



Taller Progresiones Matemáticas 9º



Germán Avendaño Ramírez *

Actividad

Nivel I

1. Hallar los dos términos siguientes de las sucesiones que se indican:

- | | | |
|---|---|--|
| a) 4, 6, 8, 10, ... | e) -3, 5, -7, 9, -11, ... | i) 1, -2, 3, -4, 5, -6, ... |
| b) -5, -2, 1, 4, 7, ... | f) 1, 4, 9, 16, 25, ... | j) $\frac{1}{3}, \frac{4}{5}, \frac{9}{7}, \frac{16}{9}, \frac{25}{11}, \dots$ |
| c) $\frac{1}{2}, \frac{3}{2}, \frac{5}{2}, \frac{7}{2}, \dots$ | g) 1, 2, 4, 7, 11, ... | |
| d) $0, \frac{1}{4}, \frac{2}{5}, \frac{3}{6}, \frac{4}{7}, \dots$ | h) $\frac{5}{3}, \frac{10}{4}, \frac{17}{5}, \frac{26}{6}, \frac{37}{7}, \dots$ | |

2. Cada día me duplican el dinero que tengo y me dan una peseta más. Si el primer día tengo 5 ptas, construye la sucesión que indica el dinero que tengo cada día.

3. Formamos la siguiente secuencia de figuras: la primera es un cubo; la segunda figura, dos cubos unidos por una de sus caras; la tercera, tres cubos, uno a continuación de otro, unidos cada dos por una de sus caras, y así sucesivamente.

Construye las sucesiones siguientes:

- a) La que nos indica el número de caras ocultas.
- b) La que nos indica el número de caras visibles.
¿Cuál es el criterio de formación de cada una?

4. Comprueba cuales de las siguientes sucesiones son progresiones y, las que lo sean, indica si son aritméticas o geométricas:

*Lic. Mat. U.D., M.Sc. U.N.

- a) $-3, 0, 6, 9, \dots$ c) $7, 5, 3, 1, -1, -3, \dots$ e) $2, 4, 8, 24, 96, \dots$
b) $2, 4, 7, 11, 16, \dots$ d) $5, 15, 45, 135, \dots$ f) $2/3, 2/9, 2/27, 2/81, \dots$

5. Halla los siete primeros términos una progresión aritmética:
- a) cuyo primer término es 5 y su diferencia 3
b) cuyo primer término es -4 y su diferencia 2
c) cuyo tercer término es 7 y su diferencia 3
d) cuyo quinto término es 17 y su diferencia -3
6. Halla el término general de la una progresión aritmética si su primer término es 5 y su diferencia es 3.
7. Halla el término general de una progresión aritmética si sus dos primeros términos son 4 y 9. Halla también su vigésimo término y la suma de los veinte primeros.
8. En una granja hay 200 pollos y cada día nacen 15. ¿Cuántos hay al cabo de 20 días si no ha muerto ninguno?
9. Interpola cinco números entre 5 y 23 de manera que estén en progresión aritmética.
10. Un agricultor posee una finca a la orilla de una carretera. Decide vallar este lado de la finca que tiene una longitud de 240 metros. Si dispone de 61 estacas, ¿cuál deberá ser la separación entre ellas?
11. Si en una progresión aritmética quitamos los términos pares, lo que queda ¿es una progresión? En caso afirmativo indica cuál es la diferencia o la razón.
12. Halla la suma de los 200 primeros números naturales.
13. Halla la suma de los 100 primeros números pares.
14. Alberto decide ahorrar y guarda en la hucha 100 ptas la primera semana, 125 la segunda, 150 la tercera y así sucesivamente. ¿Cuánto tiene ahorrado al cabo de 20 semanas?
15. Entre las siguientes progresiones, identifica las aritméticas y las geométricas. Indica en cada caso cuál es la diferencia o la razón:
- a) $2, 4, 8, 16, \dots$ f) $6, 3, 3/2, 3/4, \dots$
b) $4, 12, 36, 108, \dots$ g) $2, -2, 2, -2, \dots$
c) $20, 40, 60, 80, \dots$ h) $\sqrt{2}, 2, 2\sqrt{2}, 4, \dots$
d) $2/3, 4/9, 8/27, 16/81, \dots$ i) $\sqrt{2}, 2\sqrt{2}, 3\sqrt{2}, 4\sqrt{2}, \dots$
e) $2, -4, 8, -16, 32, \dots$

16. Halla el término general de una progresión geométrica de razón 3 y cuyo primer término es 2. Halla también el séptimo término.
17. Halla el término general de una progresión geométrica cuyos segundo y tercer términos son 6 y 12, respectivamente. ¿Cuál es su octavo término?
18. Construye la progresión geométrica que empieza por 25 y en la que cada término es los $\frac{2}{5}$ del anterior.
19. Se deja caer una pelota desde una altura de 12 metros. Cada vez que rebota en el suelo alcanza una altura igual a los $\frac{2}{3}$ de la altura anterior. Construye la sucesión que nos da la altura alcanzada tras los sucesivos rebotes. ¿Qué tipo de sucesión es? Halla el término general.
20. Halla la suma de los diez primeros términos de la progresión geométrica de razón 3 sabiendo que su primer término es $\frac{1}{9}$.
21. Un asalariado gana un sueldo bruto de 3 millones de pesetas. La Dirección decide subirle el sueldo durante diez años, de manera que el nuevo sueldo de cada año va a ser el del anterior multiplicado por 1,1 (es decir, aumentado en un 10%). Construye la sucesión que indica el sueldo en los distintos años, halla el término general y cuánto ganará en el último año.
22. Un buscador de oro encuentra el primer día 3 gr. de dicho metal y cada día consigue doble cantidad que el día anterior. ¿Cuánto oro reunió en 15 días?

Nivel II

1. Hallar el término general de las siguientes sucesiones:

$$\begin{array}{lll}
 a) -3, -1, 1, 3, 5, \dots & d) \frac{1}{3}, \frac{8}{5}, \frac{27}{7}, \frac{64}{9}, \dots & g) \frac{5}{3}, \frac{10}{4}, \frac{17}{5}, \frac{26}{6}, \frac{37}{7}, \dots \\
 b) 1, 8, 27, 64, \dots & e) \frac{3}{-3}, \frac{6}{1}, \frac{9}{5}, \frac{12}{9}, \frac{15}{13}, \dots & \\
 c) 2, 5, 10, 17, 26, \dots & f) -1, 2, -3, 4, -5, \dots & h) 4, 8, 16, 32, \dots
 \end{array}$$

2. Halla los términos 4o y 7o de las sucesiones cuyo término general es:

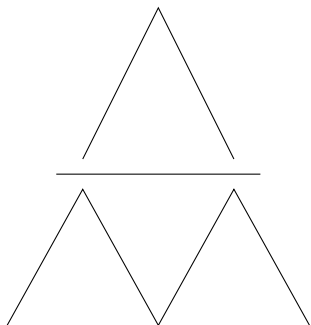
$$\begin{array}{ll}
 a) \frac{n^2 - 3}{n + 1} & b) (-1)^n(n + 3)
 \end{array}$$

3. Halla los cinco primeros términos de las sucesiones cuya ley de recurrencia es:

$$\begin{array}{ll}
 a) a_1 = 2; a_n = a_{n-1} + 2n \text{ (para } n > 1) & \\
 b) a_1 = a_2 = 1; a_n = a_{n-1} + a_{n-2} \text{ (para } n > 2) &
 \end{array}$$

4. Halla el término general de una progresión aritmética en los siguientes casos.

- a) $a_5 = 23$ y $a_{10} = 43$
 - b) $a_4 = 10$ y $d = 3$, donde d es la diferencia común entre los términos.
 - c) $a_4 = 13$ y $a_2 + a_{11} = 41$
 - d) $a_2 = 5$ y $S_{20} = 610$, donde S_{20} indica la suma de los primeros 20 términos.
Representa gráficamente la progresión en cada uno de los casos.
5. Comprueba que la sucesión de término general $a_n = 4n - 5$ es una p.a. y halla su diferencia.
¿Es 395 un término de la progresión? ¿Qué lugar ocupa?
¿Es 900 un término de la progresión?
 6. Si multiplicamos por un mismo número todos los términos de una progresión aritmética, ¿se obtiene otra progresión aritmética? ¿Y si sumamos a todos los términos una cantidad fija? En caso afirmativo, ¿cuál es la diferencia?
Responde a las mismas preguntas en el caso de una progresión geométrica.
 7. Los tres ángulos de un triángulo están en progresión aritmética y el menor mide 40° . Halla los otros dos.
 8. Halla la suma de todos los múltiplos de 7 comprendidos entre 255 y 1170.
 9. Halla la suma de todos los múltiplos de 7 menores que 2000 que no sean múltiplos de 11.



10. Un castillo de naipes tiene el diseño de la figura.
Halla el término general o la ley de recurrencia de la sucesión que indica el número de naipes de cada fila, empezando por la superior. (Se considera que $a_1 = 2$, $a_2 = 5$, etc.). ¿Cuántos naipes tiene un castillo de 20 filas?
¿Se puede construir un castillo completo con una baraja de 54 naipes?
11. Comprueba que la sucesión $1 + \sqrt{2}$, $2 + \sqrt{2}$, $2 + 2\sqrt{2}$, es una progresión geométrica.
Halla el término general y la suma de los 10 primeros términos.
12. Calcula el término general y el producto de los 10 primeros términos de una progresión geométrica en la que $a_2 = 3/2$ y $a_4 = 12$.
13. En una prueba de laboratorio se ha comprobado que el número de bacterias crece en progresión geométrica a medida que pasan los días. Si al iniciarse el experimento había 250.000 y el sexto día 8.000.000, ¿cuántas había los días del 2° al 5° ?