3.4.1 Ejercicios

f
$$2\sqrt[3]{x} - \sqrt[3]{x^2} + 8 = 0$$

Solución

Expreso lo mismo usando exponentes:

$$2x^{1/3} - x^{2/3} + 8 = 0$$

Ahora ordeno de mayor a menor exponente, para asimilarla a una cuadrática:

$$-x^{2/3}+2x^{1/3}+8=0$$

$$x^{2/3}-2x^{1/3}-8=0$$
 Multiplicando por -1 la ecuación
$$(x^{1/3}-4)(x^{1/3}+2)=0$$
 se buscan dos números que sumados den -2 y multiplicados -8

Luego entonces se tiene que:

$$x^{1/3} - 4 = 0$$
 ó $x^{1/3} + 2 = 0$

Por tanto

$$x^{1/3} - 4 = 0$$
 $x^{1/3} = 4$
 $x = 4^3$
 $x = 64$

$$x^{1/3} + 2 = 0$$

$$x^{1/3} = -2$$

$$x = -2^{3}$$

$$x = -8$$

Por tanto las dos ráices son $-8~\mathrm{y}$ 64