Page 4 of ??

# Espacio para operaciones

## 🕱 CÁLCULO 11°

#### LÍMITES



Para resolver estos ejercicios debe tener en cuenta las propiedades de los límites; además debe tener presente que si al resolver directamente se obtiene indeterminación, ésta debe solucionarse mediante factorización.

Presentar la evaluación equivale a 1 unidad en la calificación, el primero y segundo punto valen cada uno 1 unidad y el tercer punto vale 2 unidades

Fecha: Nombre:\_

Para recordar:

## Casos de factorización

- $\blacksquare$  Diferencia de cuadrados:  $a^2-b^2=(a-b)(a+b)$
- Trinomios

i) 
$$x^2 + 3x - 10$$
.

En este caso debemos buscar dos números que multiplicados den el tercer término -10 y sumados den el coeficiente del segundo término 3, los cuales son 5 y -2. De tal forma que la factorización es:

$$x^2 + 3x - 10 = (x - 2)(x + 5)$$

ii) 
$$6x^2 + 7x - 20$$

Se puede resolver este caso de forma similar al anterior, multiplicando y dividiendo por el coeficiente del primer término 6. Así:

$$6x^{2} + 7x - 20 = \frac{6(6x^{2}) + 7x(6) - 20(6)}{6}$$

$$= \frac{36x^{2} + 7(6x) - 120}{6}$$
Buscam
$$= \frac{(6x + 15)(6x - 8)}{6}$$

$$= \frac{3(2x + 5)2(3x - 4)}{6}$$
Can

Buscamos dos números que sumados

el 6 del denominador

= (2x+5)(3x-4)

Límites

### Cuestionario

1. Sabiendo que

$$\lim_{x\to a} f(x) = 7, \quad \lim_{x\to a} g(x) = 8 \quad \text{y} \quad \lim_{x\to a} h(x) = 0$$

y teniendo en cuenta el álgebra de límites, resuelva si existen o no existen, justificar:

$$a) \lim_{x \to a} [f(x) + g(x)] =$$

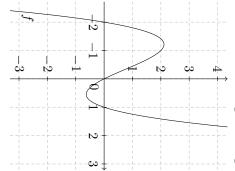
$$b) \lim_{x \to a} [h(x) - g(x)] =$$

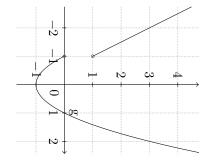
c) 
$$\lim_{x \to a} \frac{h(x)}{g(x)} =$$

$$d) \lim_{x \to a} \frac{f(x)}{h(x)} =$$

e) 
$$\lim_{x \to a} [f(x) \cdot g(x)] =$$

2. Con base en las siguientes gráficas de las funciones 
$$f y g$$
, determine:





$$a) \lim_{x \to -2} [f(x) + g(x)] =$$

$$b) \lim_{x \to -1} [f(x) - g(x)] =$$

c) 
$$\lim_{x \to 1} [f(x) \cdot g(x)] =$$

$$d) \quad \lim_{x \to -2} \frac{f(x)}{g(x)} =$$

3. Evalúe los siguientes límites (recuerde que cuando al hacer sustitución directa se obtiene indeterminación, ésta se debe evitar usando los métodos vistos en clase y en la guía:

a) 
$$\lim_{x \to 3} x^2 - 4x + 6 =$$

$$b) \lim_{x \to 7} \frac{x^2 - 49}{x - 7} =$$

c) 
$$\lim_{x \to 5} \frac{x^2 + 3x - 40}{x - 5} =$$

$$d) \lim_{x \to 3} \frac{2x^2 - x - 15}{x - 3} =$$

$$\lim_{x \to 9} \frac{\sqrt{x+7} - 4}{x-9} =$$