



Donc,  $\hat{x}_{n,1} = 0,2 \times 60 + (1 - 0,2) \times 70$   
 $= \frac{2}{10} \times 60 + \left(1 - \frac{2}{10}\right) \times 70$   
 $= 12 + \frac{8}{10} \times 70$

$\hat{x}_{n,1} = 12 + 56$   
 $\hat{x}_{n,1} = 68$

2/

a) Après le R-ème passage dans la boucle,  $xw$  contient le vecteur permettant de faire un lissage exponentiel double en vue de prédire  $\hat{x}_{n,2}$  sur les données historiques entre 10 et  $n-2$ .

on veut savoir  
quel est ce vecteur

(2) (b) Après le R-ème passage dans la boucle,  $p1[2]$  contient une prédiction de  $\hat{x}_{n,2}$  pour  $\alpha_1 = 0,1$ ,  $\beta_1 = 0,1$  sur les données historiques entre 10 et  $n-2$ .

non

(2) c) Après la boucle,  $s1$  contient l'erreur quadratique de prédiction sur les données historiques entre 10 et  $n-2$  pour  $\alpha = 0,1$  et  $\beta = 0,1$ .

somme de quoi?

(2) d) En supposant  $s1 < s2$ , alors nous devons utiliser les paramètres  $(\alpha_1, \beta_1)$  au lieu de  $(\alpha_2, \beta_2)$ ; car pour  $(\alpha_1, \beta_1)$ , l'erreur quadratique est la plus faible. Ce qui correspond à l'objectif de l'étude.

Donc, nous devons utiliser  $(\alpha_1, \beta_1)$  pour le lissage qui nous donnera une prédiction  $\hat{x}_{n,2}$ .



UNIVERSITÉ  
CÔTE D'AZUR

CAMPUS  
VALROSE

ANNEE UNIVERSITAIRE 2023/2024

Niveau d'études (Ex : 2<sup>ème</sup> année) : IM1

Épreuve de : SERIE TEMPORELLE

Note de  
l'épreuve

14,5  
/ 20

(1) Le candidat doit inscrire ici : ses noms, prénoms, lieu et date de naissance, puis rabattre suivant le pointillé le coin de la copie et le coller.

Il est interdit au candidat de signer sa copie ou d'y inscrire un signe quelconque pouvant en indiquer la provenance.

Ne pas mettre de colle sur la partie grisée

(1) Nom : KRA  
Prénoms : KOLLAME GERARD  
Né(e) à : QUELLE  
le : 01.01.2002

Ouvrir ici ▲

Nombre d'intercalaires \_\_\_\_\_ A \_\_\_\_\_, le \_\_\_\_\_ 20 \_\_\_\_\_

### QCM

- 2 (1) Je choisis (c) à près de 1.
- 2 (2) (c)  $E(X_t)$  et  $Var(X_t)$  ne dépendent pas de t.
- 2 (3) Je dois (a) garder  $H_0$ .
- 0 (4) (b) Elle décroît.
- 2 (5) (b) Il a une tendance polynomiale de degré 1.

### Exercices

1) On a par définition de  $\hat{x}_{n,h}$ ,

$$\hat{x}_{n,h} = \alpha \sum_{j=0}^{n-1} (1-\alpha)^j x_{n-j}$$

$$\hat{x}_{n,h} = \alpha x_n + (1-\alpha) \hat{x}_{n-j,j} ; j=\{1, n-1\}$$

Ainsi,  $\hat{x}_{n,1} = \alpha x_n + (1-\alpha) \hat{x}_{n-1,1}$  OK

or  $\alpha = 0,2$  et  $\hat{x}_{n-1,1} = 70$  et  $x_n = 60$ .