

## Taller de Nivelación 2014 Matemáticas 11°



Germán Avendaño Ramírez, Lic. U.D., M.Sc. U.N.

No	ombre:	Curso:	_ Fecha:
Números reales			
1.	a) Grafique el intervalo $(-5,3)$ y $(2,\infty)$	en la recta real	

- b) Exprese las desigualdades  $x \leq 3$  y  $-1 \leq x < 4$  en notación de intervalos c) Encuentre la distancia entre $-7 \ \mathrm{y}$ 9 sobre la recta real
- 2. Evalúe cada expresión

a) 
$$(-3)^4$$
 b)  $-3^4$ 

c) 
$$\frac{5^{23}}{5^{24}}$$

d) 
$$\left(\frac{3}{3}\right)^{-2}$$
 e)  $16^{-3/4}$ 

$$e) 16^{-3/4}$$

- 3. Escriba cada número en notación científica
  - a) 186 000'000 000

- b) 0.0000003965
- 4. Simplifique cada expresión. Escriba su respuesta final sin exponentes negativos

a) 
$$\sqrt{200} - \sqrt{32}$$

c) 
$$\left(\frac{3x^{3/2}y^3}{x^2y^{-1/2}}\right)^{-2}$$
 e)  $\frac{x^2}{x^2 - 4} - \frac{x+1}{x+2}$   
d)  $\frac{x^2 + 3x + 2}{x^2 - x - 2}$  f)  $\frac{\frac{y}{x} - \frac{x}{y}}{\frac{1}{y} - \frac{1}{x}}$ 

e) 
$$\frac{x^2}{x^2-4} - \frac{x+1}{x+2}$$

$$b) (3a^3b^3)(4ab^2)^2$$

d) 
$$\frac{x^2 + 3x + 2}{x^2 - x - 2}$$

$$f) \frac{\frac{y}{x} - \frac{x}{y}}{\frac{1}{y} - \frac{1}{x}}$$

- 5. Racionalice el denominador y simplifique:  $\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{5}-2}$
- 6. Realice las operaciones indicadas y simplifique:

a) 
$$3(x+6)+4(2x-5)$$

a) 
$$3(x+6) + 4(2x-5)$$
 c)  $(\sqrt{a} + \sqrt{b})(\sqrt{a} - \sqrt{b})$  e)  $(x+2)^3$ 

e) 
$$(x+2)^3$$

b) 
$$(x+3)(4x-5)$$

d) 
$$(2x+3)^2$$

7. Factorice completamente cada expresión

a) 
$$4x^2 - 25$$

c) 
$$x^3 - 3x^2 - 4x + 12$$

c) 
$$x^3 - 3x^2 - 4x + 12$$
 e)  $3x^{3/2} - 9x^{1/2} + 6x^{-1/2}$ 

b) 
$$2x^2 + 5x - 12$$

d) 
$$x^4 + 27x$$

$$f) x^3y - 4xy$$

8. Encuentre las soluciones reales:

a) 
$$x + 5 = 14 - \frac{1}{2}x$$

c) 
$$x^2 - x - 12 = 0$$

c) 
$$x^2 - x - 12 = 0$$
 f)  $x^4 - 3x^2 + 2 = 0$ 

a) 
$$x + 5 = 14 - \frac{1}{2}x$$
  
b)  $\frac{2x}{x+1} = \frac{2x-1}{x}$   
c)  $x^2 - x - 12 = 0$   
d)  $2x^2 + 4x + 1 = 0$   
e)  $\sqrt{3 - \sqrt{x+5}} = 2$ 

e) 
$$\sqrt{3 - \sqrt{x + 5}} = 2$$

$$|g| 3|x-4| = 10$$

- 9. Mary condujo de Bogotá a Melgar a una rapidez promedio de 80 km/h. De regreso, ella condujo en promedio a 70 km/h. El tiempo total de viaje fue de  $4\frac{2}{3}$  de hora. Encuentre la distancia entre las dos ciudades.
- 10. Una lote rectangular tiene 70 m más de largo que de ancho y su diagonal mide 130 m. Encuentre las dimensiones del lote.
- 11. Solucione cada inecuación. Escriba la respuesta usando la notación de intervalos y dibuje la solución en la recta real.

a) 
$$-4 < 5 - 3x < 17$$

c) 
$$|x-4| < 3$$

b) 
$$x(x-1)(x+2) > 0$$

$$d) \ \frac{2x-3}{x+1} \le 1$$

12. Una botella de medicina debe ser guardada a una temperatura entre 5°C y 10°C. Qué rango correspondería si se toma la escala Fahrenheit? (Recuerde que la temperatura en Fahrenheit (F) y Celsius (C) satisface la relación  $C = \frac{5}{9}(F - 32)$ 

## **Functiones**

- 13. Sea  $f(x) = x^2 4x$  y  $g(x) = \sqrt{x+4}$ , encuentre:
  - a) El dominio de f y el dominio de q
  - b) f(-2), f(0), f(4), g(0), g(8), g(-6)
  - c) f(x+2), g(x+2), f(2+h)

- d) La razón de cambio de g entre x=5 y x=21. (Recuerde que la razón de cambio entre los extremos  $x_1$  y  $x_2$  se define como  $\frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1}$
- e) f(g), g(f), f(g(12)), g(f(12))
- 14. Sea  $f(x) = \begin{cases} 4 & \text{si} \quad x \le 2\\ x 1 & \text{si} \quad x > 0 \end{cases}$ 
  - a) Evalúe f(0), f(1), f(2), f(3) y f(4)
  - b) Haga la gráfica de f
- 15. Sea f la función cuadrática  $f(x) = -2x^2 + 8x + 5$ .
  - a) Exprese f en la forma estandar (La forma estandard de la función  $f(x) = ax^2 +$ bx + c, es f(x) = a(x - h) + k, que se obtiene completando el cuadrado donde el vértice está dado por el punto (h, k)
  - b) Encuentre los valores máximo y mínimo de la función f
  - c) Haga la gráfica de f
  - d) Encuentre el intervalo en el cual f es creciente y el intervalo en el cual f es decreciente
  - e) ¿Cómo es la gráfica de la función  $g(x) = -2x^2 + 8x + 10$  respecto de la función f?
  - f) ¿Cómo es la gráfica de la función  $h(x) = -2(x+3)^2 + 8(x+3) + 5$  con respecto a la función f?
- 16. Sin usar dispositivos electrónicos, encuentre la correspondencia entre las ecuaciones siguientes y las gráficas que se dan. Explique las razones de su elección.
  - $f(x) = x^3 8x$
- $k(x) = 2^{-x} + 3$
- $s(x) = \frac{2x-3}{x^2+9}$

- $g(x) = -x^4 + 8x^2$   $h(x) = x^2 5$   $r(x) = \frac{2x + 3}{x^2 9}$













17. Una suma de  $$25\,000$  es depositada en una cuenta que paga  $5.4\,\%$  de interés compuesto por año.

- a) ¿Cuánto será el monto en la cuenta después de 3 años?
- b) ¿Cuándo la cuenta tendrá un saldo que ascienda a \$35 000?
- c) ¿En cuánto tiempo el depósito inicial se duplicará?

## Sucesiones y progresiones

Para las secuencias dadas en 18-21

- a) Encuentre los cinco primeros términos para la sucesión dada.
- b) ¿Cuál es la diferencia común d?
- c) Grafique los términos que encuentre en a)

18. 
$$a_n = 5 + 2(n-1)$$

20. 
$$a_n = \frac{5}{2} - (n-1)$$

19. 
$$a_n = 3 - 4(n-1)$$

21. 
$$a_n = \frac{1}{2}(n-1)$$

22–25 Encuentre el  $n-\acute{e}simo$  término de la progresión aritmética dado el primer término  $a_1$  y la diferencia común d. ¿Cuál es el décimo término?

22. 
$$a_1 = 3, d = 5$$

24. 
$$a_1 = \frac{5}{2}, d = -\frac{1}{2}$$

23. 
$$a_1 = -6, d = 3$$

25. 
$$a_1 = \sqrt{3}, d = \sqrt{3}$$

26. Determine la diferencia común, el quinto término, el n-ésimo término y el centésimo término de las progresiones aritméticas

a) 1, 5, 9, 13, ...

c)  $\frac{7}{6}$ ,  $\frac{5}{3}$ ,  $\frac{13}{6}$ ,  $\frac{8}{3}$ , ...

b) 11, 8, 5, 2, ...

- d) 15, 12.3, 9.6, 6.9, ...
- 27. El décimo término de una progresión aritmética es  $\frac{55}{2}$ , y, el segundo término es  $\frac{7}{2}$ . Encuentre el primer término.
- 28. El duodécimo término de una progresión aritmética es 32, y el quinto término es 18. Encuentre el vigésimo término.

29. Los postes de teléfono son puestos en pila, con 25 postes en el primer nivel, 24 en el segundo y así sucesivamente. Si hay 12 niveles, ¿cuántos postes de teléfono contiene la pila de postes?



da el n-ésimo término de la progresión.

- a) Encuentre los cinco primeros términos
- b) ¿Cuál es la razón común r?
- c) Grafique los términos que encuentre en a)

30. 
$$a_n = 5(2)^{n-1}$$

32. 
$$a_n = \frac{5}{2} \left( -\frac{1}{2} \right)^{n-1}$$

31. 
$$a_n = 3(-4)^{n-1}$$

33. 
$$a_n = 3^{n-1}$$