問題: 12401は素数であり、1/12401の小数点以下第3105桁目は1である。 1/12401の小数点以下第3107桁目の数字は何か?

略解: 12401を40で割った余りは1である。 よって1/12401の小数点以下第(12401-1)/2+1=6201桁目は0になり、 1/12401の循環節の長さは6200の約数になる。 6200/2+5=3105桁目が1であることから、 1/12401の循環節の長さが6200/2=3100の約数にならないことがわかる。 このことから、n=1,2...,3100に対して 1/12401の小数点以下 第n桁目と第3100+n桁目の和が9になることがわかる。 1/12401=0.0000806…(小数点以下第7桁目は6)なので 1/12401の小数点以下第3100+7=3107桁目は9-6=3になる。

以下は 1/12401 の小数点以下第12400桁目まで。 100桁で改行してあり、循環節1240桁で空行を入れてある。

1/12401=0.

 $0000806386581727280058059833884364164180308039674219820982178856543827110716877671155551971615192323\\ 1997419562938472703814208531570034674623014273042496572857027659059753245705991452302233690831384565\\ 7608257398596887347794532698975889041206354326264010966857511491008789613740827352632852189339569389\\ 5653576324489960487057495363277155068139666155955164906055963228771873236029352471574872994113377953\\ 3908555761632126441416014837513103781953068300943472300620917667930005644706072090960406418837190549\\ 1492621562777195387468752519958067897750181436980888638013063462623981936940569308926699459720990242\\ 7223610999112974760099991936134182727199419401661156358358196919603257801790178211434561728892831223\\ 2884444802838480767680025804370615272961857914684299653253769857269575034271429723409402467542940085\\ 4769776630916861543423917426014031126522054673010241109587936456737359890331424885089912103862591726\\ 4736714781066043061043464236755100395129425046367228449318603338440448350939440367712281267639706475\\ 2842512700588662204660914442383678735585839851624868962180469316990565276993790823320699943552939279\\ 0903959358116280945085073784372228046125312474800419321022498185630191113619869365373760180630594306\\ 91073330054027900975727763890008870252399$

 $0000806386581727280058059833884364164180308039674219820982178856543827110716877671155551971615192323\\ 1997419562938472703814208531570034674623014273042496572857027659059753245705991452302233690831384565\\ 7608257398596887347794532698975889041206354326264010966857511491008789613740827352632852189339569389\\ 5653576324489960487057495363277155068139666155955164906055963228771873236029352471574872994113377953\\ 3908555761632126441416014837513103781953068300943472300620917667930005644706072090960406418837190549\\ 1492621562777195387468752519958067897750181436980888638013063462623981936940569308926699459720990242\\ 7223610999112974760099991936134182727199419401661156358358196919603257801790178211434561728892831223\\ 2884444802838480767680025804370615272961857914684299653253769857269575034271429723409402467542940085\\ 4769776630916861543423917426014031126522054673010241109587936456737359890331424885089912103862591726\\ 4736714781066043061043464236755100395129425046367228449318603338440448350939440367712281267639706475\\ 284251270058866220466091444238367873558539851624868962180469316990565276993790823320699943552939279\\ 09039595358116280945085073784372228046125312474800419321022498185630191113619869365373760180630594306\\ 91073330054027900975727763890008870252339$

 $0000806386581727280058059833884364164180308039674219820982178856543827110716877671155551971615192323\\ 1997419562938472703814208531570034674623014273042496572857027659059753245705991452302233690831384565\\ 76082873985968873477945326998975889041206354326264010966857511491008789613740827352632852189339569389\\ 5653576324489960487057495363277155068139666155955164906055963228771873236029352471574872994113377953\\ 3908555761632126441416014837513103781953068300943472300620917667930005644706072090960406418837190549\\ 1492621562777195387468752519958067897750181436980888638013063462623981936940569308926699459720990242\\ 7223610999112974760099991936134182727199419401661156358358196919603257801790178211434561728892831223\\ 2884444802838480767680025804370615272961857914684299653253769857269575034271429723409402467542940085\\ 4769776630916861543423917426014031126522054673010241109587936456737359890331424885089912103862591726\\ 4736714781066043061043464236755100395129425046367228449318603338440448350939440367712281267639706475\\ 28425127005886662204660914442383678735585839851624868962180469316990565276993790823320699943552939279\\ 0903959358116280945085073784372228046125312474800419321022498185630191113619869365373760180630594306\\ 9107330054027900975727763890008870252399$

 $0000806386581727280058059833884364164180308039674219820982178856543827110716877671155551971615192323\\ 1997419562938472703814208531570034674623014273042496572857027659059753245705991452302233690831384565\\ 7608287398596887347794532698975889041206354326264010966857511491008789613740827352632852189339569389\\ 5653576324489960487057495363277155068139666155955164906055963228771873236029352471574872994113377953\\ 3908555761632126441416014837513103781953068300943472300620917667930005644706072090960406418837190549\\ 1492621562777195387468752519958067897750181436980888638013063462623981936940569308926699459720990242\\ 7223610999112974760099991936134182727199419401661156358358196919603257801790178211434561728892831223\\ 2884444802838480767680025804370615272961857914684299653253769857269575034271429723409402467542940085\\ 4769776630916861543423917426014031126522054673010241109587936456737359890331424885089912103862591726\\ 47367147810660430610434642236755100395129425046367228449318603338440448350939440367712281267639706475\\ 2842512700588662204660914442383678735585839851624868962180469316990565276993790823320699943552939279\\ 0903959358116280945085073784372228046125312474800419321022498185630191113619869365373760180630594306\\ 9107330054027900975727763890008870252399$

 $0000806386581727280058059833884364164180308039674219820982178856543827110716877671155551971615192323\\ 1997419562938472703814208531570034674623014273042496572857027659059753245705991452302233690831384565\\ 7608257398596887347794532698975889041206354326264010966857511491008789613740827352632852189339569389\\ 5653576324489960487057495363277155068139666155955164906055963228771873236029352471574872994113377953\\ 3908555761632126441416014837513103781953068300943472300620917667930005644706072090960406418837190549\\ 1492621562777195387468752519958067897750181436980888638013063462623981936940569308926699459720990242\\ 7223610999112974760099991936134182727199419401661156358358196919603257801790178211434561728892831223\\ 28844448028384807676800258043706152729618579146842299653253769857269575034271429723409402467542940085\\ 4769776630916861543423917426014031126522054673010241109587936456737359890331424885089912103862591726\\ 47367147810660430610433642236755100395129425046367228449318603338440448350939440367712281267639706475\\ 2842512700588662204660914442383678735585839851624868962180469316990565276993790823320699943552939279\\ 0903959358116280945085073784372228046125312474800419321022498185630191113619869365373760180630594306\\ 91073300540279009757277638900008870252399$

 $0000806386581727280058059833884364164180308039674219820982178856543827110716877671155551971615192323\\ 1997419562938472703814208531570034674623014273042496572857027659059753245705991452302233690831384565\\ 7608257398596887347794532698975889041206354326264010966857511491008789613740827352632852189339569389\\ 5653576324489960487057495363277155068139666155955164906055963228771873236029352471574872994113377953\\ 3908555761632126441416014837513103781953068300943472300620917667930005644706072090960406418837190549\\ 1492621562777195387468752519958067897750181436980888638013063462623981936940569308926699459720990242\\ 7223610999112974760099991936134182727199419401661156358358196919603257801790178211434561728892831223\\ 2884444802838480767680025804370615272961857914684299653253769857269575034271429723409402467542940085\\ 4769776630916861543423917426014031126522054673010241109587936456737359890331424885089912103862591726\\ 4736714781066043061043464236755100395129425046367228449318603338440448350939440367712281267639706475\\ 2842512700588666220466091444238367873558539851624868962180469316990565276993790823320699943552939279\\ 90903959358116280945085073784372228046125312474800419321022498185630191113619869365373760180630594306\\ 9107330054027900975727763890008870252399$

 $0000806386581727280058059833884364164180308039674219820982178856543827110716877671155551971615192323\\ 1997419562938472703814208531570034674623014273042496572857027659059753245705991452302233690831384565\\ 7608257398596887347794532698975889041206354326264010966857511491008789613740827352632852189339569389\\ 5653576324489960487057495363277155068139666155955164906055963228771873236029352471574872994113377953\\ 3908555761632126441416014837513103781953068300943472300620917667930005644706072090960406418837190549\\ 1492621562777195387468752519958067897750181436980888638013063462623981936940569308926699459720990242\\ 7223610999112974760099991936134182727199419401661156358358196919603257801790178211434561728892831223\\ 2884444802838480767680025804370615272961857914684299653253769857269575034271429723409402467542940085\\ 4769776630916861543423917426014031126522054673010241109587936456737359890331424885089912103862591726\\ 4736714781066043061043464236755100395129425046367228449318603338440448350939440367712281267639706475\\ 2842512700588666220466091444238367873558539851624868962180469316990565276993790823320699943552939279\\ 0903959358116280945085073784372228046125312474800419321022498185630191113619869365373760180630594306\\ 9107330054027900975727763890008870252399$

 $0000806386581727280058059833884364164180308039674219820982178856543827110716877671155551971615192323\\ 1997419562938472703814208531570034674623014273042496572857027659059753245705991452302233690831384565\\ 7608257398596887347794532698975889041206354326264010966857511491008789613740827352632852189339569389\\ 56535763244899604870574953632771550681396661559551649060559632287718732360293524715748729943113377953\\ 3908555761632126441416014837513103781953068300943472300620917667930005644706072090960406418837190549\\ 1492621562777195387468752519958067897750181436980888638013063462623981936940569308926699459720990242\\ 7223610999112974760099991936134182727199419401661156358358196919603257801790178211434561728892831223\\ 2884444802838480767680025804370615272961857914684299653253769857269575034271429723409402467542940085\\ 4769776630916861543423917426014031126522054673010241109587936456737359890331424885089912103862591726\\ 47367147810660430610434642363755100395129425046367228449318603338440448350939440367712281267639706475\\ 28425127005886662204660914442383678735585839851624868962180469316990565276993790823320699943552939279\\ 0903959358116280945085073784372228046125312474800419321022498185630191113619869365373760180630594306\\ 9107330054027900975727763890008870252399$

 $0000806386581727280058059833884364164180308039674219820982178856543827110716877671155551971615192323\\ 1997419562938472703814208531570034674623014273042496572857027659059753245705991452302233690831384565\\ 7608257398596887347794532698975889041206354326264010966857511491008789613740827352632852189339569389\\ 5653576324489960487057495363277155068139666155955164906055963228771873236029352471574872994113377953\\ 3908555761632126441416014837513103781953068300943472300620917667930005644706072090960406418837190549\\ 1492621562777195387468752519958067897750181436980888638013063462623981936940569308926699459720990242\\ 7223610999112974760099991936134182727199419401661156358358196919603257801790178211434561728892831223\\ 2884444802838480767680025804370615272961857914684299653253769857269575034271429723409402467542940085\\ 4769776630916861543423917426014031126522054673010241109587936456737359890331424885089912103862591726\\ 47367147810660430610433642236755100395129425046367228449318603338440448350939440367712281267639706475\\ 2842512700588662204660914442383678735585839851624868962180469316990565276993790823320699943552939279\\ 9003959358116280945085073784372228046125312474800419321022498185630191113619869365373760180630594306\\ 9107330054027900975727763890008870252399$

 $0000806386581727280058059833884364164180308039674219820982178856543827110716877671155551971615192323\\ 1997419562938472703814208531570034674623014273042496572857027659059753245705991452302233690831384565\\ 7608257398596887347794532698975889041206354326264010966857511491008789613740827352632852189339569389\\ 5653576324489960487057495363277155068139666155955164906055963228771873236029352471574872994113377953\\ 3908555761632126441416014837513103781953068300943472300620917667930005644706072090960406418837190549\\ 1492621562777195387468752519958067897750181436980888638013063462623981936940569308926699459720990242\\ 7223610999112974760099991936134182727199419401661156358358196919603257801790178211434561728892831223\\ 2884444802838480767680025804370615272961857914684299653253769857269575034271429723409402467542940085\\ 4769776630916861543423917426014031126522054673010241109587936456737359890331424885089912103862591726\\ 47367147810660430610434642236755100395129425046367228449318603338440448350939440367712281267639706475\\ 284251270058866220466091444238367873558583985162486962180469316990565276993790823320699943552939279\\ 0903959358116280945085073784372228046125312474800419321022498185630191113619869365373760180630594306\\ 9107330054027900975727763890008870252399$