Лабораторная работа 2

Линейная нейронная сеть. Правило обучения Уидроу-Хоффа

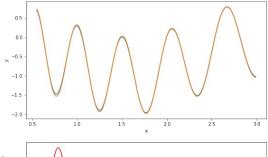
Тимофеев А.В., М8О-407Б-19

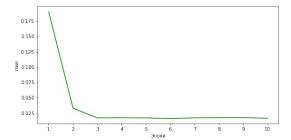
Целью работы является исследование свойств линейной нейронной сети и алгоритмов ее обучения, применение сети в задачах аппроксимации и фильтрации.

```
Вариант 12
import os
import keras
import tensorflow as tf
from keras.layers import *
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
import pylab
EPOCHES = 10
D = 5
def visualize(x, y, train x, train y, model, h):
    figure = plt.figure(figsize=(20, 10))
    pred = model.predict(train x)
    axes = figure.add subplot(221)
    plt.plot(x[D:], y[D:])
    plt.plot(x[D:], pred)
    plt.ylabel("y")
    plt.xlabel("x")
    axes = figure.add subplot(222)
    epticks = [(i + 1) \text{ for } i \text{ in } range(len(h))]
    plt.plot(epticks, h, "g")
    plt.ylabel("mae")
    plt.xlabel("Эпохи")
    plt.xticks(epticks)
    axes = figure.add subplot(223)
    plt.plot(x[D:], y[D:] - pred.flat, "r")
    plt.ylabel("Разность предсказания и сигнала, у")
    plt.xlabel("x")
    plt.show()
Задание №1
def signal(t):
    return (np.sin(t**2-15*t+3) - np.sin(t)**2)
h = 0.01
x = np.arange(0.5, 3, h)
y = signal(x)
```

```
plt.plot(x, y)
plt.show()
   0.5
   0.0
  -0.5
  -1.0
  -1.5
  -2.0
                  1.0
                            1.5
                                     2.0
                                               2.5
                                                         3.0
        0.5
n = x.shape[0]
train_x, train_y = [], []
for i in range(n - D):
    xx = y[i:i + D]
    yy = y[i + D]
    train x.append(xx)
    train_y.append(yy)
train x = np.array(train x)
train_y = np.array(train_y)
model = tf.keras.models.Sequential([
    tf.keras.layers.Dense(1, input dim = D, activation = "linear")
])
model.compile(
    optimizer = tf.keras.optimizers.SGD(learning_rate = 0.05),
    loss = "mse",
    metrics = ["mae"]
)
h = model.fit(x = train_x, y = train_y, batch_size = 1, epochs =
EPOCHES, verbose = False, shuffle = True)
visualize(x, y, train_x, train_y, model, h.history["mae"])
```

8/8 [=======] - 0s 714us/step





```
O 00 4 - 0 002 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 0000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 000 - 0 00
```

Задание №2

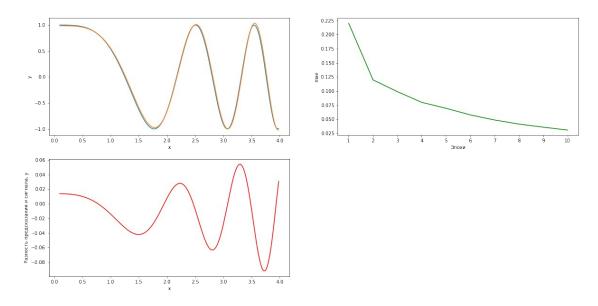
```
def signal_true(t):
    return np.cos(t**2)

def signal_noise(t):
    return 0.5 * np.cos(t**2 + np.pi)

h = 0.02
x = np.arange(0, 4, h)
y_true = signal_true(x)
y_noise = signal_noise(x)

plt.plot(x, y_true)
plt.plot(x, y_noise)
plt.show()
```

```
1.00
   0.75
   0.50
   0.25
   0.00
  -0.25
  -0.50
  -0.75
  -1.00
         0.0
               0.5
                     1.0
                           1.5
                                 2.0
                                       2.5
                                             3.0
                                                   3.5
                                                         4.0
n = x.shape[0]
train_x, train_y = [], []
for i in range(n - D):
    xx = y \text{ noise}[i:i + D]
    yy = y_true[i + D]
    train x.append(xx)
    train y.append(yy)
train x = np.array(train x)
train y = np.array(train y)
model = tf.keras.models.Sequential([
    tf.keras.layers.Dense(1, input_dim = D, activation = "linear")
])
model.compile(
    optimizer = tf.keras.optimizers.SGD(learning rate = 0.05),
    loss = "mse",
    metrics = ["mae"]
)
h = model.fit(x = train_x, y = train_y, batch_size = 1, epochs =
EPOCHES, verbose = False, shuffle = True)
visualize(x, y true, train x, train y, model, h.history["mae"])
7/7 [=======] - 0s 833us/step
```



Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы я ознакомился с задачами апроксимации и фильтрации, реализовал их решение с помощью однослойной нейросети.