

$$\text{For } \lambda=4 \rightarrow \begin{bmatrix} 3 & -2 & -3 \\ 0 & 0 & -5 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 3 & -2 & -3 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 3 & -2 & -3 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} V_1 & V_2 & V_3 \\ 1 & -2/3 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \end{bmatrix}$$

$$V_1 - 2/3 V_2 = 0$$

$$V_1 = 2/3 V_2$$

$$\underbrace{V_2 = 1}_{\text{assume}}$$

$$V_3 = 0$$

$$E_{\lambda_4} = \text{span} \begin{bmatrix} 2/3 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\text{For } \lambda=1 \rightarrow \begin{bmatrix} 0 & -2 & -3 \\ 0 & -3 & -5 \\ 0 & 0 & -5 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 & 3/2 \\ 0 & -3 & -5 \\ 0 & 0 & -5 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 & 3/2 \\ 0 & 0 & -2 \\ 0 & 0 & -5 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 0 & 1 & 3/2 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} V_1 & V_2 & V_3 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_1 \\ V_2 \\ V_3 \end{bmatrix}$$

$$0 + V_2 + 0 = 0$$

$$V_2 = 0$$

$$V_3 = 0$$

$$\text{assume } V_1 = 1$$

$$E_{\lambda_1} = \text{span} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$