$\downarrow \uparrow \setminus n$

 $|\mathrm{cat}_n\rangle$