

## Taller, Límites de funciones en Cálculo 11°



Germán Avendaño Ramírez, Lic. U.D., M.Sc. U.N.

NT 1	C	T71 :
Nombre:	_Curso:	_ recna:

## Introducción

Materiales: Regla, escuadra, calculadora, esferos o lápices de diferentes colores.

1. Grafica cada una de las siguientes funciones definidas en el conjunto de los números Reales:

a) 
$$y = f(x) = 2x + 1$$
 b)  $y = g(x) = x^2 - 4$  c)  $y = h(x) = x^3 - 2x$ 

b) 
$$y = g(x) = x^2 - 4$$

$$c) y = h(x) = x^3 - 2x$$

2. En la siguiente recta numérica, escoge un par de unidades consecutivas y cada una divídelas en 10 partes iguales. Coloca el número correspondiente a cada división. ¿Cuáles serían los números si cada unidad es dividida en 100 partes iguales?



3. A continuación encontrarás dibujadas dos rectas. Traza perpendiculares por los puntos dibujados

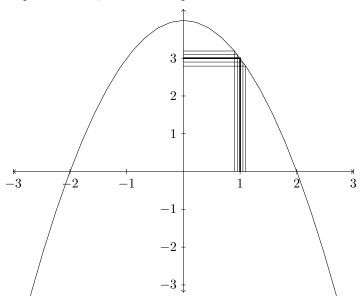


4. Consideremos la función definida mediante la expresión  $y = j(x) = 4 - x^2$ . Observemos los valores del recorrido (y) cuando los del dominio (x) están cerca de 1. Para ello:

a) Elaboramos una tabla de valores donde se observen los valores de "y" cuando los de "x" se están acercando a 1:

	Por la izquierda de 1				Por la derecha de 1		
	$\longrightarrow$				<del></del>		
$\overline{x}$	0.97	0.98	0.99	1	1.01	1.02	1.03
$\overline{y}$							

b) Construimos su gráfica conectando mediante segmentos de rectas, los elementos del Dominio próximos a 1, con su correspondiente elemento del recorrido:



- c) Hacia que valores se aproximan los de "y", cuando los de "x" se acercan a 1?
- d) Observemos que ocurre gráficamente. Para ello haz cuatro gráficas de la función. En cada una de ellas:
  - Dibuja en el eje "y", una de las siguientes vecindades del 3:  $V_1(3)$ ,  $V_{1/2}(3)$ ,  $V_{1/4}(3)$  y  $V_{1/10}(3)$ . (Vecindad  $V_{1/2}(3)$  significa que cerca de tres se construye una vecindad de radio 1/2, es decir de radio 0.5; tenemos entonces el invervalo abierto (-2.5,3.5))
  - Escoge varios puntos de la vecindad (pueden ser dos, por encima y por debajo de 3). Levanta en cada uno de ellos una perpendicular que llegue hasta la gráfica. A continuación, traza desde aquí, otra perpendicular que llegue hasta el eje "x".
  - ¿Dentro de qué vecindad quedan los puntos de los extremos de los segmentos que llegan hasta el eje "x"?