> restart:  
> assume(n:: integer, j:: integer, 
$$T > 0$$
);  
> simplify  $\left(\frac{1}{T} \cdot \int_{0}^{T} \sin\left(\frac{2 \cdot \pi \cdot n \cdot t}{T}\right) \cdot \sin\left(\frac{2 \cdot \pi \cdot j \cdot t}{T}\right) dt\right)$ ;

$$simplify \left( \frac{1}{T} \cdot \int_0^T \sin\left(\frac{2 \cdot \pi \cdot n \cdot t}{T}\right) \cdot \cos\left(\frac{2 \cdot \pi \cdot j \cdot t}{T}\right) dt \right);$$

$$= simplify \left( \frac{1}{T} \cdot \int_0^T \cos\left( \frac{2 \cdot \pi \cdot n \cdot t}{T} \right) \cdot \cos\left( \frac{2 \cdot \pi \cdot j \cdot t}{T} \right) dt \right);$$

$$= 0$$

$$(3)$$

(2)

$$> simplify \left( \frac{1}{T} \cdot \int_0^T \sin\left(\frac{2 \cdot \pi \cdot n \cdot t}{T}\right) \cdot \sin\left(\frac{2 \cdot \pi \cdot n \cdot t}{T}\right) dt \right);$$

$$\frac{1}{2}$$
(4)

$$= simplify \left( \frac{1}{T} \cdot \int_0^T \sin\left(\frac{2 \cdot \pi \cdot n \cdot t}{T}\right) \cdot \cos\left(\frac{2 \cdot \pi \cdot n \cdot t}{T}\right) dt \right);$$

$$= 0$$

$$(5)$$

$$> simplify \left( \frac{1}{T} \cdot \int_0^T \cos\left( \frac{2 \cdot \pi \cdot n \cdot t}{T} \right) \cdot \cos\left( \frac{2 \cdot \pi \cdot n \cdot t}{T} \right) dt \right);$$

$$\frac{1}{2}$$
(6)