

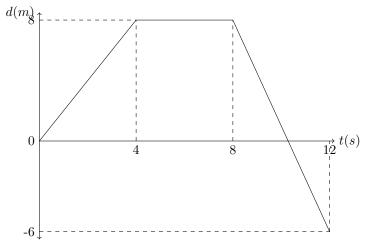
Prueba bimestral - ii período Cálculo y probabilidad
11° - formulario ${\bf 1}$

Germán Darío Avendaño Ramírez, Lic. - M.Sc.

Cálculo

Responda las preguntas 1 a 3 de acuerdo con la siguiente información

El siguiente gráfico representa la posición respecto al tiempo de un cuerpo durante 12 segundos. El movimiento en tres intervalos de 4 segundos cada uno.



- 1. Respecto al movimiento realizado por el cuerpo en el intervalo de 4 a 8 segundos, podemos afirmar que
 - a) el cuerpo parte de la posición 4 y recorre con velocidad constante 8 metros.
 - b) el cuerpo permanece en reposo, ya que mantiene la misma posición, mientras transcurren los 4 segundos.
 - c) el cuerpo cambia la dirección del movimiento y recorre 4 metros más en una superficie plana.

- d) el cuerpo recorre 4 metros con velocidad constante en 8 segundos.
- 2. Según la gráfica, se puede inferir que la velocidad del cuerpo en el transcurso de 8 a 12 segundos fue negativa, lo cual indica que
 - a) el cuerpo disminuyó la velocidad que venía manteniendo en el intervalo de 4 a 8 segundos.
 - b) el cuerpo se devolvió seis metros más, desde el punto de partida.
 - c) el cuerpo redujo el espacio recorrido durante los cuatro segundos respecto a los intervalos anteriores.
 - d) el cuerpo recorrió la misma distancia, pero empleó más tiempo que en los intervalos anteriores.
- 3. En el intervalo de 12 a 16 segundos se produjo un movimiento representado por la función: $f(t) = \frac{3}{4}t 15$. La interpretación de este movimiento realizado por el cuerpo es
 - a) el cuerpo recorrió tres metros durantes los cuatro segundos
 - b) el cuerpo incrementó su velocidad en 5 metros por cada segundo
 - c) el cuerpo retrocedió 15 metros durante el intervalo de tiempo.
 - d) el cuerpo disminuyó su velocidad en dos metros durantes los cuatro segundos.
- 4. Sean

 ${f P}$ la gráfica de la función $y=x^2-2x+3$

 \mathbf{Q} la gráfica de la función $y = x^2 + 2x + 1$

Considere las siguientes afirmaciones suponiendo que ${\bf P}$ y ${\bf Q}$ están trazadas en el mismo sistema de coordenadas

I P y Q coinciden

IV ${f P}$ está más arriba que ${f Q}$

II ${f P}$ está a la izquierda de ${f Q}$

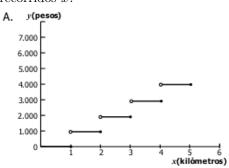
III \mathbf{P} está a la derecha de \mathbf{Q}

 $V~{\bf P}$ está más abajo que ${\bf Q}$

De las anteriores afirmaciones es o son verdaderas

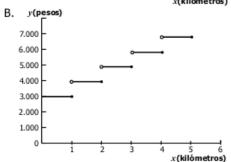
- a) sólo I
- b) II y V
- c) II y IV
- d) III y IV
- 5. Una compañía de taxis cobra una tarifa de \$3.000 por el primer kilómetro o fracción de kilómetro recorrida y \$1.000 por cada kilómetro o fracción adicional. ¿Cuál de las siguientes gráficas representa la relación entre el costo de un viaje y y el número de kilómetros

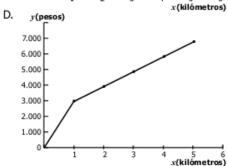
recorridos x?



C. y(pesos)

7.000
6.000
5.000
4.000
2.000
1.000





6. Una recta que ${\bf no}$ intercepta al eje ${\bf x}$ en el punto x=2 tiene por ecuación

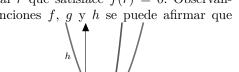
a)
$$x - 2y = 4$$

c)
$$x - 3y = 2$$

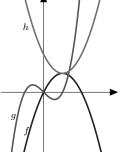
b)
$$3x + y - 6 = 0$$

d)
$$5x - 4y = 10$$

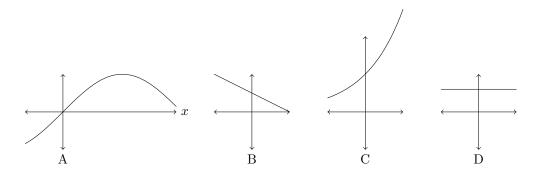
7. Una raíz real de una función f es un número real r que satisface f(r)=0. Observando las siguientes gráficas, de las raíces de las funciones f, g y h se puede afirmar que



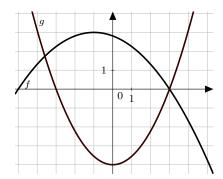
- a) f y h tienen una raíz real en común
- b) g tiene cuatros raíces reales
- $c)\ f$ y gtienen una raíz real en común
- d) h tiene una raíz real



8. Se dice que una función f es creciente si $f(x_1) < f(x_2)$ siempre que $x_1 < x_2$ para números reales cualesquiera x_1 y x_2 . Entre las siguientes gráficas, la que representa una función creciente es



9. Observe las gráficas de las funciones f y g que se presentan a continuación.



Es o son verdaderas

- a) I y II
- b) II y IV
- c) solamente II
- d) solamente IV
- 10. Sea $f(x) = \frac{x+2}{2x}$. Considere las siguientes afirmaciones:

I
$$f(x) = 0$$
 sólo si $x = -2$

III
$$f(3x) = 3f(x)$$

II
$$f(x+1) = f(x) + \frac{1}{2}$$

IV Si
$$f(x) = 1$$
, entonces $x = 2$

De las siguientes afirmaciones

II f y g tienen el mismo dominio

IV f y g interceptan el eje x en un

V g(x) > f(x) para todo x en el

I f(4) = g(4) = 0

único punto

intervalo [-4, 4]

III f(t) > g(t)

De las anteriores afirmaciones son verdaderas

- a) I y III
- b) II y IV
- c) II y III
- d) I y IV

Probabilidad

1. Al lanzar una vez un par de dados, la probabilidad de que salgan dos números consecutivos es:

a) $\frac{10}{21}$

b) $\frac{5}{21}$

c) $\frac{10}{36}$

- $d) \frac{5}{36}$
- 2. En una bolsa se tienen 3 bolas rojas, 4 bolas blancas y 4 bolas azules. Se saca una bola al azar y ésta es de color azul. Si esta bola no se devuelve a la urna, ahora es más probable sacar al azar una bola _____ que una bola _____
 - a) blanca azul

c) roja - azul

b) azul - blanca

- d) azul roja
- Si se lanza un caja de fósforos, ésta puede caer en cualquiera de las posiciones de la figura.







Posición 1

Posición 2

Posición 3

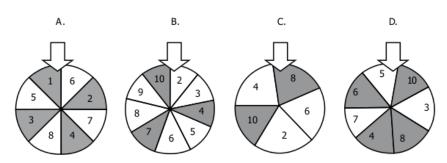
Posición	Probabilidad estimada
1	p(1) = 0,65
2	p(2) = 0,22
3	p(3) = 0, 13

La tabla construída después de efectuar 100 lanzamientos, muestra la probabilidad de caída en cada posición.

Después de otros cien lanzamientos más, se espera que

- a) más de la mitad de las posiciones de caída corresponda a las posiciones 2 y 3
- b) las tres posiciones tengan aproximadamente la misma probabilidad entre ellas
- c) más de la mitad de todas las posiciones de caída corresponda a la posición 1
- d)el número de veces que ca
e la caja en la posición 2 se aproxime al 50 %
- 4. Un grupo de estudiantes construyó una ruleta. Después de jugar todo el día con ella y registrar los resultados, concluyó que la mayoría de las veces se detuvo en un número par y en pocas oca- siones en una región sombreada.

¿Cuál fue la ruleta construída por los estudiantes?



- 5. En el noticiero de la noche anterior se anunció que había un $20\,\%$ de probabilidades de que lloviera y en realidad no llovió. Con relación a la afirmación del noticiero, usted diría no llovió porque:
 - a) era uno de los sucesos posibles y era el que tenía mayor probabilidad. Habría error si se dijera que la probabilidad era del 100 % y no sucediera lo que se predecía.
 - b) es un error cuantificar la ocurrencia de un fenómeno del cual no se conocen todas las variables que lo determinan.
 - c) la probabilidad sólo mide la posibilidad de ocurrencia de un suceso, más no la certeza de su ocurrencia.
 - d) tal vez los que calcularon el dato se equivocaron o el periodista se equivocó y leyó un $20\,\%$ de probabilidades de que lloviera cuando era un $20\,\%$ de probabilidades de que no lloviera.
- 6. Cuatro personas deciden jugar a los dados, para ello cada uno de los participantes debe elegir un dado de cuatro posibles. Gana quien en el lanzamiento obtenga mayor número

Dados	Númer	os que a	parecen	en las c	aras de	los dados
A	0	0	4	4	4	4
В	3	3	3	3	3	3
С	2	2	2	2	7	7
D	1	1	1	5	5	5

Si se inicia la partida con un lanzamiento de las personas que eligieron el dado A y el dado B. La probabilidad de que el lanzamiento del dado A obtenga un número mayor al que obtiene el dado B es

- a) $\frac{4}{2}$ ya que la probabilidad de que se pueda ganar con el dado A es la razón entre el número de aciertos y el número de fracasos o pérdidas
- b) $\frac{2}{3}$ ya que el que tiene el dado B saca siempre 3, mientras quien tiene el dado A puede sacar 4, cuatro veces seis y con esto gana, o pierde si saca 0, que puede obtenerse dos veces seis.
- c) $\frac{1}{3}$ ya que la probabilidad de que el dado A gane se establece como la diferencia entre la probabilidad de ganar del dado A menos la probabilidad del dado B, lo que es $\frac{4}{6} \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$
- d) $\frac{1}{2}$ ya que la probabilidad se obtiene haciendo el cociente entre lo obtenido en un dado y el total de los dados.

Hoja de respuestas

Formulario 1		
Nombre:	Curso:	Fecha:

Cálculo 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 a a a a a a a a b b b b b b b b c c c c c c c c d d d d d d d d

Probabilidad

1	2	3	4	5	6
a	a	a	a	a	(a)
(p)	(D)	(D)	(D)	(D)	Ō
©	©	©	©	©	©
@	(d)	(1)	(1)	(d)	(d)

Espacio para operaciones

Espacio para operaciones