Page 4 of 4

## Espacio para operaciones

💌 CÁLCULO 11°

## "LÍMITES"



Para resolver estos ejercicios debe tener en cuenta las propiedades de los límites; además debe tener presente que si al resolver directamente se obtiene indeterminación, ésta debe solucionarse mediante factorización.

Presentar la evaluación equivale a 1 unidad en la calificación, el primero y segundo punto valen cada uno 1 unidad y el tercer punto vale 2 unidades

Nombre:\_\_\_\_\_ Fecha:\_\_\_\_\_\_ Fecha:\_\_\_\_

Para recordar:

## Casos de factorización

- $\blacksquare$  Diferencia de cuadrados:  $a^2-b^2=(a-b)(a+b)$
- Trinomios
- i)  $x^2 + 3x 10$ .

En este caso debemos buscar dos números que multiplicados den el tercer término -10 y sumados den el coeficiente del segundo término 3, los cuales son 5 y -2. De tal forma que la factorización es:

$$x^2 + 3x - 10 = (x - 2)(x + 5)$$

ii)  $6x^2 + 7x - 20$ 

Se puede resolver este caso de forma similar al anterior, multiplicando y dividiendo por el coeficiente del primer término 6. Así:

$$6x^{2} + 7x - 20 = \frac{6(6x^{2}) + 7x(6) - 20(6)}{6}$$

$$= \frac{36x^{2} + 7(6x) - 120}{6}$$
Buscan
$$= \frac{(6x + 15)(6x - 8)}{6}$$

$$= \frac{3(2x + 5)2(3x - 4)}{6}$$
Can

Buscamos dos números que sumados

den 7 y multiplicados — 120

Cancelamos los factores 3 y 2 con

el 6 del denominador

= (2x+5)(3x-4)

The End.

"Límites"

Cálculo 11°

## Cuestionario

1. Sabiendo que

$$\lim_{x \to a} f(x) = 0, \quad \lim_{x \to a} g(x) = 4 \quad \text{y} \quad \lim_{x \to a} h(x) = 6$$

y teniendo en cuenta el álgebra de límites, resuelva si existen o no existen, justificar:

$$a) \lim_{x \to a} [f(x) + g(x)] =$$

$$b) \lim_{x \to a} [h(x) - g(x)] =$$

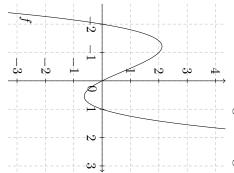
c) 
$$\lim_{x \to a} \frac{h(x)}{g(x)} =$$

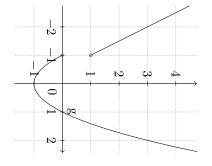
$$d) \lim_{x \to a} \frac{g(x)}{f(x)} =$$

$$e) \lim_{x \to a} [f(x) \cdot g(x)] =$$

e) 
$$\lim_{x \to a} [f(x) \cdot g(x)] =$$

2. Con base en las siguientes gráficas de las funciones f y g, determine:





a) 
$$\lim_{x \to 0} [f(x) + g(x)] =$$

b) 
$$\lim_{x \to -2} [f(x) - g(x)] =$$

c) 
$$\lim_{x \to -1} [f(x) \cdot g(x)] =$$

$$d) \lim_{x \to 1} \frac{f(x)}{g(x)} =$$

3. Evalúe los siguientes límites (recuerde que cuando al hacer sustitución directa se obtiene indeterminación, ésta se debe evitar usando los métodos vistos en clase y en la guía:

a) 
$$\lim_{x \to 4} x^2 - 4x + 6 =$$

$$b) \lim_{x \to 8} \frac{x^2 - 64}{x - 8} =$$

c) 
$$\lim_{x \to 7} \frac{x^2 - 3x - 35}{x - 7} =$$

$$d) \lim_{x \to -5} \frac{2x^2 + 7x - 15}{x + 5} =$$

e) 
$$\lim_{x \to 10} \frac{\sqrt{x+15}-5}{x-10} =$$

Cont.

Cont.