# Análisis de la asociación espacial

Correlación

Gerardo Martín 2022-06-29

#### Intro

Asociación estadística:

Probar la hipótesis de que dos variables se predicen mutuamente

Asociación espacial:

Variables con estructura espacial que se predicen mutuamente

# Representación gráfica

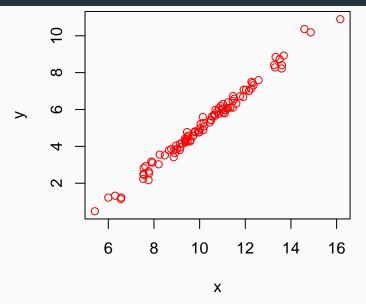


Figure 1: Gráfico de dispersión de dos variables que se predicen mutuamente.

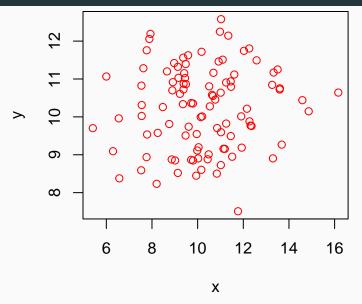


Figure 2: Gráfico de dispersión de dos variables que no se predicen mutuamente.

#### Medición de la asociación

- Prueba estadística por defecto: Coeficiente de correlación de Pearson
- · Estima cociente de covarianza y producto de desviación estándar:

$$r_{X,Y} = \frac{\text{cov}(X,Y)}{\sigma_x \sigma_y} \tag{1}$$

$$\mathrm{cov}(X,Y) = \mathbb{E}[(X-\mu_x)(Y-\mu_y)] \tag{2}$$

Coeficiente de correlación paso a

paso

### El caso no espacial

## Comenzamos con dos variables X y Y:

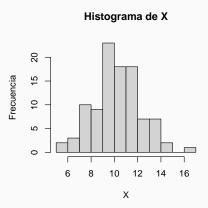
**Table 1:** Primeras seis filas de tabla que contiene X y Y.

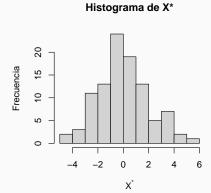
X	У
6.567783	8.377792
9.385544	10.875437
10.025123	8.902984
9.477216	11.394629
10.691021	11.163742
11.768682	7.508639

$$\mathrm{cov}(X,Y) = \mathbb{E}[(X-\mu_x)(Y-\mu_y)] \tag{3}$$

De adentro de paréntesis: -  $\mu_x=$  Promedio de X;  $\mu_y=$  Promedio de Y

- $\cdot \ \mu_x = 10.23; \mu_y = 10.22$
- Restamos  $\mu$  de todos los valores de X y Y
- $\cdot \ X^* = X \mu_x; Y^* = Y \mu_y$





Entonces las variables centradas quedan así:

**Table 2:** Variables X y Y centradas (con media de 0).

У	X
-1.8473745	-3.6683642
0.6502711	-0.8506034
-1.3221819	-0.2110244
1.1694628	-0.7589320
0.9385757	0.4548737
-2.7165272	1.5325346
0.8929517	1.3698804
-0.5199712	0.6172374
0.3560402	0.3935418
0.5284583	3.3667466
1,0022602	2.0216610

· Multiplicamos cada valor  $X_i^st$  por su correspondiente  $Y_i^st$ 

$$X_1^* \times Y_1^* = -3.668 \times -1.847 =$$
 6.776  
 $X_2^* \times Y_2^* = -0.85 \times -0.65 =$  -0.553  
 $X_3^* \times Y_3^* = -0.211 \times -1.322 =$  0.279  
:

- Terminamos haciendo:  $\frac{1}{n}\sum X_i^*Y_i^*$  , es decir el promedio de los productos

#### Producto de las desviaciones estándar

El denominador de la fórmula para la correlación es:

$$\sigma_x \sigma_y$$

donde  $\sigma$  indica la desviación estándar de la variable en el subíndice. Recordemos:

$$\sigma_x = \sqrt{\sum \frac{(X_i - \mu_x)^2}{n - 1}} \tag{4}$$

### Producto de las desviaciones estándar

Dado que ya contamos con  $X_i - \mu_x$  y  $Y_i - \mu_x$ , sólo tenemos que hacer  ${X^*}^2$ :

$$X_1^{*2} = 6.776^2 =$$
 45.92  
 $X_2^{*2} = -0.553^2 =$  0.305  
 $X_3^{*2} = 0.279^2 =$  0.077  
:

### Producto de las desviaciones estándar

Una vez, obtenidos  $X^{*\,2}$  y  $Y^{*\,2}$ , las sumamos y dividimos entre n-1=99:

$$\sum X_i^{*2}/99 = 391.1758/99 = 3.951$$
$$\sum Y_i^{*2}/99 = 119.9985/99 = 1.191$$

Y terminamos sacando las raíces cuadradas:

$$\sqrt{9.951} = 1.987$$
 $\sqrt{1.191} = 1.0911.987 \times 1.091$ 
 $= 2.17$ 

### Cálculo final de r

Una vez obtenidos:

$$\cdot \text{ cov}(X, Y) = 0.166$$

$$\sigma_x = 2.17$$

Tenemos:

$$\frac{\text{cov}(X, Y)}{\sigma_x \sigma_y} = \frac{0.166}{2.17} = 0.091$$