МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Вятский государственный университет» (ФГБОУ ВО «ВятГУ»)

Факультет автоматики и вычислительной техники Кафедра ЭВМ

Исследование многослойного персептрона с обучением по методу с обратным распространением ошибки

Отчёт Лабораторная работа № 2 по дисциплине «Системы обработки знаний»

Выполнила студентка группы ИВТб-42_	/Рзаев А. Э./
Проверил доцент кафедры ЭВМ	/Ростовнев В. С./

Цель

Изучить алгоритм обратного распространения ошибки (OPO) в процессе обучения нейронной сети при вариативных параметрах обучения. Работа выполняется с помощью программы BackPropagate 3.0.0.exe.

1 Задание

Обучающая выборка представлена в приложении А. Используется выходная функция $y=x_1^{7*}\cos(x_2+2)$. Переменная x_1 изменяется в промежутке [-7,3] с шагом 0,05025, переменная x_2 изменяется в промежутке [-7,4;4] с шагом 0,05729.

2 Протокол выполнения

Во всех таблицах ниже цветом выделен наилучший результат. Значение минимальной ошибки не учитывалось при выборе.

2.1 Влияние нормализации на эффективность алгоритма ОРО

Число входов: 2. Число выходов: 1.

Циклов обучения: 1000

В таблице 1 показаны результаты исследования.

Таблица 1 – Влияние нормализации на эффективность алгоритма ОРО

Тип нормализации	Результат
Без нормализации	Максимальная ошибка: 1476181.92000000
Вез пермативации	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 740349.03363636
	Среднеквадратичная ошибка: 52452033481360.53125
[0;1]	Максимальная ошибка: 700113.57821300
[0,1]	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 57770.30542342
	Среднеквадратичная ошибка: 1067691073785.042236
[-0.5;0.5]	Максимальная ошибка: 398234.04911600
	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 315016.03019154
	Среднеквадратичная ошибка: 9580087043839.501953
[-1;1]	Максимальная ошибка: 398234.07575700
[-,-]	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 315016.08984294
	Среднеквадратичная ошибка: 9580091715941.306641

Применение нормализации значительно сокращает величину ошибок. Результат лучше примерно в 13 раз для средних и, приблизительно в 49 раз для среднеквадратичных ошибок при нормализации [0;1] (наиболее близкой к лучшей).

2.2 Влияние выбора примеров на эффективность алгоритма ОРО

Число входов: 2. Число выходов: 1.

Циклов обучения: 1000 Нормализация: [0;1].

В таблице 2 показаны результаты исследования.

Таблица 2 – Влияние выбора примеров на эффективность алгоритма ОРО

Выбор примеров	Результат
Последовательный	Максимальная ошибка: 702378.66533800 Минимальная ошибка: 10.00000000 Средняя ошибка: 56471.55202544
Случайный	Среднеквадратичная ошибка: 1068233726262.251831 Максимальная ошибка: 700115.89746300 Минимальная ошибка: 10.00000000 Средняя ошибка: 57769.00361650 Среднеквадратичная ошибка: 1067691350691.58691400

Случайный выбор примеров показывает слегка лучший результат по сравнению с последовательным выбором примеров обучения.

2.3 Влияние крутизны функции на эффективность алгоритма ОРО

Число входов: 2. Число выходов: 1.

Циклов обучения: 1000 Нормализация: [0;1].

Выбор примеров: случайный.

В таблице 3 показаны результаты исследования.

Таблица 3 – Влияние крутизны функции на эффективность алгоритма ОРО

Крутизна функции	Результат
0,1	Максимальная ошибка: 699749.13455200
0,1	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 57982.79375657
	Среднеквадратичная ошибка: 1067693548160.339844
0,5	Максимальная ошибка: 700109.42432900
0,5	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 57772.70591974
	Среднеквадратичная ошибка: 1067690775792.408691
1.0	Максимальная ошибка: 701558.62151300
1,0	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 56940.79985290
	Среднеквадратичная ошибка: 1067926311841.594971
3,0	Максимальная ошибка: 716843.05366900
3,0	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 48638.85855966
	Среднеквадратичная ошибка: 1094324154465.175293

Наилучшие результаты – при крутизне функции 0,5 и 0,1, при этом приоритет отдаем использованию крутизны функции 0,5, потому что у нее средняя и среднеквадратичная ошибки меньше, чем у 0,1.

2.4 Влияние смещения на эффективность алгоритма ОРО

Число входов: 2. Число выходов: 1.

Циклов обучения: 1000 Нормализация: [0;1].

Выбор примеров: случайный.

Крутизна функции: 0,5.

В таблице 4 показаны результаты исследования.

Таблица 4 – Влияние смещения на эффективность алгоритма ОРО

Смещение	Результат
0,1	Максимальная ошибка: 700003.87156200 Минимальная ошибка: 10.00000000 Средняя ошибка: 57834.25588502
	Среднеквадратичная ошибка: 1067688835558.367432
0,5	Максимальная ошибка: 700034.52213600 Минимальная ошибка: 10.00000000 Средняя ошибка: 57816.50131751
	Среднеквадратичная ошибка: 1067689925430.368286
1,0	Максимальная ошибка: 700112.48484900 Минимальная ошибка: 10.00000000 Средняя ошибка: 57771.02499060 Среднеквадратичная ошибка: 1067691484056.507446
2,0	Максимальная ошибка: 700466.54796100 Минимальная ошибка: 10.00000000 Средняя ошибка: 57565.73680297 Среднеквадратичная ошибка: 1067712819426.598511

Наилучшие результаты наблюдаются при смещениях 0,1 и 0,5, при этом приоритет отдаем использованию крутизны функции 0,1, потому что у нее максимальная и среднеквадратичная ошибки меньше, чем у 0,5.

2.5 Влияние скорости обучения на эффективность алгоритма ОРО

Число входов: 2. Число выходов: 1.

Циклов обучения: 1000 Нормализация: [0;1].

Выбор примеров: случайный.

Крутизна функции: 0,5.

Смещение: 0,1.

В таблице 5 показаны результаты исследования.

Таблица 5 – Влияние скорости обучения на эффективность алгоритма ОРО

Скорость обучения	Результат
0,01	Максимальная ошибка: 699942.97928700
0,01	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 57869.69968871
	Среднеквадратичная ошибка: 1067688658042.167725
0,1	Максимальная ошибка: 700003.82645600
0,1	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 57834.26798417
	Среднеквадратичная ошибка: 1067688715448.988647
0,5	Максимальная ошибка: 700446.17469900
	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 57577.27209238
	Среднеквадратичная ошибка: 1067710467908.768921
1,0	Максимальная ошибка: 701229.61335800
1,0	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 57129.06389978
	Среднеквадратичная ошибка: 1067838787249.046265

Наилучшие результаты наблюдаются при скоростях 0,01 и 0,1, при этом приоритет отдаем использованию скорости 0,01, потому что у нее максимальная и среднеквадратичная ошибки меньше, чем у 0,1.

2.6 Влияние количества нейронов в скрытом слое на эффективность алгоритма ОРО

Число входов: 2. Число выходов: 1.

Циклов обучения: 1000 Нормализация: [0;1].

Выбор примеров: случайный.

Крутизна функции: 0,5.

Смещение: 0,1.

Скорость обучения: 0,01.

В таблице 6 показаны результаты исследования.

Таблица 6 – Влияние количества нейронов в скрытом слое на эффективность алгоритма OPO

Количество нейронов в скрытом слое	Результат
1	Максимальная ошибка: 689051.41841200
1	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 64355.31749626
	Среднеквадратичная ошибка: 1078823983305.869
5	Максимальная ошибка: 699938.83880400
	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 57872.24419849
	Среднеквадратичная ошибка: 1067689635727.307
10	Максимальная ошибка: 699980.91795900
	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 57847.71985383
	Среднеквадратичная ошибка: 1067688885521.584

Приоритет был отдан количеству нейронов в скрытом слое, равному 10.

2.7 Влияние момента на эффективность алгоритма ОРО

Число входов: 2. Число выходов: 1.

Циклов обучения: 1000 Нормализация: [0;1].

Выбор примеров: случайный.

Крутизна функции: 0,5.

Смещение: 0,1.

Скорость обучения: 0,01.

Количество нейронов в скрытом слое: 10.

В таблице 7 показаны результаты исследования.

Таблица 7 – Влияние момента на эффективность алгоритма ОРО

Момент	Результат
Без момента	Максимальная ошибка: 699980.86595100
200 1101101111	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 57847.64893262
	Среднеквадратичная ошибка: 1067688862914.463135
0,1	Максимальная ошибка: 794034.88676800
	Минимальная ошибка: 10.00000000
	Средняя ошибка: 699930.66559208
	Среднеквадратичная ошибка: 46873565128671.57031
0,5	Максимальная ошибка: 794063.21311300
0,5	Минимальная ошибка: 6.44208400
	Средняя ошибка: 699958.68838775
	Среднеквадратичная ошибка: 46877272672727.28906
1,0	Максимальная ошибка: 794066.52020900
1,0	Минимальная ошибка: 3.13502600
	Средняя ошибка: 699961.96005125
	Среднеквадратичная ошибка: 46877705538501.19531

Наилучшие результаты наблюдаются при обучении без момента.

3 Ручной расчет

Для более подробного изучения алгоритма OPO в режиме трассировки был сделан один проход (включающий прямое и обратное распространение), а затем те же самые действия были произведены вручную.

На рисунке 1 показана трассировка первого прохода при обучении сети.

На рисунке 2 показана структура сети.

```
Условия останова обучения нейронной сети:
                                                                       Нейрон[1][9]
Циклов обучения: 1000
                                                                       Взвешенная сумма = 0,1272667
                                                                       A\kappa coh = 0,5159029717
Инициализация весов синапсов случайным образом...
                                                                       Нейрон[1][10]
                                                                      Взвешенная сумма = 0,146030974
Нейрон[1][1]
w[1, 1, 1] = -0,866

w[1, 1, 2] = 0,972
                                                                       Akcoh = 0,5182457664
Вес смещения:
                                                                       Нейрон[2][1]
w[1, 1, 3] = 1
                                                                       Взвешенная сумма = -0,7228196788
                                                                       Аксон = 0,4106183265
Нейрон[1][2]
w[1, 2, 1] = -0,276

w[1, 2, 2] = -0,968
                                                                       Обратная волна - подсчет локальной ошибки нейронов...
Вес смещения:
                                                                       Подсчет локальной ошибки нейронов на выходе нейронной
                                                                       сети...
w[1, 2, 3] = 1
                                                                       Желаемый сигнал на выходе:
                                                                       0,073905
Нейрон[1][3]
w[1, 3, 1] = 0,896

w[1, 3, 2] = -0,53
                                                                       Прогнозируемый сигнал на выходе нейронной сети:
                                                                       0,4106183265
Вес смешения:
w[1, 3, 3] = 1
                                                                       Нейрон[2][1]
                                                                       Локальная ошибка = 0,04074415036
Нейрон[1][4]
w[1, 4, 1] = 0,314

w[1, 4, 2] = 0,966
                                                                       Подсчет локальной ошибки нейронов в скрытых слоях нейронной
Вес смещения:
w[1, 4, 3] = 1
                                                                       Нейрон[1][1]
                                                                      Локальная ошибка = 0,001821977824
Нейрон[1][5]
w[1, 5, 1] = -0.94

w[1, 5, 2] = -0.736
                                                                       Нейрон[1][2]
                                                                      Локальная ошибка = 0,003524351885
Вес смещения:
w[1, 5, 3] = 1
                                                                       Нейрон[1][3]
                                                                       Локальная ошибка = -0,00334783962
Нейрон[1][6]
w[1, 6, 1] = -0.132

w[1, 6, 2] = -0.954
                                                                       Нейрон[1][4]
                                                                       Локальная ошибка = 0,0001219459046
Вес смещения:
w[1, 6, 3] = 1
                                                                       Нейрон[1][5]
                                                                       Локальная ошибка = -0,004980809868
Нейрон[1][7]
w[1, 7, 1] = 0,296

w[1, 7, 2] = 0,634
                                                                       Нейрон[1][6]
                                                                      Локальная ошибка = 0,0009982057268
Вес смещения:
w[1, 7, 3] = 1
                                                                       Нейрон[1][7]
                                                                       Локальная ошибка = -0,003701171913
Нейрон[1][8]
w[1, 8, 1] = 0,462

w[1, 8, 2] = -0,724
                                                                       Нейрон[1][8]
                                                                       Локальная ошибка = -0,001374554192
Вес смещения:
w[1, 8, 3] = 1
                                                                       Нейрон[1][9]
                                                                       Локальная ошибка = -0,003286761827
Нейрон[1][9]
w[1, 9, 1] = 0,528
                                                                       Нейрон[1][10]
w[1, 9, 2] = -0,156
                                                                       Локальная ошибка = 0,002075184601
Вес смещения:
w[1, 9, 3] = 1
                                                                       Коррекция весов синапсов...
Нейрон[1][10]
                                                                       w[1, 1, 1] = -0.8641780222
w[1, 10, 1] = 0,798

w[1, 10, 2] = -0,17
                                                                       w[1, 1, 2] = 0,9738219778
                                                                       Вес смещения:
Вес смещения:
                                                                       w[1, 1, 3] = 1,001821978
w[1, 10, 3] = 1
                                                                       w[1, 2, 1] = -0,2724756481
                                                                       w[1, 2, 2] = -0.9644756481
Нейрон[2][1]
w[2, 1, 1] = 0,358

w[2, 1, 2] = 0,692
                                                                       Вес смещения:
                                                                      w[1, 2, 3] = 1,003524352
w[2, 1, 3] = -0,658
w[2, 1, 4] = 0,024
w[2, 1, 5] = -0,978
w[2, 1, 6] = 0,196
w[2, 1, 7] = -0,728
                                                                      w[1, 3, 1] = 0.8926521604
w[1, 3, 2] = -0.5333478396
                                                                       Вес смещения:
                                                                       w[1, 3, 3] = 0,9966521604
w[2, 1, 8] = -0,27
w[2, 1, 9] = -0,646
                                                                       w[1, 4, 1] = 0,3141219459
w[2, 1, 10] = 0,408
                                                                       w[1, 4, 2] = 0,9661219459
Вес смещения:
                                                                       Вес смещения:
w[2, 1, 11] = 1
                                                                       w[1, 4, 3] = 1,000121946
                                                                       w[1, 5, 1] = -0,9449808099
w[1, 5, 2] = -0,7409808099
Выбираем допустимый образ из обучающего множества...
0.073298
0,073299
                                                                       Вес смещения:
                                                                      w[1, 5, 3] = 0,9950191901
0.073905
Подаем сигнал на вход нейронной сети...
                                                                      w[1, 6, 1] = -0,1310017943
w[1, 6, 2] = -0,9530017943
Нейрон[0][1]
A\kappa coh = 0,073298
                                                                       Вес смещения:
                                                                       w[1, 6, 3] = 1,000998206
Нейрон[0][2]
A\kappa coh = 0,073299
                                                                       w[1, 7, 1] = 0,2922988281
Прямая волна...
                                                                       w[1, 7, 2] = 0,6302988281
                                                                       Вес смещения:
```

```
Нейрон[1][1]
                                                                                    w[1, 7, 3] = 0,9962988281
Взвешенная сумма = 0,10777056
Аксон = 0,5134680613
                                                                                    w[1, 8, 1] = 0,4606254458
                                                                                    w[1, 8, 2] = -0,7253745542
Нейрон[1][2]
                                                                                    Вес смещения:
Взвешенная сумма = 0,00881632
Аксон = 0,5011020382
                                                                                    w[1, 8, 3] = 0,9986254458
                                                                                    w[1, 9, 1] = 0,5247132382
w[1, 9, 2] = -0,1592867618
Нейрон[1][3]
Взвешенная сумма = 0,126826538
Аксон = 0,5158480069
                                                                                    Вес смещения:
                                                                                    w[1, 9, 3] = 0,9967132382
                                                                                    w[1, 10, 1] = 0,8000751846
w[1, 10, 2] = -0,1679248154
Взвешенная сумма = 0,193822406
AKCOH = 0,5242088567
                                                                                    Вес смещения:
                                                                                    w[1, 10, 3] = 1,002075185
Нейрон[1][5]
Взвешенная сумма = -0,022848184
Аксон = 0,4971440081
                                                                                    w[2, 1, 1] = 0.3987441504

w[2, 1, 2] = 0.7327441504

w[2, 1, 3] = -0.6172558496

w[2, 1, 4] = 0.06474415036

w[2, 1, 5] = -0.9372558496
Нейрон[1][6]
Взвешенная сумма = 0,020397418
A\kappa coh = 0,5025496552
                                                                                    w[2, 1, 6] = 0,2367441504
                                                                                    w[2, 1, 7] = -0,6872558496

w[2, 1, 8] = -0,2292558496
Нейрон[1][7]
                                                                                    w[2, 1, 9] = -0,6052558496
w[2, 1, 10] = 0,4487441504
Взвешенная сумма = 0,168167774
Аксон = 0,5210085955
                                                                                    Вес смещения:
                                                                                    w[2, 1, 11] = 1,04074415
Нейрон[1][8]
Взвешенная сумма = 0,0807952
Аксон = 0,5100980267
```

Рисунок 1 – Трассировка первого прохода

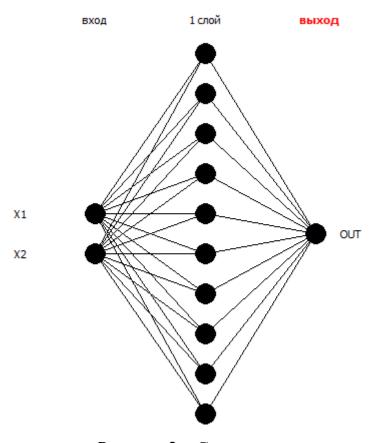


Рисунок 2 – Структура сети

В качестве активационной функции взята

$$F(S_i) = \frac{1}{1 + e^{-\alpha S_i}},\tag{1}$$

где S_i — взвешенная сумма входов і-го нейрона (с учетом смещения); α — коэффициент крутизны. Для всех слоев $\alpha=0,5$.

В таблице 8 показан расчет прямой волны.

Таблица 8 – Расчет прямой волны

№ слоя	№ нейрон а	№ выход а	Входной сигнал хј	Весовой коэффициен т wij	Смещени e wi0	Вес смещени я	wij*xj	Взвешенная сумма Si	Выход нейрона yi = F(Si)
	1	1	0,177033	-	-	-	-	-	0,177033
Вход	2	1	0,172249	-	-	-	-	-	0,172249
	3	1	0,129187	-	-	-	-	-	0,129187
	1	1	0,073298	-0,866	0,1	1	-0,063476068	0,10777056	0,513468061
		2	0,073299	0,972			0,071246628		
	2	1	0,073298	-0,276	0,1	1	-0,020230248	0,00881632	0,501102038
		2	0,073299	-0,968			-0,070953432		
	3	1	0,073298	0,896	0,1	1	0,065675008	0,126826538	0,515848007
		2	0,073299	-0,53			-0,03884847		
	4	1	0,073298	0,314	0,1	1	0,023015572	0,193822406	0,524208857
		2	0,073299	0,966			0,070806834		
	5	1	0,073298	-0,94	0,1	1	-0,06890012	-0,022848184	0,497144008
		2	0,073299	-0,736			-0,053948064		
1	6	1	0,073298	-0,132	0,1	1	-0,009675336	0,020397418	0,502549655
		2	0,073299	-0,954			-0,069927246		
	7	1	0,073298	0,296	0,1	1	0,021696208	0,168167774	0,521008595
		2	0,073299	0,634			0,046471566		
	8	1	0,073298	0,462	0,1	1	0,033863676	0,0807952	0,510098027
		2	0,073299	-0,724			-0,053068476		
	9	1	0,073298	0,528	0,1	1	0,038701344	0,1272667	0,515902972
		2	0,073299	-0,156			-0,011434644		
	10	1	0,073298	0,798	0,1	1	0,058491804	0,146030974	0,518245766
		2	0,073299	-0,17			-0,01246083		
	1	1	0,513468061	0,358	0,1	1	0,183821566	-0,722819679	0,410618326
		2	0,501102038	0,692			0,34676261		
		3	0,515848007	-0,658			-0,339427989		
		4	0,524208857	0,024			0,012581013		
Выхо		5	0,497144008	-0,978			-0,48620684		
д		6	0,502549655	0,196			0,098499732		
		7	0,521008595	-0,728			-0,379294258		
		8	0,510098027	-0,27			-0,137726467		
		9	0,515902972	-0,646			-0,33327332		
		10	0,518245766	0,408	-		0,211444273		

Для расчета ошибок необходимо найти производную функции (1) по S_i :

$$F'(S_i) = \frac{\alpha e^{-aS_i}}{(e^{-aS_i} + 1)^2}. (2)$$

Тогда ошибка единственного нейрона выходного слоя буден найдена как

$$\gamma = (y - t) * F'(S),$$

где у – фактическое значение его выхода;

t – желаемый сигнал на выходе.

Ошибка і-го нейрона скрытого слоя будет найдена как

$$\gamma_i = \gamma_j * F'(S_i) * \omega_{ij}.$$

где γ_i — ошибка выходного слоя;

 ω_{ij} — синаптическая связь между і-м нейроном скрытого слоя и j-м нейроном выходного слоя.

В таблице 9 показан расчет ошибок.

Таблица 9 – Расчет ошибок

№ слоя	№ нейрона	Si	F'(Si)	Ошибка
Выход	1	-0,722819679	0,121005458	0,04074415
	1	0,10777056	0,124909306	0,001821978
	2	0,00881632	0,124999393	0,003524352
	3	0,126826538	0,12487442	-0,00334784
	4	0,193822406	0,124706966	0,000121946
1	5	-0,022848184	0,124995922	-0,00498081
1	6	0,020397418	0,12499675	0,000998206
	7	0,168167774	0,124779319	-0,003701172
	8	0,0807952	0,124949015	-0,001374554
	9	0,1272667	0,124873548	-0,003286762
	10	0,146030974	0,124833546	0,002075185

Коррекция веса синапса производится по следующей формуле:

$$\omega_{ij}(t+1) = \omega_{ij}(t) - \gamma_j.$$

Коррекция веса смещения производится по следующей формуле:

$$T_i(t+1) = T_i(t) - \gamma_i.$$

В таблице 10 показан расчет новых весов.

Значения в таблицах 8, 9 полностью совпадают со значениями на рис. 1. Скорректированные веса в таблице 10 совпадают с искомыми с точностью не менее трех знаков после запятой; погрешность можно объяснить ошибками округления и расчетов с плавающей запятой в разных средах.

Таким образом, ручной расчет выполнен верно.

Таблица 10 – Расчет новых весов

№ слоя	№ нейрона	№ выхода	Предыдущий весовой коэффициент wij(t)	Предыдущий вес смещения Tj(t)	Новый весовой коэффициен т wij(t+1)	Новый вес смещения Тj(t+1)	
	1	1	-0,866	1	-0,86417802	1,001821978	
	1	2	0,972	1	0,97382198		
	2	1	-0,276	1	-0,27247565	1,003524352	
	2	2	-0,968	1	-0,96447565	1,005524552	
	3	1	0,896	1	0,89265216	0,99665216	
	3	2	-0,53	1	-0,53334784	0,99003210	
	4	1	0,314	1	0,31412195	1 000121046	
	4	2	0,966	1	0,96612195	1,000121946	
	5	1	-0,94	1	-0,94498081	0,99501919	
1	3	2	-0,736	1	-0,74098081	0,99301919	
1	6	1	-0,132	1	-0,13100179	1,000998206	
	Ü	2	-0,954	1	-0,95300179	1,000998200	
	7	1	0,296	1	-0,57000000	0,996298828	
	/	2	0,634	1	0,63029883	0,770278828	
	8	1	0,462	1	0,46062545	0,998625446	
	0	2	-0,724	1	-0,72537455	0,998023440	
	9	1	0,528	1	0,52471324	0.006712220	
	9	2	-0,156	1	-0,15928676	0,996713238	
	10	1	0,798	1	0,80007518	1 002075195	
	10	2	-0,17	1	-0,16792482	1,002075185	
		1	0,358		0,39874415		
		2	0,692		0,73274415		
		3	-0,658	1	-0,61725585		
		4	0,024		0,06474415		
D		5	-0,978	1	-0,93725585	1.040744150	
Выход	рд 1	6	0,196		0,23674415	1,040744150	
		7	-0,728		-0,68725585		
		8	-0,27		-0,22925585		
		9	-0,646		-0,60525585		
	10		0,408		0,44874415		

4 Выводы

В ходе выполнения лабораторной работы был исследован алгоритм ОРО при обучении многослойной НС, а также влияние различных параметров на качество обучения.

Наибольшее влияние на качество обучения показали нормализация, крутизна функции и величина момента. Влияние других параметров, таких как смещение, скорость обучения и количество нейронов в скрытом слое были значительно меньше. При этом случайный выбор примеров улучшил результаты работы, его использование предпочтительно для избегания привыкания сети.

Оптимальные параметры, выбранные для решения данной задачи:

Число входов: 2; Число выходов: 1; Циклов обучения: 1000; Нормализация: [0;1]; Выбор примеров: случайный; Крутизна функции: 0,5; Смещение: 0,1; Скорость обучения: 0,01; Количество нейронов в скрытом слое: 10.

Работе алгоритма ОРО была проверена ручным расчетом одного прохода. Вычисленные вручную значения совпали практически точно, разница с рассчитанными автоматически возникла из-за округлений и погрешностей в вычислениях.

Приложение А (обязательное) Обучающая выборка

X1	X2	OUT
-7	-7,4	-522696,8751
-6,94975	3,94271	-738090,9682
-6,8995	-7,28543	-403528,9204
-6,84925	3,82814	-635175,9701
-6,79899	-7,17085	-297229,1432
-6,74874	3,71357	-536941,4516
-6,69849		
	-7,05628	-204016,461
-6,64824	3,59899 -6,94171	-444844,3944
-6,59799 -6,54774		-123740,6191
	3,48442	-359949,3605
-6,49749	-6,82714	-55978,64166
-6,44724	3,36985	-282966,8848
-6,39698	-6,71256	-74,96713
-6,34673	3,25528	-214296,9087
-6,29648	-6,59799	44787,75149
-6,24623	3,1407	-154072,2114
-6,19598	-6,48342	79569,25085
-6,14573	3,02613	-102196,7925
-6,09548	-6,36884	105309,4088
-6,04523	2,91156	-58376,86894
-5,99497	-6,25427	123080,3033
-5,94472	2,79698	-22167,97489
-5,89447	-6,1397	133976,1935
-5,84422	2,68241	6979,71511
-5,79397	-6,02513	139062,843
-5,74372	2,56784	29706,70016
-5,69347	-5,91055	139363,2579
-5,64322	2,45327	46700,03717
-5,59296	-5,79598	135829,992
-5,54271	2,33869	58670,69882
-5,49246	-5,68141	129346,793
-5,44221	2,22412	66327,02421
-5,39196	-5,56683	120702,6507
-5,34171	2,10955	70361,06727
-5,29146	-5,45226	110592,2695
-5,24121	1,99497	71429,63099
-5,19095	-5,33769	99614,74583
-5,1407	1,8804	70139,10354
-5,09045	-5,22312	88277,15253
-5,0402	1,76583	67046,21564
-4,98995	-5,10854	76990,31312
-4,9397	1,65126	62642,90954
-4,88945	-4,99397	66080,08719
-4,8392	1,53668	57358,69579
-4,78894	-4,8794	55792,2337
-4,73869	1,42211	51557,50109
-4,68844	-4,76482	46303,58843
-4,63819	1,30754	45544,10614
-4,58794	-4,65025	37726,37133
-4,53769	1,19296	39561,29899
-4,48744	-4,53568	30119,88063
-4,43719	1,07839	33797,78117
-4,38693	-4,42111	23498,85105
-4,33668	0,96382	28392,43606
-4,28643	-4,30653	17843,39968
-4,23618	0,84925	23441,85561
-4,23010	0,04743	25441,05501

	T	1
-4,18593	-4,19196	13105,48734
-4,13568	0,73467	19003,4949
-4,08543	-4,07739	9216,93683
-4,03518	0,6201	15104,20335
-3,98492	-3,96281	6096,17711
-3,93467	0,50553	11744,98162
-3,88442	-3,84824	3654,87135
-3,83417	0,39095	8907,70497
-3,78392	-3,73367	1801,03712
-3,73367	0,27638	6559,1404
		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
-3,68342	-3,6191	444,1912
-3,63317	0,16181	4656,0058
-3,58291	-3,50452	-501,98615
-3,53266	0,04724	3148,96329
-3,48241	-3,38995	-1117,11818
-3,43216	-0,06734	1986,0849
-3,38191	-3,27538	-1473,10419
-3,33166	-0,18191	1115,32692
-3,28141	-3,1608	-1632,92887
-3,23116	-0,29648	486,6109
-3,1809	-3,04623	-1650,24003
-3,13065	-0,41106	53,47404
-3,0804	-2,93166	-1569,86407
-3,03015	-0,52563	-225,82462
-2,9799	-0,32303	-1427,86626
-2,92965		-387,934
	-0,6402	
-2,8794	-2,70251	-1252,46424
-2,82915	-0,75477	-464,01492
-2,77889	-2,58794	-1064,79792
-2,72864	-0,86935	-479,85114
-2,67839	-2,47337	-880,0853
-2,62814	-0,98392	-456,14676
-2,57789	-2,35879	-708,39597
-2,52764	-1,09849	-408,97507
-2,47739	-2,24422	-555,74867
-2,42714	-1,21307	-350,33418
-2,37688	-2,12965	-425,00151
-2,32663	-1,32764	-288,73175
-2,27638	-2,01508	-316,71158
-2,22613	-1,44221	-229,8625
-2,17588	-1,9005	-229,76888
-2,12563	-1,55678	-177,12586
-2,07538	-1,78593	-162,0524
-2,02513	-1,67136	-132,21563
-1,97487	-1,67136	-110,88735
-1,92462	-1,78593	-95,5844
-1,87437	-1,55678	-73,42696
-1,82412	-1,9005	-66,86833
-1,77387	-1,44221	-46,88857
-1,72362	-2,01508	-45,18989
-1,67337	-1,32764	-28,744
-1,62312	-2,12965	-29,43026
-1,57286	-1,21307	-16,81315
-1,52261	-2,24422	-18,40935
-1,47236	-1,09849	-9,30654
-1,42211	-2,35879	-11,01432
-1,37186	-0,98392	-4,81652
-1,32161	-2,47337	-6,26803
-1,27136	-0,86935	-2,28751
-1,22111	-2,58794	-3,36861
-1,17085	-0,75477	-0,96483
-1,1206	-2,70251	-1,69358
-1,07035	-0,6402	-0,33708

<u></u>	T	T
-1,0201	-2,81709	-0,78664
-0,96985	-0,52563	-0,07771
-0,9196	-2,93166	-0,33175
-0,86935	-0,41106	0,00681
-0,8191	-3,04623	-0,1239
-0,76884	-0,29648	0,02101
-0,71859	-3,1608	-0,03944
-0,66834	-0,18191	0,01458
-0,61809	-3,27538	-0,01003
-0,56784	-0,06734	0,00674
-0,51759	-3,38995	-0,00179
-0,46734	0,04724	0,00223
-0,41709	-3,50452	-0,00015
-0,36683	0,16181	0,0005
-0,31658	-3,6191	0,00002
-0,26633	0,27638	0,00006
-0,21608	-3,73367	0
-0,16583	0,39095	0
	-3,84824	
-0,11558		0
-0,06533	0,50553	0
-0,01508	-3,96281	0
0,03518	0,6201	0
0,08543	-4,07739	0
0,13568	0,73467	0
0,18593	-4,19196	0
0,23618	0,84925	-0,00004
0,28643	-4,30653	-0,00011
0,33668	0,96382	-0,00048
0,38693	-4,42111	-0,00098
0,43719	1,07839	-0,00305
0,48744	-4,53568	-0,00537
0,53769	1,19296	-0,01298
0,58794	-4,65025	-0,02141
0,63819	1,30754	-0,04252
0,68844	-4,76482	-0,06815
0,73869	1,42211	-0,11532
0,78894	-4,8794	-0,18374
0,8392	1,53668	-0,27055
	-4,99397	
0,88945	· ·	-0,43561
0,9397	1,65126	-0,5648
0,98995	-5,10854	-0,93123
1,0402	1,76583	-1,0692
1,09045	-5,22312	-1,82724
1,1407	1,8804	-1,85782
1,19095	-5,33769	-3,33312
1,24121	1,99497	-2,98383
1,29146	-5,45226	-5,70509
1,34171	2,10955	-4,43793
1,39196	-5,56683	-9,22311
1,44221	2,22412	-6,08784
1,49246	-5,68141	-14,14836
1,54271	2,33869	-7,592
1,59296	-5,79598	-20,65084
1,64322	2,45327	-8,28893
1,69347	-5,91055	-28,70461
1,74372	2,56784	-7,06055
1,79397	-6,02513	-37,9388
1,84422	2,68241	-2,17491
1,89447	-6,1397	-47,46008
1,94472	2,79698	8,88804
1,99497	-6,25427	-55,62039
2,04523	2,91156	29,61734
2,09548	-6,36884	-59,75805

2,14573 3,02613 64,63213 2,19598 -6,48342 -55,89512 2,24623 3,1407 119,83345 2,29648 -6,59799 -38,45149 2,34673 3,25528 202,49188 2,39698 -6,71256 0,07775 2,44724 3,36985 321,25855 2,49749 -6,82714 69,39518 2,54774 3,48442 486,05696 2,59799 -6,94171 181,59046 2,64824 3,59899 707,88496 2,69849 -7,05628 351,29544 2,74874 3,71357 998,39797 2,79899 -7,17085 595,64843 2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394 3 -7,4 1388,07332			
2,24623 3,1407 119,83345 2,29648 -6,59799 -38,45149 2,34673 3,25528 202,49188 2,39698 -6,71256 0,07775 2,44724 3,36985 321,25855 2,49749 -6,82714 69,39518 2,54774 3,48442 486,05696 2,59799 -6,94171 181,59046 2,64824 3,59899 707,88496 2,69849 -7,05628 351,29544 2,74874 3,71357 998,39797 2,79899 -7,17085 595,64843 2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,14573	3,02613	64,63213
2,29648 -6,59799 -38,45149 2,34673 3,25528 202,49188 2,39698 -6,71256 0,07775 2,44724 3,36985 321,25855 2,49749 -6,82714 69,39518 2,54774 3,48442 486,05696 2,59799 -6,94171 181,59046 2,64824 3,59899 707,88496 2,69849 -7,05628 351,29544 2,74874 3,71357 998,39797 2,79899 -7,17085 595,64843 2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,19598	-6,48342	-55,89512
2,34673 3,25528 202,49188 2,39698 -6,71256 0,07775 2,44724 3,36985 321,25855 2,49749 -6,82714 69,39518 2,54774 3,48442 486,05696 2,59799 -6,94171 181,59046 2,64824 3,59899 707,88496 2,69849 -7,05628 351,29544 2,74874 3,71357 998,39797 2,79899 -7,17085 595,64843 2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,24623	3,1407	119,83345
2,39698 -6,71256 0,07775 2,44724 3,36985 321,25855 2,49749 -6,82714 69,39518 2,54774 3,48442 486,05696 2,59799 -6,94171 181,59046 2,64824 3,59899 707,88496 2,69849 -7,05628 351,29544 2,74874 3,71357 998,39797 2,79899 -7,17085 595,64843 2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,29648	-6,59799	-38,45149
2,44724 3,36985 321,25855 2,49749 -6,82714 69,39518 2,54774 3,48442 486,05696 2,59799 -6,94171 181,59046 2,64824 3,59899 707,88496 2,69849 -7,05628 351,29544 2,74874 3,71357 998,39797 2,79899 -7,17085 595,64843 2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,34673	3,25528	202,49188
2,49749 -6,82714 69,39518 2,54774 3,48442 486,05696 2,59799 -6,94171 181,59046 2,64824 3,59899 707,88496 2,69849 -7,05628 351,29544 2,74874 3,71357 998,39797 2,79899 -7,17085 595,64843 2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,39698	-6,71256	0,07775
2,54774 3,48442 486,05696 2,59799 -6,94171 181,59046 2,64824 3,59899 707,88496 2,69849 -7,05628 351,29544 2,74874 3,71357 998,39797 2,79899 -7,17085 595,64843 2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,44724	3,36985	321,25855
2,59799 -6,94171 181,59046 2,64824 3,59899 707,88496 2,69849 -7,05628 351,29544 2,74874 3,71357 998,39797 2,79899 -7,17085 595,64843 2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,49749	-6,82714	69,39518
2,64824 3,59899 707,88496 2,69849 -7,05628 351,29544 2,74874 3,71357 998,39797 2,79899 -7,17085 595,64843 2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,54774	3,48442	486,05696
2,69849 -7,05628 351,29544 2,74874 3,71357 998,39797 2,79899 -7,17085 595,64843 2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,59799	-6,94171	181,59046
2,74874 3,71357 998,39797 2,79899 -7,17085 595,64843 2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,64824	3,59899	707,88496
2,79899 -7,17085 595,64843 2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,69849	-7,05628	351,29544
2,84925 3,82814 1369,32592 2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,74874	3,71357	998,39797
2,8995 -7,28543 934,14248 2,94975 3,94271 1831,56394	2,79899	-7,17085	595,64843
2,94975 3,94271 1831,56394	2,84925	3,82814	1369,32592
	2,8995	-7,28543	934,14248
3 -7,4 1388,07332	2,94975	3,94271	1831,56394
	3	-7,4	1388,07332