問題:素数12377に対して1/12377の小数点以下第 6188+5=6193 桁目の数字は何か?

略解: 12377を40で割った余りは17である。 よって1/12377の小数点以下第(12377-1)/2+1=6189桁目は9になり、 1/12377の循環節の長さは(12377-1)/2=6188の約数にならない。 このことから、n=1,2,...,6188に対して 1/12377の小数点以下 第n桁目と第6188+n桁目の和が9になることがわかる。 1/12377=0.00008…(小数点以下第5桁目は8)なので 1/12377の小数点以下第6188+5=6193桁目は9-8=1になる。

## 略解:

以下は 1/12377 の小数点以下12376桁まで。 100桁ごとに改行し、12376/2=6188 桁目で空行を入れてある。

1/12377=0.

 $9272844792760765936818291993213218065767148743637391936656701947160054940615658075462551506827179445\\7461420376504807303870081602973256847378201502787428294417063908863214026015997414559263149389997576\\1493092025531227276399773773935525571624787913064555223398238668498020521935848751716894239314858204\\7345883493576795669386765775228245940050092914276480568796962107134200533247151975438312$