

TEMA 4

1. Studiați algoritmul de factorizare rho al lui Pollard și aplicați-l pentru 10909.

$$x = 2$$

$$y = 2$$

$$f(x) = x^2 + 1$$

$$n = 10909$$

$$d = (12 - 21, 10909) = 1$$

$$x_1 = f(2) \pmod{10909} = 2^2 + 1 \pmod{10909} = 5$$

$$y_1 = f(f(2)) \pmod{10909} = f(5) \pmod{10909} = 26$$

$$d = (15 - 26, 10909) = 1$$

$$x_2 = f(5) \pmod{10909} = 26$$

$$y_2 = f(f(26)) \pmod{10909} = 152$$

$$d = (126 - 152, 10909) = 1$$

$$x_3 = f(26) \pmod{10909} = 667$$

$$y_3 = f(f(667)) \pmod{10909} = 9744$$

$$d = (152 - 9744, 10909) = 1$$

$$x_4 = f(667) \pmod{10909} = 152$$

$$y_4 = f(f(9744)) \pmod{10909} = 5725$$

$$d = (152 - 5725, 10909) = 1$$

...

3. 1. Descompuneti numărul 11227 în factori săi primi:

$$n = 11227$$

$$\lfloor \sqrt{11227} \rfloor = 105$$

$$x = \lfloor \sqrt{11227} \rfloor + 1 = 106$$

$$x^2 - n = 11236 - 11227 = 9 = 3^2 = \Delta^2$$

$$x = 106, \Delta = 3 \Rightarrow b = x + \Delta = 109$$

$$a = x - \Delta = 103$$