mathbb{N}_0 : y \leq x \qquad \text{ist wahr}
\forall x \in \mathbb{N}_0 : \exists y \in \mathbb{N}_0 : \neg (y \leq x) \qquad \text{ist wahr}
\forall x \in \mathbb{N}_0 : \exists y \in \mathbb{N}_0 : y > x \qquad \text{ist wahr}
```

Bindungsstärke von Quantoren

Vereinbarung: die Quantoren binden schwächer als die binären aussagenlogischen Operatoren.

Also bedeutet

$$\forall x \in M : A(x) \Rightarrow B(x)$$

das gleiche wie

$$\forall x \in M: (A(x) \Rightarrow B(x))$$

Was ist wichtig

Das sollten Sie mitnehmen:

- ► Alphabete
 - ASCII und Unicode sind wichtige Beispiele
- binäre Relationen
- Abbildungen
 - ► Spezialfälle: injektiv, surjektiv, bijektiv, partiell
- Aussagenlogik
- Existenz- und Allquantor

Das sollten Sie üben:

- Benutzung der Begriffe Alphabet, Relation, Abbildung
- Hinschreiben logischer Formeln
- ▶ Umgang mit ⇒

Logisches 30/30