Misura di temperatura con sensore PT100 e scheda Arduino Uno

Simone Aronica, Giovanni Bloise, Gabriele Camisa, Giuseppe Casale

14 gennaio 2023

Indice

1	TODO	2
2	Strumenti usati	2
3	Sintesi dell'esperienza	2
4	Circuito di condizionamento 4.1 Valutazione dell'incertezza	
5	Conclusioni	4

1 TODO

2 Strumenti usati

3 Sintesi dell'esperienza

L'esperienza consiste nella misurazione della temperatura ambientale in laboratorio mediante la scheda a microcontrollore Arduino Uno e un sensore di temperatura PT100. Bisogna anche riportare la correlazione di tali misure all'incertezza attesa e a valori di riferimento osservati su un secondo termometro digitale più accurato.

4 Circuito di condizionamento

La scheda Arduino Uno implementa un convertitore analogico-digitale a 10 bit con cui è possibile convertire un voltaggio in input, in un range da $0\,\mathrm{V}$ alla tensione di riferimento di $5\,\mathrm{V}$, in codici digitali da 0 a 1023. Il sensore PT100 incorpora una resistenza dipendente dalla temperatura secondo:

$$R_{\theta} = R_0 \cdot (1 + A \cdot \theta + B \cdot \theta^2)$$

$$R_0 = 100 \,\Omega$$

$$A = 3.9083 \cdot 10^{-3} \,^{\circ} \,^{\circ}$$

$$B = -5.775 \cdot 10^{-7} \,^{\circ} \,^{\circ}$$

per cui è possibile ottenere come output la tensione su una resistenza posta in serie al sensore stesso.

Per ottimizzare la sensibilità $S_{V_F}^{\theta} = \frac{\partial V_F}{\partial \theta}$, rimanendo contemporaneamente in condizioni di autoriscaldamento accettabili, si è collegato il PT100 in una configurazione di partizione resistiva con un resistore di valore nominale $R_F = 1 \, \mathrm{k}\Omega$ (successivamente rivalutato a $(976.00 \pm 10.76)\Omega$ tramite il multimetro digitale). La tensione di output del circuito di condizionamento V_F è stata prelevata ai capi di R_F . La serie è stata alimentata tramite USB 2.0 ad una tensione di $V_S = (5.00 \pm 0.25)\mathrm{V}$. Con questa configurazione si ha una sensibilità di $S_{V_F}^{\theta} = -1.54 \, \mathrm{mV} \, ^{\circ}\mathrm{C}^{-1}$ e un autoriscaldamento $\Delta \theta_{\mathrm{s-o}} \approx 0.2 \, ^{\circ}\mathrm{C}$.

4.1 Valutazione dell'incertezza

La funzione di taratura

$$\theta = -\frac{A}{2 \cdot B} - \sqrt{\frac{A}{4 \cdot B^2} - \frac{1}{R_0 \cdot B} \cdot \left(R_0 + R_F - \frac{V_S}{V_F} \cdot R_F\right)}$$

si può manipolare notando che è possibile eliminare la dipendenza da (TODO: Aggiungere Vcc):

$$\begin{split} V_q &= \frac{V_{FR}}{2^{N_b}} = \frac{V_{CC}}{2^{N_b}} \\ D_{\text{out}} &= V_{\text{CC}} \cdot \frac{R_F}{R_F + R_\theta} \cdot \frac{1}{V_q} \\ D_{\text{out}} &= V_{\text{CC}} \cdot \frac{R_F}{R_F + R_\theta} \cdot \frac{2^{N_b}}{V_{CC}} \\ D_{\text{out}} &= 5^{N_b} \cdot \frac{R_F}{R_F + R_\theta} \end{split}$$

L'incertezza assoluta sulla temperatura dipende quindi solo da $D_{\mathrm{out}},\,R_F$ e dal sensore.

$$\begin{split} \delta\theta &= \left| S_{\theta}^{V_{s}} \right| \delta V_{s} + \left| S_{\theta}^{V_{F}} \right| \delta V_{F} + \left| S_{\theta}^{R_{F}} \right| \delta R_{F} + \delta\theta^{\mathrm{sens}} \\ &= -\frac{R_{f}}{2BR_{0}V_{F}\sqrt{\frac{A^{2}}{4B^{2}} - \frac{C - \frac{R_{f}V_{s}}{V_{F}} + R_{F}}{BR_{0}}}} \cdot \delta V_{s} + \\ &\frac{R_{F}V_{s}}{2BR_{0}V_{F}^{2}\sqrt{\frac{A^{2}}{4B^{2}} - \frac{R_{0} - \frac{R_{F}V_{s}}{V_{F}} + R_{F}}{BR_{0}}}} \cdot \delta V_{F} + \\ &\frac{1 - \frac{V_{s}}{V_{F}}}{2BR_{0}\sqrt{\frac{A^{2}}{4B^{2}} - \frac{R_{0} - \frac{R_{F}V_{s}}{V_{F}} + R_{F}}{BR_{0}}}} \cdot \delta R_{F} + \delta\theta^{\mathrm{sens}} \end{split}$$

dove il termine $\delta\theta^{\rm sens} = (0.3 + 0.005 \cdot |\theta|)^{\circ}$ C incorpora le incertezze dovute ai parametri $A, B \in R_0$, dei quali non sono disponibili le singole incertezze.

4.2 Firmware

La funzione di taratura è stata implementata, insieme alla visualizzazione delle misure di temperatura nel seguente codice sorgente:

```
1 const int pin = A3;
2 const long Rf = 976;
3 const long R0 = 100;
4 const double A = 3.9083*pow(10, -3);
5 const double B = -5.775*pow(10, -7);
6 const int Vs = 5;
7
8 void setup() {
9    pinMode(pin, INPUT);
10    Serial.begin(9600);
11 }
12
13 void loop() {
14    int Dout = analogRead(pin);
```

```
double T = -(A/(2*B))-sqrt(pow(A,2)/(4*pow(B,2))-1/(R0*B)*(R0+Rf-pow(2, 10)/Dout*Rf));
15
16
17
        Serial.print("Valore sensore: ");
        Serial.println(Dout);
18
       Serial.print("Valore temperatura in Celsius: ");
Serial.println(T);
19
20
       Serial.println("#####");
21
22
       delay(1000);
23
24 }
```

4.3 Dithering

Il valore finale è calcolato come media su 20 misurazioni, da cui si ricava un valore di 26.85 °C e $D_{\rm out,max}=800.$

5 Conclusioni