

## LÍMITES



Para resolver estos ejercicios debe tener en cuenta las propiedades de los límites; además debe tener presente que si al resolver directamente se obtiene indeterminación, ésta debe solucionarse mediante factorización.

| Nombre: Curso: Fecha: | Curso: Fecha: |
|-----------------------|---------------|
|-----------------------|---------------|

Para recordar:

## Casos de factorización

- Diferencia de cuadrados:  $a^2 b^2 = (a b)(a + b)$
- Trinomios
  - i)  $x^2 + 3x 10$ .

En este caso debemos buscar dos números que multiplicados den el tercer término -10 y sumados den el coeficiente del segundo término 3, los cuales son 5 y -2. De tal forma que la factorización es:

$$x^2 + 3x - 10 = (x - 2)(x + 5)$$

ii)  $6x^2 + 7x - 20$ 

Se puede resolver este caso de forma similar al anterior, multiplicando y dividiendo por el coeficiente del primer término 6. Así:

$$6x^{2} + 7x - 20 = \frac{6(6x^{2}) + 7x(6) - 20(6)}{6}$$

$$= \frac{36x^{2} + 7(6x) - 120}{6}$$
Buscamos dos números que sumados
$$= \frac{(6x + 15)(6x - 8)}{6}$$

$$= \frac{3(2x + 5)2(3x - 4)}{6}$$
Cancelamos los factores 3 y 2 con
$$= (2x + 5)(3x - 4)$$
el 6 del denominador

1. Sabiendo que

$$\lim_{x\to a} f(x) = 7, \quad \lim_{x\to a} g(x) = 8 \quad \text{ y } \quad \lim_{x\to a} h(x) = 0$$

y teniendo en cuenta el álgebra de límites, resuelva si existen, si no existen, justificar:

$$a) \ \lim_{x \to a} [f(x) + g(x)] =$$

$$b) \lim_{x \to a} [h(x) - g(x)] =$$

$$c) \lim_{x \to a} \frac{h(x)}{q(x)} =$$

$$d) \lim_{x \to a} \frac{f(x)}{h(x)} =$$

$$e) \lim_{x \to a} [f(x) \cdot g(x)] =$$

2. Evalúe los siguientes límites:

a) 
$$\lim_{x \to 3} x^2 - 4x + 6 =$$

$$b) \lim_{x \to 7} \frac{x^2 - 49}{x - 7} =$$

c) 
$$\lim_{x\to 5} \frac{x^2+3x-40}{x-5} =$$

d) 
$$\lim_{x\to 3} \frac{2x^2 - x - 15}{x - 3} =$$