



Taller 2

Propiedades de las proporciones

Geometría 9º



Germán Avendaño Ramírez *

Nombre: _____ Curso: _____ Fecha: _____

Continuando con las propiedades de las proporciones

Segunda propiedad

Al cambiar los extremos o los medios de una proporción se obtiene otra proporción

$$\text{Si } \frac{a}{b} = \frac{c}{d}, \quad \text{entonces } \frac{d}{b} = \frac{c}{a} \quad \text{ó} \quad \frac{a}{c} = \frac{b}{d}$$

Aplicación de la propiedad dos

1. Verificar la segunda propiedad y al finalizar verificar si forman una proporción $\frac{2}{3} = \frac{4}{6}$
2. Hallar el valor de x en la proporción, $\frac{1}{6} = \frac{5}{x}$

Tercera propiedad

Al invertir los términos de cada razón de una proporción se obtiene otra proporción

$$\text{Si } \frac{a}{b} = \frac{c}{d}, \quad \text{entonces } \frac{b}{a} = \frac{d}{c}$$

*Lic. Mat. U.D., M.Sc. U.N.

Aplicación de la tercera propiedad

3. Verificar la tercera propiedad y al finalizar verificar si forman una proporción $\frac{8}{5} = \frac{24}{15}$
4. Hallar el valor de x en la proporción, $\frac{9}{x} = \frac{27}{6}$

Cuarta propiedad

La adición o sustracción del antecedente con el consecuente de la primera razón, es a su consecuente como la adición o sustracción del antecedente con el consecuente de la segunda razón, es a su consecuente.

$$\text{Sí } \frac{a}{b} = \frac{c}{d}, \quad \text{entonces } \frac{a \pm b}{b} = \frac{c \pm d}{d}$$

Aplicación de la cuarta propiedad

5. Verificar la cuarta propiedad y al finalizar verificar si forman una proporción, $\frac{4}{7} = \frac{12}{21}$
6. Hallar el valor de x en la proporción, $\frac{x-4}{5} = \frac{5}{20}$

Quinta propiedad

La adición o sustracción de los antecedentes, es a la adición o sustracción de los consecuentes, como el antecedente es a su consecuente de una de las razones.

$$\text{Sí } \frac{a}{b} = \frac{c}{d}, \quad \text{entonces } \frac{a \pm c}{b \pm d} = \frac{a}{b} \quad \text{ó} \quad \frac{a \pm c}{b \pm d} = \frac{c}{d}$$

Aplicación de la quinta propiedad

7. Verificar la quinta propiedad y al finalizar verificar si forman una proporción, $\frac{2}{3} = \frac{10}{15}$
8. Hallar el valor de x en la proporción, $\frac{x+7}{3} = \frac{-16}{6}$

Sexta propiedad

De la proporción a es a n como n es a b , diremos que n es media proporcional entre a y b

$$\text{Sí } \frac{a}{n} = \frac{n}{b} \quad \text{es una proporción, entonces } n \cdot n = a \cdot b$$

Aplicación de la sexta propiedad

9. Verificar la sexta propiedad y al finalizar verificar si forman una proporción, $\frac{16}{8} = \frac{8}{4}$

10. Hallar el valor de x en la proporción $\frac{2}{x} = \frac{x}{8}$

Resumiendo

$$P_1: \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Leftrightarrow ad = bc$$

$$P_2: \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a}{c} = \frac{b}{d}$$

$$P_3: \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{b}{a} = \frac{d}{c}$$

$$P_4: \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a \pm c}{b \pm d} = \frac{a}{b}$$

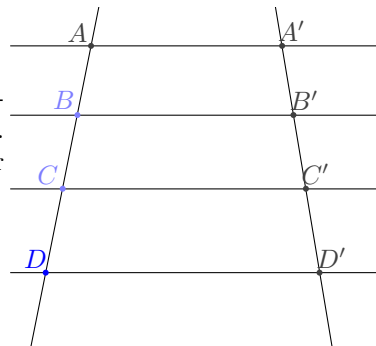
$$P_5: \frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Rightarrow \frac{a \pm b}{b} = \frac{c \pm d}{d}$$

$$P_6: \frac{a}{b} = \frac{b}{d} \Rightarrow b \cdot b = a \cdot d \quad b, \text{ es medio proporcional entre } a \text{ y } d$$

Teorema de Thales

Los segmentos determinados por rectas paralelas a dos rectas secantes son proporcionales. En el gráfico se puede por ejemplo establecer la siguiente proporción

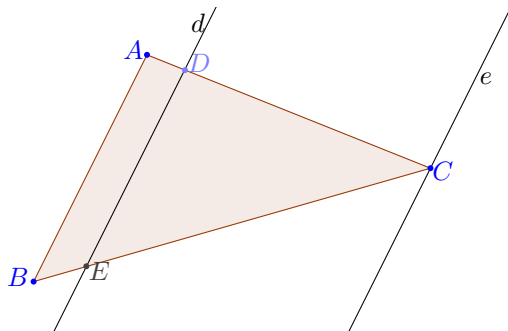
$$\overline{AB}/\overline{CD} = \overline{A'B'}/\overline{C'D'}$$



Consecuencias del teorema

1. Toda recta paralela a uno de los lados de un triángulo y que corta a los otros dos, divide a éstos en segmentos proporcionales. Esto es:

$$\overline{AC}/\overline{DC} = \overline{BC}/\overline{EC}$$



2. La bisectriz de un ángulo interior de un triángulo, divide al lado opuesto en segmentos proporcionales a los dos lados adyacentes, es decir:

$$\overline{BF}/\overline{FC} = \overline{BA}/\overline{CA}$$

