

Taller 03, Introducción a las expresiones algebraicas Álgebra 8°



Germán Avendaño Ramírez, Lic. U.D., M.Sc. U.N.

_____Curso: _____ Fecha: _____

| Nivel I | | | |
|-------------------|-------------------------------|---------------|-------------------------|
| 1. Expresa, indic | cando las operaciones que del | bes hacer y c | alculando el resultado: |
| E | Expresión | Resultado | Operación indicada |
| El de | oble de 5 es | 10 | $2 \cdot 5$ |
| La n | nitad de 8 es | | |
| El tr | riple de 9 es | | |
| El cı | uadrado de 7 es | | |
| La ra | aíz cuadrada de 25 es | | |
| La s | uma de 8 y 5 es | | |
| La d | iferencia entre 10 y 7 es | | |
| El pi | roducto de 4 v 10 es | | |

2. Expresa en lenguaje algebraico estas expresiones:

El cociente entre 24 y 8 es ...

- a) El doble de un número n es ... 2n
- b) El doble de un número cualquiera es . . .
- c) La mitad de un número p es . . .
- d) La mitad de un número cualquiera es . . .
- e) La suma de dos números a y b es ...
- f) La suma de dos números cualesquiera es . . .
- g) La diferencia entre dos números m y h es \dots
- h) La diferencia entre dos números cualesquiera es \dots

- i) El producto de dos números c y d es ...
- j) El producto de dos números cualesquiera es ...
- k) El cociente entre los números x y m es ...
- l) El cociente entre dos números cualesquiera es ...
- m) El cuadrado de un número p es . . .
- n) El cuadrado de un número cualquiera es ...
- \tilde{n}) La raíz cuadrada de un número h es ...
- o) La raíz cuadrada de un número cualquiera es ...
- 3. Expresa por medio de lenguaje algebraico estas expresiones:
 - a) El cuadrado de un número disminuido en 25: $n^2 25$
 - b) El siguiente número del número entero p
 - c) El número anterior al número entero p
 - d) El cuadrado de un número más el cuadrado de otro número
 - e) La mitad de un número menos el tripe de otro número
 - f) La diferencia entre el doble de un número y la mitad de otro número
- 4. Traduce a lenguaje ordinario estas expresiones algebraicas:
 - a) Ejemplo: 2a: El doble o duplo de un número a
 - b) $\frac{b}{2}$

- d) a + b f) $a \cdot b \cdot c$ h) $a^2 + b^2$ e) m p g) 2x + 3y i) 5c + 2
- c) n^2

5. Copia y completa la tabla:

| a | b | c | Expresión algebraica | Valor numérico |
|----|----|----|-------------------------------------|-----------------------|
| 2 | 3 | 4 | a+b-c | 2 + 3 - 4 = 5 - 4 = 1 |
| -1 | 5 | -2 | $2 \cdot a + 3 \cdot b + 4 \cdot c$ | |
| 6 | -2 | 3 | $\frac{a}{2} + 5 \cdot b - c$ | |
| -5 | 4 | -6 | $-a - 3b + \frac{c}{3}$ | |
| 1 | -3 | 7 | 2(a+b+c) | |

- 6. Contesta a estas preguntas:
 - a) ¿A qué se llama expresión algebraica?
 - b) ¿Qué es un monomio?
 - c) ¿Cuáles son las partes de todo monomio?

- d) ¿A qué se llama Coeficiente?
- e) ¿Qué se entiende como Parte Literal?
- f) ¿Qué es el Grado?
- g) ¿Cuándo dos monomios son semejantes?
- 7. Copia y completa la tabla:

| Monomio | Coeficiente | Parte literal | Grado |
|-----------|-------------|---------------|-------|
| $2x^3$ | 2 | X | 3 |
| $-5y^{6}$ | | | |
| $7b^{8}$ | | | |
| $-8m^{5}$ | | | |
| x^3 | | | |

8. Agrupa y reduce los monomios semejantes:

a)
$$2x + 5x - 7x + 8x$$

c)
$$4y - 7y^2 + 8y - 5y^2 + 6y$$

b)
$$6m^2 - 9m^2 + 7m^2 - m^2$$

d)
$$5b^2 - 6b + b^2 - b + 7b - 3b^2$$

9. Realiza estas operaciones con monomios:

a)
$$3x^2 \cdot 5x^3$$

$$e) (-c)^2 \cdot (-c)^4$$

b)
$$-4m^5 \cdot 5m^3$$

$$f) \ 4 \cdot (2x^3)$$

c)
$$-2m^2 \cdot (-3m^5)$$

d) $b^2 \cdot b^5$

$$g) -5 \cdot (-3x^4)$$

10. Copia y completa la tabla:

| Polinomio | Términos del polinomio (monomios) | Grado |
|-------------------------|-----------------------------------|-------|
| $3m^2 - 5m + 7$ | $3m^2; -5m; 7$ | 2 |
| $-2x^3 + 6x^2 - 5x + 3$ | | |
| $h^2 - 7 + 5h^6$ | | |
| $b^5 - 2 + 5b^4$ | | |

11. Copia y completa la tabla, haciendo las operaciones fuera de ella:

| A | В | A + B | A-B | $2 \cdot A$ | $-3 \cdot B$ |
|------------------------|------------------------|-------|-----|-------------|--------------|
| x+5 | x+3 | 2x+8 | | | |
| $3x^2 + 2x + 5$ | $2x^2 - 6x - 1$ | | | | |
| $-4m + 5m^2 + 6$ | $-4 + 6m - m^2$ | | | | |
| $2b^3 - 3b + 5b^2 - 4$ | $-2b + 5b^2 - b^3 + 3$ | | | | |

En la tabla resulta 2x + 8, ya que en la primera fila, A = x + 5 y B = x + 3, por lo tanto

$$A + B = (x + 5) + (x + 3) = (x + x) + (5 + 3) = 2x + 8$$

- 12. Calcula el valor numérico de estas expresiones algebraicas, dando un valor positivo y otro negativo a las letras que aparecen en ellas:
 - a) n + n = 2n

b) $b \cdot b = b^2$

¿Cómo son los resultados que se obtienen?

¿Serán estas expresiones algebraicas unas identidades?. Justifica tu respuesta. (Consulta que es una identidad en matemáticas)

13. Copia y completa la tabla:

| Ecuación | Primer miembro | Segundo miembro | Téri | minos | Incógnita |
|---------------------|----------------|-----------------|------|-------|-----------|
| 2x + 3 = 7 | 2x+3 | 7 | 2x; | 3; 7 | x |
| 4m - 5 = 9m | | | | | |
| 3b - 2 = 3 - 5b | | | | | |
| 2h + 5 - 4 = 3h - 8 | | | | | |

14. Resuelve estas ecuaciones:

a) 1)
$$x+5=8$$
 2) $x-3=7$ 3) $6=4+x$ 4) $-6=x-2$

2)
$$x - 3 = 7$$

3)
$$6 = 4 + x$$

4)
$$-6 = x - 2$$

b) 1)
$$3b = 12$$
 2) $2b = -6$ 3) $20 = 5b$ 4) $-8 = -2b$

2)
$$2b = -6$$

3)
$$20 = 5b$$

4)
$$-8 = -2b$$

$$c) \quad 1) \quad \frac{m}{2} = 1$$

2)
$$\frac{3m}{4} = 3$$

3)
$$\frac{m}{-5} = 8$$

c) 1)
$$\frac{m}{2} = 1$$
 2) $\frac{3m}{4} = 3$ 3) $\frac{m}{-5} = 8$ 4) $\frac{-4m}{3} = -8$

d) 1)
$$2p + 3 = 7$$

2)
$$6p - 5 = 7$$

3)
$$4 = 2p - 2$$

2)
$$6p-5=7$$
 3) $4=2p-2$ 4) $10=3p+1$

15. Resuelve estas ecuaciones:

a)
$$4x + 5 = 2x + 9$$

d)
$$2 \cdot (x+5) = 8$$

b)
$$3x - 1 = x + 5$$

e)
$$-2 \cdot (x-4) = 3 \cdot (x-6)$$

c)
$$3x - 2 + 4x = 6x - 5$$

f)
$$6 \cdot (3x - 2) = 12x + 3 \cdot (x - 10)$$

g)
$$3m - 2 \cdot (m+1) = 3 \cdot (m-1) - 1$$

h)
$$5 \cdot (m+2) - 3 \cdot (m-1) = 5 \cdot (m+3)$$

$$i) \frac{b}{3} - \frac{b}{12} + \frac{1}{4} = 1$$

- $j) \ \frac{1}{2} \frac{3b}{10} \frac{b}{5} + 30 = 0$
- $k) \ \frac{b}{4} + \frac{5}{2} \frac{b}{6} = 5$