

電気電子計算工学及演習

三軒家 佑将 (さんげんや ゆうすけ)

3 回生

1026-26-5817

a0146089

以下のレポートにおいては、プログラミング言語として Go 言語 (<https://goo.gl/pclkeC>) を用いた。

また、ソースコードは巻末にまとめて添付した。

1 採用したアルゴリズム

1.1 行列とベクトルの演算を行う関数の実装

行列ベクトル積の演算を行う関数 `MatVec` と、行列積の演算を行う関数 `MatMlt` を、ソースコード 1 のとおりに実装した。

`MatVec`

行列ベクトル積の演算は、「引数の行列の各行ベクトル」と、引数のベクトルの内積を並べたものと考えることができる。この考えに則り、ベクトルの内積を計算する補助関数 `dot` を定義し、それを用いて行列ベクトルの計算を行った。

`MatMlt`

行列積の演算は、引数 1 の行列と「引数 2 の行列の各列ベクトル」の行列ベクトル積を並べたものと考えることができる。この考えに則り、`MatVec` 関数を用いて行列積の計算を行った。

1.2 バッタ G の移動

バッタ G が、ある時刻 $0 \leq t \leq 60$ に地点 0,1,2,3,4,5 にいる確率を、ソースコード 2 によって計算した。

ある時刻 t の存在確率ベクトル (地点 0,1,2,3,4,5 にいる確率を並べたもの) \mathbf{p}_t は、

$$\mathbf{p}_t = \mathbf{A}\mathbf{p}_{t-1}$$

	一秒後にこの地点に移動する確率					
現在地	地点 0	地点 1	地点 2	地点 3	地点 4	地点 5
地点 0	$s+(1-s)(1-c)$	$(1-s)c$	0	0	0	0
地点 1	$(1-s)(1-c)$	s	$(1-s)c$	0	0	0
地点 2	0	$(1-s)(1-c)$	s	$(1-s)c$	0	0
地点 3	0	0	$(1-s)c$	s	$(1-s)(1-c)$	0
地点 4	0	0	0	$(1-s)c$	s	$(1-s)(1-c)$
地点 5	0	0	0	0	$(1-s)c$	$s+(1-s)(1-c)$

表1 バッタ G の振る舞い

によって求めることができる。ただし \mathbf{A} は、表 1 の数値部分を行列と考え、さらにその転置を取ったものである。

1.3 パラメータ c によるバッタ G の振る舞いの変化

ソースコード 3 のプログラムを用いて、 $s=0.15$ とし、 $c=0.7, 0.5, 0.45$ の 3 つの場合について、前節と同様に、時刻 $0 \leq t \leq 60$ において各地点に G がいる確率を計算した。

1.4 ニュートン法による非線形方程式の解

以下の 2 つの非線形方程式について、ソースコード 4 のプログラムを用いて、ニュートン法によって定められた範囲の解を求めた。

$$-2.2x^4 + 3.5x^3 + 4.1x^2 + 3.3x - 2.7 = 0, (0 \leq x \leq 1) \quad (1)$$

$$-\cos(2x + 2) + \exp(x + 1) - 2x - 30 = 0, (0 \leq x \leq \pi) \quad (2)$$

2 結果

2.1 行列とベクトルの演算を行う関数の実装

2.2 バッタ G の移動

ある時刻 t において、地点 1, 4 にバッタ G がいる確率をグラフに描画したのが、図 1,2,3 である。

2.3 パラメータ c によるバッタ G の振る舞いの変化

$t = 60$ において各地点に G がいる確率をグラフにしたのが、図 4,5,6 である。

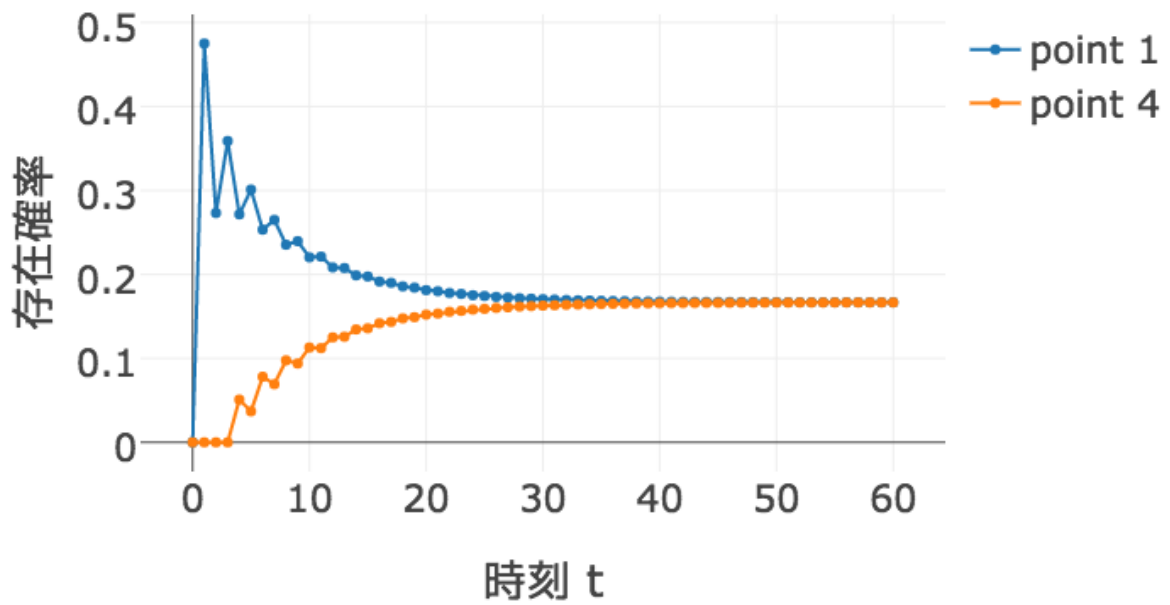


図1 時刻 t における地点 1,4 でのバッタ G の存在確率 ($s=0.05$)

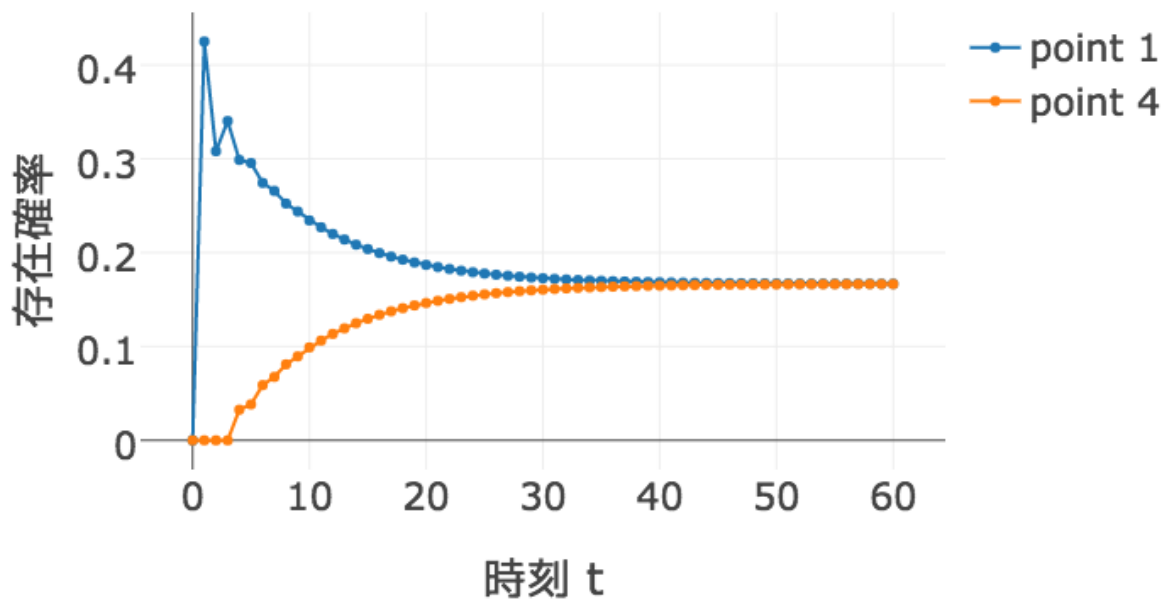


図2 時刻 t における地点 1,4 でのバッタ G の存在確率 ($s=0.15$)

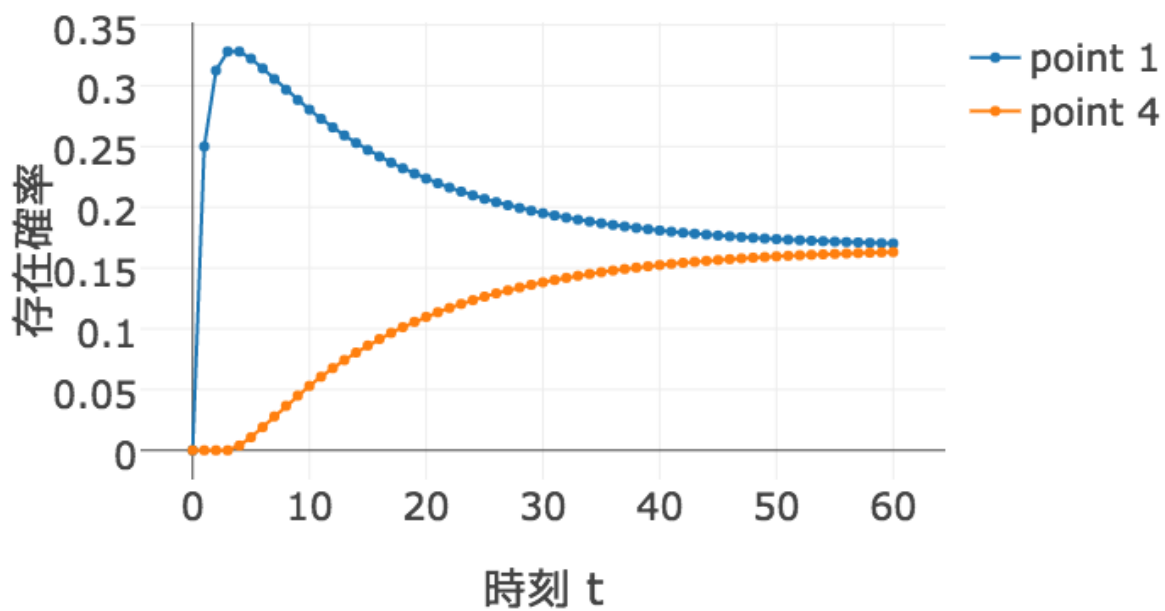


図3 時刻 t における地点 1,4 でのバッタ G の存在確率 ($s=0.5$)

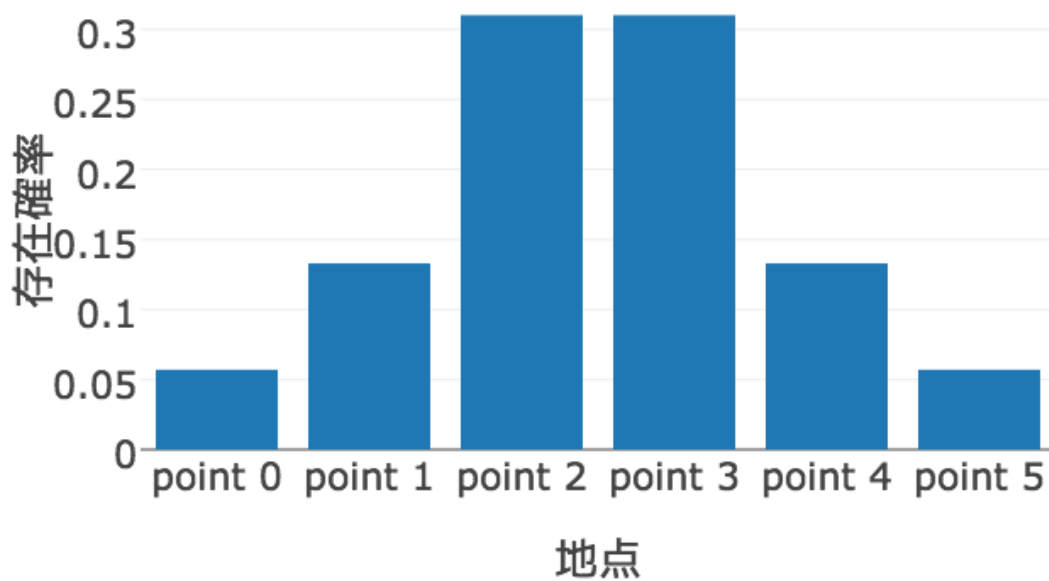


図4 $t=60$ における各地点での G の存在確率 ($c=0.7$)

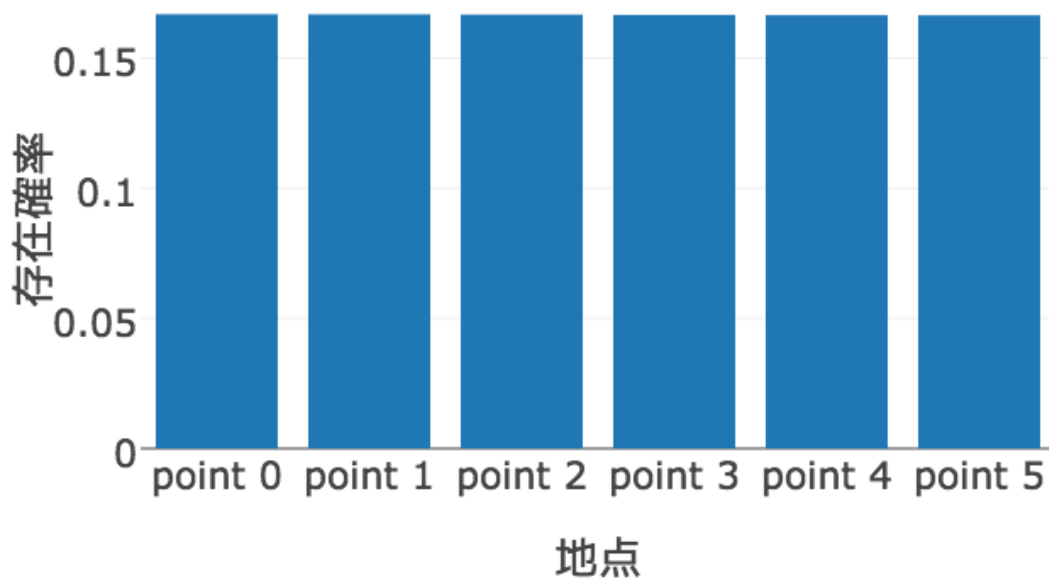


図 5 $t=60$ における各地点での G の存在確率 ($c=0.5$)

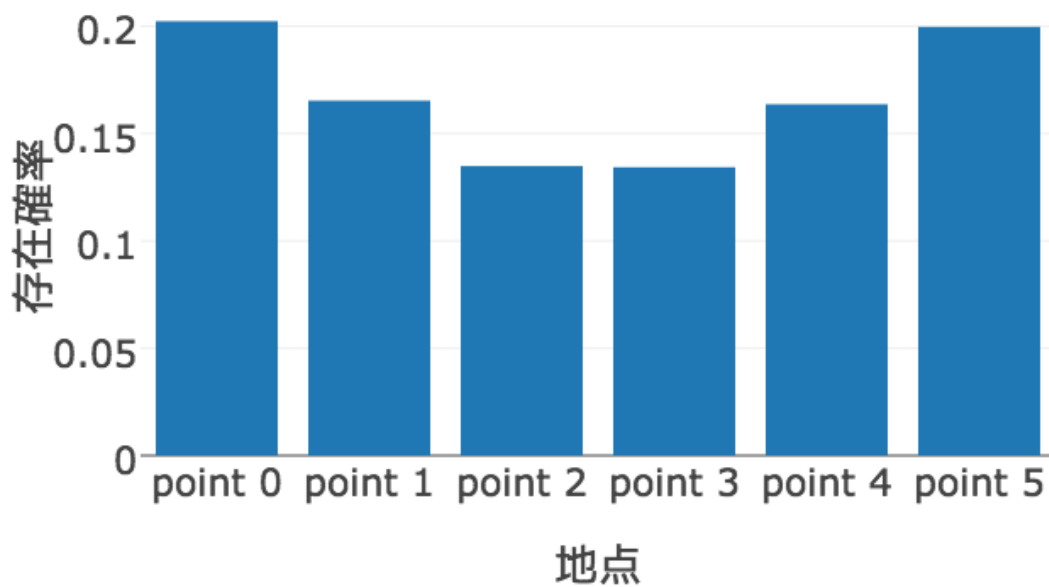


図 6 $t=60$ における各地点での G の存在確率 ($c=0.45$)

2.4 ニュートン法による非線形方程式の解

計算結果として、(1) に対しては $x = 0.4685126936655117$ 、(2) に対しては $x = 2.6107790395825665$ という解が得られた。

3 考察

3.1 行列とベクトルの演算を行う関数の実装

3.2 バッタ G の移動

3.3 パラメータ c によるバッタ G の振る舞いの変化

3.4 ニュートン法による非線形方程式の解