

Taller

Dado $f(n) = n^3 + 9n^2 \log(n)$ y $g(n) = n^2 \log(n)$

- Comprobar $f(n) \in O(g(n))$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = \frac{n^3 + 9n^2 \log(n)}{n^2 \log(n)}$$
$$= \frac{n^3}{n^2 \log(n)} + \frac{9n^2 \log(n)}{n^2 \log(n)}$$
$$= \frac{n \cdot n^2}{n^2 \log n} + 9$$
$$= \frac{1/1}{\log n} = n$$

- Cuando $n \rightarrow \infty$ • $\frac{n}{\log(n)} \rightarrow \infty$, entonces

$$\frac{f(n)}{g(n)} \rightarrow \infty \Rightarrow f(n) \notin O(g(n)) \text{ y } f(n) \notin \Omega(g(n))$$

- Comprobar $f(n) \notin O(n^2)$

Si se cumple

$$\frac{f(n)}{n^2} = \frac{n^3 + 9n^2 \log(n)}{n^2} = n + 9 \log(n) \rightarrow \infty$$

- Por lo que $f(n) \notin O(n^2)$

Dado $f(n) = 2^n$ y $g(n) = 2^{2n} = (2^n)^2$

- Comprobar Si $f(n) \notin O(g(n))$, si

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = \frac{2^n}{2^{2n}}$$

$$= \frac{1}{2^n}$$

$$= 0 //$$

Por lo que $f(n) \notin O(g(n))$

• Comprobaremos que $g(n) \in O(f(n))$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{g(n)}{f(n)} = \frac{2^n}{2^n}$$

$g(n) \in O(f(n))$

no se cumple que $g(n) \in O(f(n))$ porque el cociente es al infinito