



Para resolver estos ejercicios debe tener en cuenta las propiedades de los límites; además debe tener presente que si al resolver directamente se obtiene indeterminación, ésta debe solucionarse mediante factorización.  
Presentar la evaluación equivale a 1 unidad en la calificación, el primero y segundo punto valen cada uno 1 unidad y el tercer punto vale 2 unidades

Nombre: \_\_\_\_\_ Curso: \_\_\_\_\_ Fecha: \_\_\_\_\_

Para recordar:

Casos de factorización

- Diferencia de cuadrados:  $a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$
- Trinomios

i)  $x^2 + 3x - 10$ .

En este caso debemos buscar dos números que multiplicados den el tercer término  $-10$  y sumados den el coeficiente del segundo término  $3$ , los cuales son  $5$  y  $-2$ . De tal forma que la factorización es:

$$x^2 + 3x - 10 = (x - 2)(x + 5)$$

ii)  $6x^2 + 7x - 20$

Se puede resolver este caso de forma similar al anterior, multiplicando y dividiendo por el coeficiente del primer término  $6$ . Así:

$$\begin{aligned} 6x^2 + 7x - 20 &= \frac{6(6x^2) + 7x(6) - 20(6)}{6} \\ &= \frac{36x^2 + 7(6x) - 120}{6} && \text{Buscamos dos números que sumados} \\ &= \frac{(6x + 15)(6x - 8)}{6} && \text{den 7 y multiplicados } -120 \\ &= \frac{3(2x + 5)2(3x - 4)}{6} && \text{Cancelamos los factores 3 y 2 con} \\ &= (2x + 5)(3x - 4) && \text{el 6 del denominador} \end{aligned}$$

# Cuestionario

1. Sabiendo que

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = 0, \quad \lim_{x \rightarrow a} g(x) = 4 \quad \text{y} \quad \lim_{x \rightarrow a} h(x) = 6$$

y teniendo en cuenta el álgebra de límites, resuelva si existen o no existen, justificar:

a)  $\lim_{x \rightarrow a} [f(x) + g(x)] =$

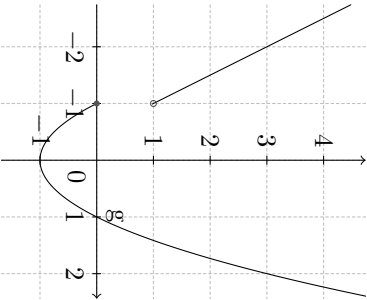
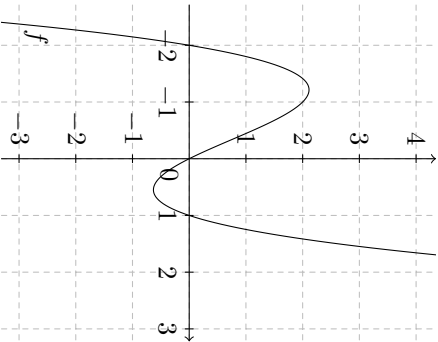
b)  $\lim_{x \rightarrow a} [h(x) - g(x)] =$

c)  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{h(x)}{g(x)} =$

d)  $\lim_{x \rightarrow a} \frac{g(x)}{f(x)} =$

e)  $\lim_{x \rightarrow a} [f(x) \cdot g(x)] =$

2. Con base en las siguientes gráficas de las funciones  $f$  y  $g$ , determine:



a)  $\lim_{x \rightarrow 0} [f(x) + g(x)] =$

b)  $\lim_{x \rightarrow -2} [f(x) - g(x)] =$

c)  $\lim_{x \rightarrow -1} [f(x) \cdot g(x)] =$

d)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)}{g(x)} =$

3. Evalúe los siguientes límites (recuerde que cuando al hacer sustitución directa se obtiene indeterminación, ésta se debe evitar usando los métodos vistos en clase y en la guía:

a)  $\lim_{x \rightarrow 4} x^2 - 4x + 6 =$

b)  $\lim_{x \rightarrow 8} \frac{x^2 - 64}{x - 8} =$

c)  $\lim_{x \rightarrow 7} \frac{x^2 - 3x - 35}{x - 7} =$

d)  $\lim_{x \rightarrow -5} \frac{2x^2 + 7x - 15}{x + 5} =$

e)  $\lim_{x \rightarrow 10} \frac{\sqrt{x + 15} - 5}{x - 10} =$