

Grundbegriffe der Informatik - Tutorium 21

Christian Jülg
Wintersemester 2012/13
27. November 2012

<http://gbi-tutor.blogspot.com>

Beispiel: C

Aufgabenblatt 5

Aufgabenblatt 6

Relationen

Reflexiv-transitive Hülle

Zahlensysteme

Alphabete

Einschub

Homomorphismen

Graphen

Huffman-Codes

Abschluss

Beispiel: C

Aufgabenblatt 5

Aufgabenblatt 6

Relationen

Reflexiv-transitive Hülle

Zahlensysteme

Alphabete

Einschub

Homomorphismen

Graphen

Huffman-Codes

Abschluss

Addition

Mithilfe der BNF bzw. EBNF, einer erweiterten Schreibweise von Kontextfreien Grammatiken lässt sich z.B. die Syntax von Programmiersprachen darstellen.

Addition Syntax

Syntax Diagrams



BNF

additive-expression

$::= \langle \text{additive-expression} \rangle \langle \text{additive-operator} \rangle \langle \text{multiplicative-expression} \rangle$

$::= \langle \text{multiplicative-expression} \rangle$

EBNF

additive-expression

$::= \langle \text{multiplicative-expression} \rangle (\langle \text{additive-operator} \rangle \langle \text{multiplicative-expression} \rangle)^*$

Form

additive-operator

$\rightarrow \text{addition-operator} \mid \text{subtraction-operator}$

addition-operator

$\rightarrow +$

subtraction-operator

$\rightarrow -$

Beispiel: C

Aufgabenblatt 5

Aufgabenblatt 6

Relationen

Reflexiv-transitive Hülle

Zahlensysteme

Alphabete

Einschub

Homomorphismen

Graphen

Huffman-Codes

Abschluss

Blatt 5

- Abgaben: 17 / 19
- Punkte: Durchschnitt 9,1 von 21

häufige Fehler...

5.4: achtet auf Paare und Mengennotation, lassen sich nicht beliebig mischen

Beispiel: C

Aufgabenblatt 5

Aufgabenblatt 6

Relationen

Reflexiv-transitive Hülle

Zahlensysteme

Alphabete

Einschub

Homomorphismen

Graphen

Huffman-Codes

Abschluss

Blatt 6

- Abgabe: 30.11.2012 um 12:30 Uhr im Untergeschoss des Infobaus
- Punkte: maximal 20

Themen

- Relationen
 - Konkatenation
 - Identität
- Homomorphismen
- Huffman-Codes

Beispiel: C

Aufgabenblatt 5

Aufgabenblatt 6

Relationen

Reflexiv-transitive Hülle

Zahlensysteme

Alphabete

Einschub

Homomorphismen

Graphen

Huffman-Codes

Abschluss

Relationen anschaulich

Durch Relationen werden Elemente einer oder mehrerer Mengen in Beziehung zueinander gesetzt:

- praktisch jede alltägliche Aussage enthält Relationen

Relationen anschaulich

Durch Relationen werden Elemente einer oder mehrerer Mengen in Beziehung zueinander gesetzt:

- praktisch jede alltägliche Aussage enthält Relationen
- Beispiel: 'Das Haus hat vier Außenwände'

Relationen anschaulich

Durch Relationen werden Elemente einer oder mehrerer Mengen in Beziehung zueinander gesetzt:

- praktisch jede alltägliche Aussage enthält Relationen
- Beispiel: 'Das Haus hat vier Außenwände'

Wozu brauchen wir das?

In der Informatik werden Relationen zur Modellierung von Systemen benötigt:

Relationen anschaulich

Durch Relationen werden Elemente einer oder mehrerer Mengen in Beziehung zueinander gesetzt:

- praktisch jede alltägliche Aussage enthält Relationen
- Beispiel: 'Das Haus hat vier Außenwände'

Wozu brauchen wir das?

In der Informatik werden Relationen zur Modellierung von Systemen benötigt:

- Relationen sind Grundlage der verschiedenen Diagramme der Unified Modeling Language

Relationen anschaulich

Durch Relationen werden Elemente einer oder mehrerer Mengen in Beziehung zueinander gesetzt:

- praktisch jede alltägliche Aussage enthält Relationen
- Beispiel: 'Das Haus hat vier Außenwände'

Wozu brauchen wir das?

In der Informatik werden Relationen zur Modellierung von Systemen benötigt:

- Relationen sind Grundlage der verschiedenen Diagramme der Unified Modeling Language
- die graphische Darstellung von Relationen ergibt Graphen

Definitionen - aus dem 1. Tutorium

- Das kartesische Produkt zweier Mengen ist definiert als
$$A \times B := \{(a, b) | a \in A, b \in B\}$$
- $R \subseteq A \times B$ heißt Relation

Definitionen - aus dem 1. Tutorium

- Das karthesische Produkt zweier Mengen ist definiert als
$$A \times B := \{(a, b) | a \in A, b \in B\}$$
- $R \subseteq A \times B$ heißt Relation

Definition

- Eine Relation R bezieht sich auf zwei Grundmengen M_1, M_2 und es gilt
$$R \subseteq M_1 \times M_2.$$

Definitionen - aus dem 1. Tutorium

- Das karthesische Produkt zweier Mengen ist definiert als
$$A \times B := \{(a, b) | a \in A, b \in B\}$$
- $R \subseteq A \times B$ heißt Relation

Definition

- Eine Relation R bezieht sich auf zwei Grundmengen M_1, M_2 und es gilt $R \subseteq M_1 \times M_2$.
- Eine Relation R heißt homogen, wenn $M_1 = M_2$ gilt.

Definition: Produkt

Sind $R \subseteq M_1 \times M_2$ und $S \subseteq M_2 \times M_3$ zwei Relationen, dann heißt

Definition: Produkt

Sind $R \subseteq M_1 \times M_2$ und $S \subseteq M_2 \times M_3$ zwei Relationen, dann heißt

- $S \circ R = \{(x, z) \in M_1 \times M_3 \mid \exists y \in M_2 : (x, y) \in R \wedge (y, z) \in S\}$ das
Produkt der Relationen S und R

Definition: Produkt

Sind $R \subseteq M_1 \times M_2$ und $S \subseteq M_2 \times M_3$ zwei Relationen, dann heißt

- $S \circ R = \{(x, z) \in M_1 \times M_3 \mid \exists y \in M_2 : (x, y) \in R \wedge (y, z) \in S\}$ das *Produkt der Relationen S und R*
- $Id_M = \{(x, x) \mid x \in M\}$ heißt die *identische Abbildung*

Definition: Produkt

Sind $R \subseteq M_1 \times M_2$ und $S \subseteq M_2 \times M_3$ zwei Relationen, dann heißt

- $S \circ R = \{(x, z) \in M_1 \times M_3 \mid \exists y \in M_2 : (x, y) \in R \wedge (y, z) \in S\}$ das *Produkt der Relationen S und R*
- $Id_M = \{(x, x) \mid x \in M\}$ heißt die *identische Abbildung*

Definition: Potenz

Sei $R \subseteq M \times M$ eine *binäre* Relation, dann heißt

- R^i die *i-te Potenz* von R und ist definiert als:

Definition: Produkt

Sind $R \subseteq M_1 \times M_2$ und $S \subseteq M_2 \times M_3$ zwei Relationen, dann heißt

- $S \circ R = \{(x, z) \in M_1 \times M_3 \mid \exists y \in M_2 : (x, y) \in R \wedge (y, z) \in S\}$ das *Produkt der Relationen S und R*
- $Id_M = \{(x, x) \mid x \in M\}$ heißt die *identische Abbildung*

Definition: Potenz

Sei $R \subseteq M \times M$ eine *binäre* Relation, dann heißt

- R^i die *i-te Potenz* von R und ist definiert als:
 - $R^0 = Id_M$

Definition: Produkt

Sind $R \subseteq M_1 \times M_2$ und $S \subseteq M_2 \times M_3$ zwei Relationen, dann heißt

- $S \circ R = \{(x, z) \in M_1 \times M_3 \mid \exists y \in M_2 : (x, y) \in R \wedge (y, z) \in S\}$ das *Produkt der Relationen S und R*
- $Id_M = \{(x, x) \mid x \in M\}$ heißt die *identische Abbildung*

Definition: Potenz

Sei $R \subseteq M \times M$ eine *binäre* Relation, dann heißt

- R^i die *i -te Potenz* von R und ist definiert als:
 - $R^0 = Id_M$
 - $\forall i \in \mathbb{N}_0 : R^{i+1} = R \circ R^i$

Beispiel: C

Aufgabenblatt 5

Aufgabenblatt 6

Relationen

Reflexiv-transitive Hülle

Zahlensysteme

Alphabete

Einschub

Homomorphismen

Graphen

Huffman-Codes

Abschluss

mögliche Attribute homogener Relationen

reflexiv xRx

transitiv Aus xRy und yRz folgt xRz

symmetrisch Aus xRy folgt yRx

mögliche Attribute homogener Relationen

reflexiv xRx

transitiv Aus xRy und yRz folgt xRz

symmetrisch Aus xRy folgt yRx

Gelten alle diese Eigenschaften, handelt es sich um eine Äquivalenzrelation.

mögliche Attribute homogener Relationen

reflexiv xRx

transitiv Aus xRy und yRz folgt xRz

symmetrisch Aus xRy folgt yRx

Gelten alle diese Eigenschaften, handelt es sich um eine Äquivalenzrelation.

Definition

Die sogenannte reflexiv-transitive Hülle einer Relation R ist

■ $R^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} R^i$

mögliche Attribute homogener Relationen

reflexiv xRx

transitiv Aus xRy und yRz folgt xRz

symmetrisch Aus xRy folgt yRx

Gelten alle diese Eigenschaften, handelt es sich um eine Äquivalenzrelation.

Definition

Die sogenannte reflexiv-transitive Hülle einer Relation R ist

$$\blacksquare R^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} R^i$$

Sie ist die Erweiterung der Relation um die Paare, die notwendig sind um Reflexivität und Transitivität herzustellen.

Anschauliches Beispiel: StudiVZ

- $R \subseteq M \times M$ sei die „ist-befreundet-mit“-Relation.
- $M = \{Gertrud, Holger, Lars, Katja, Martin, Nina\}$
- $R = \{(Martin, Holger), (Lars, Katja), (Nina, Holger), (Gertrud, Holger), (Katja, Nina)\} \cup \{\text{dazu sym. Tupel}\}$

Anschauliches Beispiel: StudiVZ

- $R \subseteq M \times M$ sei die „ist-befreundet-mit“-Relation.
- $M = \{Gertrud, Holger, Lars, Katja, Martin, Nina\}$
- $R = \{(Martin, Holger), (Lars, Katja), (Nina, Holger), (Gertrud, Holger), (Katja, Nina)\} \cup \{\text{dazu sym. Tupel}\}$
- dann ist $R^0 = \{(Martin, Martin), \dots, (Holger, Holger)\}$
- und $R^1 = R$ und

Anschauliches Beispiel: StudiVZ

- $R \subseteq M \times M$ sei die „ist-befreundet-mit“-Relation.
- $M = \{Gertrud, Holger, Lars, Katja, Martin, Nina\}$
- $R = \{(Martin, Holger), (Lars, Katja), (Nina, Holger), (Gertrud, Holger), (Katja, Nina)\} \cup \{\text{dazu sym. Tupel}\}$
- dann ist $R^0 = \{(Martin, Martin), \dots, (Holger, Holger)\}$
- und $R^1 = R$ und
- $R^2 = \{(Martin, Nina), (Martin, Gertrud), (Martin, Martin), (Lars, Nina), (Lars, Lars), (Nina, Gertrud), (Nina, Martin), (Nina, Nina), (Nina, Lars), (Katja, Katja), (Katja, Holger), (Gertrud, Gertrud), (Gertrud, Martin), (Gertrud, Nina), (Holger, Holger), (Holger, Katja)\}$
- $R^* = ?$

Anschauliches Beispiel: StudiVZ

- $R \subseteq M \times M$ sei die „ist-befreundet-mit“-Relation.
- $M = \{Gertrud, Holger, Lars, Katja, Martin, Nina\}$
- $R = \{(Martin, Holger), (Lars, Katja), (Nina, Holger), (Gertrud, Holger), (Katja, Nina)\} \cup \{\text{dazu sym. Tupel}\}$
- dann ist $R^0 = \{(Martin, Martin), \dots, (Holger, Holger)\}$
- und $R^1 = R$ und
- $R^2 = \{(Martin, Nina), (Martin, Gertrud), (Martin, Martin), (Lars, Nina), (Lars, Lars), (Nina, Gertrud), (Nina, Martin), (Nina, Nina), (Nina, Lars), (Katja, Katja), (Katja, Holger), (Gertrud, Gertrud), (Gertrud, Martin), (Gertrud, Nina), (Holger, Holger), (Holger, Katja)\}$
- $R^* = ?$ Ist R^* eine Äquivalenzrelation?

Ihr seid dran...

1. Überlegt euch, wie eine Relation graphisch aussehen könnte. Zeigt ein Beispiel mit mindestens 4 verschiedenen Elementen
2. Wie sieht nun graphisch die reflexiv-transitive Hülle aus?

Ihr seid dran...

1. Überlegt euch, wie eine Relation graphisch aussehen könnte. Zeigt ein Beispiel mit mindestens 4 verschiedenen Elementen
2. Wie sieht nun graphisch die reflexiv-transitive Hülle aus?

mögliche Darstellung

- Relation als Pfeile von Element zu Element
- Relation als Matrix, d.h. wenn xRy ist $\text{Feld}[x,y] == 1$

Beispiel: C

Aufgabenblatt 5

Aufgabenblatt 6

Relationen

Reflexiv-transitive Hülle

Zahlensysteme

Alphabete

Einschub

Homomorphismen

Graphen

Huffman-Codes

Abschluss

Was ist das?

- Wir verwenden normalerweise das Dezimalsystem mit den Ziffern 0 bis 9
- Es gibt aber noch weitere Zahlensysteme, wie das Dualsystem (mit den Ziffern 0 und 1)
- Hexadezimalsystem (mit den Ziffern von 0-9 und den Buchstaben A-F)

Darstellung

Eine Darstellung einer Zahl im Dualsystem ist wie folgt aufgebaut:

$z_m z_{m-1} \dots z_0, z_{-1} \dots z_{-n}$ mit $(m, n \in \mathbb{N}_0, z_i \in \{0, 1\})$

0-9

Dez	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Bin	0	1	10	11	100	101	110	111	1000	1001
Oct	0	1	2	3	4	5	6	7	10	11
Hex	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

10-15

Dez	10	11	12	13	14	15
Bin	1010	1011	1100	1101	1110	1111
Oct	12	13	14	15	16	17
Hex	A	B	C	D	E	F

Umrechnung

Wert einer Dualzahl im Dezimalsystem:

$$Z = \sum_{i=-n}^m z_i * 2^i$$

Umrechnung

Wert einer Dualzahl im Dezimalsystem:

$$Z = \sum_{i=-n}^m z_i * 2^i$$

Wert einer ganzzahligen Dezimalzahl z im Dualsystem:

1. Finde das größte n mit $2^n \leq z$
2. Notiere 1, setze $z = z - 2^n$ und setze $i = n - 1$.
3. Teste, ob $2^i \leq z$
 - Wenn ja, dann notiere 1, setze $z = z - 2^i$ und setze $i = i - 1$
 - Wenn nein, dann notiere 0 und setze $i = i - 1$
4. Wiederhole Schritt 3 solange bis $i=0$

Umrechnung

Wert einer Dualzahl im Dezimalsystem:

$$Z = \sum_{i=-n}^m z_i * 2^i$$

Wert einer ganzzahligen Dezimalzahl z im Dualsystem:

1. Finde das größte n mit $2^n \leq z$
2. Notiere 1, setze $z = z - 2^n$ und setze $i = n - 1$.
3. Teste, ob $2^i \leq z$
 - Wenn ja, dann notiere 1, setze $z = z - 2^i$ und setze $i = i - 1$
 - Wenn nein, dann notiere 0 und setze $i = i - 1$
4. Wiederhole Schritt 3 solange bis $i=0$

Ihr seid dran

Wandle 4242_{10} ins Dual-, Oktal- und Hexadezimalsystem um.

Ein kleiner Tipp: 4 Stellen im Dualsystem lassen sich zu einer Stelle im Hexadezimalssystem zusammenfassen. $(00010001)_2 = (11)_{16}$

Was macht der Algorithmus?

```
x ← 0
for i ← 0 to |w| - 1 do
  x ← 2x + num2(w(i))
od
```

Analyse

- Was macht diese Algorithmus? Was sind wohl die Ein- und Ausgaben?
- Was ist eine mögliche Schleifeninvariante?
TIPP: Ihr könnt den Code auch erweitern um eine geeignete Invariante zu finden.

Was macht der Algorithmus?

//Eingabe: $w \in Z_2^*$

$x \leftarrow 0$

for $i \leftarrow 0$ to $|w| - 1$ **do**

$x \leftarrow 2x + \text{num}_2(w(i))$

od //am Ende: $x = \text{Num}_2(w)$

Analyse

- Was macht diese Algorithmus? Was sind wohl die Ein- und Ausgaben?
- Was ist eine mögliche Schleifeninvariante?
TIPP: Ihr könnt den Code auch erweitern um eine geeignete Invariante zu finden.

Was macht der Algorithmus?

//Eingabe: $w \in \mathbb{Z}_2^*$

$x \leftarrow 0$

$v \leftarrow \epsilon$

for $i \leftarrow 0$ to $|w| - 1$ **do**

$x \leftarrow 2x + \text{num}_2(w(i))$

$v \leftarrow v \cdot w(i)$

od //am Ende: $x = \text{Num}_2(w) \wedge v = w$

Analyse

- Was ist eine mögliche Schleifeninvariante?

TIPP: Ihr könnt den Code auch erweitern um eine geeignete Invariante zu finden.

Lsg.: $x = \text{Num}_2(v)$

Beispiel: C

Aufgabenblatt 5

Aufgabenblatt 6

Relationen

Reflexiv-transitive Hülle

Zahlensysteme

Alphabete

Einschub

Homomorphismen

Graphen

Huffman-Codes

Abschluss

Aus der Vorlesung...

Warum macht man Übersetzungen?

Warum macht man Übersetzungen?

- **Lesbarkeit:**

Warum macht man Übersetzungen?

- **Lesbarkeit:** Manchmal führen Übersetzungen zu kürzeren und besser lesbaren Texten.
A3 ist leichter erfassbar als 10100011
- **Kompression:**

Warum macht man Übersetzungen?

- **Lesbarkeit:** Manchmal führen Übersetzungen zu kürzeren und besser lesbaren Texten.
A3 ist leichter erfassbar als 10100011
- **Kompression:** Manchmal führen Übersetzungen zu kürzeren Texten, die weniger Platz benötigen. Und zwar *ohne* zu einem größeren Alphabet überzugehen.
- **Verschlüsselung:**

Warum macht man Übersetzungen?

- **Lesbarkeit:** Manchmal führen Übersetzungen zu kürzeren und besser lesbaren Texten.
A3 ist leichter erfassbar als 10100011
- **Kompression:** Manchmal führen Übersetzungen zu kürzeren Texten, die weniger Platz benötigen. Und zwar *ohne* zu einem größeren Alphabet überzugehen.
- **Verschlüsselung:** Manchmal will man Texte für andere unleserlich machen
- **Fehlererkennung** und **Fehlerkorrektur:**

Warum macht man Übersetzungen?

- **Lesbarkeit:** Manchmal führen Übersetzungen zu kürzeren und besser lesbaren Texten.
A3 ist leichter erfassbar als 10100011
- **Kompression:** Manchmal führen Übersetzungen zu kürzeren Texten, die weniger Platz benötigen. Und zwar *ohne* zu einem größeren Alphabet überzugehen.
- **Verschlüsselung:** Manchmal will man Texte für andere unleserlich machen
- **Fehlererkennung** und **Fehlerkorrektur:** Man kann Texte durch Übersetzung derart länger machen, dass man Fehler erkennen oder diese sogar beheben kann

Beispiel: C

Aufgabenblatt 5

Aufgabenblatt 6

Relationen

Reflexiv-transitive Hülle

Zahlensysteme

Alphabete

Einschub

Homomorphismen

Graphen

Huffman-Codes

Abschluss

Definition

Ein *Homomorphismus* $h : A^* \rightarrow B^*$ ist eine Abbildung, die durch die Funktionswerte $h(x)$ für alle $x \in A$ eindeutig festgelegt ist.

Definition

Ein *Homomorphismus* $h : A^* \rightarrow B^*$ ist eine Abbildung, die durch die Funktionswerte $h(x)$ für alle $x \in A$ eindeutig festgelegt ist.

Insbesondere bleibt das neutrale Element das neutrale Element:

$$\begin{aligned}h(\epsilon) &= \epsilon \\h(wx) &= h(w)h(x)\end{aligned}$$

weiterhin wird die zugrundeliegende Struktur erhalten

- auf \mathbb{N}_0 ist Verdoppelung Homomorphismus, Struktur der Addition bleibt erhalten
- auf Strings ist *upper()* ein Homomorphismus

Bäume - Binärbäume

In der Regel...

- hat jeder Baum eine Wurzel und jeder Knoten maximal zwei Kinder/Nachfolger
- wird die Wurzel oben dargestellt

Beispiel: C

Aufgabenblatt 5

Aufgabenblatt 6

Relationen

Reflexiv-transitive Hülle

Zahlensysteme

Alphabete

Einschub

Homomorphismen

Graphen

Huffman-Codes

Abschluss

Wozu Huffman Codes?

- Huffman-Codes komprimieren ein Wort $w \in A^*$ indem

Wozu Huffman Codes?

- Huffman-Codes komprimieren ein Wort $w \in A^*$ indem
- häufigere Symbole durch kürzere
- und seltener vorkommende Symbole durch längere Wörter kodiert werden

Wozu Huffman Codes?

- Huffman-Codes komprimieren ein Wort $w \in A^*$ indem
- häufigere Symbole durch kürzere
- und seltener vorkommende Symbole durch längere Wörter kodiert werden
- statt einzelnen Symbolen können auch längere Blöcke als kleinste Einheit gewählt werden

Vorgehensweise

zwei Schritte:

1. Konstruktion eines Baumes:

2. Beschriftung der Kanten: links mit 0, rechts mit 1

Der kürzeste Weg von der Wurzel zum Blatt gibt die Kodierung des jeweiligen Zeichens (im Blatt) an.

Vorgehensweise

zwei Schritte:

1. Konstruktion eines Baumes:

- Blätter entsprechen $x \in A$

2. Beschriftung der Kanten: links mit 0, rechts mit 1

Der kürzeste Weg von der Wurzel zum Blatt gibt die Kodierung des jeweiligen Zeichens (im Blatt) an.

Vorgehensweise

zwei Schritte:

1. Konstruktion eines Baumes:

- Blätter entsprechen $x \in A$
- Innere Knoten entsprechen Mengen von Symbolen

2. Beschriftung der Kanten: links mit 0, rechts mit 1

Der kürzeste Weg von der Wurzel zum Blatt gibt die Kodierung des jeweiligen Zeichens (im Blatt) an.

Vorgehensweise

zwei Schritte:

1. Konstruktion eines Baumes:

- Blätter entsprechen $x \in A$
- Innere Knoten entsprechen Mengen von Symbolen
- An jedem Blatt wird das Symbol x und dessen Häufigkeit notiert

2. Beschriftung der Kanten: links mit 0, rechts mit 1

Der kürzeste Weg von der Wurzel zum Blatt gibt die Kodierung des jeweiligen Zeichens (im Blatt) an.

Vorgehensweise

zwei Schritte:

1. Konstruktion eines Baumes:

- Blätter entsprechen $x \in A$
- Innere Knoten entsprechen Mengen von Symbolen
- An jedem Blatt wird das Symbol x und dessen Häufigkeit notiert
- die zwei Elemente mit der geringsten Häufigkeit werden zu einem Elternknoten zusammengefasst

2. Beschriftung der Kanten: links mit 0, rechts mit 1

Der kürzeste Weg von der Wurzel zum Blatt gibt die Kodierung des jeweiligen Zeichens (im Blatt) an.

Aufgabe 1

Gegeben sei das Alphabet $X = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$.

1. Fall: Jedes Zeichen kommt genau einmal vor
Erstelle den Huffman-Code-Baum.

Aufgabe 1

Gegeben sei das Alphabet $X = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$.

1. Fall: Jedes Zeichen kommt genau einmal vor
Erstelle den Huffman-Code-Baum.
Wie lange wird die Kodierung von $w = badcfehg$?

Aufgabe 1

Gegeben sei das Alphabet $X = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$.

1. Fall: Jedes Zeichen kommt genau einmal vor
Erstelle den Huffman-Code-Baum.
Wie lange wird die Kodierung von $w = badcfegh$?
2. Fall: Zeichen a und b kommen zweimal, c viermal, d 8-mal, e 16-mal, f 32-mal, g 64-mal und h 128-mal vor.
Erstelle den Huffman-Code-Baum. Wie lange wird die Kodierung von $w = badcafeh$?

Aufgabe 1

Gegeben sei das Alphabet $X = \{a, b, c, d, e, f, g, h\}$.

1. Fall: Jedes Zeichen kommt genau einmal vor
Erstelle den Huffman-Code-Baum.
Wie lange wird die Kodierung von $w = badcfegh$?
2. Fall: Zeichen a und b kommen zweimal, c viermal, d 8-mal, e 16-mal, f 32-mal, g 64-mal und h 128-mal vor.
Erstelle den Huffman-Code-Baum. Wie lange wird die Kodierung von $w = badcafeh$?
3. Wie lange wird ein Wort mit zweiter Zeichenverteilung, wenn man es mit dem ersten Code codiert?
4. Wie lange wird ein Wort mit erster Zeichenverteilung, wenn man es mit dem zweiten Code codiert?

Aufgabe 2

Gegeben sei das Alphabet $X = \{a, b, c, d, e, f, g\}$ und die Auftretswahrscheinlichkeiten $p(a) = \frac{3}{10}$, $p(b) = \frac{1}{10}$, $p(c) = \frac{1}{10}$, $p(d) = \frac{1}{7}$, $p(e) = \frac{1}{7}$, $p(f) = \frac{1}{7}$ und $p(g) = \frac{1}{14}$.

- Erzeuge einen Huffman-Code C.

Aufgabe 2

Gegeben sei das Alphabet $X = \{a, b, c, d, e, f, g\}$ und die Auftretswahrscheinlichkeiten $p(a) = \frac{3}{10}$, $p(b) = \frac{1}{10}$, $p(c) = \frac{1}{10}$, $p(d) = \frac{1}{7}$, $p(e) = \frac{1}{7}$, $p(f) = \frac{1}{7}$ und $p(g) = \frac{1}{14}$.

- Erzeuge einen Huffman-Code C.

Lösung 2

Zeichen:	a	b	c	d	e	f	g
Wahrscheinlichkeit:	$\frac{3}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{7}$	$\frac{1}{14}$
Code:	00	101	110	010	011	100	111

mehrdeutig?

- im Allgemeinen sind Huffman-Codes nicht eindeutig:
- es können mehrere Zeichen gleichhäufig vorkommen
- Außerdem ist nicht festgelegt, welcher Knoten linker Nachfolger und welcher rechter Nachfolger eines inneren Knotens wird

⇒ Huffman-Codes sind nicht eindeutig

- Das macht aber nichts: alle, die sich für ein Wort w ergeben können, sind „gleich gut“

Beispiel: C

Aufgabenblatt 5

Aufgabenblatt 6

Relationen

Reflexiv-transitive Hülle

Zahlensysteme

Alphabete

Einschub

Homomorphismen

Graphen

Huffman-Codes

Abschluss

Zum Schluss...

Was ihr nun wissen solltet!

Zum Schluss...

Was ihr nun wissen solltet!

- Was bedeutet Konkatenation von Relationen?

Zum Schluss...

Was ihr nun wissen solltet!

- Was bedeutet Konkatenation von Relationen?
- Was tut ein Homomorphismus?

Zum Schluss...

Was ihr nun wissen solltet!

- Was bedeutet Konkatenation von Relationen?
- Was tut ein Homomorphismus?

Ihr wisst was nicht?
Stellt **jetzt** Fragen!

