Laboratorio di Meccanica e Termodinamica Relazione di Laboratorio

Gruppo 3 Gerardo Selce, Maurizio Liguori, Emanuela Galluccio

01/04/2025

CALCOLO DEL COEFFICIENTE DI RIFRAZIONE DELL'ACQUA

1 Introduzione

Introduzione

2 Richiami teorici

L'ottica geometrica è una branca della fisica classica che permette di descrivere efficacemente la propagazione della luce, nell'approssimazione in cui la lunghezza d'onda λ del raggio luminoso sia molto inferiore alle dimensioni d degli ostacoli incontrati:

$$\lambda << d$$

In tale contesto, la luce può essere rappresentata come un fascio di raggi rettilinei, ciascuno dei quali rappresenta la direzione di propagazione dell'onda luminosa. Si tratta di un modello semplificato che permette però di descrivere un'ampia gamma di fenomeni in maniera soddisfacente e senza ricorrere al concetto di onda. In un mezzo omogeneo e trasparente, la luce si propaga secondo traiettorie rettilinee. L'evidenza sperimentale mostra infatti che un corpo opaco interposto tra una sorgente luminosa puntiforme e uno schermo, proietta un'ombra con contorni ben definiti, la cui forma dipende dalla geometria dell'ostacolo e dalla direzione dei raggi incidenti, compatibilmente con il principio secondo cui i raggi luminosi si propagano in linea retta e non possono aggirare gli ostacoli.

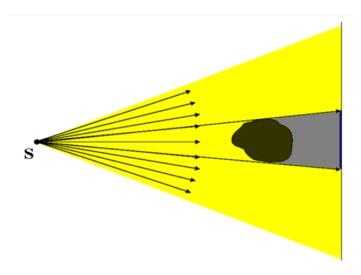


Figura 1: La regione d'ombra, al di là dell'ostacolo è limitata al solo cono avente per vertice la sorgente puntiforme S e generatrici tangenti all'ostacolo.

Questo principio trova applicazione pratica nella camera oscura, in cui un piccolo foro praticato su una parete di una scatola chiusa, proietta un'immagine invertita di una sorgente luminosa esterna sulla parete opposta interna alla scatola.

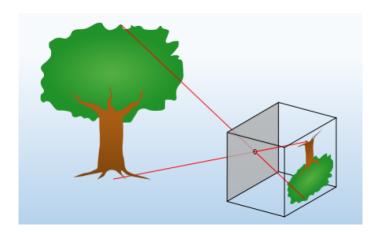


Figura 2: Camera Oscura

Sperimentalmente si osserva che quando un raggio luminoso attraversa l'interfaccia tra due mezzi, questo viene deviato rispetto alla normale alla superficie di separazione. Tale fenomeno è noto sotto il nome di **rifrazione**. È proprio a causa di questo fenomeno che possiamo osservare l'immagine spezzata di un oggetto immerso parzialmente in un bicchiere di acqua, come in figura.

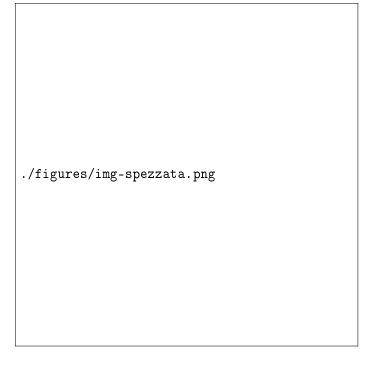


Figura 3: immagine spezzata di una matita parzialmente immersa in un bicchiere d'acqua

Il fenomeno della rifrazione è descritto dalla **Legge di Snell**, secondo la quale Il raggio incidente, quello rifratto e la normale alla superficie nel punto di incidenza, giacciono nello stesso piano:

$$\frac{\sin(\theta_i)}{\sin(\theta_r)} = \frac{v_1}{v_2} \tag{1}$$

Dove θ_i e θ_r sono gli angoli che il raggio luminoso forma con la normale alla superficie di incidenza nei rispettivi mezzi, mentre v_1 e v_2 sono le rispettive velocità di propagazione.

./figures/rifrazione-1.png

Figura 4:

Si dicono inoltre:

1. indice di rifrazione **assoluto**, il rapporto tra la velocità della luce nel vuoto e la velocità di propagazione nel mezzo:

$$n = \frac{c}{v} \tag{2}$$

2. indice di rifrazione **relativo** tra due mezzi m_1 ed m_2 il rapporto:

$$n_{21} = \frac{n_2}{n_1} \tag{3}$$

Da quanto detto, si ricava grazie alla legge di Snell:

$$\frac{\sin(\theta_i)}{\sin(\theta_r)} = \frac{v_1}{v_2} = \frac{n_2}{n_1} \tag{4}$$

Da misure sperimentali risulta che l'indice di rifrazione assoluto dell'aria n_1 è pari ad 1, mentre quello dell'acqua n_2 è pari a 1,33. Dall'esperienza effettuata ci si attende pertanto un valore prossimo a 1,33.

2.1 Richiami Statistici

Il metodo dei minimi quadrati è una tecnica che permette di trovare una funzione, rappresentata da una curva di regressione, che si avvicini il più possibile ad un insieme di dati (tipicamente punti del piano). In particolare, la funzione trovata deve essere quella che minimizza la somma dei quadrati delle distanze tra i dati osservati e quelli della curva che rappresenta la funzione stessa. Siano b il

coefficiente angolare e a l'intercetta della retta di regressione:

$$b = \frac{\sum_{i=1}^{N} [(x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y})]}{\sum_{i=1}^{N} (x_i - \overline{x})^2}$$

$$(5)$$

$$a = \overline{y} - b\overline{x} \tag{6}$$

 $\operatorname{Con}\,\overline{x} = \frac{\sum\limits_{i=1}^N x_i}{N} \,\,\operatorname{e}\,\overline{y} = \frac{\sum\limits_{i=1}^N y_i}{N} \,\,\operatorname{mentre}\,\operatorname{le}\,\operatorname{incertezze}\colon$

$$\Delta b = 3\sigma_b \tag{7}$$

$$\Delta a = 3\sigma_a \tag{8}$$

 Con

$$\sigma_b = \sigma_y \sqrt{\frac{N}{\Delta}}$$

$$\sigma_y = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{N} (y_i - bx_i - a)^2}{N - 2}}$$

$$\sigma_a = \sigma_y \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{N} x_i^2}{\Delta}}$$

$$\Delta = N \sum_{i=1}^{N} (x_i - \overline{x})^2$$

2.2 Richiami di teoria della misura

Sia g una grandezza fisica dipendente da N grandezze fisiche $x_1,...,x_N$ tale che

$$g = f(x_1, ..., x_N) \tag{9}$$

con

$$x_1 = x_{1_0} \pm \Delta x_1 \tag{10}$$

...

$$x_N = x_{N_0} \pm \Delta x_N \tag{11}$$

La formula di propagazione dell'errore massimo è:

$$\Delta g = \sum_{i=1}^{N} \left| \frac{\partial g}{\partial x_i} \right|_{\vec{x} = \vec{x_0}} \Delta x_i \tag{12}$$

con

$$\vec{x} = (x_1, ..., x_N) \tag{13}$$

$$\vec{x_0} = (x_{1_0}, ..., x_{N_0}) \tag{14}$$

3 Apparato sperimentale

Per svolgere quest'esperienza è stato utilizzato il seguente apparato sperimentale:

- $\bullet\,$ Vaschetta trasparente di plastica di altezza D
- $\bullet\,$ Asta di lunghezza $D_0>D$
- Metro a nastro
- Carta millimetrata
- Riga
- Nastro adesivo
- Morsa da tavolo per fissare l'asta

Strumenti di misura	Risoluzione
Metro a nastro	1 mm
Carta millimetrata	1 mm
Riga	1 mm

Tabella 1: Risoluzione degli strumenti di misura utilizzati



Figura 5: Vaschetta utilizzata per effettuare l'esperimento. Sulla sua base è posta la carta millimetrata per permettere la determinazione del punto O'. Alla sua destra è presente il metro a nastro utilizzato.

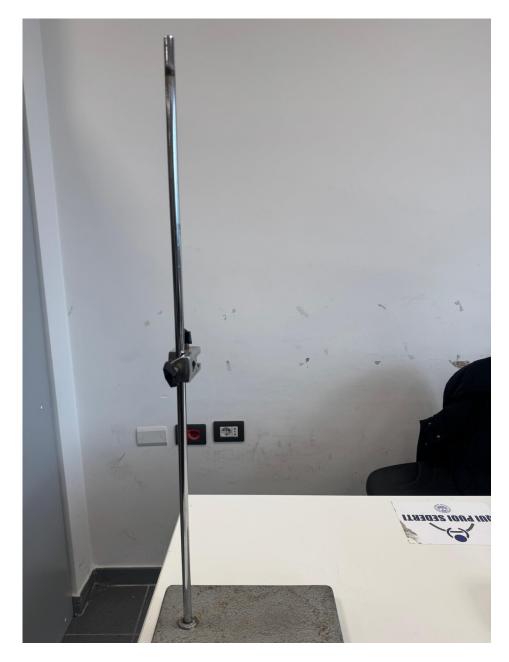


Figura 6: Asta assemblata utilizzata per effettuare l'esperimento. Si noti la differenza di altezza tra quest'ultima e la vaschetta.

4 Descrizione e analisi dei dati sperimentali

5 Conclusioni