



# Taller de Nivelación 2014

## Matemáticas 11°



Germán Avendaño Ramírez, Lic. U.D., M.Sc. U.N.

Nombre: \_\_\_\_\_ Curso: \_\_\_\_\_ Fecha: \_\_\_\_\_

### Números reales

1. a) Grafique el intervalo  $(-5, 3)$  y  $(2, \infty)$  en la recta real  
b) Exprese las desigualdades  $x \leq 3$  y  $-1 \leq x < 4$  en notación de intervalos  
c) Encuentre la distancia entre  $-7$  y  $9$  sobre la recta real

2. Evalúe cada expresión

a)  $(-3)^4$       b)  $-3^4$       c)  $\frac{5^{23}}{5^{24}}$       d)  $\left(\frac{3}{3}\right)^{-2}$       e)  $16^{-3/4}$

3. Escriba cada número en notación científica

a) 186 000'000 000      b) 0.0000003965

4. Simplifique cada expresión. Escriba su respuesta final sin exponentes negativos

a)  $\sqrt{200} - \sqrt{32}$       c)  $\left(\frac{3x^{3/2}y^3}{x^2y^{-1/2}}\right)^{-2}$       e)  $\frac{x^2}{x^2 - 4} - \frac{x + 1}{x + 2}$   
b)  $(3a^3b^3)(4ab^2)^2$       d)  $\frac{x^2 + 3x + 2}{x^2 - x - 2}$       f)  $\frac{\frac{y}{x} - \frac{x}{y}}{\frac{1}{y} - \frac{1}{x}}$

5. Racionalice el denominador y simplifique:  $\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{5} - 2}$

6. Realice las operaciones indicadas y simplifique:



$$\begin{array}{lll} a) 3(x+6)+4(2x-5) & c) (\sqrt{a}+\sqrt{b})(\sqrt{a}-\sqrt{b}) & e) (x+2)^3 \\ b) (x+3)(4x-5) & d) (2x+3)^2 & \end{array}$$

7. Factorice completamente cada expresión

$$\begin{array}{lll} a) 4x^2 - 25 & c) x^3 - 3x^2 - 4x + 12 & e) 3x^{3/2} - 9x^{1/2} + 6x^{-1/2} \\ b) 2x^2 + 5x - 12 & d) x^4 + 27x & f) x^3y - 4xy \end{array}$$

8. Encuentre las soluciones reales:

$$\begin{array}{lll} a) x + 5 = 14 - \frac{1}{2}x & c) x^2 - x - 12 = 0 & f) x^4 - 3x^2 + 2 = 0 \\ b) \frac{2x}{x+1} = \frac{2x-1}{x} & d) 2x^2 + 4x + 1 = 0 & g) 3|x-4| = 10 \\ c) \sqrt{3-\sqrt{x+5}} = 2 & \end{array}$$

9. Mary condujo de Bogotá a Melgar a una rapidez promedio de 80 km/h. De regreso, ella condujo en promedio a 70 km/h. El tiempo total de viaje fue de  $4\frac{2}{3}$  de hora. Encuentre la distancia entre las dos ciudades.
10. Una lote rectangular tiene 70 m más de largo que de ancho y su diagonal mide 130 m. Encuentre las dimensiones del lote.
11. Solucione cada inecuación. Escriba la respuesta usando la notación de intervalos y dibuje la solución en la recta real.

$$\begin{array}{ll} a) -4 < 5 - 3x \leq 17 & c) |x - 4| < 3 \\ b) x(x-1)(x+2) > 0 & d) \frac{2x-3}{x+1} \leq 1 \end{array}$$

12. Una botella de medicina debe ser guardada a una temperatura entre  $5^\circ\text{C}$  y  $10^\circ\text{C}$ . Qué rango correspondería si se toma la escala Fahrenheit? (Recuerde que la temperatura en Fahrenheit (F) y Celsius (C) satisface la relación  $C = \frac{5}{9}(F - 32)$ )

## Funciones

13. Sea  $f(x) = x^2 - 4x$  y  $g(x) = \sqrt{x+4}$ , encuentre:

$$\begin{array}{l} a) \text{ El dominio de } f \text{ y el dominio de } g \\ b) f(-2), f(0), f(4), g(0), g(8), g(-6) \\ c) f(x+2), g(x+2), f(2+h) \end{array}$$

d) La razón de cambio de  $g$  entre  $x = 5$  y  $x = 21$ . (Recuerde que la razón de cambio entre los extremos  $x_1$  y  $x_2$  se define como  $\frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1}$ )

e)  $f(g), g(f), f(g(12)), g(f(12))$

14. Sea

$$f(x) = \begin{cases} 4 & \text{si } x \leq 2 \\ x - 1 & \text{si } x > 0 \end{cases}$$

a) Evalúe  $f(0), f(1), f(2), f(3)$  y  $f(4)$

b) Haga la gráfica de  $f$

15. Sea  $f$  la función cuadrática  $f(x) = -2x^2 + 8x + 5$ .

a) Expresa  $f$  en la forma estandar (La forma estandar de la función  $f(x) = ax^2 + bx + c$ , es  $f(x) = a(x - h) + k$ , que se obtiene completando el cuadrado donde el vértice está dado por el punto  $(h, k)$ )

b) Encuentre los valores máximo y mínimo de la función  $f$

c) Haga la gráfica de  $f$

d) Encuentre el intervalo en el cual  $f$  es creciente y el intervalo en el cual  $f$  es decreciente

e) ¿Cómo es la gráfica de la función  $g(x) = -2x^2 + 8x + 10$  respecto de la función  $f$ ?

f) ¿Cómo es la gráfica de la función  $h(x) = -2(x + 3)^2 + 8(x + 3) + 5$  con respecto a la función  $f$ ?

16. Sin usar dispositivos electrónicos, encuentre la correspondencia entre las ecuaciones siguientes y las gráficas que se dan. Explique las razones de su elección.

■  $f(x) = x^3 - 8x$

■  $k(x) = 2^{-x} + 3$

■  $s(x) = \frac{2x - 3}{x^2 + 9}$

■  $g(x) = -x^4 + 8x^2$

■  $r(x) = \frac{2x + 3}{x^2 - 9}$

■  $h(x) = x^2 - 5$

