

β) όχι δεν είναι, δεν βρήκαμε δυο δέντρα για κάποια έκφραση.
γ) α ή παρενθέσεις με :α ή παρενθέσεις από διάφορο πλήθος α μέσα.

2.

β) Με εκτέλεση `unique([42, 42])` βγάζει `false`. Η ελάχιστη αλλαγή που μπορούμε να κάνουμε είναι να βάλουμε ! ανάμεσα στο `member(Item, Rest)` και του `fail`, ώστε να σταματάει στην πρώτη ενοποίηση, δηλαδή `member(Item, Rest), !, fail`.

γ1) 5 17 3 42 5 17

γ2) 5 17 3 42 42

δ1) 5 3 5 1

δ2) 5 5 1 1

5.

a)

`maxd(A, A) :- integer(A).`

`maxd(n(A, B, C), Max) :- maxd(A, X), maxd(B, Y), maxd(C, Z), Mid is max(X, Y), Max is max(Mid, Z).`

`replacemaxd(A, Max, Max) :- integer(A).`

`replacemaxd(n(A, B, C), Max, n(FinalA, FinalB, FinalC)) :- replacemaxd(A, Max, FinalA), replacemaxd(B, Max, FinalB), replacemaxd(C, Max, FinalC).`

`maximize(A, MaxTree) :- maxd(A, Max), replacemaxd(A, Max, MaxTree).`

β)

`oddhelper(A, A) :- integer(A).`

`oddhelper(n(A, B, C), n(Anew, Bnew, Cnew)) :-
 oddhelper(A, Anew),
 oddhelper(B, Bnew),
 oddhelper(C, Cnew),
 (checkn(Anew); checkn(Bnew); checkn(Cnew)).`

`oddhelper(n(A, B, C), Term) :-
 oddhelper(A, Anew),
 oddhelper(B, Bnew),
 oddhelper(C, Cnew),
 integer(Anew),
 integer(Bnew),
 integer(Cnew),
 Sum is Anew + Bnew + Cnew,
 (mod(Sum, 2) =:= 0 -> n(Anew, Bnew, Cnew) = Term ; Term is 17).`

`unoddsun(A, Fin) :- once(oddhelper(A, Fin)).`

checkn(n(, , _)).

6.

```
def sliding (a, k):  
    n = len(a)  
    seen = { }  
    for i in range(n - k + 1):  
        sum = 0  
        for j in range (i, i + k):  
            sum += a[j]  
        if sum in seen:  
            seen[sum] += 1  
        else:  
            seen[sum] = 1
```

```
max_value = max(seen.values())  
max_key = 0
```

```
for i in seen:  
    if i > max_key and seen[i] == max_value:  
        max_key = i  
print(max_key, max_value)
```

Χρονική πολυπλοκότητα $O(n^2)$ αφού έχουμε δύο εμφωλευμένες for και το in είναι $O(1)$.