

Quadro 4: Output do algoritmo de ordenação por mistura com acompanhamento das variáveis.

<pre>def mergesort(a, l, r): if l < r: m = (l + r) // 2 mergesort(a, l, m) mergesort(a, m+1, r) merge(a, l, m, r) a = [7, 6, 5, 4, 3, 2, 2, 1] mergesort(a, 0, len(a)-1)</pre>		
I	<pre>01 r (last m value): 7 02 pre-mergesort1: m, l, r: 3 0 7 03 r (last m value): 3 04 pre-mergesort1: m, l, r: 1 0 3 05 r (last m value): 1 06 pre-mergesort1: m, l, r: 0 0 1 07 r (last m value): 0 08 pos-mergesort1: m, l, r: 0 0 1 09 r (last m value): 1 10 pos-mergesort2: m, l, r: 0 0 1 11 merge: m, l, r: 0 0 1 12 L: [7] 13 R: [6] 14 a: [6, 6, 5, 4, 3, 2, 2, 1] 15 a: [6, 7, 5, 4, 3, 2, 2, 1]</pre>	<p>O valor de entrada no código é $l = 0$ e $r = 7$. Assim, naturalmente, o valor de r será 7 e o de m será 3 ($= (0+7) // 2$). Estes valores são inseridos, então, dentro da própria função <code>mergesort()</code> uma primeira vez; a função chamada no corpo do programa, então, para, e uma nova chamada sua é feita, com os valores de l e r sendo, respectivamente, 0 e m.</p> <p>Nesta primeira chamada interna (linha 03), a chamada filha, $l = 0$ e $r = 3$, fazendo m ser 1 ($= (0+3) // 2$).</p> <p>Estes valores são aplicados, então, em uma segunda chamada interna (linha 05), “neta” da original. Aqui, $l = 0$ e $r = 1$, fazendo m ser 0 ($= (0+1) // 2$). Estes valores aplicados em uma terceira chamada farão a condição de entrada ser falsa (ver linha 07); assim, este método é concluído.</p> <p>Com a conclusão do anterior, pode-se executar a segunda recursão da “chamada-neta”. Ali, $l = 0$, $r = 1$ e $m = 0$. Porém, como esta chamada aplica o valor de r como r e l como $m+1$, esta segunda chamada recebe os valores $l = 1$ e $r = 1$, que fará a condição de entrada ser falsa, concluindo este segundo chamado. Após, finalmente, o método <code>merge()</code> será chamado (linha 11) para a chamada-neta, com $l = 0$, $m = 0$ e $r = 1$. Isso implica na criação das listas <code>left</code> e <code>right</code> com, respectivamente, o primeiro e o segundo elementos do arranjo original. Esta criação de listas resolve a chamada-neta, adicionado seus elementos ordenadamente no início do arranjo original</p>
II	<pre>16 pos-mergesort1: m, l, r: 1 0 3 17 r (last m value): 3 18 pre-mergesort1: m, l, r: 2 2 3 19 r (last m value): 2 20 pos-mergesort1: m, l, r: 2 2 3 21 r (last m value): 3 22 pos-mergesort2: m, l, r: 2 2 3 23 merge: m, l, r: 2 2 3 24 L: [5] 25 R: [4] 26 a: [6, 7, 4, 4, 3, 2, 2, 1] 27 a: [6, 7, 4, 5, 3, 2, 2, 1]</pre>	<p>Após, entra-se na segunda recursão da chamada filha, onde $l = 0$, $m = 1$ e $r = 3$ (ver linhas 04 e 16). Assim, esta segunda recursão recebe os argumentos $l = 2 (= m+1)$ e $r = 3$; neste caso, a condição de entrada é verdadeira, e são aplicados ao primeiro <code>mergesort()</code> (linha 18), também neto da original. Dentro dele, $l = 2$, $r = 3$ e m é definido como $2 (= (3+2) // 2)$, conforme linha 17. Assim, esta última aplicação ocorreria para mais dois <code>mergesort()</code>, mas como estes valores não validam a condição de entrada, eles são mantidos para o segundo uso (no histórico) do <code>merge()</code>. Com estes valores, são criadas novas listas <code>left</code> e <code>right</code> (independentes das últimas), com os segundo e terceiro termos do arranjo original apenas, em função dos argumentos $l = 2$, $m = 2$ e $r = 3$, pois seus comprimentos serão unitários ($n1 = m - l + 1 \Rightarrow n1 = 2-2+1 \Rightarrow n1 = 1$ & $n2 = r - m \Rightarrow n2 = 3-2 \Rightarrow n2 = 1$) e os índices do arranjo a serem inseridos em <code>left</code> e <code>right</code> são, respectivamente, $l+i (\Rightarrow 2+0 = 2)$, ou seja, 3º elemento e $m+j+1 (\Rightarrow 2+0+1 = 3)$, ou seja, o 4º elemento. Com estas criações, a chamada neta é resolvida, colocando seus elementos ordenadamente (em relação a si) nos respectivos elementos da lista original.</p>
III	<pre>28 pos-mergesort2: m, l, r: 1 0 3 29 merge: m, l, r: 1 0 3 30 L: [6, 7] 31 R: [4, 5] 32 a: [4, 5, 4, 5, 3, 2, 2, 1] 33 a: [4, 5, 6, 7, 3, 2, 2, 1]</pre>	<p>A seguir, entra-se na aplicação do <code>merge()</code> da chamada filha, onde $l = 0$, $m = 1$ e $r = 3$ (ver linhas 04, 16 e 28). Assim, <code>merge()</code> recebe estes argumentos, fazendo ($n1 = m - l + 1 \Rightarrow n1 = 1-0+1 \Rightarrow n1 = 2$ & $n2 = 3 - 1 \Rightarrow n2 = 2$) as listas <code>left</code> e <code>right</code> terem ambas comprimento igual a 2; após, estas listas são preenchidas com base na modificada no último processo. Assim, o <code>merge()</code> da chamada filha, que é o primeiro <code>mergesort()</code> original, emite a modificação da lista original com a primeira metade ordenada.</p>
IV	<pre>34 a 65</pre>	<p>O processo se repete similarmente por mais 32 linhas de outputs, ordenando os últimos quatro elementos da lista original, porém, de forma independente dos quatro primeiros elementos, resolvendo a chamada filha do segundo mergesort() recursivo da chamada original. Até aqui, portanto, temos duas “metades ordenadas”, mas o arranjo, como um todo, não está ordenado.</p>

V	<pre> 66 pos-mergesort2: m, l, r: 3 0 7 67 merge: m, l r: 3 0 7 68 L: [4, 5, 6, 7] 69 R: [1, 2, 2, 3] 70 a: [1, 2, 2, 3, 1, 2, 2, 3] 71 a: [1, 2, 2, 3, 4, 5, 6, 7] </pre>	<p>Aqui, finalmente teremos a entrada no <code>merge()</code> da chamada original com os valores <code>l = 0</code>, <code>m = 3</code> e <code>r = 7</code> (ver linhas 02 e 66 — que aparece novamente na linha 34, para iniciar a segunda metade da lista). Com estes valores, os comprimentos de <code>left</code> e <code>right</code> serão iguais a 4, recebendo, respectivamente, os quatro primeiros e os quatro últimos elementos do arranjo original conforme a última modificação (na linha 65, suprimida: <code>[4, 5, 6, 7, 1, 2, 2, 3]</code>). A inserção de seus elementos, então, modificará a lista original de forma integralmente ordenada.</p>
---	--	--