

# Thématique 2 : Gestion de la production

Groupe 12.64

13 octobre 2015

## Première partie

## Bilan de matière

Dans cette partie nous calculerons pour toutes les étapes du procédé les bilans de matière. À base de ceux-ci nous déterminerons les débits de production d'ammoniac, d'alimentation d'air, ainsi que tous les débits intermédiaires entre les unités opérationnelles. Nous étudierons aussi un cas de production d'ammoniac avec des paramètres donnés.

Nos paramètres ainsi que leurs valeurs pour le cas précis sont les suivants :

Paramètre	Valeur	Unité	Description
$\dot{m}_{\text{CH}_4}$	800	t/j	Débit massique d'alimentation de $\text{CH}_4$
$\text{O}_2/\text{CH}_4$	0.6	-	Rapport $\text{O}_2/\text{CH}_4$ à l'entrée de l'ATR
$\text{H}_2\text{O}/\text{CH}_4$	1.5	-	Rapport $\text{H}_2\text{O}/\text{CH}_4$ à l'entrée de l'ATR
$T_{\text{ATR}}$	1200	K	Température de la zone reforming de l'ATR
$p_{\text{ATR}}$	50	bar	Pression d'opération de l'ATR

TABLE 1 – Paramètres influant le fonctionnement du procédé

Pour faciliter nos calculs nous considérons le symbole  $\dot{n}$  comme étant le nombre de Mmol ( $1 \times 10^6$  mol) produit par jour. Les débits molaire que nous utilisons dans nos calculs dépendent de la zone dans laquelle ils sont calculés. Par exemple le  $\dot{n}_{\text{CH}_4}$  de la zone de combustion n'est pas le même que celui de la zone de reformage.

## 1 Calcul analytique des débits

### 1.1 Unité ATR

#### 1.1.1 Zone de combustion

Nous commençons par la zone de combustion où se produit la réaction chimique suivante :



On considère la réaction comme étant complète avec un excès de  $\text{CH}_4$ .

	$\text{CH}_4$	+	$2\text{O}_2$	$\longrightarrow$	$\text{CO}_2$	+	$2\text{H}_2\text{O}$
$\dot{n}_i$	$\dot{n}_{\text{CH}_4}$		$\dot{n}_{\text{O}_2}$		0		0
$\dot{n}_f$	$\dot{n}_{\text{CH}_4} - \dot{n}_{\text{O}_2}$		0		$\dot{n}_{\text{O}_2}$		$2\dot{n}_{\text{O}_2}$

TABLE 2 – Avancement de la combustion

### 1.1.2 Zone de reformage

Deux équilibres chimiques ont lieu dans la zone de reformage. Ces deux réactions se déroulant simultanément, on ne peut les considérer séparément :



	$\text{CH}_4$	+	$\text{H}_2\text{O}$	$\rightleftharpoons$	$3\text{H}_2$	+	$\text{CO}$
$\dot{n}_0$	$\dot{n}_{\text{CH}_4}$		$\dot{n}_{\text{H}_2\text{O}}$		0		0
$\dot{n}_f$	$\dot{n}_{\text{CH}_4} - \xi$		$\dot{n}_{\text{H}_2\text{O}} - \xi - \beta$		$3\xi + \beta$		$\xi - \beta$

TABLE 3 – Avancement du premier équilibre chimique

	$\text{CO}$	+	$\text{H}_2\text{O}$	$\rightleftharpoons$	$\text{H}_2$	+	$\text{CO}_2$
$\dot{n}_0$	0		$\dot{n}_{\text{H}_2\text{O}}$		0		$\dot{n}_{\text{CO}_2}$
$\dot{n}_f$	$\xi - \beta$		$\dot{n}_{\text{H}_2\text{O}} - \xi - \beta$		$3\xi + \beta$		$\dot{n}_{\text{CO}_2} + \beta$

TABLE 4 – Avancement du deuxième équilibre chimique

On déduit ensuite pour chaque équilibre l'expression de la constante d'équilibre :

$$K_1 = \frac{(\xi - \beta)(3\xi + \beta)^3}{(\dot{n}_{\text{H}_2\text{O}} - \xi - \beta)(\dot{n}_{\text{CH}_4} - \beta)} \cdot \frac{p_t^2}{(\dot{n}_{\text{CH}_4} + \dot{n}_{\text{H}_2\text{O}} + 2\xi - \beta)^2} \quad (4)$$

$$K_2 = \frac{(\dot{n}_{\text{CO}_2} + \beta)(3\xi + \beta)}{(\xi - \beta)(\dot{n}_{\text{H}_2\text{O}} - \xi - \beta)} \quad (5)$$

À partir de formules connues et de la température dans l'ATR donnée en paramètre nous pouvons déterminer les valeurs de  $K_1$  et  $K_2$  :

$$\begin{cases} K_1 = 10^{\left(\frac{-11650}{T} + 13.076\right)} \\ K_2 = 10^{\left(\frac{1910}{T} - 1.764\right)} \end{cases}$$

Nous avons alors un système de deux équations à deux inconnues ( $\xi$  et  $\beta$ ). Nous résolvons ce système à l'aide du logiciel Matlab avec la fonction suivante :

Au final, nous obtenons à la sortie de la zone de reformage les débits suivants :

$$\begin{aligned} \dot{n}'_{\text{CH}_4} &= \dot{n}_{\text{CH}_4} - \xi \\ \dot{n}'_{\text{H}_2\text{O}} &= \dot{n}_{\text{H}_2\text{O}} - \xi - \beta \\ \dot{n}'_{\text{CO}_2} &= \dot{n}_{\text{CO}_2} + \beta \\ \dot{n}'_{\text{CO}} &= \xi - \beta \\ \dot{n}'_{\text{H}_2} &= 3\xi + \beta \end{aligned}$$

## 1.2 Water Gas Shift (WGS)

Dans la zone de reformage se déroule déjà une réaction Water Gas Shift. Cette réaction se déroule de manière incomplète mais dans cette unité opérationnelle nous la considérons comme complète :



	CO	+	H <sub>2</sub> O	→	CO <sub>2</sub>	+	H <sub>2</sub>
$\dot{n}_i$	$\dot{n}_{CO}$		$\dot{n}_{H_2O}$		$\dot{n}_{CO_2}$		$\dot{n}_{H_2}$
$\dot{n}_f$	0		$\dot{n}_{H_2O} - \dot{n}_{CO}$		$\dot{n}_{CO_2} - \dot{n}_{CO}$		$\dot{n}_{H_2} - \dot{n}_{CO}$

TABLE 5 – Avancement de la réaction Water Gas Shift

### 1.3 Condensation et absorption

Durant cette étapes aucune réaction chimique n'a lieu. Cette étape permet de retirer tout l'H<sub>2</sub>O et le CO<sub>2</sub> pour la suite du procédé. On considère que cette étape s'effectue complètement et qu'il ne reste plus aucune trace d'H<sub>2</sub>O ou de CO<sub>2</sub>.

### 1.4 Synthèse de l'ammoniac

Durant la dernière étape du procédé, nous synthétisons de l'ammoniac à partir d'hydrogène et d'azote :



	3H <sub>2</sub>	+	N <sub>2</sub>	→	2NH <sub>3</sub>
$\dot{n}_i$	$\dot{n}_{H_2}$		$\dot{n}_{N_2}$		0
$\dot{n}_f$	$\dot{n}_{H_2} - 3\dot{n}_{N_2}$		0		$2\dot{n}_{N_2}$

TABLE 6 – Avancement de la synthèse de l'ammoniac