



ΕΘΝΙΚΟ ΜΕΤΣΟΒΙΟ ΠΟΛΥΤΕΧΝΕΙΟ
ΣΧΟΛΗ ΜΗΧΑΝΟΛΟΓΩΝ ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ
ΤΟΜΕΑΣ Μ.Κ. & Α.Ε.
Εργαστήριο Αυτομάτου Ελέγχου

Εργασία για το μάθημα: Ηλεκτρομηχανικά Συστήματα Μετατροπής
Ενέργειας
Πειραματική εκτίμηση τεχνικών χαρακτηριστικών
κινητήρα Σ.Ρ.

Ημερομηνία Ανάθεσης: 15 Δεκεμβρίου 2020
Διδάσκοντες: Ε.Γ. Παπαδόπουλος, Καθηγητής
Ι.Ν. Νταβλιάκος, ΕΔΙΠ

Κωστόπουλος Γεώργιος του Αργυρίου
Αριθμός Μητρώου: mc19116

Αθήνα, 22 Ιανουαρίου 2021

Περίληψη

Στη παρούσα εργασία γίνεται μία πειραματική εκτίμηση των παραμέτρων ενός κινητήρα Σ.Ρ. Μ.Μ με χρήση μόνο ενός μικροελεκτή, ενός ρελέ και μίας αντίστασης. Αρχικά, εφαρμόζεται στον κινητήρα μία βηματική διέγερση τάσης και γίνονται μετρήσεις του ρεύματος του i_a . Στην συνέχεια γίνεται παλινδρόμηση των μετρήσεων στη θεωρητική καταστατική εξίσωση του κινητήρα και προσδιορίζονται οι παράμετροι του.

Περιεχόμενα

Περίληψη

1	Εισαγωγή	1
2	Περιγραφή Πειραματικής Διάταξης	1
3	Επεξεργασία Μετρήσεων	3
4	Προσδιορισμός Τεχνικών Χαρακτηριστικών	4
5	Συμπεράσματα	8
5.1	Συμπεράσματα	8
5.2	Μελλοντική Εργασία	8

ΠΑΡΑΡΤΗΜΑ	10
-----------	----

Α' Κώδικας	10
------------	----

Κατάλογος Σχημάτων

1	Φωτογραφία πειραματικής διάταξης	1
2	Διάγραμμα πειραματικής διάταξης	2
3	Μετρούμενο ρεύμα και τάση εισόδου του κινητήρα	3
4	Μη γραμμική παλινδρόμηση των μετρήσεων	5
5	Θεωρητική και πειραματική απόκριση ρεύματος για διάφορες τάσεις εισόδου	6
6	Θεωρητική απόκριση γωνιακής ταχύτητας για διάφορες τάσεις εισόδου	7

Κατάλογος Πινάκων

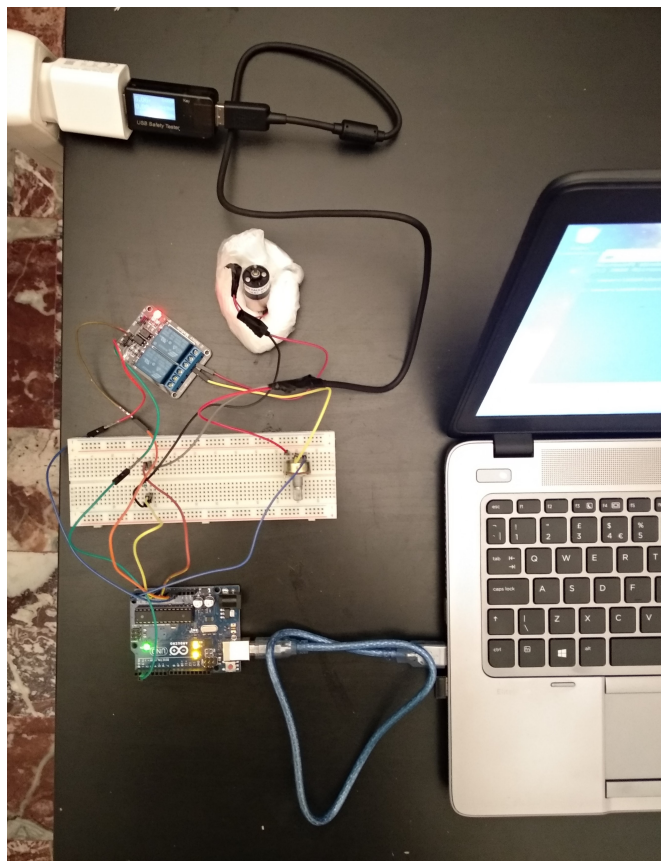
1	Παράμετροι για κάθε ένα από τα 5 σετ μετρήσεων	5
---	--	---

1 Εισαγωγή

Για την εύρεση των χαρακτηριστικών του κινητήρα στη παρούσα εργασία γίνονται πειράματα προσδιορισμού της απόκρισης του ρεύματος σε βηματική διέγερσης τάσης και πραγματοποιείται παλινδρόμηση των μετρούμενων δεδομένων στην καταστατική εξίσωση του κινητήρα. Για μεγαλύτερη αξιοπιστία των μετρήσεων το πείραμα έλαβε χώρα 5 φορές συνολικά.

2 Περιγραφή Πειραματικής Διάταξης

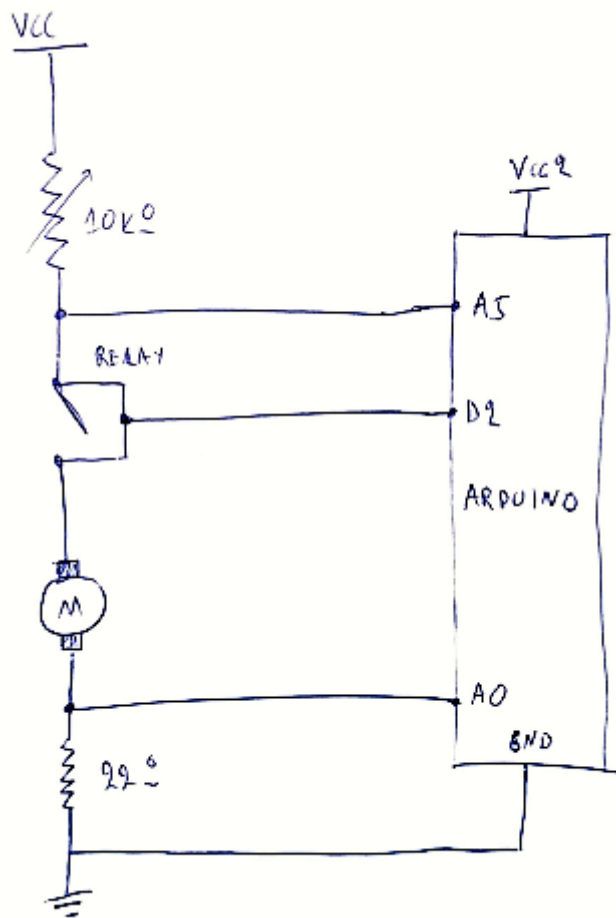
Για την μέτρηση του ρεύματος του κινητήρα συνάρτηση του χρόνου (απόκριση στο πεδίο του χρόνου) και της τάσης του (είσοδος) στήθηκε η πειραματική διάταξη που απεικονίζεται στην εικόνα 1 και διαγραμματικά στο σχήμα 2.



Σχήμα 1: Φωτογραφία πειραματικής διάταξης

Η πηγή τάσης DC των 5 V είναι συνδεδεμένη σε σειρά με ένα ποτενσιόμετρο, ένα ρελέ, τον κινητήρα και μία αντίσταση των $22\ \Omega$ η οποία χρησιμοποιείται για λόγους προστασίας του μικροελεκτή. Όταν το ρελέ κλείσει, ο κινητήρας τίθεται σε λειτουργία. Για την μέτρηση του ρεύματος του κινητήρα, μετρίεται η τάσης στα άκρα της αντίστασης των $22\ \Omega$ με τη χρήση ενός μικροελεγκτή Arduino. Ακόμα, ο μικροελεγκτής κλείνει το ρελέ και μετράει την τάση εισόδου η οποία μεταβάλλεται απο το ποτενσιόμετρο.

Στην εκκίνηση του πειράματος, μετά απο 2 δευτερόλεπτα περίπου κλείνει το ρελέ και ο κινητήρας μπαίνει σε λειτουργία. Αφήνεται για περίπου 5 δευτερόλεπτα ώστε να επέλθει στη μόνιμη κατάσταση και έπειτα αρχίζει μία τυχαία μεταβολή της τάσης εισόδου η οποία λαμβάνει χώρα μέχρι το πέρας του πειράματος.



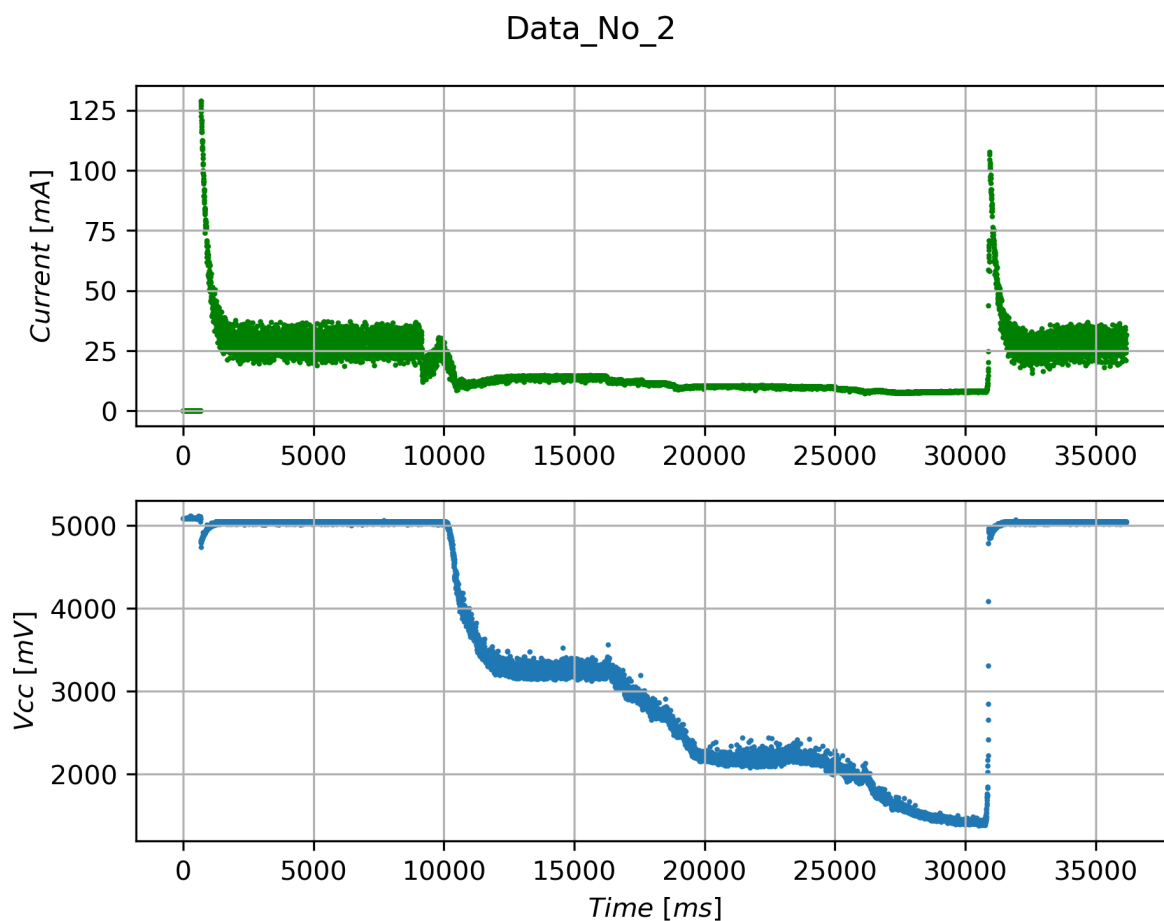
Σχήμα 2: Διάγραμμα πειραματικής διάταξης

Για τη μέτρηση της τάσης με σχετικά καλύτερη ακρίβεια γίνεται, μέσω κατάλληλων εντολών, χρήση της εσωτερικής τάσης αναφοράς 1.1 V του μικροελεκτή.

Ο κινητήρας βρίσκεται πάνω σε μία πλαστική σακούλα, με σκοπό των περιορισμό των πολλών δονήσεων που παράγει οι οποίες εισάγουν θόρυβο στις μετρήσεις.

3 Επεξεργασία Μετρήσεων

Οι μετρήσεις που τελικά λαμβάνονται από τον μικροελεκτή μεταφέρονται στον υπολογιστή από τη σειριακή θύρα επικοινωνίας, μέσω ενός script σε γλώσσα python, και αποθηκεύονται σε αρχείο τύπου .csv. Αυτές αφορούν τον χρόνο, την τάση εισόδου του κινητήρα και τη τάση στα άκρα τη αντίστασης των 22 Ω , όπως φαίνονται στο σχήμα 3.



Σχήμα 3: Μετρούμενο ρεύμα και τάση εισόδου του κινητήρα

4 Προσδιορισμός Τεχνικών Χαρακτηριστικών

Απο ΝΤΚ στο ισοδύναμο ηλεκτρικό κύκλωμα του κινητήρα προκύπτει η σχέση

$$v_s = L_a \frac{di_a}{dt} + R_a i_a + K_t \omega \quad (1)$$

ενώ απο τον νόμο του Νεύτωνα για περιστροφική κίνηση

$$T = K_t i_a = J \frac{d\omega}{dt} + B\omega + T_d \quad (2)$$

όπου v_s η τάση εισόδου του κινητήρα, i_a το ρεύμα του δρομέα, R_a η εσωτερική του αντίσταση, K_t η σταθερά ροπής του, ω οι στροφές του άξονα, J η ροπή αδράνειας και B συντελεστής δυναμικής τριβής. Η σταθερά T_d εκφράζει τη ροπή διαταραχής και είναι ο όρος που περιλαμβάνει την στατική τριβή. Επειδή εισάγει στο σύστημα μη γραμμικότητα [2], θα θεωρηθεί $T_d = 0$.

Οι διαφορικές εξισώσεις 1 και 2 γράφονται σε μορφή εξισώσεων κατάστασης [1] ως

$$\begin{bmatrix} \dot{i}_a \\ \dot{\omega} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{-R_a}{L_a} & \frac{-K_t}{L_a} \\ \frac{K_t}{J} & \frac{-B}{J} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_a \\ \omega \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \frac{1}{L_a} \\ 0 \end{bmatrix} v_s \quad (3)$$

$$y = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_a \\ \omega \end{bmatrix} + 0 \quad (4)$$

Στη μόνιμη κατάσταση, απο τη σχέση 1 προκύπτει

$$K_t = \frac{v_{s,ss} - R_a i_{a,ss}}{\omega_{ss}} \quad (5)$$

και απο τη σχέση 2

$$B = \frac{K_t i_{a,ss}}{\omega_{ss}} \quad (6)$$

Οι τιμές των ω_{ss} και $i_{a,ss}$ είναι εύκολα μετρήσιμες. Στη παρούσα διάταξη το ρεύμα κενού μετριέται, αλλά οι στροφές απαιτούν για την μέτρηση τους ένα ταχύμετρο ή έναν αισθητήρα ταχύτητας περιστροφής. Τελικά οι παράμετροι R_a, ω_{ss}, J, L υπολογίζονται απο παλινδρόμηση στα δεδομένα, όπως φαίνεται στο σχήμα 4.

Για την παλινδρόμηση με τη μέθοδο των ελαχίστων τετραγώνων, δημιουργείται μία συνάρτηση σφάλματος η οποία περιέχει τη διαφορά των μετρούμενων τιμών και αυτών που προέρχονται απο την επίλυση του συστήματος. Η αριθμητική επίλυση των σχέσεων 3 και 4 γίνεται μέσω της βιβλιοθήκης `scipy` [3] και σαν είσοδος θεωρείται ο μέσος όρος της V_{cc} για χρόνο απο 3 εως 8 sec.

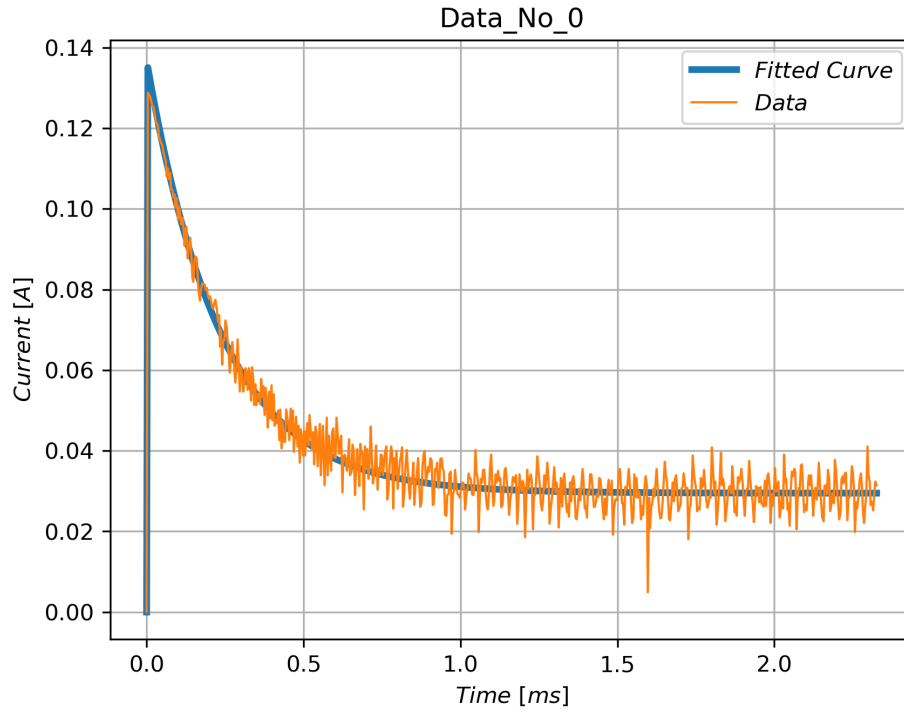
Η παραπάνω διαδικασία έγινε και για τα 5 σετ μετρήσεων και στον πίνακα 1 παρουσιάζονται οι παράμετροι που προέκυψαν

Παρατηρούμε οτι υπάρχει μικρή διακύμανση μεταξύ των εκτιμώμενων παραμέτρων του κάθε πειράματος. Με γνωστές τις παραμέτρους πλέον, γίνεται επίλυση των σχέσεων 3 και 4 σε όλο το χρονικό διάστημα των μετρήσεων, με είσοδο τις μετρούμενες τιμές της τάσης εισόδου και στο διάγραμμα 5 συγκρίνονται τα αποτελέσματα με τις μετρούμενες τιμές.

Τέλος, επιλέγοντας για έξοδο του συστήματος την γωνιακή ταχύτητα, η σχέση 4 γίνεται

$$y = \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_a \\ \omega \end{bmatrix} + 0 \quad (7)$$

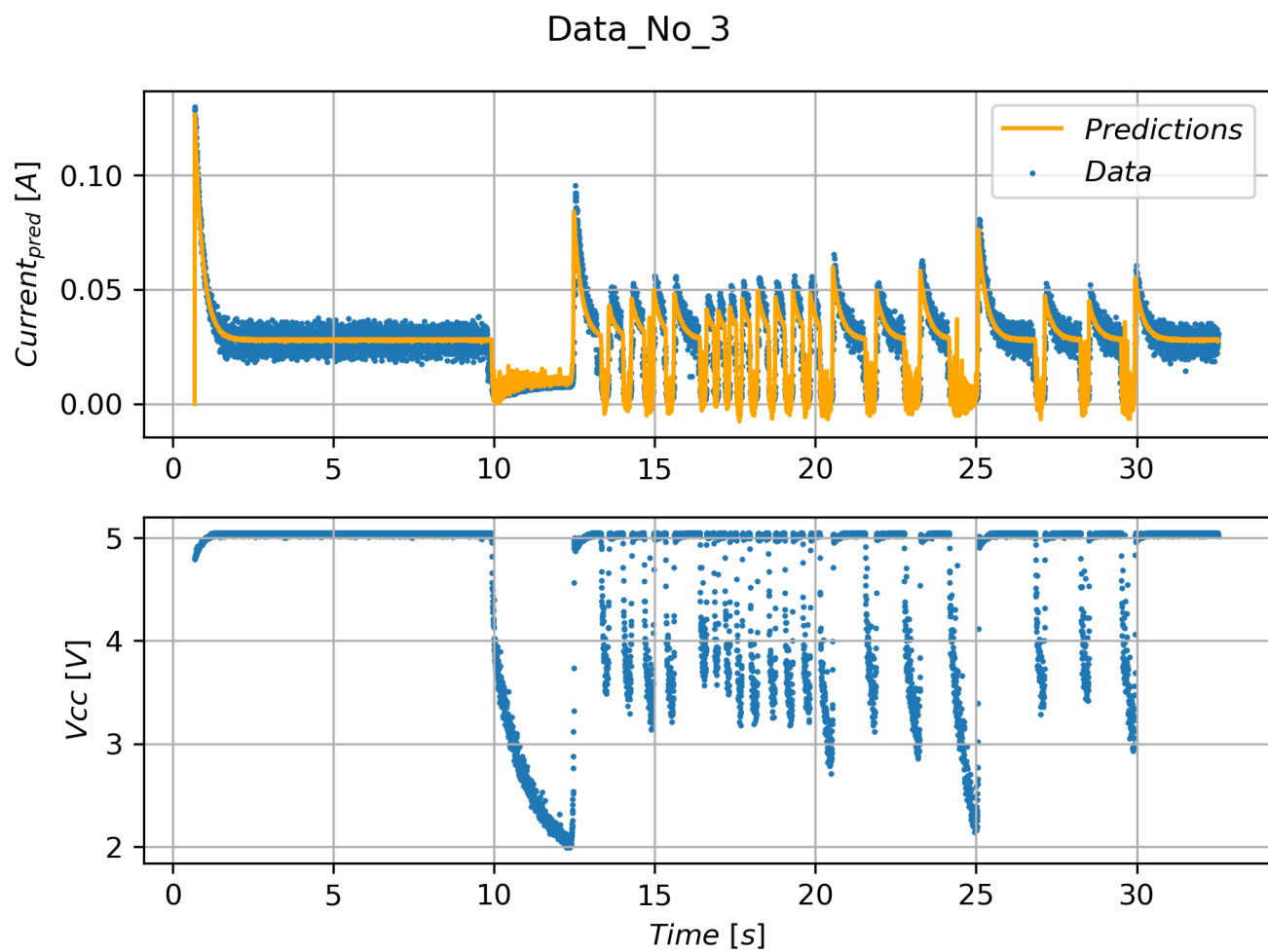
και απο την επίλυση του συστήματος προκύπτει το διάγραμμα 6



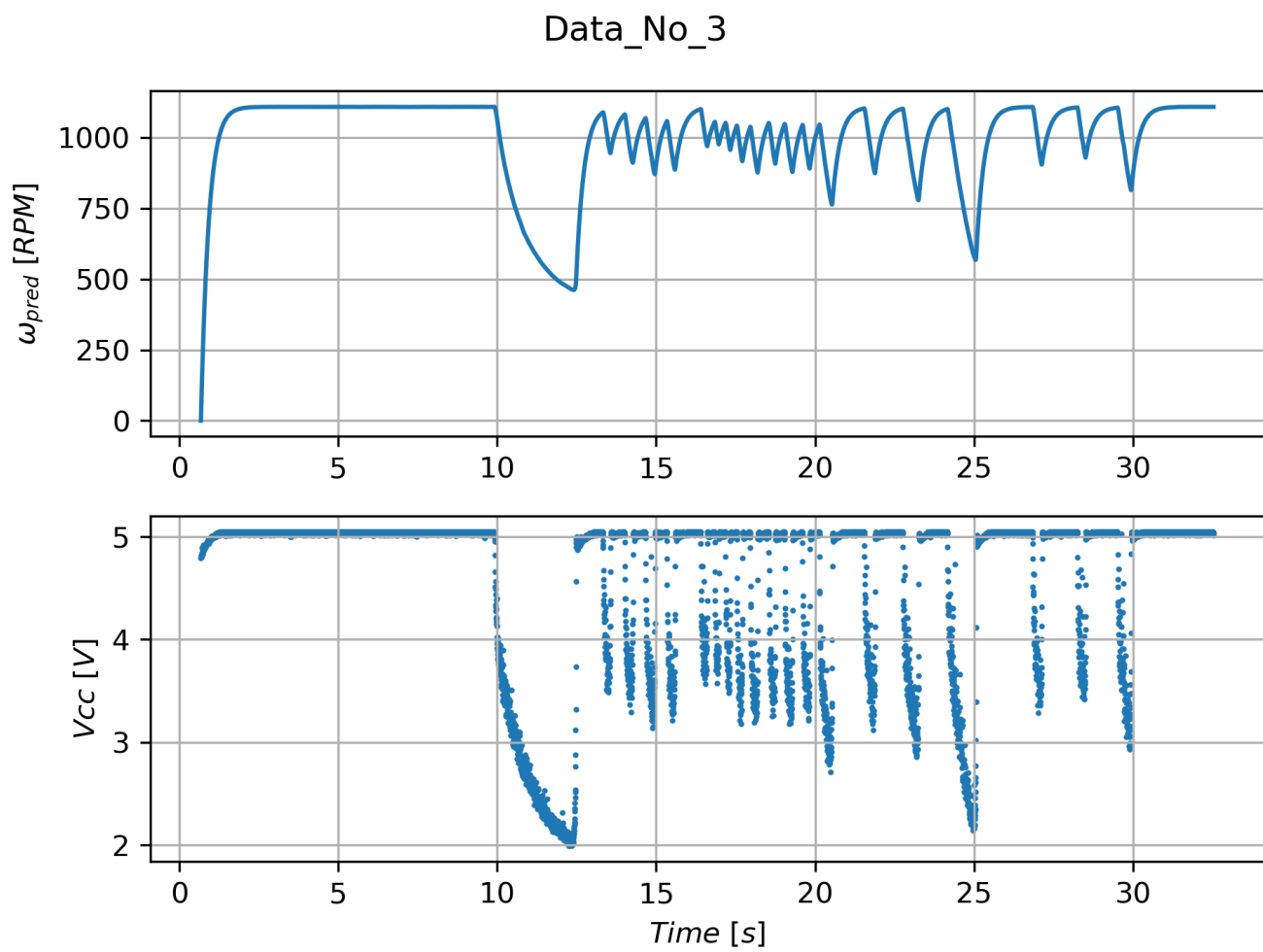
Σχήμα 4: Μη γραμμική παλινδρόμηση των μετρήσεων

Πίνακας 1: Παράμετροι για κάθε ένα από τα 5 σετ μετρήσεων

A/A	R_a [Ω]	ω_{ss} [RPM]	J [kgm^2]	L [H]
1	3.715×10^1	1.125×10^3	1.031×10^{-7}	9.863×10^{-11}
2	3.684×10^1	1.069×10^3	1.076×10^{-7}	9.400×10^{-11}
3	3.732×10^1	1.141×10^3	1.002×10^{-7}	9.629×10^{-11}
4	3.731×10^1	1.108×10^3	1.030×10^{-7}	9.490×10^{-11}
5	3.743×10^1	1.153×10^3	9.740×10^{-8}	9.888×10^{-11}



Σχήμα 5: Θεωρητική και πειραματική απόκριση ρεύματος για διάφορες τάσεις εισόδου



Σχήμα 6: Θεωρητική απόκριση γωνιακής ταχύτητας για διάφορες τάσεις εισόδου

5 Συμπεράσματα

5.1 Συμπεράσματα

Η μέθοδος των ελαχίστων τετραγώνων δίνει συνεπή και λογικά αποτελέσματα για τις εκτιμώμενες παραμέτρους του κινητήρα. Ένα από τα μειονεκτήματά της είναι πως έχει μεγάλη ευαισθησία στις αρχικές τιμές των παραμέτρων που πρέπει να εισαχθούν. Ακόμα, ένα μάλλον σοβαρό μειονέκτημα της παρούσας μεθόδου είναι πως θεωρήθηκε ότι η τριβή Coulomb είναι μηδενική. Αυτό δεν ισχύει στην πραγματικότητα, ειδικά στον συγκεκριμένο κινητήρα όπου υπάρχει ενσωματωμένος στον άξονα του μειωτήρας στρωφών. Επίσης, παρατηρούμε ότι η αυτεπαγωγή του κινητήρα είναι πολύ μικρή και μπορεί να θεωρηθεί αμελητέα, απλοποιώντας το σύστημα χωρίς όμως να βοηθάει κάπου ουσιαστικά τη μέθοδο.

5.2 Μελλοντική Εργασία

Ένας τρόπος υπέρβασης του πρώτου μειονεκτήματος, είναι η ανάπτυξη ενός π.χ. γενετικού αλγόριθμου που με στοχαστικές διαδικασίες σε σχετικά λίγες επαναλήψεις θα μπορεί να προσδιορίσει τις αρχικές προβλέψεις που κάνουν τον αλγόριθμο των ελαχίστων τετραγώνων να συγκλίνει. Έτσι επιτυγχάνεται ένας συστηματικός τρόπος εκτίμησης των παραμέτρων για διάφορες κατηγορίες κινητήρων χωρίς να χρειάζεται η επέμβαση του χρήστη. Για τη στατική τριβή, πρέπει είτε να επιλυθεί το μη γραμμικό μοντέλο είτε να αναπτυχθεί ένα γραμμικό που να την εμπεριέχει.

Με ένα πολύμετρο μετριέται εύκολα η αντίσταση του κινητήρα και με ένα ταχύμετρο η γωνιακή ταχύτητα του στη μόνιμη κατάσταση. Έτσι απομένουν 2 παράμετροι που πρέπει να προσδιοριστούν κάνοντας πιο εύκολη την ζωή του αλγορίθμου των ελαχίστων τετραγώνων αλλά κυρίως μειώνοντας την αβεβαιότητα που εισέρχεται στο σύστημα.

Για να θεωρηθεί πιο ολοκληρωμένη η μελέτη αυτή, πρέπει να εξεταστεί και η μετάδοση των σφαλμάτων μέσα στο σύστημα. Ο μικροελεγκτής έχει κάποιο σφάλμα στις μετρήσεις του και από τη παλινδρόμηση προκύπτει ένας πίνακας συνδιακύμανσης των παραμέτρων. Αυτά θα πρέπει να συνυπολογιστούν ώστε να προκύψουν κάποια διαστήματα εμπιστοσύνης για τις τιμές των εξόδων του συστήματος.

Βιβλιογραφία

- [1] Ε. Παπαδόπουλος. *Ηλεκτρομηχανικά Συστήματα Μετατροπής Ενέργειας*. Αθήνα, 2010.
- [2] M. Ruderman, J. Krettek, F. Hoffmann, and T. Bertram. Optimal state space control of dc motor. *IFAC Proceedings Volumes*, 41(2):5796 – 5801, 2008. 17th IFAC World Congress.
- [3] P. Virtanen, R. Gommers, T. E. Oliphant, M. Haberland, T. Reddy, D. Cournapeau, E. Burovski, P. Peterson, W. Weckesser, J. Bright, S. J. van der Walt, M. Brett, J. Wilson, K. Jarrod Millman, N. Mayorov, A. R. J. Nelson, E. Jones, R. Kern, E. Larson, C. Carey, Í. Polat, Y. Feng, E. W. Moore, J. Vand erPlas, D. Laxalde, J. Perktold, R. Cimrman, I. Henriksen, E. A. Quintero, C. R. Harris, A. M. Archibald, A. H. Ribeiro, F. Pedregosa, P. van Mulbregt, and S. . . Contributors. SciPy 1.0: Fundamental Algorithms for Scientific Computing in Python. *Nature Methods*, 17:261–272, 2020.

ΠΑΡΑΡΤΗΜΑ

Α' Κώδικας

Κώδικας 1: Κύριο πρόγραμμα

```
1 import numpy as np
2 import pandas as pd
3 import matplotlib.pyplot as plt
4 from scipy.signal import savgol_filter
5 from scipy.optimize import curve_fit
6 from scipy import signal
7 from scipy import optimize
8 from process_data_functions import *
9
10 Rcontrol = 22 # Ohms
11
12 Ra_ls, omega_ss_ls, J_ls, L_ls = (np.empty(5) for i in range(4))
13 for i in range(5):
14     name = 'Datasets\\measurements'+str(i)+'.csv'
15     df = pd.read_csv(name, error_bad_lines=False)
16     df['Current'] = df.Voltage/Rcontrol
17     Vmax = df.Voltage.max()
18
19     title = 'Data_No_{i}'.format(i)
20
21     plot_Vcc(df, title)
22
23     plot_Voltage(df, title)
24
25     plot_Current_and_Vcc(df, title)
26
27     tmin = 3e3
28     tmax = 8e3
29     Vcc_SS = Vcc_ss(df, tmin, tmax)
30     i_ss = Voltage_ss(df, tmin, tmax)/Rcontrol
31
32     y_data = df.Current[(df.Time<=3e3)].iloc[df.Current.idxmax()-1:].to_numpy()
33     x_data = df.Time[(df.Time<=3e3)].iloc[df.Current.idxmax()-1:].to_numpy(dtype='float64')
34     x_data = [(i - x_data.min())*1e-3 for i in x_data]
35
36     ### Curve fit
37     def f_resid(p):
38         """
39         function to pass to optimize.leastsq
40         The routine will square and sum the values returned by
41         this function
42         """
43         Kt = (Vcc_SS - p[0]*i_ss)/p[1]
44         Beq = (Kt*i_ss)/p[1]
45         A = np.array([[ -p[0]/p[-1], -Kt/p[-1]],
46                       [Kt/p[2], -Beq/p[2]]])
47         B = np.array([[1/p[-1]],
48                       [0]])
49         C = np.array([1, 0])
50         D = 0.0
51         syst = signal.StateSpace(A, B, C, D)
52         tout, yout, xout = signal.lsim2(syst, U=np.ones(len(x_data))*Vcc_SS, T=x_data)
53         return y_data-yout
54
55     initial_guess = (38, 1e3, 1e-7, 1e-10) #initial guess for params
56     sol = optimize.leastsq(f_resid, initial_guess)
57
58
59     Ra, omega_ss, J, L = sol[0]
60     Kt = (Vcc_SS - Ra*i_ss)/omega_ss
61     Beq = (Kt*i_ss)/omega_ss
62     A = np.array([[ -Ra/L, -Kt/L],
```

```

63         [Kt/J, -Beq/J]])
64     B = np.array([[1/L],
65                   [0]])
66     C = np.array([1,0])
67     D = 0.0
68     syst = signal.StateSpace(A,B,C,D)
69     tout, yout, xout = signal.lsim2(syst, U=np.ones(len(x_data))*Vcc_SS, T=x_data)
70
71     plot_fitted_curve(tout,yout,x_data,y_data,title)
72
73     filename = 'results_data'+str(i)+'.txt'
74     Results(Ra,omega_ss,J,Kt,Beq,L,title).print_
75     Results(Ra,omega_ss,J,Kt,Beq,L,title).save_(filename)
76
77     Ra_ls[i] = Ra
78     omega_ss_ls[i] = omega_ss
79     J_ls[i] = J
80     L_ls[i] = L
81
82
83     ### ia response to all data
84     #df = df[(df.Time<=1e3)]
85     t = 1e-3*df.Time.iloc[df.Current.idxmax():]
86     u = df.VoltageVcc.iloc[df.Current.idxmax():]
87     y = df.Current.iloc[df.Current.idxmax():]
88     tout, yout, xout = signal.lsim2(syst, U=u.to_numpy(),
89                                     T=t.to_numpy())
89
90
91     plot_Current_predicted(tout,yout,t,y,title)
92
93     plot_Current_predicted_and_Vcc(tout,yout,t,y,u,title)
94
95     ### omega response to all data
96     C = np.array([0,1])
97     syst = signal.StateSpace(A,B,C,D)
98     tout, yout, xout = signal.lsim2(syst,U=u.to_numpy(),
99                                     T=t.to_numpy())
100
101     plot_omega_predicted(tout,yout,title)
102
103     plot_omega_predicted_and_Vcc(tout,yout,t,u,title)
104
105     #break

```

Κώδικας 2: Βοηθητικές κλάσεις και συναρτήσεις

```

1 import matplotlib.pyplot as plt
2 import sys
3
4 class Results():
5     def __init__(self,Ra,omega_ss,J,Kt,Beq,L=None,title=None):
6         self.Ra = Ra
7         self.omega_ss = omega_ss
8         self.J = J
9         self.Kt = Kt
10        self.Beq = Beq
11        self.L = L
12        self.title = title
13
14    @property
15    def print_(self):
16        if not self.title==None:
17            print('### {} ###'.format(self.title))
18            print('Ra = {:.3E} Ohms'.format(self.Ra))
19            print('omega ss = {:.3E} RPM'.format(self.omega_ss))
20            print('J = {:.3E} kg m2'.format(self.J))
21            if not self.L==None:
22                print('L = {:.3E} H'.format(self.L))
23            print('Kt = {:.3E} N m / A'.format(self.Kt))
24            print('Beq = {:.3E} N m s'.format(self.Beq))
25            print('### ---- ###')

```

```

26
27     def save_(self,filename):
28         original_stdout = sys.stdout
29         with open(filename, 'w') as f:
30             sys.stdout = f # Change the standard output to the file created.
31             self.print_
32             sys.stdout = original_stdout # Reset the standard output to its original value
33         print('\nfile '+filename+' successfully written\n')
34
35     def Vcc_ss(df,tmin,tmax):
36         return df.VoltageVcc[(df.Time>=tmin) & (df.Time<=tmax)].mean()
37
38     def Voltage_ss(df,tmin,tmax):
39         return df.Voltage[(df.Time>=tmin) & (df.Time<=tmax)].mean()
40
41     def plot_Vcc(df,title):
42         plt.figure()
43         plt.title(title)
44         plt.scatter(df.Time,1e3*df.VoltageVcc,s=1)
45         plt.xlabel('$Time\ [ms]$')
46         plt.ylabel('$Vcc\ [mV]$')
47         plt.grid()
48         plt.savefig('Figures\\'+title+'_Vcc'+'.png', dpi=300,bbox_inches='tight')
49
50     def plot_Voltage(df,title):
51         plt.figure()
52         plt.title(title)
53         plt.scatter(df.Time,1e3*df.Voltage,s=1)
54         plt.xlabel('$Time\ [ms]$')
55         plt.ylabel('$Voltage\ [mV]$')
56         plt.grid()
57         plt.savefig('Figures\\'+title+'_Voltage'+'.png', dpi=300,bbox_inches='tight')
58
59     def plot_Current_and_Vcc(df,title):
60         fig, axs = plt.subplots(2, 1)
61         fig.suptitle(title)
62         axs[0].scatter(df.Time,1e3*df.Current,s=1,color='green')
63         axs[0].set_ylabel('$Current\ [mA]$')
64         axs[0].grid(True)
65         axs[1].scatter(df.Time,1e3*df.VoltageVcc,s=1)
66         axs[1].set_ylabel('$Vcc\ [mV]$')
67         axs[1].grid(True)
68         fig.tight_layout()
69         plt.xlabel('$Time\ [ms]$')
70         plt.savefig('Figures\\'+title+'_Current_and_Vcc'+'.png', dpi=300,bbox_inches='tight')
71
72     def plot_fitted_curve(tsys,ysys,x_data,y_data,title):
73         plt.figure()
74         plt.title(title)
75         plt.plot(tsys,ysys,linewidth=3,label='$Fitted\ Curve$')
76         plt.plot(x_data,y_data,linewidth=1,label='$Data$')
77         plt.xlabel('$Time\ [ms]$')
78         plt.ylabel('$Current\ [A]$')
79         plt.legend(loc='best')
80         plt.grid()
81         plt.savefig('Figures\\'+title+'_fitted_curve'+'.png', dpi=300,bbox_inches='tight')
82
83     def plot_Current_predicted(tsys,ysys,x,y,title):
84         plt.figure()
85         plt.title(title)
86         plt.plot(tsys,ysys,label='$Predictions$',color='orange')
87         plt.scatter(x,y,s=1,label='$Data$')
88         plt.xlabel('$Time\ [s]$')
89         plt.ylabel('$Current\ [A]$')
90         plt.legend(loc='best')
91         plt.grid()
92         plt.savefig('Figures\\'+title+'_Current_predicted'+'.png', dpi=300,bbox_inches='tight')
93
94     def plot_Current_predicted_and_Vcc(tsys,ysys,t,y,u,title):
95         fig, axs = plt.subplots(2, 1)
96         plt.suptitle(title)

```

```

97     axs[0].plot(tsys,ysys,color='orange',label='$Predictions$')
98     axs[0].scatter(t,y,s=1,label='$Data$')
99     axs[0].set_ylabel('$Current_{pred}\ [A]$')
100    axs[0].grid(True)
101    axs[0].legend()
102    axs[1].scatter(t,u,s=1)
103    axs[1].set_ylabel('$Vcc\ [V]$')
104    axs[1].grid(True)
105    plt.xlabel('$Time\ [s]$')
106    fig.tight_layout()
107    plt.savefig('Figures\\'+title+'_Current_predicted_and_Vcc'+'.png', dpi=300,bbox_inches='tight')
108
109 def plot_omega_predicted(tsys,ysys,title):
110     plt.figure()
111     plt.title(title)
112     plt.plot(tsys,ysys)
113     plt.xlabel('$Time\ [s]$')
114     plt.ylabel('$\omega_{pred}$')
115     plt.grid()
116     plt.savefig('Figures\\'+title+'_omega_predicted'+'.png', dpi=300,bbox_inches='tight')
117
118 def plot_omega_predicted_and_Vcc(tsys,ysys,t,u,title):
119     fig, axs = plt.subplots(2, 1)
120     plt.suptitle(title)
121     axs[0].plot(tsys,ysys)
122     axs[0].set_ylabel('$\omega_{pred}\ [RPM]$')
123     axs[0].grid(True)
124     axs[1].scatter(t,u,s=1)
125     axs[1].set_ylabel('$Vcc\ [V]$')
126     axs[1].grid(True)
127     plt.xlabel('$Time\ [s]$')
128     fig.tight_layout()
129     plt.savefig('Figures\\'+title+'_omega_predicted_and_Vcc'+'.png', dpi=300,bbox_inches='tight')

```

Κώδικας 3: Πρόγραμμα για σειριακή επικοινωνία του μικροελεκτή με τον υπολογιστή

```

1 #####
2 ## Script listens to serial port and writes contents into a file
3 #####
4 ## requires pySerial to be installed
5 import serial
6
7 serial_port = '/COM5';
8 baud_rate = 115200; #In arduino, Serial.begin(baud_rate)
9 ser = serial.Serial(serial_port, baud_rate)
10 with open('measurements.csv', 'w+') as f:
11     while True:
12         line = ser.readline()
13         #line = line.decode("utf-8")
14         line = line.decode("latin-1")
15         #line = line.decode('unicode_escape').encode('utf-8')
16         print(line)
17         f.write(line)

```

Κώδικας 4: Πρόγραμμα μικροελεκτή

```

1 int cnt = 0;
2 float Voltage, VoltageVcc, Current;
3 int Rcontrol = 21; //Ohms
4 int RelayOutPin = 2 ;
5 unsigned long MyTime;
6 int sensorValue = 0;
7 int sensorValueVcc = 0;
8 const int analogInPin = A0; // Analog input pin
9 const int analogInPinVcc = A5; // Analog input pin
10
11 void setup() {
12     // initialize digital pin out as an output.
13     pinMode(RelayOutPin, OUTPUT);
14

```



```

15 // turn the RELAY off
16 //digitalWrite(RelayOutPin, LOW);
17 digitalWrite(RelayOutPin, HIGH);
18
19 // initialize serial communications at 9600 bps:
20 //Serial.begin(9600);
21 Serial.begin(115200);
22
23 // print header
24 Serial.print("Time");
25 Serial.print(",");
26 //Serial.print("Voltage");
27 //Serial.print(",");
28 //Serial.print("Current");
29 //Serial.println(",");
30 Serial.print("Voltage");
31 Serial.print(",");
32 Serial.print("VoltageVcc");
33 Serial.print(",");
34 Serial.print("sensorValue");
35 Serial.println(",");
36
37 }
38
39 void loop() {
40
41     if(cnt>=200){
42         // turn the RELAY on
43         digitalWrite(RelayOutPin, LOW);
44     }
45
46     // start time
47     MyTime = millis();
48
49     // read the analog in value:
50     sensorValue = analogRead(analogInPin);
51
52     // read the analog in value:
53     sensorValueVcc = analogRead(analogInPinVcc);
54
55     // convert the analog reading (which goes from 0 - 690) to a voltage :
56     //Voltage = sensorValue * (2.93 / 690.0);
57     //Current = Voltage/Rcontrol ;
58
59
60     // read normal Arduino value
61     Voltage = sensorValue * 5.0 / 1024.0;
62
63     // read normal Arduino value Vcc
64     VoltageVcc = sensorValueVcc * 5.0 / 1024.0;
65
66     // read correct supply voltage
67     float supply = readVcc() / 1000.0;
68     float VoltageCorrected = supply / 5 * Voltage;
69
70     // read correct supply voltage
71     float VoltageCorrectedVcc = supply / 5 * VoltageVcc;
72
73     // print the results to the Serial Monitor:
74     Serial.print(MyTime);
75     Serial.print(",");
76     //Serial.print(Voltage,6);
77     //Serial.print(",");
78     //Serial.print(Current,6);
79     //Serial.println(",");
80
81     Serial.print(VoltageCorrected,6);
82     Serial.print(",");
83     Serial.print(VoltageCorrectedVcc,6);
84     Serial.print(",");
85     Serial.print(sensorValue);

```

```

86 Serial.println(",");
87
88 cnt = cnt+1;
89 //delay(1);
90 }
91
92 long readVcc() {
93     long result;
94     // Read 1.1V reference against AVcc
95     #if defined(__AVR_ATmega32U4__) || defined(__AVR_ATmega1280__) || defined(__AVR_ATmega2560__)
96         ADMUX = _BV(REFS0) | _BV(MUX4) | _BV(MUX3) | _BV(MUX2) | _BV(MUX1);
97     #elif defined(__AVR_ATtiny24__) || defined(__AVR_ATtiny44__) || defined(__AVR_ATtiny84__)
98         ADMUX = _BV(MUX5) | _BV(MUX0);
99     #elif defined(__AVR_ATtiny25__) || defined(__AVR_ATtiny45__) || defined(__AVR_ATtiny85__)
100         ADMUX = _BV(MUX3) | _BV(MUX2);
101     #else
102         ADMUX = _BV(REFS0) | _BV(MUX3) | _BV(MUX2) | _BV(MUX1);
103     #endif
104     delay(1); // Wait for Vref to settle
105     ADCSRA |= _BV(ADSC); // Convert
106     while (bit_is_set(ADCSRA, ADSC));
107     result = ADCL;
108     result |= ADCH << 8;
109     result = 1126400L / result; // Calculate Vcc (in mV); 1126400 = 1.1*1024*1000
110     return result;
111 }

```