



Taller, Límites de funciones en \mathbb{R} Cálculo 11°



Germán Avendaño Ramírez, Lic. U.D., M.Sc. U.N.

Nombre: _____ Curso: _____ Fecha: _____

Introducción

Materiales: Regla, escuadra, calculadora, esferos o lápices de diferentes colores.

1. Grafica cada una de las siguientes funciones definidas en el conjunto de los números Reales:

$$a) \ y = f(x) = 2x + 1 \qquad b) \ y = g(x) = x^2 - 4 \qquad c) \ y = h(x) = x^3 - 2x$$

2. En la siguiente recta numérica, escoge un par de unidades consecutivas y cada una divídelas en 10 partes iguales. Coloca el número correspondiente a cada división. ¿Cuáles serían los números si cada unidad es dividida en 100 partes iguales?



3. A continuación encontrarás dibujadas dos rectas. Traza perpendiculares por los puntos dibujados



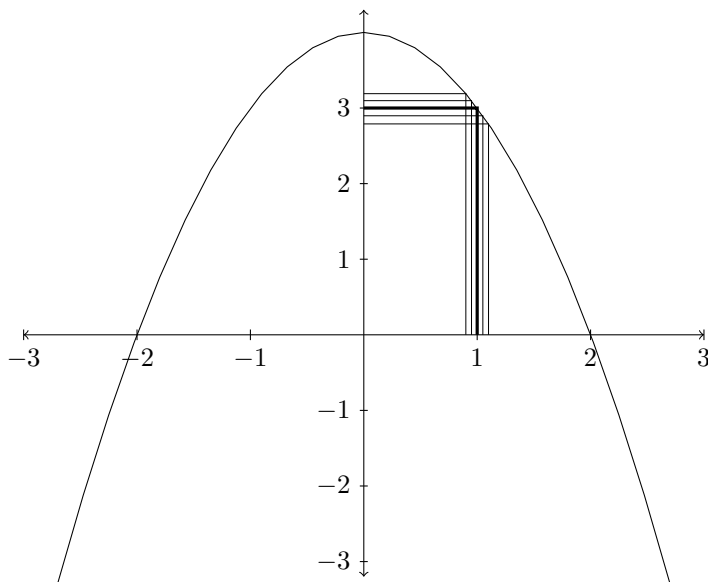
4. Consideremos la función definida mediante la expresión $y = j(x) = 4 - x^2$. Observemos los valores del recorrido (y) cuando los del dominio (x) están cerca de 1. Para ello:



- a) Elaboramos una tabla de valores donde se observen los valores de “ y ” cuando los de “ x ” se están acercando a 1:

	Por la izquierda de 1 →				Por la derecha de 1 ←		
x	0.97	0.98	0.99	1	1.01	1.02	1.03
y							

- b) Construimos su gráfica conectando mediante segmentos de rectas, los elementos del Dominio próximos a 1, con su correspondiente elemento del recorrido:



- c) Hacia que valores se aproximan los de “ y ”, cuando los de “ x ” se acercan a 1?
 d) Observemos que ocurre gráficamente. Para ello haz cuatro gráficas de la función. En cada una de ellas:

- Dibuja en el eje “ y ”, una de las siguientes vecindades del 3: $V_1(3)$, $V_{\frac{1}{2}}(3)$, $V_{\frac{1}{4}}(3)$ y $V_{\frac{1}{10}}(3)$. (Vecindad $V_{\frac{1}{2}}(3)$ significa que cerca de tres se construye una vecindad de radio $\frac{1}{2}$, es decir de radio 0.5; tenemos entonces el intervalo abierto $(-2.5, 3.5)$)
- Escoge varios puntos de la vecindad (pueden ser dos, por encima y por debajo de 3). Levanta en cada uno de ellos una perpendicular que llegue hasta la gráfica. A continuación, traza desde aquí, otra perpendicular que llegue hasta el eje “ x ”.
- ¿Dentro de qué vecindad quedan los puntos de los extremos de los segmentos que llegan hasta el eje “ x ”?