

Санкт-Петербургский национальный исследовательский университет  
информационных технологий, механики и оптики  
Факультет информационных технологий и программирования  
Кафедра компьютерных технологий

**Разработка модели криптовалюты на основе алгоритма  
консенсуса реализующего метод доказательства доли  
владения**

Агапов Г.Д.

Научный руководитель: Чивилихин Д.С.

Санкт-Петербург  
2018

# ОГЛАВЛЕНИЕ

Стр.

<b>ВВЕДЕНИЕ .....</b>	<b>6</b>
<b>ГЛАВА 1. ОБЗОР ПРЕДМЕТНОЙ ОБЛАСТИ</b>	<b>7</b>
1.1. Блокчейн .....	7
1.1.1. Применение структуры Блокчейн .....	8
1.2. Консенсус-алгоритмы в блокчейн-системах .....	9
1.2.1. Метод доказательства выполнения работы .....	10
1.2.2. Метод доказательства доли владения .....	10
1.3. Криптовалюты .....	10
1.3.1. Функциональность криптовалюты .....	11
1.3.2. Спецификации существующих систем .....	13
1.4. Задача построения модели криптовалюты .....	15
1.4.1. Критерии для построенной модели .....	16
1.4.2. Существующие попытки построения модели крипто- валюты .....	17
1.5. Цель и задачи настоящей работы .....	19
1.6. Система типов и синтаксис языка Haskell .....	20
1.6.1. Библиотека Vinyl .....	21
<b>ГЛАВА 2. МОДЕЛЬ БЛОКЧЕЙН-СИСТЕМЫ</b>	<b>22</b>
2.1. Модель локального состояния системы .....	22
2.1.1. Тип состояния системы .....	22
2.1.2. Тип транзакции к состоянию .....	25
2.1.3. Вычисление в модели состояния .....	27
2.1.4. Композиция вычислений в модели состояния .....	31
2.1.5. Валидация транзакции .....	34
2.2. Модель блокчейна .....	36
2.2.1. Валидация цепи блоков .....	36
2.2.2. Применение цепи блоков .....	38
2.2.3. Взаимосвязь с моделью состояния системы .....	39
2.3. Механизм дополнения транзакции .....	40
2.3.1. Дополнение транзакции общего вида .....	41
2.3.2. Дополнение транзакции с ограничением .....	42
2.4. Доступ к параметрам ОС .....	43

<b>ГЛАВА 3. МОДЕЛЬ БЛОКЧЕЙН-СИСТЕМЫ, ИСПОЛЬЗУЮЩЕЙ МЕТОД ДОКАЗАТЕЛЬСТВА ДОЛИ ВЛАДЕНИЯ</b>	<b>45</b>
3.1. Обобщенный функционал метода доказательства доли владения .....	45
3.2. Делегация доли владения .....	45
3.3. Система обновления .....	45
<b>ГЛАВА 4. МОДЕЛЬ КРИПТОВЛЮТЫ</b>	<b>46</b>
4.1. Аккаунтинг .....	46
4.2. Поддержка умных контрактов .....	46
4.3. Контракты с локальным состоянием .....	46
<b>ГЛАВА 5. РЕАЛИЗАЦИЯ</b>	<b>47</b>
5.1. Реализация криптовалюты Cardano SL .....	47
5.2. Формализация модели на Haskell .....	47
<b>ЗАКЛЮЧЕНИЕ .....</b>	<b>48</b>
<b>СПИСОК ИСТОЧНИКОВ .....</b>	<b>49</b>

## **ВВЕДЕНИЕ**

TODO Введение

## ГЛАВА 1. ОБЗОР ПРЕДМЕТНОЙ ОБЛАСТИ

В настоящей главе проводится краткий обзор предметной области.

Вводится понятие блокчейна, рассматриваются консенсус-алгоритмы, используемые в блокчейн-системах. Вводится понятие криптовалюты, рассматриваются реализованные системы, реализующие функционал криптовалюты, спецификации к ним.

### 1.1. Блокчейн

**Опр. 1.1.** Блокчейн (в переводе с английского ”цепочка блоков”) – структура данных, представляющая собой последовательный непрерывно расширяющийся список записей, связанных между собой по принципу односвязного списка, с использованием криптографически стойкой хэш-функции для установления связей.

Запись в блокчейне вместе с её связью принято называть блоком. В реализациях структуры блокчейн, как правило, каждый связью является ссылка на предыдущий блок, где ссылкой является значение криптографически стойкой хэш-функции, примененной к предыдущему блоку.

$$\begin{aligned} Blockchain_{\langle H, Data \rangle} &= \{ \langle origin, blocks \rangle \mid origin \in Data, \\ &blocks \in List_{Data \times Value_H}, \\ &\langle index, block \equiv \langle data, value_H \rangle \rangle \in blocks \\ &\implies \begin{cases} value_H = H(origin), & \text{if } index = 1 \\ value_H = H(blocks[index - 1]), & \text{otherwise} \end{cases} \\ &\} \end{aligned} \tag{1.1}$$



Рис. 1.1 — Диаграмма структуры Блокчейн

Построенная таким образом структура данных имеет интересное свойство по сравнению с односвязным списком:

$$\begin{aligned}
 & \forall i, n, x_0, \dots, x_n, x'_i \\
 & \langle x_0, [ \text{block}_1 \equiv \langle x_1, H(x_0) \rangle, \dots, \\
 & \quad \text{block}_i \equiv \langle x_i, H(\text{block}_{i-1}) \rangle, \dots, \\
 & \quad \text{block}_n \equiv \langle x_n, H(\text{block}_{n-1}) \rangle ] \rangle \in \text{Blockchain}_{\langle H, \text{Data} \rangle}, \\
 & i \neq n, x_i \neq x'_i \implies
 \end{aligned} \tag{1.2}$$

$$\begin{aligned}
 & \langle x_0, [ \text{block}_1 \equiv \langle x_1, H(x_0) \rangle, \dots, \\
 & \quad \text{block}'_i \equiv \langle x'_i, H(\text{block}_{i-1}) \rangle, \dots, \\
 & \quad \text{block}_{i+1} \equiv \langle x_{i+1}, H(\text{block}_i) \rangle, \dots, \\
 & \quad \text{block}_n \equiv \langle x_n, H(\text{block}_{n-1}) \rangle ] \rangle \notin \text{Blockchain}_{\langle H, \text{Data} \rangle},
 \end{aligned}$$

Иными словами, невозможно поменять содержание блока, не меняя при этом последующих блоков в структуре. Данное свойство опирается на предположении о стойкости криптографической функции  $H$ , в частности: для данного  $h \in \text{Value}_h$  практически невозможно подобрать  $x$  такой что  $H(x) = h$ .

### 1.1.1. Применение структуры Блокчейн

Гораздо чаще термин “Блокчейн” применяется не к структуре как к таковой, а к классу систем, использующих её как одну из основных компонент. Большая часть известных систем, использующих эту структуру, представляют из себя распределенные базы данных, как правило специализированные под конкретные области применения. Примеры таких систем:

- Криптовалюты (распределенная база данных, предназначенная для хранения информации о счетах, проведения транзакций над ними).
  - Примеры: Bitcoin [1], NXT [2], Cardano [3].
- Системы для распределенных вычислений с использованием т.н. смарт-контрактов.
  - Как частный случай распределенных вычислений, используются для реализации финансовых контрактов.
  - Примеры: Ethereum [4], NEO [5].
- Распределенные базы данных.
  - Как правило, реализуются для хранения данных, относящихся к конкретной области применения
  - Примеры: Namecoin [6] (альтернатива системе DNS), Disciplina [7] (система для хранения и обмена данных об академической успеваемости)

Структура Блокчейн нашла такое широкое применение в построении распределенных баз данных в первую очередь в следствии свойства 1.2. Если участники сети достигли консенсуса (возможно, в нестрогом смысле) относительно блока  $b$ , то они автоматически находятся в согласии со всеми блоками, предшествующим  $b$  в структуре.

## 1.2. Консенсус-алгоритмы в блокчейн-системах

Большинство алгоритмов консенсуса, разработанных для блокчейн-систем являются алгоритмами для достижения в системе согласованности в конечном счёте (англ. *eventual consistency*) или эвентуального консенсуса. В отличие от классических консенсус алгоритмов, таких как Paxos [8], Raft [9], от алгоритма консенсуса не требуется достижение полного консенсуса в системе, но полагается достаточным достижение частичного консенсуса, переходящего в полный с вероятностью увеличивающейся со временем с момента достижения согласия о некотором значении большинством узлов сети.

Первопроходцем среди распределенных систем, использующих структуру Блокчейн по праву считается криптовалюта Bitcoin [1]. В статье “Bitcoin: A Peer-to-Peer Electronic Cash System” за авторством Satoshi Nakamoto [10],

описывающей концепцию децентрализованной системы электронных денег, предлагается использование метода доказательства выполнения работы (англ. proof of work) для построения алгоритма эвентуального консенсуса. В оригинальной статье предлагается алгоритм эвентуального консенсуса без подробного анализа, в последующих работах других авторов, в частности “The bitcoin backbone protocol: Analysis and applications” [11], доказано что предложенный алгоритм (с небольшими модификациями) является толерантным к атакам, если как минимум  $2/3$  вычислительной мощности сети находится в управлении честных участников.

Метод доказательства выполнения работы был в дальнейшем применен для построения алгоритмов эвентуального консенсуса для систем Ethereum [4], ZCash [12], IOTA [13], равно как и множества других блокчейн-систем.

Другим популярным методом для построения консенсус-алгоритмов в блокчейн-системах является метод доказательства доли владения (англ. proof of stake), нашедший своё применение в построении алгоритмов эвентуального консенсуса Ouroboros [14], Snow White [15], алгоритмов для систем NXT [2], NEO [5]. Метод может быть также применен в построении алгоритмов полного консенсуса, в частности в алгоритме Algorand [16], также возможность применения метода доказательства доли владения для разработки распределенных систем упомянута авторами алгоритма Honey Badger BFT [17].

#### **1.2.1. Метод доказательства выполнения работы**

TODO описания принципа PoW

#### **1.2.2. Метод доказательства доли владения**

TODO описания принципа PoS

### **1.3. Криптовалюты**

**Опр. 1.2.** Криптовалюта – собирательный термин для систем электронных денег, использующих методы криптографии для установления собственности средств при проведении транзакций.



В определении, данном, выше, заложен следующий аспект большинства (если не всех) систем, относимых к криптовалютам: использование асинхронной криптографии. Каждая денежная единица в системе ассоциирована с некоторым адресом  $Addr = CreateAddr ( PubKey )$ , построенном на основе публичного ключа  $PubKey$ . Для проведения трансфера средств с одного адреса на другой (транзакции) требуется предоставить подпись информации о транзакции, сделанной секретным ключом  $Secretkey$ , соответствующим публичному ключу  $PubKey$ .

### 1.3.1. Функциональность криптовалюты

Базовой функциональностью криптовалюты, является отправление транзакций между различными участниками сети: участник  $S$  имеет возможность послать средства на сумму  $c$  участнику  $T$  при условии что ему известен адрес участника  $T$  и на его адресах содержится средств на сумму, не меньшую  $c$ . Однако, уже в первой криптовалюте, нашедшей широкое распространение, Bitcoin [1], создателями было реализовано множество дополнительных функциональностей, в частности:

- Поддержка комиссий за проведение транзакций
- Поддержка скриптовых транзакций
- Поддержка транзакций типа  $M$  из  $N$
- Поддержка децентрализованной пириноговой сети

Комиссии за проведения транзакций является важным механизмом для противодействия атакам отказа в доступе, равно как и механизмом поощрения участников, поддерживающих сеть (выпускающих блоки).

Поддержка скриптовых транзакций представляет собой возможность создания адреса, правила валидации права владения которым задаются при помощи предоставляемой пользователем программы (скрипта), запускаемой участниками сети, поддерживающими сеть, при проверки транзакции, использующей средства с данного адреса. Скриптовые транзакции являются очень мощным механизмом, позволяющие реализовать семантику многих составных финансовых операций. Однако, возможности использования скриптовых транзакций для построения финансовых контрактов с помощью скриптового языка в Bitcoin [1] весьма ограничены, т.к. семантика использования скриптовых транзакций не позволяет описать конечный автомат (только ко-

нечный автомат, выполняющий ровно один переход из начального состояния в конечное). Это ограничение было устранено в системе Ethereum [4].

Поддержка транзакций типа  $M$  из  $N$  является частным случаем финансового контракта. Задача состоит в предоставлении  $N$  участникам сети возможности создания адреса  $A$  для списания средств с которого требуется взаимодействие как минимум  $M$  участников из  $N$ , участвовавших в создании адреса. В простейшем случае, адрес  $A$  будет представлять из себя конкатенацию публичных ключей  $N$  участников и предоставление подписей транзакции  $M$  участниками требуется для валидации транзакции. Именно так транзакции типа  $M$  из  $N$  реализованы в Bitcoin [1], при использовании скриптового языка. Однако возможны и принципиально отличные реализации этого типа транзакций, например с использованием пороговых криптосистем [18].

Большинство криптовалют разрабатываются как открытые децентрализованные пиринговые (Peer-to-peer или P2P) сети, т.е. позволяют любому пользователю сети Интернет стать участником сети. Однако это не является необходимым требованием для создания криптовалюты. Существуют проекты криптовалют с закрытой топологией сети (например, проект Hyperledger [19]), равно как и централизованные (RSCoin [20]). Создателями Bitcoin протоколы для поддержки пиринговой сети были реализованы с нуля. Создатели сети Ethereum взяли за основу своей сети протокол Kademlia [21], внося в него ряд модификаций.

Помимо упомянутых выше функциональностей существуют и другие, поддерживаемые во многих блокчейн-системах:

- Делегация доли владения
  - Реализовано во многих криптовалютах, реализующих метод доказательства доли владения, в частности в NEM [22].
- Поддержка обновления протоколов
  - Поддержка “ручного” обновления протоколов (достижения согласия между участниками сети) реализована в большинстве блокчейн-систем посредством, как правило, версионирования форматов блока, протоколов сети и установления процедур коммуникации между командами людей, поддерживающих узлы сети.

- Поддержка полностью автоматизированных обновлений протокола анонсирована для криптовалюты Tezos [23], не поддерживается подавляющим большинством блокчейн-систем.
- Поддержка обновления программного обеспечения участников сети.
- Расширения понятия блокчейна до понятия ациклического графа блоков
  - Реализовано в криптовалюте ИОТА [13].
- Поддержка криптографических протоколов доказательства с нулевым разглашением [24]
  - Реализовано в криптовалюте ZCash [12]

### 1.3.2. Спецификации существующих систем

Стандартом блокчейн-индустрии является написание технической спецификации, часто форматируемой по типу научной публикации, задача которой состоит в описании основных технических решений системы.

В таблице 1.1 рассмотрены технические спецификации некоторых известных криптовалют с точки зрения детализации, содержания.

Следует заметить что большинство существующих блокчейн-систем не предоставляют должного качества спецификаций, что сужает возможность их анализа с целью рассмотрения их модели. Многие системы являются клонами или несущественными (с точки зрения проблем, рассматриваемых в настоящей работе) модификациями систем, рассмотренных в таблице 1.1. Документы, упомянутые в таблице 1.1 являются одними из лучших, имеющихся в доступе.

Таблица 1.1 — Сравнение документации некоторых криптовалют

Документ	Детализация	Комментарий
Ethereum yellow paper [25]	Высокая	Спецификация консенсус протокола вынесена в отдельную статью. В подробной форме специфицирована логика валидации транзакций, блоков.

Документ	Детализация	Комментарий
Bitcoin developer guide [26]	Средняя	Многokrатно подчеркнuto, что документация не является спецификацией и для спецификации следует обращаться к реализации клиента bitcoind.
EOS.IO Technical White Paper [27]	Низкая	Документ покрывает только основные идеи механизмов, используемые в системе EOS. Для описанных механизмов не даётся подробной спецификации, только высокоуровневый обзор.
Peercoin [28]	Низкая	В документе описывается в неформальной форме консенсус-алгоритм, не приводится никакой математической модели алгоритма, равно как и анализа. В документе не описывается иные компоненты криптовалюты (помимо консенсус-алгоритма).
NEM technical reference [22]	Средняя	Документ является подробной технической спецификацией компонент системы NEM. Спецификация не предлагает общей модели, описывая компоненты раздельно. Кроме того, логика валидации опускается (т.е. предполагается что её можно извлечь из описаной семантики, что является затруднительным).

#### 1.4. Задача построения модели криптовалюты

Как было показано в главе 1, на сегодняшний день разработано большое количество блокчейн-систем. Каждая из этих систем реализует различные наборы функциональностей криптовалюты, причем реализации могут сильно отличаться, равно как и способы, с помощью которых функциональности взаимодействуют друг с другом. Создатели очередной блокчейн-системы зачастую вынуждены решать задачу построения системы “с нуля”, опыт коллег может быть использован лишь на уровне заимствования идей, возможности анализа последствий использования этих идей в построенной системе значительно ограничены. В равной степени затруднен и анализ новых идей, желание реализовать которые часто и является отправной точкой для разработки новой системы.

Многие подходы, используемые в блокчейн-системах, опираются на достижения криптографии, использование которых накладывает на разработчика системы ответственность за четкое понимание требований, предъявляемых используемой структурой. То же относится и к более сложным конструкциям, использующим криптографические примитивы как составную часть. Недостаточное понимание требований, предъявляемых используемыми конструкциями при разработке новых систем может легко привести к проблемам с безопасностью, производительностью.

Анализ разработанных систем, равно как и работа над дизайном новых значительно осложняется отсутствием формализации функциональностей криптовалюты, описанием способов из объединения в общую систему. Эти и другие затруднения в разработке дизайна новых блокчейн-систем, равно как и анализе существующих, можно решить посредством формализации понятия криптовалюты, разработки единой абстрактной модели. Функциональности криптовалюты могут быть описаны как составные компоненты разработанной модели.

Отдельно стоит вопрос разработки блокчейн-систем, использующих метод доказательства доли владения. До публикации работ Ouroboros [14], Snow White [15], Algorand [16] в 2016, не было ни одного доказанно безопасного алгоритма консенсуса (эвентуального или полного), использующего метод доказательства доли владения. Для некоторых существовавших на тот

момент алгоритмов были применены атаки [29], против которых по утверждению авторов алгоритмов, алгоритмы должны были быть устойчивыми. В отличие от предшествовавших работ, в Orobogos (который является первым опубликованным доказанно безопасным алгоритмом, использующим метод доказательства доли владения) авторами строится модель среды, в которой формулируется алгоритм и доказывается его устойчивости при работе в данной среде к известным на момент создания работы атакам.

Однако в вопросе построения блокчейн-систем, на сегодняшний день нет работ, предлагающих формальную модель системы, основанной на консенсус-алгоритме, реализующем метод доказательства доли владения, формулирующих свойства модели и доказывающих их. Требуется заметить, что консенсус-алгоритм является в некотором смысле лишь одной из функциональностей криптовалюты и как следствие этого, даже построив систему на основе доказанно безопасного алгоритма консенсуса, ничего нельзя сказать о безопасности системы в целом.

#### **1.4.1. Критерии для построенной модели**

Для того чтобы перейти от обоснования востребованности задачи построения модели криптовалюты, реализующей метод доказательства доли владения, к её непосредственной формулировке, рассмотрим критерии, которым должна удовлетворять построенная модель, позволяющие эффективно использовать модель в анализе существующих и разработке новых блокчейн-систем (криптовалют в частности):

- Модульность
  - Каждая функциональность должна быть представлена как набор компонент модели, описанных независимо и предъявляющие друг к другу некоторый набор требований.
- Детализированность
  - Всякое сформулированное свойство должно быть либо доказано для приведенной конструкции, либо вынесено в требования для компоненты, используемой этой конструкцией.
- Эффективность
  - Для разрабатываемой модели должна быть показана эффективность её реализации на практике, причем эффективная реализа-

ция должна лишь реализовывать требования модели, не изменяя составляющие.

– Безопасность

- Система, разработанная на основе модели, должна отвечать требованиям безопасности, в частности быть устойчивой к известным атакам.
- Система, разработанная на основе модели, должна иметь резистентность к взлому одного из используемых в ней криптографических примитивов.

Требование безопасности является особенно важным в разработке надёжных финансовых систем (что является одним из основных применений криптовалют на сегодняшний день).

Требования детализированности и модульности должны облегчить задачу проведения анализа модели, равно и расширения модели новыми компонентами.

Требование эффективности важно при конструировании модели, игнорирование требования на ранних этапах может привести к получению модели, неприменимой на практике (следовательно, представляющий малый интерес в вопросе проектирования новых и анализа существующих систем).

#### **1.4.2. Существующие попытки построения модели криптовалюты**

Во всех документах, рассмотренных в таблице 1.1 приводится техническое описание (разной степени детализации) системы в целом, но ни в одной из них не была предпринята попытка модульного (поэтапного) построения формальной модели. Приведенные же модели, даже в случае достижения высокой степени детализации, слабо подходят для дальнейшего анализа в силу своей монолитности, большого объёма.

Авторы статьи, предлагающей дизайн криптовалюты Tezos ([23, 2.1 Mathematical representation]) предлагают некоторую математическую нотацию для формирования модульной модели криптовалюты, однако используют её только для описания понятия глобального состояния и блока как изменения этого состояния (самых базовых понятий), в дальнейшем описании дизайна системы нотация не используется. Авторы технической специфика-

ции Ethereum [25] достаточно подробно вводят формулировки состояния, однако все структуры, равно как и логика валидации, описаны как части одной цельной (и довольно громоздкой) модели, без модульной структуры.

В статьях, посвященных описанию и анализу консенсус алгоритмов (не криптовалют целиком), таких как Ouroboros [14], Algorand [16], авторами предлагается только математическая модель консенсус-алгоритма, к остальным компонентам системы предъявляется набор требований (но описание этих компонент выходит за рамки тем данных работ).

## **Фреймворк Scorex**

Авторы фреймворка Scorex [30] поставили своей целью создание модульного фреймворка для прототипирования различных блокчейн-систем. Фреймворк разработан на языке Scala и сопровождается достаточно подробной документацией [31], объясняющей основные концепции, стоящие за фреймворком. Авторы фреймворка отдельно выделяют транзакционный уровень, уровень консенсуса. Это единственная известная автору попытка построения модели криптовалюты в общем смысле.

Как негативный фактор, в документации описываются только некоторые отдельные компоненты модели. Сведение отдельных компонент в единую модель в документации отсутствует. Код фреймворка на Scala, впрочем может рассматриваться как модель криптовалюты (в достаточно общем смысле). Однако, следует заметить, реализация многих компонент Scorex не является абстрактным обобщением конструкций, но является упрощенной реализацией таковых, позволяющей использовать их в прототипировании других компонент.

## **Модели криптовалют с PoS**

Автору неизвестны детальные модели криптовалют, построенные для консенсус-алгоритмов, реализующих метод доказательства доли владения (PoS).

В фреймворке Scorex [30] приведена лишь абстрактная модель, без специализации относительно метода PoS. Кроме того, отсутствие последовательной формулировки модели в документации является минусом (код на Scala



часто слишком специализирован, чтобы использовать его для построения абстрактной модели, не следующей определениям аналогичным принятым в коде).

Спецификация Ethereum достаточно детальна, но не предлагает модульной модели и кроме того относится к системе, использующей консенсус-алгоритм, реализующий метод доказательства выполнения работы.

Спецификации систем, реализующих метод доказательства доли владения EOS [27], NEM [22], Peercoin [28] не удовлетворяют требованиям детализации. Спецификация криптовалюты NEM выделяется сравнительно полной детализацией, однако авторами не приводится формальная модель. Кроме того, в последующих главах будет указано на несколько несогласованностей в дизайне этой криптовалюты.

### **1.5. Цель и задачи настоящей работы**

Рассмотрение модели криптовалюты следует начать с ответа на вопрос, что таковая модель должна в себя включать. Всякую блокчейн-систему можно разделить на несколько уровней:

- Уровень взаимодействия между узлами сети
  - Включает в себя в частности сетевые протоколы, форматы сериализации.
  - Отвечает за обмен данными между узлами сети.
- Логика обработки данных
  - Включает в себя все правила изменения состояния системы, в частности валидацию предложенных другими узлами сети (пользователем) данных.
- Пользовательская функциональность
  - Включает в себя функционал, требующийся пользователю системы для эффективного с ней взаимодействия.

В настоящей работе рассматривается в первую очередь логика обработки данных, т.к. она является базовой при рассмотрении систем баз данных, частным случаем которых являются блокчейн-системы.

Цель настоящей работы: разработать модель обработки данных криптовалюты, использующую алгоритм консенсуса, реализующий метод доказательства доли владения.

Задачи настоящей работы:

1. разработать модель блокчейн-системы общего вида;
2. разработать модель блокчейн-системы, использующей метод доказательства доли владения;
3. разработать модель криптовалюты;
4. показать соответствие разработанных моделей критериям, сформулированным в разделе 1.4.1.

Разработанная модель блокчейн-системы, использующей метод доказательства доли владения должна включать в себя:

- механизм делегации доли владения;
- механизм обновления протокола.

Разработанная модель обработки данных должна позволять эффективную реализацию уровней взаимодействия между узлами сети, пользовательского взаимодействия.

## 1.6. Система типов и синтаксис языка Haskell

TODO описать что используется Haskell версии GHC X.X, что под капотом там такаято система и почему система типов подходит для описания модели криптовалюты; описать основные синтаксические конструкции которые в продолжение повествования будут использоваться

TODO типы: Word32, Rec, Semigroup, COnst, NotIntersects

При описании работы с состоянием (в дальнейшем), будут накладываться различные ограничения (требования) на ключ или значение. Для выражения ограничений в нотации будет использоваться конструкция языка Haskell тайп-класс, например:

```
1 getMonoidValue :: (Ord id, Monoid value)
2               => Prefixed id -> StateP id value -> value
3 getMonoidValue key stateP = maybe mempty (M.lookup key stateP)
```

Листинг 1.1 — Пример наложения ограничений на абстрактные переменные

В примере было наложено ограничение `Ord id` на ключ, выражающее требование существования линейного порядка на множестве всех ключей. В сигнатуре функции указано еще одно требование, `Monoid value`, требующее от `value` моноидальную структуру.

```
1 type family RecAll' (rs :: [u]) (c :: u -> Constraint) :: Constraint where
2   RecAll' '[] c = ()
3   RecAll' (r ': rs) c = (c r, RecAll' rs c)
```

Листинг 1.2 — Семейство типов *RecAll*

TODO: что такое тип, вид (как эти понятия используются)

Воспользуемся концепцией свободной монады, определенной в языке Haskell (подробнее с концепцией свободных монад можно ознакомиться в документации к библиотеке `free` [32]). Свободная монада определяется следующим типом данных:

```
1 data Free f a
2   = Pure a
3   | Free (f (Free f a))
```

Листинг 1.3 — Свободная монада

Тип данных `Free` описывает чистую функцию, которая возвращает либо значение, либо запрос к внешнему контексту. Тип `Free` определяет два конструктора: `Pure` и `Free`. Конструктор `Pure` используется для возврата значения, конструктор `Free` для обращения к внешнему контексту с последующим продолжением вычисления. Переменная типа `f` задаёт конкретный формат обращения к внешнему контексту и обработки результата обращения.

### 1.6.1. Библиотека *Vinyl*

#### Резюме

В данной главе был проведен обзор предметной области блокчейн-систем, криптовалют в частности. Рассмотрены основные подходы к построению консенсус-алгоритмов в них. Приведены результаты анализа спецификаций существующих блокчейн-систем, существующих попыток построения модели блокчейн-систем.

Сформулированы цель и задачи настоящей работы.

## ГЛАВА 2. МОДЕЛЬ БЛОКЧЕЙН-СИСТЕМЫ

Модель блокчейн-системы определяет блокчейн-систему общего вида, т.е. систему обработки данных, использующую структуру блокчейн.

Модель блокчейн-системы вводится как набор следующих компонент:

- модель локального состояния системы;
- модель обработки блоков;
- механизм расширения транзакций;
- механизм обращения к изменяющимся параметрам ОС.

Модель локального состояния системы определяет вид хранилища данных, используемого системой, способы взаимодействия с хранилищем (чтения и записи данных). TODO описать остальные компоненты после описания chapter'a

### 2.1. Модель локального состояния системы

Как было замечено в разделе 1.1.1, большинство блокчейн-систем представляют из себя распределенные базы данных. В следствие этого, для построения модели блокчейн-системы, следует начать с формализации состояния базы данных, способа его изменения.

#### 2.1.1. Тип состояния системы

Тип `StateP1`, представленный в листинге 2.1, выражает тип состояния системы. Причем как глобального состояния целиком, так и его части. Состояние представляется как словарь, отображение из ключа `key` в значение `value`. И ключ, и значение введены как абстрактные типы. Это позволяет использовать определения для произвольных ключей и значений, используя для разных типов одни и те же полиморфные функции.

```
1 import Data.Map (Map)
2
3 type StateP1 key value = Map key value -- Portion of state
```

Листинг 2.1 — Тип состояния системы ‘StateP1’

Тип `StateP1` описывает состояние, в котором типы ключа и значения фиксированы и одинаковы для всех компонент одной системы. Это в принципе

позволяет описать многокомпонентную систему, даже учитывая различия репрезентации данных в различных компонентах. В частности возможно задать типы ключа и значения как суммы частных типов конкретных компонент, как продемонстрировано в листинге 2.2. Следует также заметить, что функциям, работающим с данными каких-либо отдельных компонент системы, будет требоваться выбирать из хранилища ключи, созданные интересующим конструктором и проверить соответствие конструктора значения (потенциально завершая исполнение исключением).

```
1 data Address = ..
2 data PublicKey = ..
3 data Signature = ..
4
5 data ExampleKey1 = EkDlg PublicKey | EkBalances Address
6
7 data ExampleValue1 = EvDlg (Address, Signature) | EvBalances Word32
```

Листинг 2.2 — Пример использования структуры состояния: тип-сумма

Для написания функций, работающих с отдельными компонентами системы было бы удобно разделять состояние системы на несколько частей, задавая типы для каждой из частей отдельно. Это сделать можно, представляя состояние как тип-произведение нескольких состояний `StateP1` (см. листинг 2.3), в частности для системы из двух компонент в виде пары. Однако такое представление имеет существенный минус: требуется использовать конкретные типы, либо зависеть от количества компонент, что затрудняет реализацию полиморфных функций, работающих с состоянием системы в целом (не частных компонент).

```
1 type StateP2 =
2   ( StateP1 PublicKey (Address, Signature)
3     , StateP1 Address Word32
4   )
```

Листинг 2.3 — Пример использования структуры состояния: тип-произведение

Кроме того, для формализации дополнения транзакций (см. раздел 2.3) требуется указывать в типе информацию о том, данные каких именно компонент содержатся в объекте состояния. Для разрешения этих затруднений окончательный тип состояния системы `StateP` получился несколько более сложным и для его определения используется ряд продвинутых возмож-

ностей системы типов Haskell (в частности семейства типов, поднятие типов до видов).

```
1 {-# LANGUAGE PolyKinds #-}
2 {-# LANGUAGE TypeInType #-}
3
4 import Data.Vinyl
5 import Control.Lens (iso, Iso')
6
7 type StateP (mw :: ((* -> *) -> u -> *)) (rs :: [u]) = Rec (mw Identity) rs
8
9 class (Show (K mw t)) =>
10   wrappedM (mw :: ((* -> *) -> u -> *)) (t :: u) where
11     type K mw t :: *
12     type V mw t :: *
13     wrappedM' :: forall (g :: * -> *) . Iso' (mw g t) (U g mw t)
14     consA :: forall (g :: * -> *) . U g mw t -> mw g t
15
16 type U g mw t = Map (K mw t) (g (V mw t))
```

Листинг 2.4 — Тип состояния системы *StateP*

В определении типа `stateP`, представленном в листинге 2.4, используется тип `Rec` из библиотеки `vinyl` (см. подраздел 1.6.1). Он позволяет задать гетерогенный список хранилищ различных компонент. Тип `stateP` полагается на существование вида `u`. Произвольный тип `r`, принадлежащие виду `u`, идентифицирует некую компоненту. Тип `mw` параметризуется типом `g`, в который обворачивается тип-значение, и типом `r`, возвращая тип хранилища для соответствующей `r` компоненте, причем возвращаемый тип изоморфен `Map k (g v)` для некоторых `k`, `v` (соответствующих `r`). Изоморфизм типу `Map k (g v)` задается инстансом класса `wrappedM`.

Для внесения большей ясности в природу типа `stateP` и его параметров, рассмотрим пример использования, представленный в листинге 2.5. Тип данных `ExampleStorage` при включенном расширении `DataKinds` порождает вид `ExampleStorage` с двумя возможными типами: `ESDlg`, `ESBalances`. Семейство типов `EST` задаёт типы ключа и значения. Тип `m` принимает тип-обертку значения `g :: * -> *` и тип-маркер компоненты `f :: ExampleStorage` и является оберткой над ассоциативным массивом, представляющим состояние (соответствующий инстанс класса `wrappedM` позволяет получить доступ к объекту типа `Map`). Значение `exStateP` содержит объект состояния, в котором содержатся ключи компоненты `ESDlg`, в то время как `exStateP2` содержит ключи компонент `ESBalances`, `ESDlg`. Следует заметить, что вследствие того что типы хранилищ

```

1 {-# LANGUAGE DataKinds #-}
2
3 type family Fst a where Fst '(x,y) = x
4 type family Snd a where Snd '(x,y) = y
5
6 data ExampleStorage = ESBalances | ESDlg
7   deriving Show
8
9 type family EST (f :: ExampleStorage) :: (*, *) where
10   EST 'ESBalances = '(Int, Word16)
11   EST 'ESDlg = '(Int, String)
12
13 newtype M g f = M { unM :: Map (Fst (EST f)) (g (Snd (EST f))) }
14
15 instance (Show (Fst (EST t))) => WrappedM M t where
16   type K M t = Fst (EST t)
17   type V M t = Snd (EST t)
18   wrappedM' = iso unM M
19   consA = M
20
21 exStateP :: StateP M '[ 'ESDlg]
22 exStateP = M (M.fromList [ (30, Identity "someValue") ]) :& RNil
23
24 exStateP2 :: StateP M '[ 'ESBalances, 'ESDlg]
25 exStateP2 =
26   M (M.fromList [ (30, Identity 1005) ])
27   :& M (M.fromList [ (30, Identity "someValue") ]) :& RNil

```

Листинг 2.5 — Пример использования типа *StateP*

задаются семейством типов *EST*, использование неподходящего типа значения приведет к ошибке компиляции.

### 2.1.2. Тип транзакции к состоянию

Рассмотрим изменение конкретного ключа в состоянии. В листинге 2.6 представлен тип *ValueOp*, представляющий из себя объект-изменение ключа в состоянии. Тип *ValueOp* задает несколько конструкторов. Конструктор *New* создаёт новое значение, *Rem* — удаляет существующее значение. Конструктор *upd* обновляет существующее значение (возможно, возвращая ошибку), конструктор *NotExisted* является маркером того что значение не существует (тип *NotExisted* эквивалентен последовательному применению *New x, Rem*). Следует заметить, что для типа *ValueOp* нельзя определить композицию, т.к. последовательное применение некоторых конструкторов приводит к ошибке (например, *Rem* и *upd*). Поэтому задаётся тип *ValueOpEx*, для которого реализуем инстанс *Semigroup*.

В листинге 2.7 вводится тип изменения состояния. В объекте изменения состояния для каждой компоненты состояние определяется объект ти-

```

1 data ValueOp v
2   = New v
3   | Upd v
4   | Rem
5   | NotExisted
6   deriving (Show, Eq)
7
8 data ValueOpEx v
9   = Op (ValueOp v)
10  | Err
11  deriving (Show, Eq)
12
13 instance Semigroup (ValueOpEx v) where
14   (<>) a b = ...

```

Листинг 2.6 — Изменение значения некоторого ключа

па  $\text{Map } k \text{ (ValueOp } v)$ , т.е. для некоторого подмножества ключей состояния мы задаём способ их изменения. Требуется заметить, что применение объекта изменений может завершиться ошибкой (например, если ключу, отсутствующему в состоянии, сопоставлено изменение `Rem`). В листинге 2.7 также представлен тип функции `chgsetMappend`, с помощью которой можно композировать последовательные изменения состояния. Семейства типов `RecAll`, `RecAll'` используются для установления ограничения на тип для каждого  $r \in rs$ .

```

1 type ChangeSet (mw :: ((* -> *) -> u -> *)) (rs :: [u]) = Rec (mw ValueOp) rs
2
3 chgsetMappend
4   :: forall rs mw .
5     ( RecAll' rs (WrappedM mw)
6     , Semigroup (Rec (mw ValueOpEx) rs)
7     )
8   => ChangeSet mw rs -> ChangeSet mw rs -> VerRes String (ChangeSet mw rs)

```

Листинг 2.7 — Изменение состояния системы

Транзакция к состоянию представлена в листинге 2.8. Помимо изменения состояния, транзакция содержит в себе еще два поля: `txType` и `txProof`. Поле `txType` представляет из себя целочисленный идентификатор типа транзакции. Поле `txProof` содержит в себе дополнительную информацию, требующуюся валидатору для проверки корректности транзакции. В частности, для транзакции, изменяющей баланс пользовательского счёта, `txProof`, должен содержать подпись транзакции секретным ключом пользователя-владельца средств. Поля `txType`, `txProof` будут использованы в последствии в построении валидатора. Что существенно, поле `txBody` содержит в себе полный набор изменений, которые будут применены к состоянию системы. Ни `txProof`, ни



txType не будут применены к состоянию, будут забыты как только валидатор их обработает.

```
1 newtype StateTxType = StateTxType Int
2
3 data StateTx mw rs proof = StateTx
4   { txType :: StateTxType
5     , txProof :: proof
6     , txBody :: ChangeSet mw rs
7   }
```

Листинг 2.8 — Транзакция

### 2.1.3. Вычисление в модели состояния

**Опр. 2.1.** Вычисление в модели состояния – функция, выполняющая последовательность запросов к состоянию для возврата результата.

Задачей настоящего подраздела является формулировка типа вычисления в модели состояния. При построении типа используются следующие соображения:

- вычисление может выполнить произвольное количество запросов к состоянию, причем содержимое этих запросов, равно и их количество зависят от результатов предыдущих запросов;
- вычисление не имеет возможности записи в состояние системы, только чтения.

В листинге 2.9 представлен тип запроса множества ключей из состояния StateReq. Как можно заметить, его конструкция практически идентична конструкциям типов StateP и ChangeSet, с отличием в том, что в качестве обертки значения используется тип Const (), что в результате означает что значения хранятся не будут и ассоциативный массив используется как множество ключей.

```
1 type StateReq (mw :: ((* -> *) -> u -> *)) (rs :: [u])
2   = Rec (mw (Const ())) rs
```

Листинг 2.9 — Запрос множества ключей из состояния

Тип StateAccess1, представленный в листинге 2.10, представляет из себя пару, первым элементом которой является запрос к состоянию, вторым – функция, которая принимает результат исполнения запроса и возвращает

функцию продолжения вычисления. В некоторых случаях это может оказаться недостаточным, например если требуется запросить не какой-то конкретный ключ, а все ключи, отвечающие какому-либо критерию.

В простейшем случае требуется поддержка итерации всех ключей части состояния, соответствующей некоторой компоненте, что и реализовано в типе `StateAccess`, который будет использован в дальнейшем. Для этого вводится тип `StateIter`, аналогичный `StateReq`, построенный на основе типа `FoldF res a` — функции итерации по ключам типа `a`, возвращающей значение `res`. На основе `StateIter` вводится функтор доступа к состоянию `StateAccess`.

```

1 newtype StateAccess1 res mw rs
2   = StateAccess1 (StateReq mw rs, StateP mw rs -> res)
3
4
5 data FoldF a res = forall b. FoldF (b, a -> b -> b, b -> res)
6 newtype MFoldF res a = MFoldF { unMFoldF :: Maybe (FoldF a res) }
7
8 newtype StateIter (mw :: ((* -> *) -> u -> *)) (rs :: [u]) (res :: *)
9   = StateIter { unStateIter :: Rec (mw (MFoldF res)) rs }
10
11 instance Functor (FoldF a) where (...)
12 instance RecAll' rs (WrappedM mw) => Functor (StateIter mw rs) where (...)
13
14 data StateAccess mw rs res =
15   StateAccess
16     { sQuery :: StateReq mw rs
17     , sHandler :: StateP mw rs -> res
18     , sIterator :: StateIter mw rs res
19     }
20 deriving Functor

```

Листинг 2.10 — Функтор доступа к состоянию

Функтор доступа к состоянию `StateAccess` позволяет либо однократно запросить произвольное множество ключей из состояние, либо однократно проитерироваться по всем ключам выбранных компонент состояния. Однако для многократного обращения к состоянию в качестве переменной типа `res` требуется подставить такой тип, который бы позволял повторить запрос неограниченное количество раз.

**Свойство 2.1.** *Функтор доступа к состоянию `StateAccessmwrs`, примененный к типу с моноидальной структурой `res`, является моноидом.*

Свойство 2.1 показывается довольно просто (это следует из моноидальной структуры типа `res`) и будет использовано в дальнейшем.

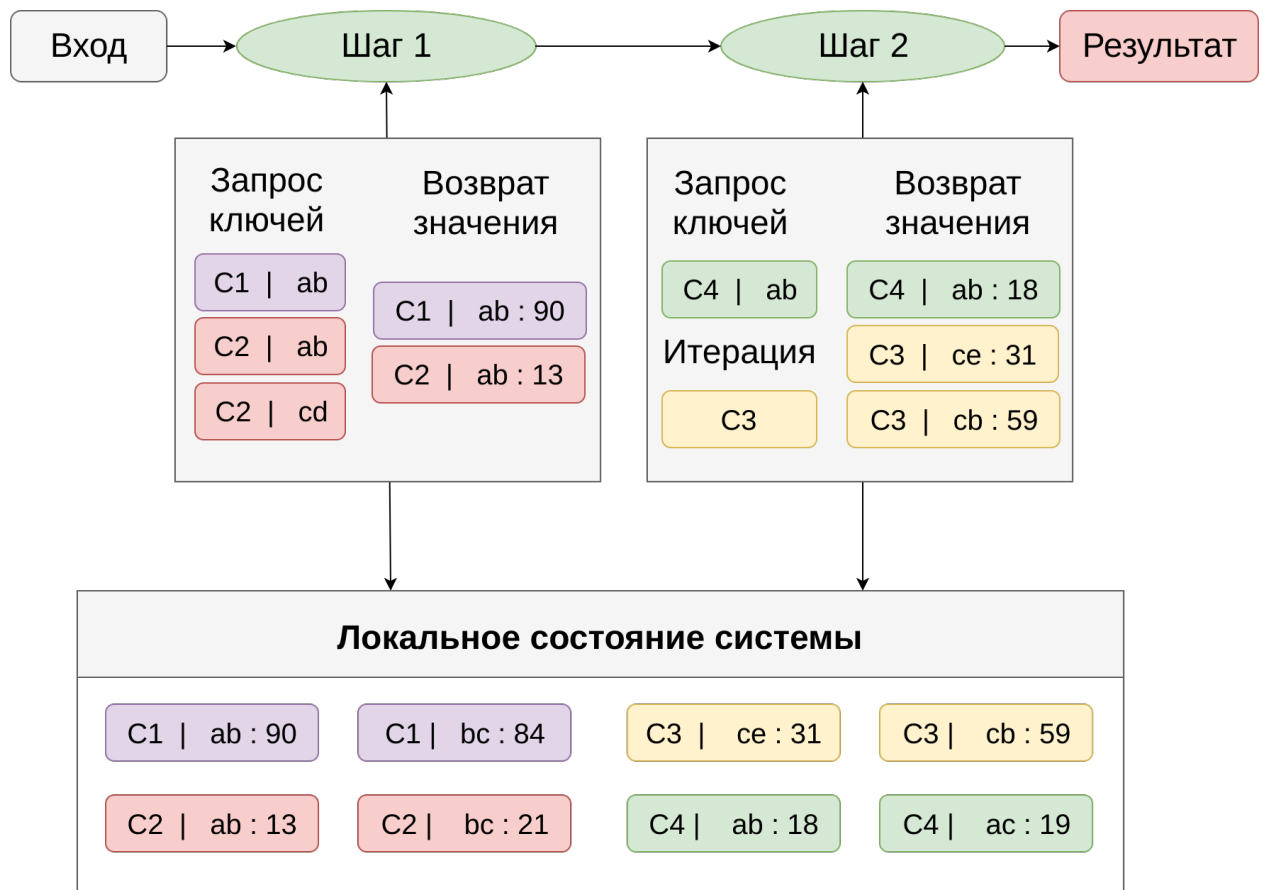


Рис. 2.1 — Пример исполнения вычисления с многократным доступом к состоянию

Существует несколько распространенных методов для моделирования вычисления с многократным обращением к состоянию в Haskell. Наиболее распространенным является моделирование вычислений с помощью классов типов, в частности используя стандартный класс **Monad**. В листинге 2.11 представлен тип `roComp`. Как следует из его определение, вычисление обладающее типом `roComp mw rs` (при наличие инстанса `wrappedM mw rs`) обладает следующими возможностями:

- последовательная композиция двух вычислений в случае когда одно вычисление зависит от результата предыдущего (возможность унаследована от класса **Monad**, метода `>=>`);
- параллельная композиция двух вычислений в случае когда вычисления не зависят от результата друг друга (метод `parallel` класса **Effectful**, доступный для типа `e` через оператор `<>`);
- чтение значений из состояния посредством запроса ключей или итерация по всем ключам состояния (метод `effect` вместе с представленным объектом функтора `StateAccess`).

```

1 class Monad m => Effectful eff m | m -> eff where
2   parallel :: Semigroup a => m a -> m a -> m a
3   effect :: eff a -> m a
4
5 newtype Eff eff a = Eff { unEff :: forall m . Effectful eff m => m a }
6   deriving Functor
7
8 instance Semigroup a => Semigroup (Eff eff a) where
9   Eff a <> Eff b = Eff (parallel a b)
10
11 instance Applicative (Eff eff) where (...)
12 instance Monad (Eff eff) where (...)
13
14 execEff :: eff a -> Eff a
15 execEff e = Eff (effect e)
16
17 type RoComp mw rs = Eff (StateAccess mw rs)
18 type EROComp e mw rs = ExceptT e (RoComp mw rs)

```

Листинг 2.11 — Тип вычисления, обращающегося к состоянию

Тип `EROComp` представляет вычисление, которой к возможностям вычисления типа `RoComp` добавляет возврат ошибки исполнения (в случае возникновения исключения). Возможность возврата ошибки является потребностью в выражении многих функциональностей.

Важно отметить, что вычисление `RoComp` имеет только возможность доступа к состоянию посредством функтора `StateAccess`, никакие другие сайд-эффекты ему недоступны. В частности вычисление `RoComp` не имеет доступа к:

- операциям с файловой системой;
- операциям с сетью;
- операциям с изменяемыми переменными (инструментами синхронизации данных между потоками);
- операциям записи в состояние.

Такая ограниченность вычислений типа `RoComp` позволяет более четко рассуждать о произвольном вычислении такого типа, в том числе о его исполнении в отдельном потоке или композиции с другими вычислениями.

Следует отметить, что параллельную композицию можно реализовать с помощью последовательной, используя метод `>>` класса `Monad`. Однако введение параллельной композиции как отдельного метода класса `Effectful` позволяет получить конструкцию с интересными свойствами, которые будут рассмотрены в следующем подразделе.

#### 2.1.4. Композиция вычислений в модели состояния

Рассмотрим следующую задачу: дано вычисление  $\text{comp} :: a \rightarrow \text{StateTx mw rs proof} \rightarrow \text{RoComp mw rs a}$ , требуется обобщить его на случай множества транзакций, т.е. реализовать функцию  $\text{compMany} :: a \rightarrow [\text{StateTx mw rs proof}] \rightarrow \text{RoComp mw rs [a]}$ . Есть несколько особенностей, на которые следует обратить внимание при построении функции  $\text{compMany}$ :

- в случае когда длина входного списка транзакций достаточно велика, а вычисление  $\text{comp}$  не является тривиальным, эффективная реализация  $\text{compMany}$  на многопроцессорной системе может требовать использования возможностей параллелизма (предоставляемых языком и системой);
- вычисление  $\text{comp}$  примененное ко второй транзакции из списка может ожидать в качестве первого параметра  $a$  как переданное изначально значение  $a$ , так и результат выполнения вычисления  $\text{comp}$  для первой транзакции.

Для того чтобы упростить отслеживание зависимостей между частями вычисления  $\text{compMany}$ , а также понимание возможности многопоточного исполнения вычисления, при формулировании класса типов  $\text{Effectful}$  были созданы возможности для последовательной и параллельной композиции с помощью операторов  $\gg=$  и  $\langle \>$  соответственно. С помощью выделения этих двух типов композиций для вычисления типа  $\text{RoComp}$ , применяемого к множеству входных данных, можно сформулировать одно важное свойство. Прежде чем перейти к формулировке свойства, введём понятие глубины вычисления.

**Опр. 2.2.** Глубина вычисления в модели состояния – количество обращений к состоянию, которое сделает вычисление при некотором входе, максимизированное по всевозможным входам и минимизированное по всевозможным стратегиям запуска вычисления.

Определение 2.2 можно также представить в виде уравнения:

$$\text{depth} ( \text{comp} \in \text{RoComp} ) \equiv \min_{\text{Strategy}} \max_{\text{Input}} \{ \text{CountStateAccess}(\text{execute} ( \text{Strategy}, \text{comp}, \text{Input} )) \} \quad (2.1)$$

Наибольший интерес представляют две стратегии вычисления:

- стратегия, при которой достигается минимум в формуле 2.1;
- стратегия, при которой возможно наибольшее распараллеливание вычислений.

**Опр. 2.3.** Стратегия с минимизацией запросов к состоянию – стратегия исполнения вычисления в модели состояния, при которой будет совершено минимальное количество запросов к состоянию.

Реализация стратегии из определения 2.5 возможна благодаря свойству 2.1 функтора доступа к состоянию (о возможности объединения любых двух запросов в один). В частности сформулируем стратегию  $S_1$ . Вычисление при использовании  $S_1$  будет исполняться в один поток. Вычисление в модели состояния состоит из запросов к состоянию, использования последовательной и параллельной композиции. Следует заметить, что в случае последовательной композиции двух запросов нет возможности объединить их в один запрос, т.к. последующий запрос непосредственно зависит от результата исполнения предыдущего.

Использование параллельной композиции двух вычислений позволяет оптимизировать количество запросов к состоянию. В стратегии  $S_1$  происходит объединение запросов двух вычислений  $a$  и  $b$ , а именно: будут взяты первые запросы из вычислений  $a$  и  $b$ , объединены в один и исполнены, затем произведена последовательная композиция (в которую подставлен результат объединенного запроса) и взяты вторые запросы, объединены и исполнены и т.д. Т.к. использование последовательной композиции к последовательным запросам является неустранимым, полученная стратегия  $S_1$  является стратегией с минимизацией запросов к состоянию.

**Опр. 2.4.** Стратегия с максимизацией параллелизма – стратегия исполнения вычисления в модели состояния, при которой при каждом использовании параллельной композиции запускается отдельный поток вычисления.

В примере на рисунке 2.2 показывается использование обеих стратегий для запуска трёх вычислений  $A$ ,  $B$ ,  $C$ , причем вычисление  $B$  зависит от результата исполнения  $A$ . Т.о. композицию вычислений можно представить в виде формулы  $(a \gg b) \ll c$ . Каждое из трех вычислений на рисунке рассмат-

ривается как последовательность запросов, пронумерованная натуральными числами.

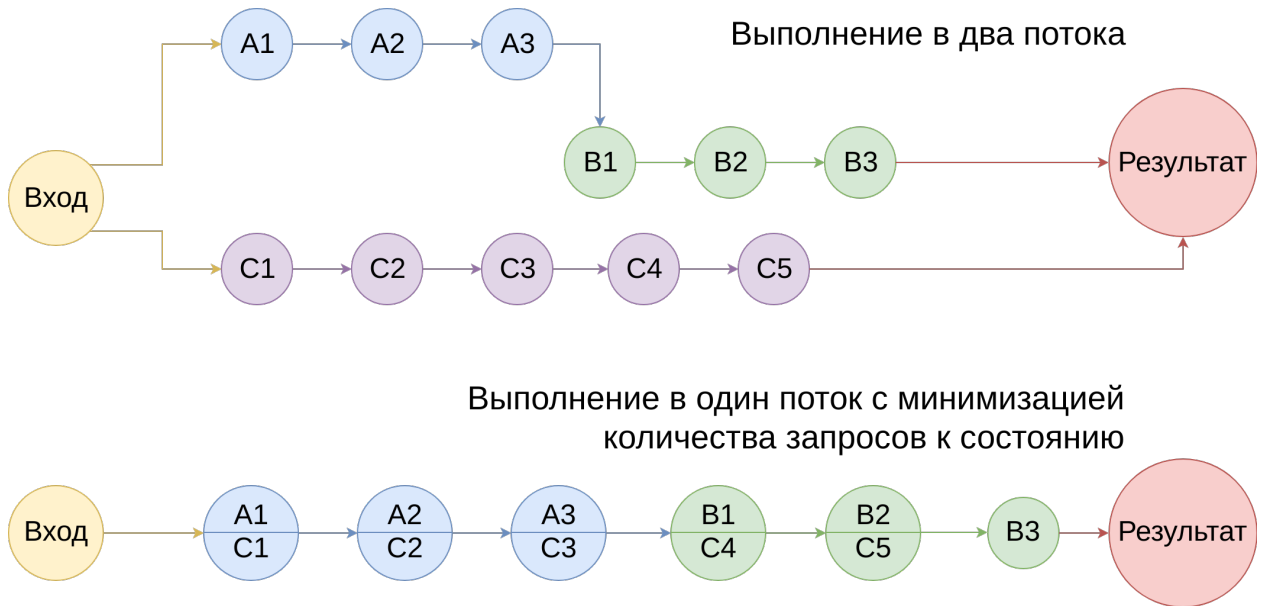


Рис. 2.2 — Две стратегии запуска трёх вычислений

**Опр. 2.5.** Композиция фиксированной глубины – композиция произвольного числа вычислений в модели состояния, глубина которой не зависит от числа вычислений входящих в композицию.

**Лемма 2.1.** Композицию  $N$  вычислений фиксированной глубины, каждое из которых делает фиксированное количество запросов к состоянию, возможно выполнить в  $O(N)$  потоков, каждый из которых сделает фиксированное количество запросов к состоянию.

Доказательство: Воспользуемся стратегией с максимизацией параллелизма. Из фиксированной глубины композиции следует, что максимальная длина цепочки последовательных композиций также фиксирована. Поскольку каждое из  $N$  вычислений сделает фиксированное количество запросов к состоянию, в цепи последовательных композиций фиксированное число элементов, каждый запущенный поток также совершит фиксированное число запросов к состоянию. Новый поток мы будем запускать при каждом использовании параллельной композиции, каждое из  $N$  вычислений может содержать внутри использования параллельной композиции, однако не более фиксированного числа. Соответственно, будет запущено не более  $O(N)$  потоков.  $\square$

### 2.1.5. Валидация транзакции

Простейший валидатор транзакции может быть описан функцией, имеющей одну из сигнатур, представленных в листинге 2.12.

```
1 validator1 :: StateTx mw rs proof -> Bool
2 validator1 = ...
3
4 validator2 :: StateP mw rs -> StateTx mw rs proof -> Bool
5 validator2 = ...
6
7 validator3 :: StateTx mw rs proof -> (StateReq mw rs, StateP mw rs -> Bool)
8 validator3 = ...
9
10 validator4 :: StateTx mw rs proof -> RoComp id value Bool
11 validator4 = ..
```

Листинг 2.12 — Примеры сигнатур валидатора

Функция `validator1` принимает транзакцию и возвращает `True` тогда и только тогда когда транзакция является корректной. Однако, только для очень небольшого класса транзакций можно выразить валидатор, используя функцию с такой сигнатурой. Реализация практически любой функциональности криптовалюты требует доступа валидатора к состоянию.

Функция `validator2` принимает на вход глобальное состояние системы. Функция позволяет выразить класс транзакций, чьи валидаторы требуют только доступа к состоянию системы для проверки транзакции. Такой класс достаточно широк для построения модели криптовалюты, однако использование такой сигнатуры функции является препятствием для построения эффективной реализации.

В существующих на сегодняшний день системах состояние системы измеряется в гигабайтах данных, передавать состояние как единый объект, полностью загруженный в оперативную память компьютера, является неэффективным расходом ресурсов. Функция `validator3` в отличие от `validator2` не передаёт глобальное состояние как единый объект, но позволяет запросить интересующие ключи из состояния и вернуть результат валидации транзакции в соответствии с возвращенными значениями.

Однако `validator3`, как и `validator1`, описывает только узкий класс транзакций, в общем смысле для валидации транзакции может потребоваться сделать более одного запроса к глобальному состоянию. Например, для проверки отсутствия циклов в цепочке делегаций, требуется выполнить как ми-



нимум `maxDlgHeight` запросов к базе, где `maxDlgHeight` — максимальная путь в ациклическом графе делегации (процесс валидации делегационной транзакции будет подробно рассмотрен в разделе ??).

Окончательный тип валидатора транзакции предложен в листинге 2.13:

```
1 newtype PreValidator e mw rs proof =  
2   PreValidator  
3     (StateTx mw rs proof -> EROComp e mw rs ())  
4  
5 newtype Validator e mw rs proof =  
6   Validator (Map StateTxType (PreValidator e mw rs proof))
```

Листинг 2.13 — Тип валидатора транзакции

Тип `PreValidator` является достаточным для описания логики валидации, в частности при проверки транзакции, он может рассматривать тип транзакции (поле `txType`), возвращать положительный результат в случае если транзакция является корректной и ошибку в случае если предложенный тип транзакции не предназначен для проверки данным валидатором или если транзакция является некорректной.

Однако, для проверки множества транзакций требуется различать, какой валидатор относится к первому типу транзакции, какой ко второму и т.д., т.к. ошибка, возвращенная валидатором при проверки транзакции, тип которой не соответствует типу, рассматриваемым валидатором, не обязательно указывает на некорректность транзакции. Потому в дополнение к типу `PreValidator` введён тип `Validator`, содержащий в себе отображение из типа транзакции в соответствующий типу валидатор.

На логику проверки транзакции с помощью объекта типа `Validator` накладывается ограничение, что проверяемый тип транзакции содержится в хранящемся в объекте отображении, иначе возвращается ошибка. Это требуется для того, чтобы исключить возможность положительного результата валидации транзакции, чей тип неизвестен валидатору.

В последующем изложении под термином валидатор будет пониматься объект типа `Validator`, описанный типом выше, под термином предвалидатор — объект типа `PreValidator`.

**Свойство 2.2.** *Предвалидатор и валидатор являются моноидами.*

## 2.2. Модель блокчейна

Данный раздел посвящен понятию блока. В отличие от большинства попыток формализовать модель блокчейн-системы, настоящая модель оперирует в первую очередь с состоянием системы и его изменением. Блок вводится как сущность, позволяющая описать:

- Цепь последовательных изменений
- Функцию выбора между двумя произвольными цепями изменений
- Ассоциацию множества последовательных изменений, которые требуется применить атомарно
  - Требуется для реализации многих алгоритмов консенсуса, в частности алгоритмов на основе методов доказательства доли владения, доказательства выполнения работы.

### 2.2.1. Валидация цепи блоков

Рассмотрим тип блока:

```
1 data Block header payload = Block
2   { blkHeader :: header
3   , blkPayload :: payload
4   }
```

Листинг 2.14 — Структура блока

Блок включает в себя заголовок с абстрактным типом `header` и набор изменений состояния с абстрактным типом `payload` (в дальнейшем “тело блока”).

```
1 newtype BlockIntegrityVerifier header payload e =
2   BIV { unBIV :: Block header payload -> Either e () }
3
4 data BlkConfiguration header payload blockRef e = BlkConfiguration
5   { bcBlockRef :: header -> blockRef
6   , bcPrevBlockRef :: header -> Maybe blockRef
7   , bcBlkIntegrityVerify :: BlockIntegrityVerifier header payload e
8   , bcIsBetterThan :: OldestFirst [] header -> OldestFirst [] header -> Bool
9   , bcMaxForkDepth :: Int
10  }
```

Листинг 2.15 — Конфигурация валидации цепи блоков

Что важно, для построения функциональности процессинга блоков нам не требуется информация о конкретном виде состояния, транзакции (описанные

в разделе 2.1). Логика валидации цепи блоков, конфигурация которой представлена в листинге 2.15, не требует доступа к состоянию системы.

Задачи логики валидации цепи:

- Проверить, что предложенная цепочка является корректной
  - Используются методы `bcBlockRef`, `bcPrevBlockRef`
- Целостность блока с точки зрения логики блокчейн-системы
  - Используется метод `bcBlkIntegrityVerify`
- Принять решение о замене принятой на текущий момент цепи *c1* на предложенную цепь *c2*
  - Используются методы `bcIsBetterThan`, `bcMaxForkDepth`

Функция `bcBlockRef` позволяет получить уникальный идентификатор блока `blockRef`, как правило для его получения используется криптографически стойкая хэш-функция, применяемая к блоку. Функция `bcPrevBlockRef` позволяет получить идентификатор блока, предшествующего данному в цепи.

Функция `bcBlkIntegrityVerify` позволяет описать функцию, проверяющую целостность блока, в частности:

- Ассоциацию между заголовком и телом блока
- Ассоциацию между последовательными транзакциями в блоке
  - Полезно для описания взаимосвязи между различными транзакциями внутри блока. Пример взаимосвязи: всякая транзакция, переводящая средства с одного счёта на другой имеет в блоке соответствующую транзакцию, переводящую системе комиссия за выполненную операцию.

Функция `bcIsBetterThan` позволяет описать функцию выбора между двумя цепями изменений. Примером такой функции выбора является правило выбора цепочки с большей сложностью в Bitcoin.

Форком называется цепь, альтернативная принятой системой на текущий момент. Для любых двух цепей можно найти наименьшего общего предка *lca* (который в случае, если цепи не содержат ни одного совпадающего блока будет равен **Nothing**). Глубиной форка называют глубину общего предка *lca*, т.е. количество переходов, сделанных с помощью функции `bcPrevBlockRef`, начав с головыного блока цепи, требующихся чтобы получить идентификатор *lca*.

Параметр `bcMaxForkDepth` позволяет лимитировать глубину форка. Любой форк, глубина которого превышает `bcMaxForkDepth`, рассматривается как

некорректный. Подобная проверка необходима для реализации некоторых консенсус-алгоритмов, в частности требуется алгоритмом Ouroboros [14].

### 2.2.2. Применение цепи блоков

Помимо валидации цепи блоков, логика обработки блоков включает себя логику применения блоков к текущему состоянию сети. С точки зрения обработки блоков, состояние системы состоит из эффективного состояния системы `state` и хранилища блоков. Взаимодействие с состоянием системы описано конфигурацией, представленной в листинге 2.16.

```
1  -- | Blund: BLock + UNDO
2  data Blund header payload undo = Blund
3    { bwuBlock :: Block header payload
4    , bwuUndo  :: undo
5    }
6
7  data BlkStateConfiguration header payload undo blockRef e m =
8    BlkStateConfiguration
9    { bsfApplyPayload :: payload -> ExceptT e m undo
10   , bsfApplyUndo    :: undo  -> ExceptT e m ()
11
12   , bsfStoreBlund   :: Blund header payload undo -> m ()
13   , bsfGetBlund     :: blockRef -> ExceptT e m (Maybe (Blund header payload undo))
14   , bsfBlockExists  :: blockRef -> m Bool
15   , bsfGetTip       :: m (Maybe blockRef)
16   , bsfSetTip       :: Maybe blockRef -> m ()
17
18   , bsfConfig       :: BlkConfiguration header payload blockRef e
19   }
```

Листинг 2.16 — Конфигурация обработки блоков

Методы конфигурации `blkStateConfiguration` запускаются в некоторой монаде (окружении) `m` (монада — базовая конструкция, используемая во многих функциональных языках программирования, в том числе Haskell, для описания действий, выполняющихся последовательно в некотором окружении).

Методы `bsfApplyPayload`, `bsfApplyUndo` используются для работы с эффективным состоянием системы. Метод `bsfApplyPayload` применяет тело блока к состоянию, возвращая некоторый объект `undo`, который в дальнейшем может использоваться для отката изменений. Метод `bsfApplyUndo` применяет объект `undo` к состоянию, откатывая изменения, внесенные ранее некоторым `bsfApplyPayload`.

Методы `bsfStoreBlund`, `bsfGetBlund`, `bsfBlockExists`, `bsfGetTip`, `bsfSetTip` используются для взаимодействия с хранилищем блоков. Из сигнатур можно

вывести что хранилище блоков должно содержать как минимум следующие данные:

- Идентификатор последнего примененного блока,  $tip$
- Множество объектов типа  $blund$ , представляющих из себя пару из примененного блока и соответствующего ему объекта  $undo$

Таким образом, полное состояние системы можно представить как  $s \in S_n$  для  $n \in N \cup 0$ :

$$\begin{aligned}
S_0 &= \{ \langle s_0 \in State, s_0 \in State, \emptyset, \perp \rangle \} \\
S_{n \geq 1} &= \{ \langle s_0, s_n, blunds, tip \rangle \mid s_0, \dots, s_n \in State, \\
&\quad blunds \in List_{Block \times Undo}, tip \in Ref_{Block}, \\
&\quad ( \exists \langle block, \_ \rangle \in blunds : ref(block) = tip ), \\
&\quad ( \exists \langle s_0, s_{n-1}, blunds \setminus \{block\}, tip' \rangle \in S_{n-1} : \\
&\quad \quad \langle block, undo \rangle \in blunds \wedge tip' = prev(block) \\
&\quad \quad \wedge s_{n-1} = applyUndo(undo, s_n), \\
&\quad \quad \wedge s_n = applyPayload(payload(block), s_{n-1}), \\
&\quad ), \\
&\}
\end{aligned} \tag{2.2}$$

### 2.2.3. Взаимосвязь с моделью состояния системы

В разделе 2.1 введена модель состояния системы. Модель блокчейна, описанная выше, однако, была потроена независимо. В настоящем подразделе мы покажем как модель блокчейна совмещается с моделью состояния системы.

Как показано выше, логика обработки блоков обращается с некоторым абстрактным состоянием  $state$ , к которому применяется  $payload$ , в результате чего возвращается объект  $undo$ , позволяющий откатить произведенные изменения. Абстрактные типы  $state$ ,  $payload$ ,  $undo$  введены намерено для того, чтобы лучше декомпозировать задачу валидации и применения блока на валидацию цепочки блока, оперирующую с объектом типа  $header$  и не рассматривающей  $payload$  и задачу валидации и применения  $payload$  к состоянию системы.

Для совмещения моделей требуется использовать подстановку типов: `payload = [StateTx mw rs proof]`, `undo = ChangeSet mw rs`. Реализация метода `bsfApplyPayload` последовательно валидирует и применяет каждую транзакцию из `payload` к состоянию (причем делает это таким образом, что в случае когда валидация очередной транзакции завершается неудачей, все примененные изменения откатываются). Реализация метода `bsfApplyUndo` применяет данный `undo` к состоянию.

Удобством такого разделения моделей блокчейна и состояния системы является то, что всякая компонента блокчейн-системы может быть представлена объектом `Validator e mw rs proof`, и, может быть, `BlockIntegrityVerifier header payload e`, которые проверяют требуемые инварианты для релевантных типов транзакций. Как можно заметить, тип `BlockIntegrityVerifier` также является моноидом, что позволяет композировать логику различных компонент системы моноидным умножением (что безусловно является значительным удобством при построении систем, позволяя реализовать плоскую, хорошо декомпозированную архитектуру для блокчейн-системы).

### 2.3. Механизм дополнения транзакции

В разделе 2.1 определен механизм валидации и применения изменений к состоянию системы. Следует заметить, что изменения вносятся посредством транзакций, представляющие (в соответствии с листингом 2.8) из себя объект-тройку из целочисленного значения, объекта доказательства `proof` и объекта изменений `ChangeSet mw rs`. При построении модели блокчейн-системы следует учесть, что коммуникация между узлами сети происходит посредством байт, а не этих абстрактных объектов.

Процесс преобразования объектов, хранящихся в оперативной памяти в объекты, передаваемые по сети, принято обозначать термином десериализация. Под сериализацией зачастую подразумевается биективное преобразование между некоторым множеством объектов в оперативной памяти и последовательностями байт. Тривиальный случай десериализации – когда биективное преобразование может быть реализовано с помощью чистой функции (не требующей доступа к какому-либо контексту). Однако в общем случае

функция десериализации может требовать доступа к состоянию, в частности представление изменения состояния может быть закодировано компактным способом, требующим получения значений из состояния для однозначного декодирования.

Моделировать этот процесс возможно следующим образом: сериализацию следует проводить в два этапа. Первый этап десериализации проходит без доступа к состоянию, формирует объект доказательства и часть объекта изменений состояния. Второй этап имеет доступ к состоянию, дополняя набор изменений состояния новыми парами (ключ – изменение значения). В рамках модели мы рассмотрим именно второй этап, здесь и далее называемый дополнением транзакции.

### 2.3.1. Дополнение транзакции общего вида

Функцию дополнения транзакции можно представить в виде типа `Expander1`. Для десериализации транзакции тогда потребуется конфигурация `Expander1Conf`.

```
1 data Expander1 rawTx e mw rs = Expander1
2   { expander1Act :: rawTx -> EROComp e mw rs (ChangeSet mw rs)
3   }
4
5 data Expander1Conf rawTx e mw rs proof = Expander1Conf
6   { e1cExpander :: Expander1 rawTx e mw rs
7   , e1cDeserialize :: ByteString -> Either e rawTx
8   , e1cTypeProof :: rawTx -> (StateTxType, proof)
9   }
```

Листинг 2.17 — Дополнение транзакции общего вида

Тип `Expander1` описывает вычисление в модели состояния. Естественным образом встаёт вопрос о существовании композиции фиксированной глубины для дополнения множества транзакций. В общем случае такой композиции не существует. Вычисление дополнения для очередной транзакции  $k$  зависит от состояния, которое будет получено как результат применения предшествующих транзакций  $1, \dots, k - 1$  (см. диаграмму на рисунке ??). Как следствие, требуется применить последовательную композицию как минимум  $k - 1$  раз, что означает что глубина композиции не является фиксированной.

### 2.3.2. Дополнение транзакции с ограничением

Фиксированная глубина для композиции вычислений дополнения произвольного множества транзакций, однако, достижима при условии наложения ограничений на вид функции дополнения транзакции. Для получения композиции фиксированной глубины требуется убрать зависимость дополнения транзакции  $k$  от результата дополнений предшествующих транзакций  $1, \dots, k - 1$ .

В листинге 2.18 вводится новый тип дополнения транзакции `Expander`, который позволяет разграничить компоненты состояния, из которых производится чтения от компонент состояния, значения из которых фигурируют в результирующем объекте изменения состояния. Сигнатура и реализация функции `applyExpanderTxSPar` используют идею дополнения транзакции с ограничением: ограничение типа `NotIntersects` гарантирует что компоненты состояния-выход функции дополнения не пересекаются с компонентами состояниями, из которых функция дополнения производит чтение. Реализация функции `applyExpanderTxSPar` оказывается чрезвычайно простой: с помощью вспомогательной функции для работы с моноидами `mconcat` мы применяем параллельную композицию для функции дополнения, соответственно примененной к каждой транзакции из списка. Глубина полученной композиции не зависит от числа транзакций.

```
1 newtype Expander rawTx e mw inRs outRs =  
2   Expander  
3   { runExpander :: rawTx -> EROComp e mw inRs (ChangeSet mw outRs) }  
4  
5 applyExpanderTxSPar  
6   :: NotIntersects inRs outRs  
7   => Expander rawTx e mw inRs outRs  
8   -> [rawTx]  
9   -> EROComp e mw inRs [ChangeSet mw outRs]  
10 applyExpanderTxSPar (Expander runExpander)  
11   = mconcat . map (fmap pure . runExpander)
```

Листинг 2.18 — Дополнение транзакции с ограничением

Однако дополнения транзакции такого вида может быть недостаточно. В частности, может понадобиться произвести процедуру дополнения в несколько этапах, на каждом применяя свою функцию и применяя результаты дополнения предыдущего этапа к состоянию, используемому в настоящем. Это можно представить как последовательность функций дополнения,



применяемых к списку транзакций, причем сперва первая функция дополнения применяется ко всем транзакциям из списка, затем вторая и т.д.

В случае использования нескольких последовательных функций дополнения  $es$  формула ограничения несколько усложняется:

$$\forall e_j \in es \quad \forall e_{j \geq i} \in es \quad in(e_i) \cap out(e_j) = \emptyset \quad (2.3)$$

При условии выполнения формулы 2.3 (соответствующее ограничение задаётся аналогично ограничению в листинге 2.18) использование нескольких последовательных функций дополнения по-прежнему позволяет построить композицию фиксированной глубины. На рисунке 2.3 представлена схема выполнения такой композиции (результатам дополнения соответствует список из объектов типа `ChangeSet`, получающийся в результате выполнения всех функций дополнения).

## 2.4. Доступ к параметрам ОС

### Резюме

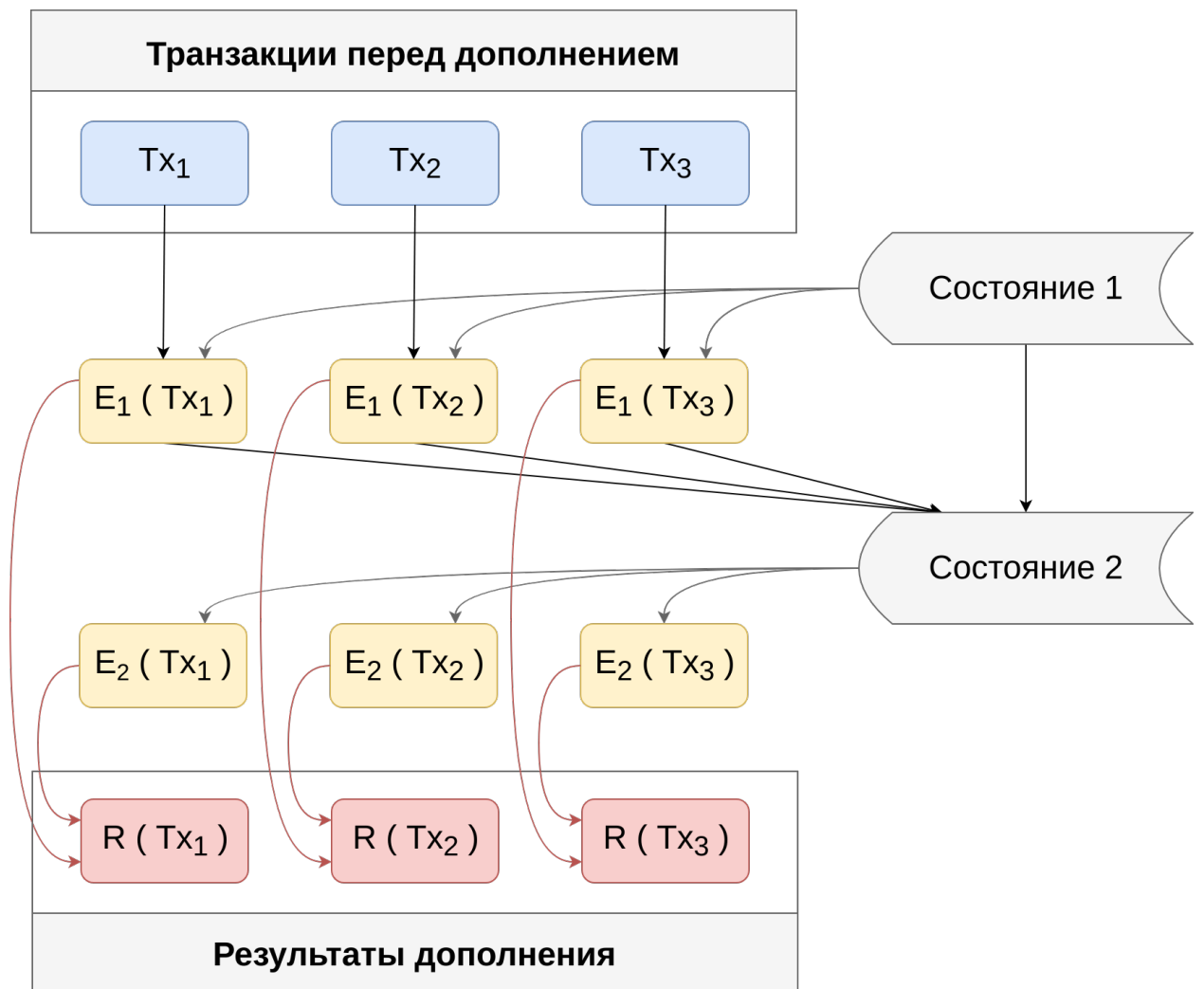


Рис. 2.3 — Применение последовательных функций дополнения  $E_1$ ,  $E_2$  к списку транзакций

## **ГЛАВА 3. МОДЕЛЬ БЛОКЧЕЙН-СИСТЕМЫ, ИСПОЛЬЗУЮЩЕЙ МЕТОД ДОКАЗАТЕЛЬСТВА ДОЛИ ВЛАДЕНИЯ**

**3.1. Обобщенный функционал метода доказательства доли владения**

**3.2. Делегация доли владения**

**3.3. Система обновления**

**Резюме**

## **ГЛАВА 4. МОДЕЛЬ КРИПТОВЛЮТЫ**

### **4.1. Аккаунтинг**

### **4.2. Поддержка умных контрактов**

### **4.3. Контракты с локальным состоянием**

### **Резюме**

## **ГЛАВА 5. РЕАЛИЗАЦИЯ**

### **5.1. Реализация криптовалюты Cardano SL**

### **5.2. Формализация модели на Haskell**

### **Резюме**

## **ЗАКЛЮЧЕНИЕ**

TODO Заключение

## СПИСОК ИСТОЧНИКОВ

1. Bitcoin blockchain. [Электронный ресурс]. URL: <https://bitcoin.org>.
2. NXT blockchain. [Электронный ресурс]. URL: <https://nxtplatform.org>.
3. Cardano blockchain. [Электронный ресурс]. URL: <https://www.cardano.org/en/home>.
4. Ethereum blockchain. [Электронный ресурс]. URL: <https://ethereum.org>.
5. NEO blockchain. [Электронный ресурс]. URL: <https://neo.org>.
6. Namecoin blockchain. [Электронный ресурс]. URL: <https://namecoin.org>.
7. Disciplina blockchain. [Электронный ресурс]. URL: <https://disciplina.io>.
8. Lamport Leslie [и др.]. Paxos made simple // ACM Sigact News. 2001. Т. 32, № 4. С. 18–25.
9. Ongaro Diego, Ousterhout John K. In search of an understandable consensus algorithm. // USENIX Annual Technical Conference. 2014. С. 305–319.
10. Nakamoto Satoshi. Bitcoin: A peer-to-peer electronic cash system. 2008.
11. Garay Juan, Kiayias Aggelos, Leonardos Nikos. The bitcoin backbone protocol: Analysis and applications // Annual International Conference on the Theory and Applications of Cryptographic Techniques / Springer. 2015. С. 281–310.
12. ZCash blockchain. [Электронный ресурс]. URL: <https://z.cash>.
13. IOTA blockchain. [Электронный ресурс]. URL: <https://iota.org>.
14. Ouroboros: A provably secure proof-of-stake blockchain protocol / Aggelos Kiayias, Alexander Russell, Bernardo David [и др.] // Annual International Cryptology Conference / Springer. 2017. С. 357–388.
15. Bentov Iddo, Pass Rafael, Shi Elaine. Snow White: Provably Secure Proofs of Stake. // IACR Cryptology ePrint Archive. 2016. Т. 2016. с. 919.
16. Micali Silvio. Algorand: The efficient and democratic ledger // arXiv preprint arXiv:1607.01341. 2016.

17. Miller Andrew, Xia Yu, Croman Kyle [и др.]. The Honey Badger of BFT Protocols. Cryptology ePrint Archive, Report 2016/199. 2016. <https://eprint.iacr.org/2016/199>.
18. Pedersen Torben Pryds. A Threshold Cryptosystem without a Trusted Party // Advances in Cryptology — EUROCRYPT '91 / под ред. Donald W. Davies. Berlin, Heidelberg: Springer Berlin Heidelberg, 1991. С. 522–526.
19. Hyperledger: permissioned blockchain framework. [Электронный ресурс]. URL: <https://www.hyperledger.org>.
20. Danezis George, Meiklejohn Sarah. Centrally Banked Cryptocurrencies // CoRR. 2015. T. abs/1505.06895. URL: <http://arxiv.org/abs/1505.06895>.
21. Maymounkov Petar, Mazieres David. Kademlia: A peer-to-peer information system based on the xor metric // International Workshop on Peer-to-Peer Systems / Springer. 2002. С. 53–65.
22. NEM Technical reference. [Электронный ресурс]. URL: [https://nem.io/wp-content/themes/nem/files/NEM\\_techRef.pdf](https://nem.io/wp-content/themes/nem/files/NEM_techRef.pdf).
23. Goodman LM. Tezos: A self-amending crypto-ledger position paper. [Электронный ресурс]. 2014. URL: [https://www.tezos.com/static/papers/white\\_paper.pdf](https://www.tezos.com/static/papers/white_paper.pdf).
24. Goldwasser Shafi, Micali Silvio, Rackoff Charles. The knowledge complexity of interactive proof systems // SIAM Journal on computing. 1989. Т. 18, № 1. С. 186–208.
25. Wood Gavin. Ethereum: A secure decentralised generalised transaction ledger. 2014. URL: <https://ethereum.github.io/yellowpaper/paper.pdf>.
26. Bitcoin developer documentation. [Электронный ресурс]. URL: <https://bitcoin.org/en/developer-documentation>.
27. EOS Technical whitepaper. [Электронный ресурс]. URL: <https://github.com/EOSIO/Documentation/blob/master/TechnicalWhitePaper.md>.
28. Peercoin whitepaper. [Электронный ресурс]. URL: <https://peercoin.net/assets/paper/peercoin-paper.pdf>.
29. Bentov Iddo, Gabizon Ariel, Mizrahi Alex. Cryptocurrencies Without Proof of Work // Financial Cryptography and Data Security / под ред. Jeremy Clark,



- Sarah Meiklejohn, Peter Y.A. Ryan [и др.]. Berlin, Heidelberg: Springer Berlin Heidelberg, 2016. С. 142–157.
30. Chepurnoy Alex. Scorex 2.0 framework. [Электронный ресурс]. 2016. URL: <https://github.com/ScorexFoundation/Scorex>.
  31. Chepurnoy Alex. Scorex 2.0 framework tutorial. [Электронный ресурс]. 2016. URL: <https://github.com/ScorexFoundation/ScorexTutorial/blob/master/scorex.pdf>.
  32. Free haskell package. [Электронный ресурс]. URL: <https://hackage.haskell.org/package/free>.