## Biogeografía de islas

Función de incidencia de Hanski

Gerardo Martín

28-07-2023

#### Intro

#### Modelos anteriores representan:

- · Número de especies como función de:
  - · Especies continentales
  - · Riesgo de extinción
  - · Probailidad de inmigración
- · Determinantes geográficos del número de especies
  - · Áreas y Distancias

### Un marco para análisis de datos

- · Levins y MacArthur y Wilson ignoran características de islas
- · No permiten estimar efectos sobre número de especies

MacArthur y Wilson (1963):  $\uparrow \text{Area} \to \text{Extinción} \downarrow$ 

Hanski propuso modelo para relacionarlos

#### El modelo de incidencia de Hanski (1994)

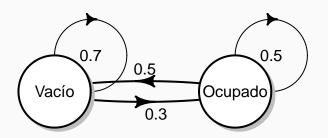
- · Ocupación es función de colonización y extinción
- · Modelo representa probabilidad de transición:

· De modo que:

$$Estado_t = Vacío (1)$$

$$Estado_{t+1} = Ocupado (2)$$

# Los dos estados posibles de un parche



#### **Parámetros**

- $\cdot$   $\,$   $C_i$  es la probabilidad de ser colonizado en período t
- $\cdot$   $E_i$  es la probabilidad de sufrir una extinción
- $\cdot \ 1 C_i$  es pa probabilidad de permanecer ocupado
- $\cdot \ 1 E_i$  es la probabilidad de permanecer vacío

### Probabilidad de que parche esté ocupado

$$J_i = \frac{C_i}{C_i + E_i} \tag{3}$$

Si  $C_i=0.3~\mathrm{y}~E_i=0.5$ 

$$J_i = \frac{0.3}{0.3 + 0.5} = 0.375 \tag{4}$$

# Derivación de ${\cal J}_i$

Se parte del modelo de lluvia de propágulos (única fuente de especies es el continente):

$$\frac{dp}{dt} = c(1-p) - ep$$

Donde las condiciones de equilibio son:

$$p^* = \frac{c}{c+e}$$

8

#### Matriz de transiciones

Table 1: Primera fila es la probabilidad asociada a t. Segunda fila a t+1.

	Vacío	Ocupado
Vacío	0.7	0.5
Ocupado	0.3	0.5

 $J_i$  es la probabilidad a largo plazo de ocupación, por lo tanto el punto de equilibrio. La sitribución estable de los valores propios  $\lambda$  es:

9

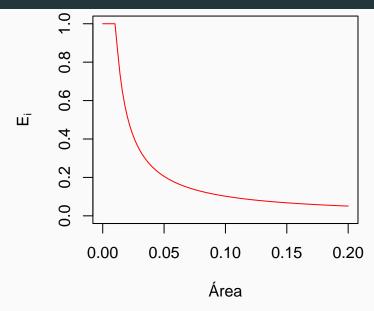
### Estimación de la probabilidad de extincion ( $E_i$ )

- Se determina como función del Área  $(A_i)$ 
  - $\cdot$  En áreas grandes  $E_i$  es pequeño

$$E_i = \begin{cases} \frac{e}{A^x} & \text{si } A_i > e^{1/x} \\ 1 & \text{si } A_i \le e^{1/x} \end{cases} \tag{5}$$

Donde x y e es son parámetros a estimar (e no es la cte de Euler).

# Ejemplo del efecto del área sobre ${\cal E}_i$



### Probabilidad de colonización ( $C_i$ )

• Es función de migrantes y distancia de tierra continental u otros parches:

$$C_i = \frac{1}{1 + \left(\frac{y'}{S_i}\right)^2}$$

 $y^\prime$  es la habilidad colonizadora de las especies

 $S_i$  es una de aislamiento del parche i

# Fórmula para $S_i$

$$S_i = \sum_{j=i}^n p_j \exp(-\alpha d_{ij}) A_j$$

n número total de parches j que son hábitats de las especies migrantes

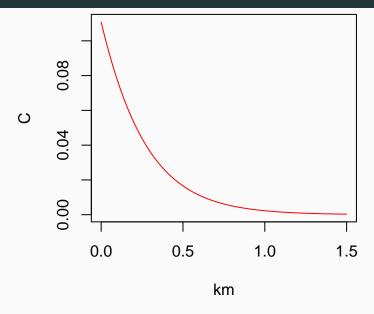
 $p_{j}$  es el estado de ocupación de cada parche

 $d_{ij}$  es la distancia lineal entre parche i y el j

lpha es el efecto de la distancia entre i y j

 $A_j$  es el área de j : índice de tamaño poblacional

# Ejemplo del efecto de $\overline{d_{ij}}$ y $\overline{A_j}$



# Combinando $C_i$ y $E_i$ para obtener $J_i$

$$J_i = \frac{1}{1 + \left(1 + \left[\frac{y'}{S_i}\right]^2\right) \frac{e}{A_i^x}} \tag{6}$$

Para lo cual necesitamos los siguientes datos:

- $\cdot \ A_i$ , las áreas de cada parche
- · ubicación geográfica de cada parche que recibe (i) ó emite (j) especies
- · presencia ó ausencia en cada parche
- $\cdot$  Parámetro de distancia lpha (se estima con regresión no lineal)

#### Referencias

- Ilkka Hanski (1994). Patch-occupancy dynamics in fragmented landscapes. *Trends in Ecology and Evolution*.
- Robert MacArthur et al. (1963). An Equilibrium Theory of Insular Zoogeography. Evolution.
- Nicolas Gotelli (1991). Metapopulation Models: The Rescue Effect, the Propagule Rain, and the Core-Satellite Hypothesis.. The American Naturalist.
- · Hank Stevens (2023). Primer of Ecology using R.