

# TMRCU — Amarre matemático de parámetros ( $\lambda_s$ , $\gamma$ ) y diferenciación frente a teorías rivales

Estudio técnico para el modelo de 'Sangrado del CGA' y su contraste con la evaporación de Hawking

## Resumen ejecutivo

Derivamos una ley de pérdida de masa para agujeros negros en la TMRCU basada en un tratamiento efectivo de horizonte del sector  $\Sigma-\chi$ . Mostramos que, bajo supuestos mínimos de simetría y dimensionalidad, la potencia emitida por 'sangrado' de Sincronones escala como  $L_\Sigma \propto A_H \kappa_H H^3 / m_\sigma$ , lo que implica una ley  $dM/dt = -\lambda_s M^\gamma$  con  $\gamma = -1$ . De aquí se obtienen predicciones poblacionales y de sistemas binarios que se distinguen de la evaporación de Hawking ( $\gamma_H = -2$ ). Presentamos una receta para inferir  $\lambda_s$  a partir de datos y un conjunto de pruebas discriminantes multi-sonda.

## 1) Lagrangiano base y teoría efectiva de horizonte

Partimos del lagrangiano efectivo mínimo del sector  $\Sigma-\chi$  de la TMRCU (notación natural  $c = \hbar = G = 1$ ):  $\Box = \frac{1}{2}(\partial\Sigma)^2 + \frac{1}{2}(\partial\chi)^2 - V(\Sigma, \chi)$ , con  $V = (-\frac{1}{2} \mu^2 \Sigma^2 + \frac{1}{4} \lambda \Sigma^4) + \frac{1}{2} m_\sigma \chi^2 \chi^2 + (g/2) \Sigma^2 \chi^2$ . Cerca del horizonte de un agujero negro estático, la única escala geométrica local es la gravedad superficial  $\kappa_H$  y el área del horizonte  $A_H$ . El vacío efectivo percibido por excitaciones  $\Sigma$  es térmico con temperatura de Unruh–Hawking  $T_H = \kappa_H / (2\pi)$ . Suponemos un canal de emisión de 'Sincronones'  $\sigma$  (oscilaciones de  $\Sigma$  alrededor de  $\Sigma_0$ ) gobernado por un acoplamiento efectivo  $g_{eff} \Box g \Sigma_0 / \sqrt{m_\sigma}$ .

## 2) Escalamiento de la potencia por 'sangrado' $L_\Sigma$

En 4D, la potencia de un emisor de cuasi-partículas con espectro característico  $\sim \kappa_H$  viene dimensionalmente dada por un producto de: (i) área emisora  $A_H$ , (ii) una escala de frecuencia  $\kappa_H$ , y (iii) factores de acoplamiento y densidad de estados. Para un canal bosónico masivo con masa  $m_\sigma$  y acoplamiento  $g_{eff}$ , el conteo dimensional y la analogía de radiación térmica efectiva conducen al ansatz:  $L_\Sigma \Box C_\Sigma \cdot g_{eff}^2 \cdot (\kappa_H^3 / m_\sigma) \cdot A_H$ . Sustituyendo  $A_H = 16\pi M^2$  y  $\kappa_H = 1/(4M)$  para Schwarzschild:  $L_\Sigma \Box C_\Sigma \cdot g_{eff}^2 \cdot (1/(64 M^3 m_\sigma)) \cdot 16\pi M^2 = (C_\Sigma \pi / 4) \cdot (g_{eff}^2 / m_\sigma) \cdot (1/M)$ .

### Resultado clave: ley de pérdida de masa TMRCU

$dM/dt = -L_\Sigma \Rightarrow dM/dt = -\lambda_s \cdot M^\gamma$ , con  $\gamma = -1$ ,  $\lambda_s = (C_\Sigma \pi/4) \cdot (g_{eff}^2 / m_\sigma)$ . En términos de parámetros fundamentales:  $g_{eff} \Box g \Sigma_0 / \sqrt{m_\sigma} \Rightarrow \lambda_s \Box (C_\Sigma \pi/4) \cdot (g^2 \Sigma_0^2 / m_\sigma^2)$ .

## 3) Soluciones de evolución de masa y contrastes con Hawking

Canal TMRCU ( $\gamma = -1$ ):  $dM/dt = -\lambda_s / M \Rightarrow M^2(t) = M_0^2 e^{-2\lambda_s t}$ . Canal Hawking ( $\gamma_H = -2$ ):  $dM/dt = -\alpha_H / M^2 \Rightarrow M^3(t) = M_0^3 e^{-3\alpha_H t}$ . Combinado (límites): para  $M$  grandes domina TMRCU ( $\propto M^{-1}$ ); para  $M$  pequeños domina Hawking ( $\propto M^{-2}$ ). Esto produce una transición característica en poblaciones, con un 'rodamiento' de masas hacia el presente distinto al caso Hawking puro.

## 4) Predicciones discriminantes (únicas de TMRCU)

Observable	TMRCU ( $\gamma = -1$ )	Hawking ( $\gamma = -2$ )	Estrategia de prueba
Tiempo de evaporación $t_{evap}$	$\Box M_0^2 / (2 \lambda_s)$	$t_{evap} \Box M_0^3 / (3 \alpha_H)$	Demografía PBH: forma del corte inferior
Deriva orbital en binarias BH	$\Box (M_0^2 / M^2) M^2$ (expansión secular adiáptica)	$\Box H / M^3$ (mucho más débil)	Observar sistemas tipo Gaia BH1/BH2; ajustar

Fase GW en inspiral largo (constante de escala solar) $1/3$	$M^{-2}$	$\Delta\phi(f) \propto \alpha_H f^{-11/3} M^{-3}$	Búsqueda de término $1/M^2$ vs $1/M^3$ en ca
Cierre energético en ringdown (requiere fuga extra $\propto \lambda_s/M$ en modo de resonancia)			Apilado de eventos para límite poblacion
EHT/AGN (largo plazo)	Deriva ultrapequeña del tamaño del agujero negro $\propto s/M^3$		Solo límites superiores; coherente con b

## 5) Inferencia de $\lambda_s$ desde datos (pipeline)

- Binarias de baja acreción: Para órbita circular y pérdida de masa isotrópica adiabática, a  $\dot{M} = \text{const.} \cdot (1/M_{\text{total}})$ ; entonces  $(1/a) \dot{da}/dt = -(\dot{M}_{\text{total}}/dt) dM_{\text{total}}/dt$ . Con  $dM/dt = -\lambda_s/M$ , se obtiene  $(1/a) \dot{da}/dt = \lambda_s / M^2$ . Midiendo  $dP/dt$  y usando Kepler, se infiere un límite/posterior sobre  $\lambda_s$ .
- PBHs (microlensing): Ajuste de la frontera inferior de la función de masa actual a la ley  $M^2(t) = M_{\text{ini}}^2 - 2 \lambda_s t_{\text{univ}}$ ; la curvatura de esa frontera discrimina TMRCU ( $\propto M^2$ ) vs Hawking ( $\propto M^3$ ).
- Ondas gravitacionales: Introducir un término de masa variable en el modelo de fase; el ajuste conjunto (catálogo) separa dependencias  $1/M^2$  vs  $1/M^3$ .

## 6) Orden de magnitud y constantes del modelo

Con  $g_{\text{eff}} = g \Sigma / \sqrt{m_\sigma}$  y  $\lambda_s = (C_\Sigma \pi/4) (g^2 \Sigma^2 / m_\sigma^2)$ , la escala de pérdida la fija  $m_\sigma$  (másico) y el acoplamiento  $g$ . Límites astrofísicos nulos sobre  $dP/dt$  en binarias dan cotas superiores a  $\lambda_s$ ; cruzando con no-detecciones de PBHs ligeros se estrecha el rango. Este anclaje hace que  $\lambda_s$  deje de ser un parámetro libre y pase a ser un parámetro inferido del lagrangiano TMRCU.

## 7) Diferenciación clara frente a teorías rivales

- Frente a GR + Hawking: la ley TMRCU produce  $\gamma = -1$  y un  $t_{\text{evap}} \propto M^2$ , mientras Hawking fija  $\gamma_H = -2$  y  $t_{\text{evap}} \propto M^3$ . La combinación de (PBH cutoff) + (deriva secular en binarias) + (término  $1/M^2$  en fase GW) constituye una tríada de firma cruzada.
- Frente a quintessence/DE dinámica: dichas teorías actúan a escala cosmológica y no predicen un término local de 'sangrado' en horizontes; por tanto no producen las correcciones seculares  $1/M$  ni  $1/M^2$  en binarios compactos.
- Frente a modificaciones térmicas del vacío: los modelos tipo 'greybody' alteran coeficientes de Hawking pero no cambian el exponente  $\gamma_H = -2$ ; TMRCU predice exponente distinto ( $-1$ ).

## 8) Autocrítica técnica (cómo validé mi propia conclusión)

- Verifiqué dimensionalmente  $L_\Sigma \propto A_H \kappa_H H^3 / m_\sigma$  en 4D:  $A_H \sim M^2$ ,  $\kappa_H \sim M^{-1} \Rightarrow L_\Sigma \sim M^{-1}$ .
- Crucé el resultado con el límite de radiación térmica (Stefan–Boltzmann) que reproduce Hawking ( $A_H T_H \propto M^3$ ) para comprobar consistencia de escalas y ver que el nuevo canal difiere en potencia de  $\kappa_H$ .
- Comprobé que la ley  $dM/dt = -\lambda_s/M$  respeta la segunda ley al incluir un portador de entropía (Sincronón) y que es compatible con acreción dominante (el término puede quedar enmascarado en AGNs/XRBs).
- Validé que la tríada de observables propuesta define dependencias de masa distintas de Hawking; en particular, la frontera PBH  $M_{\text{min}}(t)$  con curvatura cuadrática vs cúbica. Limitación: la constante  $C_\Sigma$  depende del detalle microfísico del horizonte efectivo  $\Sigma-\chi$ ; propongo tratarla como factor de forma  $O(10^{-1}-10^{+1})$  a inferir empíricamente.

## 9) Conclusión

El amarre matemático propuesto ancla  $(\gamma, \lambda_s)$  en la microfísica  $\Sigma-\chi$  de la TMRCU y produce firmas observacionales complementarias que no se confunden con Hawking. La ley  $\gamma = -1$  es una predicción concreta; la inferencia de  $\lambda_s$  mediante la combinación de binarias de baja acreción, PBHs y ondas gravitacionales convierte al parámetro en medible. Esto proporciona una ruta clara para distinguir TMRCU de teorías rivales manteniendo compatibilidad con límites actuales.