

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ
НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ "ЛЬВІВСЬКА ПОЛІТЕХНІКА"

Інститут КНІТ
Кафедра ПЗ

ЗВІТ

До лабораторної роботи № 4
На тему: "Метод швидкого сортування"
З дисципліни: "Алгоритми та структури даних"

Лектор:
доцент кафедри ПЗ
Коротєєва Т.О.

Виконав:
студент групи ПЗ-22
Коваленко Д.М.

Прийняв:
асистент кафедри ПЗ
Франко А.В.

«_____» _____ 2022 р.
 Σ = _____

Тема. Метод швидкого сортування.

Мета. Вивчити алгоритм швидкого сортування. Здійснити програмну реалізацію алгоритму швидкого сортування. Дослідити швидкодію алгоритму швидкого сортування.

Лабораторне завдання

Створити віконний проект та написати програму, яка реалізує алгоритм сортування Шелла.

5. Задано одновірний масив дійсних чисел. Виключити з нього моду (елемент, який повторюється найчастіше). Отриманий масив посортувати в порядку зростання

Теоретичні відомості

Швидке сортування - алгоритм сортування, добре відомий, як алгоритм розроблений Чарльзом Хоаром, який не потребує додаткової пам'яті і виконує у середньому $O(n \cdot \log(n))$ операцій. Оскільки алгоритм використовує дуже прості цикли і операції, він працює швидше інших алгоритмів, що мають таку ж асимптотичну оцінку складності.

В основі алгоритму лежить принцип «розділяй та володарюй» (англійською «Divide and Conquer»). Ідея алгоритму полягає в переставлянні елементів масиву таким чином, щоб його можна було розділити на дві частини і кожний елемент з першої частини був не більший за будь-який елемент з другої. Впорядкування кожної з частин відбувається рекурсивно. Алгоритм швидкого сортування може бути реалізований як на масиві, так і на двобічному списку.

Швидке сортування є алгоритмом на основі порівнянь, і не є стабільним. Алгоритм швидкого сортування було розроблено Чарльзом Хоаром у 1962 році під час роботи у маленькій британській компанії Elliott Brothers. В класичному варіанті, запропонованому Хоаром, з масиву обирався один елемент, і весь масив розбивався на дві частини по принципу: в першій частині - ті що не більші даного елемента, в другій частині - ті що не менші даного елемента.

Час роботи алгоритму сортування залежить від збалансованості, що характеризує розбиття. Збалансованість, у свою чергу залежить від того, який елемент обрано як опорний (відносно якого елемента виконується розбиття). Якщо розбиття збалансоване, то асимптотично алгоритм працює так само швидко як і алгоритм сортування злиттям.

Математичне очікування часу роботи алгоритму на всіх можливих вхідних масивах є $O(n \cdot \log(n))$, тобто середній випадок ближчий до найкращого.

В середньому алгоритм працює дуже швидко, але на практиці, не всі можливі вхідні масиви мають однакову імовірність. Тоді, шляхом додавання рандомізації вдається отримати середній час роботи в будь-якому випадку. В рандомізованому алгоритмі, при кожному розбитті в якості опорного обирається випадковий елемент

Покроковий опис роботи алгоритму швидкого сортування

Алгоритм S - швидке сортування

S1 Задаємо величину проміжку $= N/2$;

S2 Заходимо у внутрішній цикл, призначаємо $i = GAP$, поки $i < N$;

S3 Присвоюємо значення тимчасовій змінній $tmp = array[i]$;

S4 Заходимо у вкладений цикл, призначаємо $j = i + 1$, поки $j < N$;

S5 Виконуємо порівняння поки $array[j - gap + 1] > tmp$ інакше переставляємо елементи місцями $array[j] = array[j - gap + 1]$, $j = j - GAP$;

S6 Повторити S2;

S7 Повторюємо зменшення проміжку $GAP = GAP/2$, поки $GAP > 0$;

Хід роботи

Файл sort.rs

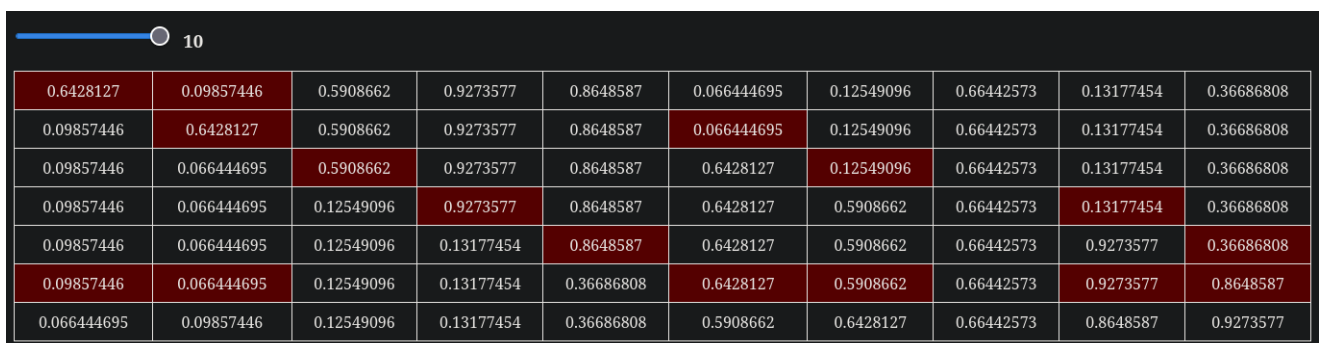
```
use crate::data::Data;

pub fn sort(input: &mut [Data]) -> Vec<Vec<Data>> {
    let mut res = vec![input.to_vec()];
    if input.len() > 1 {
        let pivot = lomuto_partition(&mut input[..], &mut res);
        sort(&mut input[..pivot]);
        sort(&mut input[pivot + 1..]);
    }
    res.push(input.to_vec());
    res
}

fn lomuto_partition(input: &mut [Data], res: &mut Vec<Vec<Data>>) -> usize {
    let pivot = input.len() - 1;
    let mut swap = 0;
    for i in 0..pivot {
        if input[i] < input[pivot] {
            if swap != i {
                input.swap(swap, i);
                res.push(input.to_vec());
            }
            swap += 1;
        }
    }

    if swap != pivot {
        input.swap(swap, pivot);
        res.push(input.to_vec());
    }
    swap
}
```

Результат роботи



0.6428127	0.09857446	0.5908662	0.9273577	0.8648587	0.066444695	0.12549096	0.66442573	0.13177454	0.36686808
0.09857446	0.6428127	0.5908662	0.9273577	0.8648587	0.066444695	0.12549096	0.66442573	0.13177454	0.36686808
0.09857446	0.066444695	0.5908662	0.9273577	0.8648587	0.6428127	0.12549096	0.66442573	0.13177454	0.36686808
0.09857446	0.066444695	0.12549096	0.9273577	0.8648587	0.6428127	0.5908662	0.66442573	0.13177454	0.36686808
0.09857446	0.066444695	0.12549096	0.13177454	0.8648587	0.6428127	0.5908662	0.66442573	0.9273577	0.36686808
0.09857446	0.066444695	0.12549096	0.13177454	0.36686808	0.6428127	0.5908662	0.66442573	0.9273577	0.8648587
0.066444695	0.09857446	0.12549096	0.13177454	0.36686808	0.5908662	0.6428127	0.66442573	0.8648587	0.9273577

Рис. 1: Виконання програми

Висновок

Під час виконання лабораторної роботи я вивчив алгоритм швидкого сортування. Здійснив програмну реалізацію алгоритму швидкого сортування. Дослідив швидкодію алгоритму швидкого сортування.