Министерство образования и науки Российской Федерации Федеральное агентство по образованию Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Вятский государственный университет»

Факультет автоматики и вычислительной техники

Кафедра электронных вычислительных машин

Лабораторная работа №2 по курсу «Математическая логика и теория алгоритмов»

Машина Тьюринга

Выполнил студент группы ИВТ-11	/Рзаев А. Э./
Проверил преподаватель	/Долженкова М. Л./

Цель работы: изучить многоленточную машину Тьюринга и освоить способы разработки системы команд для нее.

Задание: дана матрица 5х5 из нулей и единиц. Найти номера строки и столбца с наибольшей суммой.

Словесный алгоритм:

- 1. Пройтись по столбцам матрицы, записывая в первую ленту количество единиц в текущем столбце и откладывая на последних пяти лентах столько единиц, сколько имеется в каждой строки матрицы.
- 2. Найти максимум в столбцах, сохраняя на лентах текущий и предыдущий максимумы.
- 3. Если они равны ошибка, в качестве значения максимума записать символ 'E', иначе номер столбца
- 4. Найти максимум в строках. Для этого надо пройтись влево по последним 5 лентам до тех пор, пока на под ГЧЗ не будут пустые символы. Сдвинуть ГЧЗ вправо один раз
- 5. Если непустых меток больше одной ошибка, в качестве значения максимума записать символ 'Е', иначе номер строки.

Система команд:

```
0: 0, 0, 0, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 0, 0, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 0, 0, 0, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 0, 0, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \rightarrow 1,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
0: 0, 0, 0, 1, 0, ~, ~, ~, ~ = 0, 0, 0, 1, 0, ~, ~, ~, ~, ~ -> 1,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
0: 0, 0, 0, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 0, 0, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
0: 0, 0, 1, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 0, 1, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 0, 0, 1, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 0, 1, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
0: 0, 0, 1, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 0, 1, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 0, 0, 1, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 0, 1, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \rightarrow 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 0, 1, 0, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 1, 0, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
0: 0, 1, 0, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 1, 0, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 0, 1, 0, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 1, 0, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
0: 0, 1, 0, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 1, 0, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 0, 1, 1, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 1, 1, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
0: 0, 1, 1, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 1, 1, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
0: 0, 1, 1, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 1, 1, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
```

```
0: 0, 1, 1, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 0, 1, 1, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 1, 0, 0, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 0, 0, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 1, 0, 0, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 0, 0, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \rightarrow 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 1, 0, 0, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 0, 0, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 1, 0, 0, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 0, 0, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \rightarrow 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 1, 0, 1, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 0, 1, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
0: 1, 0, 1, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 0, 1, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \rightarrow 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 1, 0, 1, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 0, 1, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
0: 1, 0, 1, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 0, 1, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \rightarrow 1,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
0: 1, 1, 0, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 1, 0, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 1, 1, 0, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 1, 0, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \rightarrow 1,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
0: 1, 1, 0, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 1, 0, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 1, 1, 0, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 1, 0, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \rightarrow 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 1, 1, 1, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 1, 1, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 1, 1, 1, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 1, 1, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \rightarrow 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 1, 1, 1, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 1, 1, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \to 1,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
0: 1, 1, 1, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim = 1, 1, 1, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim \rightarrow 1,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
r, r, r, r, s, s, s, s, s
r, r, r, r, s, s, s, s, l
r, r, r, r, s, s, s, 1, s
r, r, r, r, s, s, s, 1, 1
1: 0, 0, 1, 0, 0, ~, ~, ~, ~, ~ = 1, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~ -> 1,
r, r, r, r, s, s, 1, s, s
1: 0, 0, 1, 0, 1, ~, ~, ~, ~, ~ = 2, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, 1 -> 1,
r, r, r, r, s, s, 1, s, 1
r, r, r, r, s, s, l, l, s
r, r, r, r, s, s, l, l, l
1: 0, 1, 0, 0, 0, ~, ~, ~, ~ = 1, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, ~ -> 1,
r, r, r, r, s, l, s, s, s
r, r, r, r, s, l, s, s, l
```

```
1: 0, 1, 0, 1, 0, ~, ~, ~, ~ = 2, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, 1, ~ -> 1,
r, r, r, r, s, l, s, l, s
r, r, r, r, s, l, s, l, l
1: 0, 1, 1, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = 2, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim, \sim -> 1,
r, r, r, r, s, l, l, s, s
r, r, r, r, s, l, l, s, l
r, r, r, r, s, l, l, l, s
r, r, r, r, s, l, l, l, l
1: 1, 0, 0, 0, 0, ~, ~, ~, ~ = 1, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, ~, ~, ~ -> 1,
r, r, r, r, l, s, s, s, s
r, r, r, r, l, s, s, s, l
r, r, r, r, l, s, s, l, s
1: 1, 0, 0, 1, 1, ~, ~, ~, ~, ~ = 3, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, 1, 1 -> 1,
r, r, r, r, l, s, s, l, l
1: 1, 0, 1, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = 2, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, \sim, \sim -> 1,
r, r, r, r, l, s, l, s, s
r, r, r, r, l, s, l, s, l
r, r, r, r, l, s, l, l, s
1: 1, 0, 1, 1, 1, ~, ~, ~, ~, ~ = 4, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, 1, 1 -> 1,
r, r, r, r, l, s, l, l, l
1: 1, 1, 0, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = 2, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim, \sim, \sim -> 1,
r, r, r, r, l, l, s, s, s
1: 1, 1, 0, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = 3, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim, \sim, 1 -> 1,
r, r, r, r, l, l, s, s, l
r, r, r, r, l, l, s, l, s
1: 1, 1, 0, 1, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = 4, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim, 1, 1 \rightarrow 1,
r, r, r, r, l, l, s, l, l
1: 1, 1, 1, 0, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = 3, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, \sim, \sim -> 1,
r, r, r, r, l, l, l, s, s
1: 1, 1, 1, 0, 1, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = 4, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, \sim, 1 -> 1,
r, r, r, r, l, l, l, s, l
1: 1, 1, 1, 1, 0, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = 4, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, \sim -> 1,
r, r, r, r, 1, 1, 1, 1, s
1: 1, 1, 1, 1, 1, ~, ~, ~, ~, ~ = 5, ~, ~, ~, ~, 1, 1, 1, 1, 1 -> 1,
r, r, r, r, 1, 1, 1, 1, 1
1: ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, 1, 1, 1, 1 -> 2,
1, 1, 1, 1, s, s, s, s, s
2: 0, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, 5, 0, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 3,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
2: 1, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, 5, 1, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 3,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
2: 2, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, 5, 2, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 3,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
2: 3, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 5, 3, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 3,
```

```
2: 4, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 5, 4, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 3,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
2: 5, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 5, 5, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 3,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 0, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, 4, 0, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 0, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 0, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 0, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 0, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 0, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 1, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, 4, 1, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 1, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, 4, 1, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 1, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 1, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 1, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 1, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 2, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, 4, 2, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 2, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, 4, 2, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 2, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, 4, 2, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 2, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 2, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 2, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 3, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 4, 3, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 3, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 4, 3, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 3, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 4, 3, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1 -> 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 3, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 4, 3, \sim, 3, 1, 1, 1, 1, 1 -> 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 3, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 4,
l, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 3, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 4, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 4, 4, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
```

```
3: 4, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 4, 4, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 4, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 4, 4, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 4, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 4, 4, \sim, 3, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 4, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 4, 4, \sim, 4, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 4, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
3: 5, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 4, 5, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 5, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 4, 5, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 5, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 4, 5, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 5, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 4, 5, \sim, 3, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 5, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 4, 5, \sim, 4, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
3: 5, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 4, 5, \sim, 5, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 4,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 0, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, 3, 0, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 0, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 0, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 0, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 0, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 0, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 1, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, 3, 1, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 1, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, 3, 1, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 1, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 1, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 1, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 1, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 2, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, 3, 2, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 2, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, 3, 2, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 2, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, 3, 2, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 2, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
```

```
4: 2, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 2, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 3, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 3, 3, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 3, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 3, 3, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 3, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 3, 3, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 3, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 3, 3, \sim, 3, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 3, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 3, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 4, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 3, 4, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 4, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 3, 4, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 4, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 3, 4, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 4, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 3, 4, \sim, 3, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 4, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 3, 4, \sim, 4, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 4, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 5,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
4: 5, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 3, 5, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 5, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 3, 5, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 5, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 3, 5, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 5, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 3, 5, \sim, 3, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 5, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 3, 5, \sim, 4, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
4: 5, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 3, 5, \sim, 5, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 5,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 0, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, 2, 0, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 0, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 0, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 0, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 0, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 0, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 1, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, 2, 1, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
```

```
5: 1, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, 2, 1, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 1, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 1, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 1, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 1, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 2, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, 2, 2, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 2, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, 2, 2, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 2, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, 2, 2, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 2, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 2, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 2, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 3, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 2, 3, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 3, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 2, 3, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 3, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 2, 3, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 3, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 2, 3, \sim, 3, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 3, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 3, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 4, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 2, 4, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 4, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 2, 4, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 4, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 2, 4, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 4, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 2, 4, \sim, 3, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 4, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 2, 4, \sim, 4, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 4, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
5: 5, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 2, 5, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 5, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 2, 5, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 5, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 2, 5, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 5, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 2, 5, \sim, 3, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
```

```
5: 5, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 2, 5, \sim, 4, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
5: 5, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 2, 5, \sim, 5, 1, 1, 1, 1, 1 -> 6,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 0, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, 1, 0, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 0, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 0, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 0, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 0, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 0, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 0, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 1, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, 1, 1, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 1, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, 1, 1, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 1, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 1, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 1, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 1, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 1, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 2, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, 1, 2, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 2, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, 1, 2, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 2, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, 1, 2, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 2, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 2, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 2, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 2, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 3, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 1, 3, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 3, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 1, 3, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 3, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 1, 3, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 3, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, 1, 3, \sim, 3, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 3, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 3, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 3, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 4, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 1, 4, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
```

```
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 4, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 1, 4, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 4, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, 1, 4, \sim, 3, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 4, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 4, \sim, 4, 1, 1, 1, 1, 1, 1 \rightarrow 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 4, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 4, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, s, s, s, s, s, s, s, s
6: 5, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 1, 5, \sim, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 5, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 1, 5, \sim, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 5, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 1, 5, \sim, 3, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 5, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 1, 5, \sim, 4, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
6: 5, \sim, 5, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1, 1 = 5, 1, 5, \sim, 5, 1, 1, 1, 1, 1, 1 -> 7,
1, 1, s, s, 1, s, s, s, s, s
7: \sim, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = \sim, \sim, 0, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 8,
s, s, l, s, s, s, s, s, s
7: \sim, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = \sim, \sim, 1, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 8,
s, s, l, s, s, s, s, s, s
7: \sim, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = \sim, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 8,
s, s, 1, s, s, s, s, s, s, s
7: \sim, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = \sim, \sim, 3, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 8,
s, s, l, s, s, s, s, s, s
7: \sim, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = \sim, \sim, 4, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 8,
s, s, 1, s, s, s, s, s, s, s
7: ^{\circ}, ^
s, s, 1, s, s, s, s, s, s, s
s, s, s, s, s, s, s, r
8: ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~ = ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~ -> 8,
s, s, s, s, s, s, s, r, s
s, s, s, s, s, s, s, r, r
8: ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~ = ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~ -> 8,
s, s, s, s, s, s, r, s, s
s, s, s, s, s, s, r, s, r
s, s, s, s, s, s, r, r, s
s, s, s, s, s, s, r, r, r
8: ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, ~ = ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, ~ -> 8,
s, s, s, s, s, r, s, s, s
s, s, s, s, s, r, s, s, r
```

S, S, S, S, S, r, S, r, S

```
s, s, s, s, s, r, s, r, r
s, s, s, s, s, r, r, s, s
s, s, s, s, s, r, r, s, r
s, s, s, s, s, r, r, r, s
s, s, s, s, s, r, r, r, r
8: ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, ~, ~ -> 8,
S, S, S, S, S, S, S, S
8: ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, 1 = ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, ~, 1 -> 8,
s, s, s, s, r, s, s, r
8: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, \sim, \sim, 1, \sim = \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, \sim, \sim, 1, \sim \rightarrow 8,
s, s, s, s, r, s, s, r, s
s, s, s, s, r, s, s, r, r
s, s, s, s, r, s, r, s, s
8: \, \sim, \, \sim, \, \sim, \, \sim, \, \sim, \, 1, \, \sim, \, 1, \, \sim, \, 1 = \, \sim, \, \sim, \, \sim, \, \sim, \, \sim, \, 1, \, \sim, \, 1 \, \rightarrow \, 8,
s, s, s, s, r, s, r, s, r
8: ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, 1, 1, ~ = ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, 1, 1, ~ -> 8,
s, s, s, s, r, s, r, r, s
s, s, s, s, r, s, r, r, r
8: ~, ~, ~, ~, ~, 1, 1, ~, ~, ~ = ~, ~, ~, ~, ~, 1, 1, ~, ~, ~ -> 8,
s, s, s, s, r, r, s, s, s
s, s, s, s, r, r, s, s, r
8: \, \sim, \, \sim, \, \sim, \, \sim, \, \sim, \, 1, \, 1, \, \sim, \, 1, \, \sim = \, \sim, \, \sim, \, \sim, \, \sim, \, \sim, \, 1, \, 1, \, \sim, \, 1, \, \sim \, \rightarrow \, 8,
s, s, s, s, r, r, s, r, s
s, s, s, s, r, r, s, r, r
8: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, \sim, \sim = \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, \sim, \sim \rightarrow 8,
s, s, s, s, r, r, r, s, s
s, s, s, s, r, r, r, s, r
8: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, \sim = \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, \sim \rightarrow 8,
s, s, s, s, r, r, r, r, s
s, s, s, s, r, r, r, r, r
8: ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 9,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
9: ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~ = ~, ~, ~, 4, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~ -> 9,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
```

s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1

```
s, s, s, l, s, l, l, l, l
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
9: ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, ~ = ~, ~, ~, 2, ~, ~, 1, ~, ~, ~ -> 9,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, 1 = \sim, \sim, \sim, 2, \sim, \sim, 1, \sim, 1, 1 -> 9,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim, \sim = \sim, \sim, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, \sim, \sim -> 9,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim, 1 = \sim, \sim, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, \sim, 1 -> 9,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, \sim = \sim, \sim, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, \sim -> 9,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1 = \sim, \sim, \sim, 2, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1 -> 9,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1
9: ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, ~, 1, ~, 1, ~, ~, ~, ~, ~ -> 9,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
s, s, s, l, s, l, l, l, l
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, \sim, 1, \sim, 1, \sim, \sim, 9,
s, s, s, l, s, l, l, l, l
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, 1, 1 = \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, \sim, 1, 1, 1 -> 9,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1
s, s, s, l, s, l, l, l, l
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim, \sim, 1 = \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, 1, \sim, \sim, 1 -> 9,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim, 1, \sim = \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, 1, \sim, 1, \sim -> 9,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim, 1, 1 = \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, 1, \sim, 1, 1 -> 9,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, \sim, \sim = \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, 1, 1, \sim, \sim -> 9,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, \sim, 1 = \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, 1, 1, \sim, 1 -> 9,
s, s, s, l, s, l, l, l, l
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, \sim = \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, 1, 1, 1, \sim -> 9,
s, s, s, l, s, l, l, l, l
9: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 9,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1
9: ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 10,
s, s, s, s, r, r, r, r, r
```

```
10: ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1 = ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1 -> 11,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
10: ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~ = ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~ -> 11,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
10: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim = \sim, \sim, \sim, E, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim -> 11,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
10: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1 = \sim, \sim, \sim, E, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1 -> 11,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
10: ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, ~ = ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, ~ -> 11,
s, s, s, s, s, 1, 1, 1, 1, 1
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
10: ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, 1, ~ = ~, ~, ~, E, ~, ~, 1, ~, 1, ~ -> 11,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
10: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, 1 = \sim, \sim, \sim, E, \sim, \sim, 1, \sim, 1, 1 -> 11,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
10: ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, 1, ~, ~ = ~, ~, ~, E, ~, ~, 1, 1, ~, ~ -> 11,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
10: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim, 1 = \sim, \sim, \sim, E, \sim, \sim, 1, 1, \sim, 1 -> 11,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1
10: ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, 1, 1, ~ = ~, ~, ~, E, ~, ~, 1, 1, 1, ~ -> 11,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
10: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1 = \sim, \sim, \sim, E, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1 -> 11,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
10: ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, ~, ~ -> 11,
s, s, s, s, s, l, l, l, l, l
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
10: ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, ~, 1, 1 = ~, ~, ~, E, ~, 1, ~, ~, 1, 1 -> 11,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
10: ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, 1, ~, ~ = ~, ~, ~, E, ~, 1, ~, 1, ~, ~ -> 11,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1
10: ~, ~, ~, ~, ~, 1, ~, 1, 1, ~ = ~, ~, ~, E, ~, 1, ~, 1, 1, ~ -> 11,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
10: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, \sim, 1, 1, 1 = \sim, \sim, \sim, E, \sim, 1, \sim, 1, 1, 1 -> 11,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
10: ~, ~, ~, ~, ~, 1, 1, ~, ~, ~ = ~, ~, ~, E, ~, 1, 1, ~, ~, ~ -> 11,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1
10: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim, \sim, 1 = \sim, \sim, \sim, E, \sim, 1, 1, \sim, \sim, 1 -> 11,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
10: ~, ~, ~, ~, ~, 1, 1, ~, 1, ~ = ~, ~, ~, E, ~, 1, 1, ~, 1, ~ -> 11,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1
10: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, \sim, 1, 1 = \sim, \sim, \sim, E, \sim, 1, 1, \sim, 1, 1 -> 11,
```

s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1, 1

```
10: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, \sim, \sim = \sim, \sim, \sim, E, \sim, 1, 1, 1, \sim, \sim -> 11,
s, s, s, l, s, l, l, l, l, l
10: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, \sim, 1 = \sim, \sim, \sim, E, \sim, 1, 1, 1, \sim, 1 -> 11,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
10: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, \sim = \sim, \sim, \sim, E, \sim, 1, 1, 1, 1, \sim -> 11,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
10: \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 = \sim, \sim, \sim, E, \sim, 1, 1, 1, 1, 1 -> 11,
s, s, s, 1, s, 1, 1, 1, 1
s, s, l, r, l, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 0, ~, 2, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 0, ~, 2, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, 1, r, 1, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 0, ~, 3, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 0, ~, 3, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 0, ~, 4, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 0, ~, 4, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, 1, r, 1, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 1, ~, 0, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 1, ~, 0, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, 1, r, 1, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 1, ~, 1, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, E, 1, ~, 1, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, s, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 1, ~, 2, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 1, ~, 2, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 1, ~, 3, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 1, ~, 3, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 1, ~, 4, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 1, ~, 4, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 1, ~, 5, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 1, ~, 5, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 2, ~, 0, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 2, ~, 0, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 2, ~, 2, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, E, 2, ~, 2, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, s, 1, r, 1, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 2, ~, 4, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 2, ~, 4, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 3, ~, 0, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 3, ~, 0, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 3, ~, 1, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 3, ~, 1, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 3, ~, 2, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 3, ~, 2, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
s, s, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 3, ~, 4, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 3, ~, 4, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
```

s, r, l, r, l, s, s, s, s, s

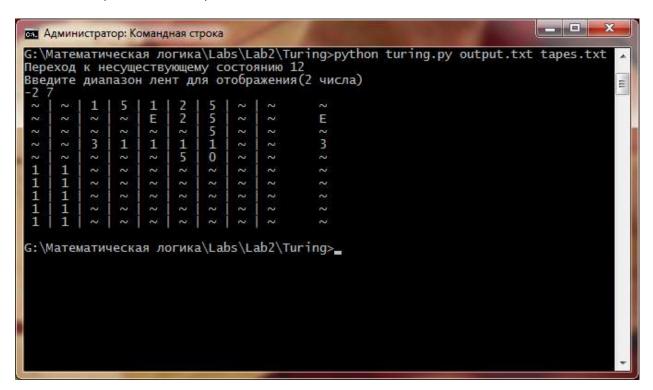
```
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
11: \sim, \sim, 4, \sim, 4, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim = \sim, E, 4, \sim, 4, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim, \sim -> 12,
s, s, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, 4, ~, 5, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, 4, ~, 5, ~, ~, ~, ~, ~ -> 12,
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
s, r, l, r, l, s, s, s, s, s
s, s, l, r, l, s, s, s, s, s
11: ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~ = ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~, ~ -> 11,
s, s, r, s, r, s, s, s, s, s
Листинг эмулятора:
#! /usr/bin/env python3
import sys
def parse string(s):
  """Разбор строки ѕ вида:
    st1: labels1 = labels2 -> st2, lines"""
  try:
     st1, other = s.split(':')
     labels1, other = other.split('=')
     labels1 = [label.strip() for label in labels1.split(',')]
     labels2, other = other.split('->')
     labels2 = [label.strip() for label in labels2.split(',')]
     other = [sh.strip() for sh in other.split(',')]
     st2, lines = other[0], other[1:]
  except Exception:
     raise Exception('Ошибка при обработке
строки:\n{}\n'.format(s))
  return st1, labels1, labels2, st2, lines
```

```
def make machine(file):
    table = dict() # state1, label1 -> state2, labels2, lines
    with open(file, 'r') as table_file:
        shift = {'l': -1, 'r': 1, 's': 0}
        for s in (line.strip() for line in table file.readlines() if
line.strip() != ''):
            info = parse string(s)
            s1 = int(info[0])
            s2 = int(info[3])
            l1 = tuple(info[1])
            12 = tuple(info[2])
            ls = tuple(shift[sym] for sym in info[4])
            if s1 not in table:
                table[s1] = dict()
            table[s1][11] = (s2, 12, 1s)
    return table
def make_tapes(file):
    with open(file, 'r') as tapes_file:
        n = int(tapes_file.readline())
        tapes = [['~'] * 1000 for i in range(n)] # изначально ленты
заполнены пустыми символами
       for i, s in enumerate(tapes file.readlines()[:n]): #
считываем только п строк
            foo = s.split()
            tapes[i][len(tapes[i]) // 2:len(tapes[i]) // 2 + len(foo)]
= foo
    return tapes
def run machine(tapes, table, start=0):
    state = start
    poses = [len(tapes[0]) // 2] * len(tapes)
    while state in table:
        # считать символы с лент
        labels = tuple(tape[poses[i]] for i, tape in enumerate(tapes))
        if labels not in table[state]:
            print('Неопределенная комбинация символов на лентах:\n\t
{}'.format(labels))
            return tapes, poses
       # получить описание перехода
        info = table[state][labels]
       state = info[0]
       # записать новые символы на ленты
```

```
for i, _ in enumerate(tapes):
            tapes[i][poses[i]] = info[1][i]
        # переместить ГЧЗ
        for i, _ in enumerate(poses):
            poses[i] += info[2][i]
    # успешное завершение
    print('Переход к несуществующему состоянию {}'.format(state))
    return tapes, poses
def main():
    args = sys.argv[1:]
    if len(args) == 0:
        table = make_machine('output.txt')
        tapes = make_tapes('tapes.txt')
    else:
        table = make_machine(args[0])
        tapes = make_tapes(args[1])
    tapes, poses = run machine(tapes[:], table)
    n, m = [int(i)] for i in input('Введите диапазон лент для
отображения(2 числа)\n').split()]
    for i, tape in enumerate(tapes):
        tape_repr = ' | '.join(tape[len(tape) // 2 + n:len(tape) // 2
+ m])
        print(' {}\t{}'.format(tape repr, tape[poses[i]]))
if __name__ == '__main__':
    try:
        main()
    except KeyboardInterrupt:
        print('Вмешательство пользователя')
```

Экранная форма:

Матрица:
$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$



Вывод: в данной лабораторной работе была изучена машина Тьюринга, создан ее эмулятор, освоены способы разработки программ для нее.