

Для реализации алгоритма потребуется дополнительная реализация операций над векторами, включая псевдоскалярное произведение.

АЛГОРИТМ 1 (АЛГОРИТМ СКАЛА ОТСЕЧЕНИЯ ОТНОСИТЕЛЬНО ПРЯМОУГОЛЬНОЙ ОБЛАСТИ).

Вход: $[(x_1, y_1), (x_2, y_2)]$ — отсекаемый отрезок, $(x_{\min}, y_{\min}), (x_{\max}, y_{\max})$ — координаты левого нижнего и правого верхнего углов окна отсечения соответственно

Выход: **false**, если заданный отрезок полностью невидим, **true**, если у отрезка есть видимая часть, в этом случае в $[(x_1, y_1), (x_2, y_2)]$ будут содержаться координаты начала и конца видимой части отрезка

1. $\bar{p} = (x_2 - x_1, y_2 - y_1)$, $\bar{p}_1 = (x_1, y_1)$, $i = 1$, $k = 0$, $\xi = \bar{p} \times ((x_{\max}, y_{\min}) - \bar{p}_1)$, $special_case = \mathbf{true}$;
2. Если $i > 4$ или $k = 2$, перейти к шагу 7, а иначе к шагу 3;
3. $\eta = \bar{p} \times \bar{s}_i$, где
 - (a) Если $i = 1$, $\bar{s}_i = (x_{\min}, y_{\min}) - \bar{p}_1$;
 - (b) Если $i = 2$, $\bar{s}_i = (x_{\min}, y_{\max}) - \bar{p}_1$;
 - (c) Если $i = 3$, $\bar{s}_i = (x_{\max}, y_{\max}) - \bar{p}_1$;
 - (d) Если $i = 4$, $\bar{s}_i = (x_{\max}, y_{\min}) - \bar{p}_1$;
4. Если $\xi \cdot \eta < 0$ или ($\xi \cdot \eta = 0$ и $\xi \neq 0$) или ($\xi \cdot \eta = 0$ и $\eta \neq 0$ и $special_case$)

$$\begin{aligned} k &= k + 1, \\ t_k &= \frac{\bar{s}_i \times \bar{q}_i}{\bar{p} \times \bar{q}_i}, \end{aligned}$$

где

- (a) Если $i = 1$, $\bar{q}_i = \bar{s}_4 - \bar{s}_1$;
- (b) Если $i = 2$, $\bar{q}_i = \bar{s}_1 - \bar{s}_2$;
- (c) Если $i = 3$, $\bar{q}_i = \bar{s}_2 - \bar{s}_3$;
- (d) Если $i = 4$, $\bar{q}_i = \bar{s}_3 - \bar{s}_4$;

5. Если $\xi = 0$ и $\eta = 0$

$$special_case = \mathbf{true},$$

иначе

$$special_case = \mathbf{false}.$$

6. $\xi = \eta$, $i = i + 1$ и переход к шагу 2;

7. Если $k < 2$, то отрезок полностью невидим: выдать **false** и закончить алгоритм.
8. Если $t_1 < 0$ и $t_2 < 0$ или $t_1 > 1$ и $t_2 > 1$, то отрезок полностью невидим: выдать **false** и закончить алгоритм.
9. Если $t_1 > t_2$, то меняем их значения местами.
10. Сохраним старые значения

$$\begin{aligned}x'_1 &= x_1, & y'_1 &= y_1, \\x'_2 &= x_2, & y'_2 &= y_2;\end{aligned}$$

11. Если $t_1 > 0$,

$$\begin{aligned}x_1 &= x'_1 + (x'_2 - x'_1)t_1, \\y_1 &= y'_1 + (y'_2 - y'_1)t_1;\end{aligned}$$

12. Если $t_2 < 1$,

$$\begin{aligned}x_2 &= x'_1 + (x'_2 - x'_1)t_2, \\y_2 &= y'_1 + (y'_2 - y'_1)t_2;\end{aligned}$$

13. Выдать **true** и закончить алгоритм.