

Continuação da 2ª Lista de Exercícios - Álgebra Linear

**Questão 1** Sejam  $V = \mathbb{R}^2$ ,  $\beta = \{(1, 3), (-2, 1)\}$  um conjunto de vetores em  $V$ . Mostre que  $\beta$  é uma base de  $\mathbb{R}^2$  e calcule  $[(1, 3)]_\beta$  e  $[(x, y)]_\beta$ .

**Questão 2** Calcule  $[-1, 2]_\beta$  e  $[x, y]_\beta$ , onde:

- a)  $\beta = \{(1, 1), (-1, 0)\}$
- b)  $\beta = \{(1, 2), (2, 1)\}$ .

**Questão 3** Sejam  $V = \mathbb{R}^3$  e  $\beta = \{(1, 0, 0), (1, 1, 0), (1, 1, 1)\}$  uma base ordenada de  $V$ . Determine:

- a)  $[(x, y, z)]_\beta$ ;
- b)  $[(1, 2, 3)]_\beta$

**Questão 4 Questão 5** Sejam  $V = P_3(\mathbb{R})$  e  $\beta = \{1, 1 - x, (1 - x)^2, (1 - x)^3\}$  uma base ordenada de  $V$ . Determine  $[2 - 3x + x^2]_\beta$

**Questão 6** Sejam  $V = \mathbb{R}^2$ ,  $\alpha = \{(1, 3), (-2, 1)\}$  uma base de  $V$ . Sendo  $[I]_\beta^\alpha = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 2 & -3 \end{bmatrix}$  determine a base  $\beta$ .

**Questão 7** Sejam  $V = \mathbb{R}^2$ ,  $\beta = \{(2, 1), (1, 0)\}$  uma base de  $V$ . Sendo  $[I]_\beta^\alpha = \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 2 & -3 \end{bmatrix}$  determine a base  $\alpha$ .