# Chapitre 5 : Nombres complexes

- I Rappels sur  $\mathbb C$
- 1) Structure de  $\mathbb C$
- 2) Aspect géométrique
- 3) Conjugué
- 4) Module

## II - Ecriture exponentielle d'un nombre complexe non nul, argument

- 1) Exponentielle imaginaire
- 2) Argument d'un nombre complexe non nul
- 3) Exponentielle complexe

#### III - Equations du second degré dans $\mathbb R$

Relations coefficients-racines dans ce cadre.

# Exemples de compétences attendues

- Savoir "jongler" entre les écritures algébriques, trigonométrique et exponentielle des nombres complexes.
- Savoir utiliser les propriétés du module et de la conjugaison (dont notamment  $z\overline{z} = |z|^2$ ).
- Savoir utiliser les formules d'Euler

$$\cos \theta = \frac{e^{i\theta} + e^{-i\theta}}{2}$$
 et  $\sin \theta = \frac{e^{i\theta} - e^{-i\theta}}{2i}$ .

et les formules de l'angle moyen

$$e^{i\theta} + e^{i\theta'} = 2\cos\left(\frac{\theta - \theta'}{2}\right)e^{i\frac{\theta + \theta'}{2}} \text{ et } e^{i\theta} - e^{i\theta'} = 2i\sin\left(\frac{\theta - \theta'}{2}\right)e^{i\frac{\theta + \theta'}{2}}$$

dont le cas particulier où  $\theta' = 0$ 

$$e^{i\theta} + 1 = 2\cos\left(\frac{\theta}{2}\right)e^{i\frac{\theta}{2}}$$
 et  $e^{i\theta} - 1 = 2i\sin\left(\frac{\theta}{2}\right)e^{i\frac{\theta}{2}}$ .

• Savoir utiliser la formule de de Moivre

$$(\cos \theta + i \sin \theta)^n = \cos(n\theta) + i \sin(n\theta)$$
 ou  $(e^{i\theta})^n = e^{in\theta}$ .

- Savoir utiliser les propriétés de l'exponentielle complexe.
- Savoir résoudre une équation du second degré à coefficients réels.
- Connaître les relations coefficients racines pour un polynôme de degré 2 à coefficients réels.
- Savoir calculer une racine *n*-ième d'un nombre complexe (quand c'est possible).
- Savoir calculer les racines carrées d'un nombre complexe. Application à la résolution d'une équation du second degré à coefficients complexes.

# Chapitre 6 : Trigonométrie

### I - Généralités

- 1) Définitions
- 2) Formules de trigonométrie

Formulaire de trigonométrie pour les fonctions circulaires cos, sin et tan.

### II - Résolution d'équations trigonométriques

- 1) L'équation cos(x) = c
- 2) L'équation sin(x) = s
- 3) L'équation tan(x) = t
- 4) Réduction de  $A\cos x + B\sin x$  sous la forme  $C\cos(x-\varphi)$

Application aux résolutions d'équations du type  $A\cos x + B\sin x = c$ 

#### III - Linéarisation

Linéarisation de monômes trigonométriques. Application au calcul de certaines intégrales.

### Exemples des premières compétences attendues

- Résoudre des équations d'inconnue x du type :  $\cos x = c$ ,  $\sin x = c$  ou  $\tan x = c$
- Résoudre des équations ou inéquations faisant intervenir des expressions du type  $A\cos(x) + B\sin(x)$ .

Linéarisation:

Si  $(p,q) \in \mathbb{N}^2$ ,

écrire  $\sin^p(x)\cos^q(x)$  comme

sommes d'expressions du type

 $\lambda \sin(nx)$  ou  $\mu \cos(nx)$ 

(avec  $\lambda, \mu \in \mathbb{R}$  et  $n \in \mathbb{N}$ )

• Savoir mener des calculs de quelques sommes trigonométriques.

#### Questions de cours possibles :

- Expliquer comment réduire des expressions  $A\cos(x) + B\sin(x)$  sous la forme  $r\cos(x-\varphi)$ . Cas général et application sur un exemple.
- Résolutions d'équations de la forme cos(x) = c, sin(x) = s ou tan(x) = t sur un ou deux exemples.
- Linéariser une expression trigonométrique simple.