

Para los ejercicios 47–54, resuelva cada ecuación

47. 
$$x^2 + 9x = 0$$

52. 
$$3x = 11x^2$$

51.  $-4x^2 + 9x = 0$ 

48. 
$$x^2 - 14x = 0$$

$$0.2.0 - 0.11$$

49. 
$$b^2 = -7b$$

53. 
$$x - 6x^2 = 0$$

50.  $-6x = 2x^2$ 

$$54. -5a = -a^2$$

Para los ejercicios 55–58, solucione cada ecuación para la variable indicada

55. 
$$ax^2 + bx = 0 \text{ para } x$$

57. 
$$y^2 - ay + 2by - 2ab = 0$$
 para y

56. 
$$3ay^2 = by$$
 para  $y$ 

58. 
$$x^2 + ax + bx + ab = 0$$
 para  $x$ 

Para los problemas ??-??, plantee la ecuación y solucione el problema

61. Encuentre la longitud del radio de un esfera cuya superficie es numéricamente igual a su volumen. (Recuerde que la superficie de la esfera es 
$$S_s=4\pi r^2$$
 y su volumen es  $V_s=\frac{4}{3}\pi r^3$ )

# Pensamiento en palabras

64. Suponga que un amigo, factoriza  $36x^2y + 48xy^2$  como sigue:

$$36x^{2}y + 48xy^{2} = (4xy)(9x + 12y)$$
$$= (4xy)(3)(3x + 4y)$$
$$= 12xy(3x + 4y)$$

Es correcto el procedimiento? ¡Podría sugerir algo a su amigo?



### Taller 07, Factorización Álgebra 8°



Algebra 8°

Germán Avendaño Ramírez, Lic. U.D., M.Sc. U.N.

Fecha:	
Curso:	
Nombre:	

#### Guía

Factorizar es un proceso mediante el cual se puede expresar como un producto un número o un polinomio. Los números enteros se pueden clasificar en números primos y compuestos. Todos los números enteros compuestos, se pueden factorizar como producto de números primos o potencias de primos y ésta factorización es única.

Por ejemplo el número 35, es compuesto, ya que se puede factorizar así:

$$35 = 5 \cdot 7$$

donde 5 y 7 son números primos

También el número 48 se puede expresar como el producto de primos o potencias de primos así:

$$48 = 2^4 \cdot 3$$

Generalizando, se puede decir que la factorización es un proceso inverso a multiplicación. Anteriormente hemos usado la propiedad distributiva para encontrar el producto de un monomio y un polinomio, tal como se ve en la siguiente tabla:

Expresión	Aplicando P. distributiva	Producto
3(x+2)	3(x) + 3(2)	3x+6
5(2x-1)	5(2x) + 5(-1)	10x - 5
$x(x^2 + 6x - 4)$	$x(x^2) + x(6x) + x(-4)$	$x^3 + 6x^2 - 4x$

Ahora usaremos la propiedad recolectiva para reversar lo hecho por la propiedad distributiva. Así si tenemos

$$ab + ac = a(b + c)$$

Expresión	Expresión reescrita	Expresión factorizada
3x + 6	3(x) + 3(2)	3(x+2)
10x - 5	5(2x) + 5(-1)	5(2x-1)
$x^3 + 6x^2 - 4x$	$x(x^2) + x(6x) + 2(-4)$	$x(x^2 + 6x - 4)$

$$3x^2 + 12x = 3x(x+4)$$
 o  $3x^2 + 12x = 3(x^2 + 4x)$   
 $3x^2 + 12x = x(3x+12)$  o  $3x^2 + 12x = \frac{1}{2}(6x^2 + 24x)$ 

factorizado si: polinomio de manera completa. Un polinomio con coeficientes enteros está completamente Nosotros estaremos interesados lógicamente en el primer caso, donde se ha factorizado el

- 1. Este está factorizado como el producto de polinomios con coeficientes enteros
- Ninguno de los factores polinomios puede ser factorizado nuevamente.

el factor 3x+12 posee un factor común que es 3. Así mismo en el segundo caso, el Observe que en el tercer caso, el polinomio puede ser factorizado nuevamente, porque binomio  $(x^2 + 4x)$  puede ser factorizado, ya que x es factor común a los dos términos

#### Taller

## Quiz de conceptos

Para los problemas 1–10, conteste V o F

- 1. La factorización es el proceso inverso a la multiplicación.
- La propiedad distributiva de la forma ab + ac = a(b + c) es aplicada para factorizar
- 3. Un polinomio puede ser factorizado de múltiples formas, pero solo una es la completa
- 4. El factor común mayor de  $6x^2y^3-12x^3y^2+18x^4y$  es  $2x^2y$
- 5. Si el producto de x y y es cero, entonces x es cero y/o y es cero
- El factor común siempre es un monomio
- 7. Si la factorización de un polinomio puede ser factorizada nuevamente, entonces el polinomio no está completamente factorizado
- El polinomio factorizado,  $3a(2a^2+4)$ , está completamente factorizado
- Las soluciones de la ecuación x(x+2) = 7 son 7 y 5
- 10. El conjunto solución para  $x^2 = 7x$  es 7

#### **Ejercicios**

Para los ejercicios 1–10, clasifique cada número como primo o compuesto

2 81 63

ros primos. Por ejemplo,  $30 = 2 \cdot 3 \cdot 5$ Para los problemas 11-20, factorice cada número compuesto como producto de núme-

12. 39 14. 49 16. 64 18. 84 20. 91

Para los problemas 21-24, determine si el polinomio está completamente factorizado

$$21. \ 6x^2 + 12xy^2 = 2xy(3x + 6y)$$

22. 
$$2a^3b^2 + 4a^2b^2 = 4a^2b^2\left(\frac{1}{2}a + 1\right)$$

23. 
$$10m^2n^3 + 15m^4n^2 = 5m^2n(2n^2 + 3m^2n)$$

24. 
$$24ab + 12bc - 18bd = 6b(4a + 2c - 3d)$$

Para los ejercicios 25–37, factorice completamente

25. 
$$12x + 8y$$
 32.  $6x^5 - 18x^3 + 24x$ 

26. 
$$15x^2 + 6x$$
  
27.  $42y^2 - 6y$   
28.  $8x^5y^3 - 6x^4y^5 + 12x^2y^3$   
39.  $9x^2 - 17x^4 + 21x^5$   
21.  $42y^2 - 6y$   
31.  $8x^5y^3 - 6x^4y^5 + 12x^2y^3$ 

35. 
$$x(y-1) + 5(y-1)$$
  
36.  $5x(a-b) + y(a-b)$ 

Para los ejercicios 38–46, factorice por agrupación de términos

31.  $15x^4y^2 - 45x^5y^4$ 

37. x(x-1)-3(x-1)

 $30. \ 24a^3b^2 + 36a^2b$ 29.  $12x^3 - 10x^2$ 28. 27xy - 36y

38. 
$$ax - 2x + ay - 2y$$
 43.  $2bx + cy + cx + 2by$  39.  $2ax - bx + 2ay - by$  44.  $2a^2 - 3bc - 2ab + 3ac$ 

40. 
$$5ax - 5bx - 2ay + 2by$$
  
41.  $3bx + 3x + by + y$   
45.  $x^2 - 2x + 5x - 10$ 

42. 
$$ax^2 - 2x^2 + 3a - 6$$
 46.  $3x^2 + 18x - 2x - 12$