

Управление вычислительными эффектами. Язык программирования Frank

Г. А. Лукьянов
georgiylukjanov@gmail.com

Южный федеральный университет
Институт математики, механики и компьютерных наук им. И. И. Воровича
Кафедра информатики и вычислительного эксперимента

14 декабря 2016



Содержание

- 1 Управление вычислительными эффектами
 - Функции: чистые и с побочными эффектами
 - Типизация побочных эффектов
- 2 Язык программирования Frank
- 3 Выводы и материалы



Содержание

- 1 Управление вычислительными эффектами
 - Функции: чистые и с побочными эффектами
 - Типизация побочных эффектов
- 2 Язык программирования Frank
- 3 Выводы и материалы





Неформальное определение чистой функции

Прозрачность по ссылкам

Выражение e называется **прозрачным по ссылкам** (referential transparent), если для любой программы p каждое вхождение e в p может быть заменено на результат вычисления e без изменения результата вычисления p .



Неформальное определение чистой функции

Прозрачность по ссылкам

Выражение e называется **прозрачным по ссылкам** (referential transparent), если для любой программы p каждое вхождение e в p может быть заменено на результат вычисления e без изменения результата вычисления p .

Чистая функция

Функция f называется **чистой** если выражение $f(x)$ прозрачно по ссылкам для каждого прозрачного по ссылкам выражения x .



Примеры чистых и грязных функций

Чистая функция (Haskell)

```
add :: Int -> Int -> Int  
add x y = x + y
```



Примеры чистых и грязных функций

Чистая функция (Haskell)

```
add :: Int -> Int -> Int  
add x y = x + y
```

Чистая функция (C#)

```
static int Add (int x, int y) {  
    return x + y;  
}
```



Примеры чистых и грязных функций

Чистая функция (Haskell)

```
add :: Int -> Int -> Int
add x y = x + y
```

Чистая функция (C#)

```
static int Add (int x, int y) {
    return x + y;
}
```

Грязная функция (Haskell)

```
messyAdd :: IO Int
messyAdd = do
    x <- getInt
    y <- getInt
    return (x + y)
```



Примеры чистых и грязных функций

Чистая функция (Haskell)

```
add :: Int -> Int -> Int
add x y = x + y
```

Чистая функция (C#)

```
static int Add (int x, int y) {
    return x + y;
}
```

Грязная функция (Haskell)

```
messyAdd :: IO Int
messyAdd = do
    x <- getInt
    y <- getInt
    return (x + y)
```

“Чистая” функция (C#)

```
static int MessyAdd () {
    var x = ReadInt();
    var y = ReadInt();
    KillAllHumans();
    return x + y;
}
```

Подходы к типизации побочных эффектов (не является классификацией)

- Функторы
- Аппликативные функторы (идиомы)
- Монады
- Стрелки (arrows)
- Алгебраические эффекты и обработчики (handlers) эффектов



Монады

Интуиция

- Контейнер для значений с особыми правилами работы
- Последовательные вычисления с побочными эффектами и зависимостью между шагами



Монады

Интуиция

- Контейнер для значений с особыми правилами работы
- Последовательные вычисления с побочными эффектами и зависимостью между шагами

Монады в языках программирования

- LINQ в .NET
- Optinal в Swift
- Promise в JS
- Абстрактные монады в Haskell



Монады

Интуиция

- Контейнер для значений с особыми правилами работы
- Последовательные вычисления с побочными эффектами и зависимостью между шагами

Монады в языках программирования

- LINQ в .NET
- Optinal в Swift
- Promise в JS
- Абстрактные монады в Haskell

Проблемы

- Комбинирование эффектов

Алгебраических эффекты: интуиция

Аналогия с исключениями

- Сигнатуры (интерфейсы) эффектов – типы исключений
- Обработчики эффектов – обработчики исключений



Алгебраических эффекты: интуиция

Аналогия с исключениями

- Сигнатуры (интерфейсы) эффектов – типы исключений
- Обработчики эффектов – обработчики исключений

Аналогия с языками программирования

- Сигнатуры (интерфейсы) эффектов – абстрактный синтаксис
- Обработчики эффектов – интерпретаторы



Алгебраических эффекты: цели

Цели

- Разделение интерфейса и реализации
- Модульность
- Простота комбинирования эффектов



Содержание

- 1 Управление вычислительными эффектами
- 2 Язык программирования Frank**
- 3 Выводы и материалы



Обзор языка

- *Строгость* по-умолчанию
- Алгебраические типы данных
- Явное отделение *типов-значений* и *типов-вычислений*
- *Сигнатуры эффектов*
- *Операторы* – обработчики эффектов
- *Функции* – тривиальные операторы, не обрабатывающие эффектов
- *Полиморфизм эффектов* на основе “окружающих эффектов” (ambient effects)



Значения и вычисления

Вычисление, возвращающее Char и не требующее эффектов

```
letterA [] Char  
letterA = 'A'
```

Вызов letterA

```
main [] Char  
main = letterA!
```



Значения и вычисления

Вычисление, возвращающее Char и не требующее эффектов

```
letterA [] Char
letterA = 'A'
```

Вычисление, возвращающее вычисление, возвращающее Char

```
letterA' [] {[[] Char]}
letterA' = {'A'}
```

Вызов letterA

```
main [] Char
main = letterA!
```

Вызов letterA'

```
main [] Char
main = letterA'!!
```

Значения и вычисления

Вычисление, возвращающее Char и не требующее эффектов

```
letterA [] Char
letterA = 'A'
```

Вычисление, возвращающее вычисление, возвращающее Char

```
letterA' [] {[] Char}
letterA' = {'A'}
```

Вычисление с параметром, возвращающее Char

```
letterA'' Char [] Char
letterA'' c = c
```

Вызов letterA

```
main [] Char
main = letterA!
```

Вызов letterA'

```
main [] Char
main = letterA'!!
```

Вызов letterA''

```
main [] Char
main = letterA'' 'A'
```

Алгебраические типы данных

Натуральные числа

```
data Nat  
  = zero  
  | suc Nat
```



Алгебраические типы данных

Натуральные числа

```
data Nat
  = zero
  | suc Nat
```

Равенство натуральных чисел

```
Nat == Nat [] Bool
zero == zero  = tt
suc x == suc y = x == y
_      == z    = ff
```



Алгебраические типы данных

Натуральные числа

```
data Nat
  = zero
  | suc Nat
```

Равенство натуральных чисел

```
Nat == Nat [] Bool
zero == zero  = tt
suc x == suc y = x == y
_      == z    = ff
```

Односвязный список

```
data List X
  = nil
  | X :: (List X)
```



Алгебраические типы данных

Натуральные числа

```
data Nat
  = zero
  | suc Nat
```

Равенство натуральных чисел

```
Nat == Nat [] Bool
zero == zero  = tt
suc x == suc y = x == y
_      == z    = ff
```

Односвязный список

```
data List X
  = nil
  | X :: (List X)
```

Конкатенация списков

```
(List X) ++ (List X) [] List X
nil      ++ ys = ys
(x :: xs) ++ ys = x :: (xs ++ ys)
```



Алгебраические типы данных

Натуральные числа

```
data Nat
  = zero
  | suc Nat
```

Равенство натуральных чисел

```
Nat == Nat [] Bool
zero == zero  = tt
suc x == suc y = x == y
_      == z    = ff
```

Односвязный список

```
data List X
  = nil
  | X :: (List X)
```

Конкатенация списков

```
(List X) ++ (List X) [] List X
nil      ++ ys = ys
(x :: xs) ++ ys = x :: (xs ++ ys)
```

Пара

```
data Pair A B = A & B
```

Тройка

```
data Triple A B C = A & B & C
```

Управляющие операторы

Условный оператор

```
if Bool then {[] X} else {[] X} [] X
if true  then t else e = t!
if false then t else e = e!
```

“Вычисляющий” условный оператор

```
cond Bool X X [] X
cond true  t f = t
cond false t f = f
```



Управляющие операторы

Условный оператор

```
if Bool then {[] X} else {[] X} [] X
if true  then t else e = t!
if false then t else e = e!
```

“Вычисляющий”

условный оператор

```
cond Bool X X [] X
cond true  t f = t
cond false t f = f
```

“Монадическое” связывание

```
X >>= {X -> [] Y} [] Y
x >>= f = f x
```



Управляющие операторы

Условный оператор

```
if Bool then {[] X} else {[] X} [] X
if true  then t else e = t!
if false then t else e = e!
```

“Вычисляющий”

условный оператор

```
cond Bool X X [] X
cond true  t f = t
cond false t f = f
```

“Монадическое” связывание

```
X >>= {X -> [] Y} [] Y
x >>= f = f x
```

Функция map (на самом деле mapM)

```
map {A -> [] B} (List A) [] List B
map f nil       = nil
map f (a :: as) = f a :: map f as
```



Эффекты: сигнатура и интерпретация

Сигнатура эффекта
исключений

```
sig Exception E  
  = throw E [] {}
```



Эффекты: сигнатура и интерпретация

Сигнатура эффекта
исключений

```
sig Exception E
  = throw E [] {}
```

Тип Maybe A

```
data Maybe X
  = just X
  | nothing
```

Тип Either A B

```
data Either A B = left A
                 | right B
```



Эффекты: сигнатура и интерпретация

Сигнатура эффекта
исключений

```
sig Exception E
  = throw E [] {}
```

Тип Maybe A

```
data Maybe X
  = just X
  | nothing
```

Тип Either A B

```
data Either A B = left A
                 | right B
```

Интерпретация эффекта Exception с помощью типа Either E B

```
catchErr [Exception E ? X] [] Either E X
catchErr [x]                                = right x
catchErr [throw e ? k]                      = left e
```



Эффекты: сигнатура и интерпретация

Сигнатура эффекта
исключений

```
sig Exception E
  = throw E [] {}
```

Тип Maybe A

```
data Maybe X
  = just X
  | nothing
```

Тип Either A B

```
data Either A B = left A
                 | right B
```

Интерпретация эффекта Exception с помощью типа Either E B

```
catchErr [Exception E ? X] [] Either E X
catchErr [x]                  = right x
catchErr [throw e ? k]       = left e
```

Интерпретация эффекта Exception с помощью типа Maybe A

```
catch [Exception E ? X] [] Maybe X
catch [x]                  = just x
catch [throw e ? k]       = nothing
```

Интерпретация Exception как Maybe

Безопасное вычитание натуральных чисел

```

Nat    - Nat [Exception ()] Nat
x      - zero  = x
zero   - y      = throw () {}
suc x  - suc y  = x - y
  
```



Интерпретация Exception как Maybe

Безопасное вычитание натуральных чисел

```
Nat    - Nat [Exception ()] Nat
x      - zero  = x
zero   - y      = throw () {}
suc x  - suc y  = x - y
```

Запуск вычисления

```
main [] Maybe Nat
main = catch ? 0 - 1
-----
$ ./frank examples.fk
nothing
```

Запуск вычисления

```
main [] Maybe Nat
main = catch ? 1 - 0
-----
$ ./frank examples.fk
(just 1)
```

Интерпретация Exception как Maybe

Список отменяемых вычислений, порождающих Nat

```
differences [] List {[Exception ()] Nat}  
differences = {1 - 1} :: ({0 - 1} :: ({2 - 1} :: nil))
```



Интерпретация Exception как Maybe

Список отменяемых вычислений, порождающих Nat

```
differences [] List {[Exception ()] Nat}
differences = {1 - 1} :: ({0 - 1} :: ({2 - 1} :: nil))
```

Интерпретация списка вычислений

```
exec (List {[Exception ()] X}) [] List (Maybe X)
exec nil = nil
exec (action :: rest) = (catch ? action!) :: (exec rest)
```



Интерпретация Exception как Maybe

Список отменяемых вычислений, порождающих Nat

```
differences [] List {[Exception ()] Nat}
differences = {1 - 1} :: ({0 - 1} :: ({2 - 1} :: nil))
```

Интерпретация списка вычислений

```
exec (List {[Exception ()] X}) [] List (Maybe X)
exec nil = nil
exec (action :: rest) = (catch ? action!) :: (exec rest)
```

Запуск вычисления

```
main [] List (Maybe Nat)
main = exec (differences!)
-----
((just 0) :: (nothing :: ((just 1) :: nil)))
```

Изменяемое состояние

Сигнатура эффекта
State

```
sig State S
  = get [] S
  | put S [] ()
```

Интерпретатор эффекта state

```
state S [State S ? X] [] X
state _ [x] = x
state s [get ? k] = state s ? k s
state _ [put s ? k] = state s ? k ()
```



Изменяемое состояние

Сигнатура эффекта State

```
sig State S
  = get [] S
  | put S [] ()
```

Интерпретатор эффекта state

```
state S [State S ? X] [] X
state _ [x] = x
state s [get ? k] = state s ? k s
state _ [put s ? k] = state s ? k ()
```

Пример: инкремент переменной

```
next [State Nat] Nat
next = put (suc (get!)) >>
      get!
```

Запуск вычисления

```
main [] Nat
main = state zero ? next!
-----
(suc zero)
```



Вычисления в конфигурируемом окружении

Сигнатура эффекта
Reader

```
sig Reader E
  = ask [] E
```

Интерпретатор эффекта state

```
reader E [Reader E ? X] [] X
reader _ [x] = x
reader e [ask ? k] = reader e ? k e
```



Вычисления в конфигурируемом окружении

Сигнатура эффекта
Reader

```
sig Reader E
  = ask [] E
```

Интерпретатор эффекта state

```
reader E [Reader E ? X] [] X
reader _ [x] = x
reader e [ask ? k] = reader e ? k e
```

Пример: инкремент переменной

```
ex1 [Reader Nat] Nat
ex1 = ask! >>= {cfg -> suc cfg}
```

Запуск вычисления

```
main [] Nat
main = reader zero ? ex1!
-----
(suc zero)
```



Комбинирование эффектов

Комбинирование Reader и State

```
reader_state_example [Reader Nat, State Nat] Nat  
reader_state_example = ask! >>= {cfg -> next! >> get!}
```



Комбинирование эффектов

Комбинирование Reader и State

```
reader_state_example [Reader Nat, State Nat] Nat  
reader_state_example = ask! >>= {cfg -> next! >> get!}
```

```
main [] Nat  
main = reader zero ? state zero ? reader_state_example!
```



Вычисление числа Фибоначчи

Обёртка над вычислением с эффектом

```
nth_fib Nat [] Nat
```

```
nth_fib n = state (1 & 1 & n) ? fibs_state!
```



Вычисление числе Фибоначчи

Обёртка над вычислением с эффектом

```
nth_fib Nat [] Nat
nth_fib n = state (1 & 1 & n) ? fibs_state!
```

N-е число Фибоначчи, считая с нуля: вычисление с эффектом State

```
fibs_state [State (Triple Nat Nat Nat)] Nat
fibs_state = get! >>=
  { (x1 & x2 & zero) -> x1
  | (x1 & x2 & suc n) -> put (x2 & (x1 + x2) & n) >>
                        fibs_state!
  }
```



Вычисление числа Фибоначчи

Обёртка над вычислением с эффектом

```
nth_fib Nat [] Nat
nth_fib n = state (1 & 1 & n) ? fibs_state!
```

N-е число Фибоначчи, считая с нуля: вычисление с эффектом State

```
fibs_state [State (Triple Nat Nat Nat)] Nat
fibs_state = get! >>=
  { (x1 & x2 & zero) -> x1
  | (x1 & x2 & suc n) -> put (x2 & (x1 + x2) & n) >>
                        fibs_state!
  }
```

```
main [] Nat
main = nth_fib 4
-----
5
```


Взаимодействие с внешним миром: эффект Console

Сигнатура эффекта (интерфейс) Console

```
sig Console  
  = inch [] Char  
  | ouch [] ()
```



Взаимодействие с внешним миром: эффект Console

Сигнатура эффекта (интерфейс) Console

```
sig Console
  = inch [] Char
  | ouch [] ()
```

Напоминание: функция map

```
map {S -> []T} (List S) [] List T
map f nil      = nil
map f (x :: xs) = f x :: map f xs
```



Взаимодействие с внешним миром: эффект Console

Сигнатура эффекта (интерфейс) Console

```
sig Console
  = inch [] Char
  | ouch [] ()
```

Напоминание: функция map

```
map {S -> []T} (List S) [] List T
map f nil      = nil
map f (x :: xs) = f x :: map f xs
```

Печать строки

```
main [Console] ()
main = map ouch ('h'::('e'::('l'::('l'::('o'::nil))))
```

Комбинирование Console и State

Генерация чисел из $[1, n]$

```
range_1_n Nat [State (List Nat)] List Nat
range_1_n zero = get!
range_1_n (suc n) = get! >>= {
    xs -> put (suc n :: xs) >>
        range_1_n n
}
```



Комбинирование Console и State

Генерация чисел из $[1, n]$

```
range_1_n Nat [State (List Nat)] List Nat
range_1_n zero = get!
range_1_n (suc n) = get! >>= {
    xs -> put (suc n :: xs) >>
        range_1_n n
}
```

Печать диапазона

```
rangePrinter [Console, State (List Nat)] List ()
rangePrinter = (map ouch
    (concat (map natToString (range_1_n 3))))
```



Комбинирование Console и State

Генерация чисел из $[1, n]$

```
range_1_n Nat [State (List Nat)] List Nat
range_1_n zero = get!
range_1_n (suc n) = get! >>= {
    xs -> put (suc n :: xs) >>
        range_1_n n
}
```

Печать диапазона

```
rangePrinter [Console, State (List Nat)] List ()
rangePrinter = (map ouch
    (concat (map natToString (range_1_n 3)))))
```

Запуск вычисления

```
main [Console] ()
main = state nil ? rangePrinter!
```

Содержание

- 1 Управление вычислительными эффектами
- 2 Язык программирования Frank
- 3 Выводы и материалы



Выводы

- Концепции алгебраических эффектов и обработчиков эффектов находятся в стадии исследования и развития.
- Алгебраические эффекты и обработчики позволяют явно отделить интерфейс эффекта и его интерпретацию.
- Frank — прототип языка, включающего концепцию алгебраических эффектов в ядро: сигнатуры эффектов являются самостоятельной сущностью.



Материалы

- Do be do be do. Sam Lindley, Conor McBride, and Craig McLaughlin. To appear at POPL 2017.
- A. Bauer and M. Pretnar. Programming with algebraic effects and handlers. J. Log. Algebr. Meth. Program., 84(1):108–123, 2015. URL <http://dx.doi.org/10.1016/j.jlamp.2014.02.001>.
- P. B. Levy. Call-By-Push-Value: A Functional/Imperative Synthesis, volume 2 of Semantics Structures in Computation. Springer, 2004.
- Слайды и исходные коды примеров
<https://github.com/geo2a/frank-mmcs-seminar>

