

Задача А. Экзамен (1 балл)

Имя входного файла: exam.in
Имя выходного файла: exam.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Экзамен по дискретной математике у группы, состоящей из n человек, принимают k преподавателей. При этом i -й преподаватель опрашивает ровно p_i студентов. У каждого студента ровно одна попытка на сдачу экзамена, и гарантируется, что будут опрошены все студенты. На основе предыдущих экзаменов, известно, что шанс произвольного студента сдать экзамен i -му преподавателю равен $m_i\%$. Требуется найти вероятность, с которой произвольный студент сдаст экзамен.

Формат входного файла

В первой строке входного файла содержатся два целых числа k и n ($1 \leq k \leq n \leq 10^6$). В следующих k строках содержится по два целых числа p_i и m_i ($1 \leq p_i \leq 10^6$, $0 \leq m_i \leq 100$). Гарантируется, что $\sum_{i=1}^k p_i = n$.

Формат выходного файла

В выходной файл выведите одно число — вероятность того, что произвольный студент сдаст экзамен, с абсолютной точностью не менее 10^{-5} .

Пример

exam.in	exam.out
3 10 2 50 5 60 3 30	0.49
4 20 3 85 12 14 4 1 1 100	0.2635

Задача В. Соревнование по стрельбе (1 балл)

Имя входного файла: `shooter.in`
Имя выходного файла: `shooter.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Сегодня проходит очередное соревнование по стрельбе из ружья. На него пришли n участников. Так как соревнование проходит не первый год, то для каждого участника известна вероятность p_i его попадания в мишень. Только что один из участников выстрелил по одной мишени m раз, но ни разу не попал. Требуется найти вероятность того, что выстрелы произведены стрелком с номером k .

Формат входного файла

В первой строке дано три целых числа n , m и k — количество участников соревнования, число выстрелов участника и номер стрелка, соответственно. ($1 \leq n \leq 10000$, $1 \leq m \leq 3$, $1 \leq k \leq n$). Далее следует n чисел p_i — вероятность попадания в мишень для i -го участника. ($0 \leq p_i \leq 1$).

Формат выходного файла

Требуется вывести одно число — вероятность того, что выстрелы произведены стрелком с номером k . Ответ следует выводить с точностью не менее 10^{-13} .

Пример

shooter.in	shooter.out
3 2 1 0.3 0.5 0.8	0.6282051282051

Задача С. Лотерея (1 балл)

Имя входного файла: `lottery.in`
Имя выходного файла: `lottery.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Петя придумал лотерею со следующими правилами:

- Билет стоит N рублей.
- На билете есть M строк.
- В строке с номером i содержится a_i полей, из которых только одно выигрышное. Игрок начинает выбирать по одному полю, начиная с первой строки. Если он угадал, то он переходит к следующей строке. Если нет — игра останавливается, и игрок забирает b_{i-1} рублей (b_0 считается равным нулю). Если игрок угадал все поля, то его выигрыш равен b_M .

Требуется найти, сколько прибыли(убытков) в среднем будет получать Петя за один проданный билет.

Формат входного файла

В первой строке входного файла содержатся два целых числа N и M ($1 \leq M, N \leq 10^5$). В следующих M строках содержится по два целых числа a_i и b_i ($2 \leq a_i \leq 100$, $1 \leq b_i \leq 10^5$). Гарантируется, что $b_{i+1} \geq b_i$.

Формат выходного файла

В выходной файл выведите одно число — математическое ожидание прибыли от одного билета с относительной погрешностью не более 0.1%.

Пример

lottery.in	lottery.out
50 4 2 50 2 100 3 150 3 200	6.94444444
50 4 2 50 2 100 2 200 2 400	-12.5

Примечание

Во втором примере Петя несет убыток в среднем в 12.5 рублей.

Задача D. Поглощающая марковская цепь (3 балла)

Имя входного файла: `absmarkchain.in`
Имя выходного файла: `absmarkchain.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Вам дана поглощающая марковская цепь, в которой N состояний и M переходов. Для каждого состояния необходимо найти вероятность поглощения в нём.

Формат входного файла

В первой строке входного файла содержатся два целых числа N и M ($1 \leq N \leq 400$, $N \leq M \leq N^2$). В следующих M строках содержится по два целых числа a_i и b_i , и вещественное число p_i , обозначающие переход из состояния a_i в состояние b_i с вероятностью p_i ($1 \leq a_i, b_i \leq N$, $0 < p_i \leq 1$). Сумма вероятностей всех переходов из каждого состояния равна 1.

Формат выходного файла

Выведите N строк. В i -й строке выведите вероятность поглощения в i -м состоянии с точностью не менее 10^{-5} .

Пример

<code>absmarkchain.in</code>	<code>absmarkchain.out</code>
3 4	0.0
1 2 0.5	0.5
1 3 0.5	0.5
2 2 1.0	
3 3 1.0	

Задача Е. Эргодическая марковская цепь (3 балла)

Имя входного файла: `markchain.in`
Имя выходного файла: `markchain.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дана эргодическая марковская цепь. Найдите ее эргодическое распределение.

Формат входного файла

В первой строке дано число n ($1 \leq n \leq 100$) — количество состояний в цепи. В следующих n строках находится по n чисел, причем j -е число в $i + 1$ -й строке обозначает вероятность перехода из состояния i в состояние j . Сумма вероятностей всех переходов из каждого состояния равна 1.

Формат выходного файла

В i -й строке выведите вероятность оказаться в i -м состоянии после бесконечного количества шагов с точностью не менее 10^{-4} .

Пример

<code>markchain.in</code>	<code>markchain.out</code>
2	0.5
0 1.0	0.5
1.0 0	