$H = \sum \frac{\vec{\sigma}_i \cdot \vec{\sigma}_j}{\vec{\sigma}_i \cdot \vec{\sigma}_j} \equiv \sum \frac{X_i X_j + Y_i Y_j + Z_i Z_j}{\vec{\sigma}_i \cdot \vec{\sigma}_j}$