

É fácil ver que a solução ótima pode sempre caminhar entre pontos que estão na extremidade do círculo maior (dá para transformar qualquer solução numa desse tipo sem aumentar o número de lados). Além disso, o ótimo é fazer com que cada troca de direção tenha o maior ângulo possível. Basta calcular esse ângulo e pegar o teto da divisão de  $2\pi$  por ele. Para calcular o ângulo, basta desenhar no papel as duas circunferências, centradas no ponto  $O$ , e de raios  $a$  e  $b$ . Sejam  $P_1$  e  $P_2$  dois pontos sobre a circunferência de raio  $b$ , de tal forma que o segmento  $P_1 - P_2$  tangencie a circunferência de raio  $a$  (assim o arco  $P_1 - P_2$  é o maior possível) num ponto que chamamos de  $S$ . Observe o triângulo  $OSP_1$ . Ele é retângulo, e um cateto tem tamanho  $a$  e a hipotenusa tem tamanho  $b$ . O seno do ângulo  $OP_1S$  é  $a/b$ . Com isso, calculamos o ângulo com a função arco seno. Com isso, é fácil chegar à resposta. Calculamos o outro ângulo agudo do triângulo, e multiplicando por 2 temos o tamanho do arco  $P_1 - P_2$ . Basta agora pegar o teto da divisão de  $2\pi$  por esse arco para termos o número de lados do polígono que José irá percorrer.