BME Gépészmérnöki Kar	DINAMIKA	Név: Vári Gergő	
Műszaki Mechanikai Tanszék	1. HÁZI FELADAT	Neptun kód: MQHJ0H	
2025/26 I.	Határidő: 2025.10.20. 12:00	Késedelmes beadás: □ Javítás: □	
Nyilatkozat: Aláírásommal igazolom, hogy a házi feladatot saját magam készítettem el, az abban leírtak saját megértésemet tükrözik.		Aláírás: Vári Gergő	

Csak a formai követelményeknek megfelelő és az ellenőrző program által helyesnek ítélt végeredményeket tartalmazó házi feladatokat értékeljük! https://www.mm.bme.hu/hwchk

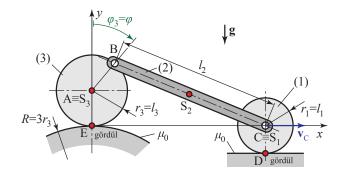
Feladatkitűzés

Az ábrán vázolt mechanizmus az (x, y) síkban síkmozgást végez. Feladatunk a mechanizmus egyes tagjainak pillanatnyi sebesség- és gyorsulásállapotának vizsgálata.

- 1. Rajzolja meg a mechanizmus méretarányos szerkezeti ábráját az adott konfigurációban!
- 2. Határozza meg a (2) test szögsebességét és az S_2 súlypont sebességét (ω_2 , \mathbf{v}_S ,)!
- 3. Jelölje be a szerkezeti ábrán, hogy hol található a (2) test sebességpólusa, és rajzolja be a B, S₂ és C pontok sebességét!
- 4. Határozza meg a (2) test szöggyorsulását és az S_2 súlypont gyorsulását (ε_2 , \mathbf{a}_{S_2})!
- 5. Rajzolja be a szerkezeti ábrára a B, S₂ és C pontok gyorsulását!
- 6. Számítsa ki a (2) test gyorsulásszögét és rajzolja be a szerkezeti ábrába a B, S₂ és C pontok gyorsulásvektorainál! Jelölje be az ábrán, hogy hol található a (2) test gyorsuláspólusa!
- 7. Határozza meg az S_2 súlypont gyorsulásvektorának tangenciális és normális irányú komponenseit $(\mathbf{a}_{S_2t}, \mathbf{a}_{S_2n})!$ Rajzolja be azokat a szerkezeti ábrába!
- 8. Számítsa ki az S₂ súlypont pályájának pillanatnyi görbületi sugarát $(\rho_{S_2})!$

Adatok

$$arphi=55~^\circ$$
 $l_1=0.07~\mathrm{m}$ $l_2=0.17~\mathrm{m}$ $l_3=0.04~\mathrm{m}$ $v_{\mathrm{C}x}=0.6~\mathrm{m/s}=\mathrm{\acute{a}ll}.$



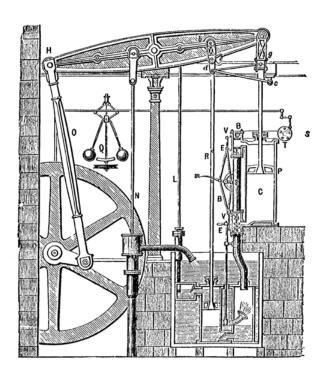
(Rész)eredmények

ω_{2z}	$arepsilon_{2z}$	v_{S_2}	a_{S_2}	$a_{\mathrm{S}_{2}\mathrm{t}}$	$a_{\mathrm{S}_{2}\mathrm{n}}$	$ ho_{\mathrm{S}_2}$
[rad/s]	[rad/s ²]	[m/s]	$[m/s^2]$	$[m/s^2]$	$[m/s^2]$	[m]
1.638	16.613	0.56349	1.4304	0.017776	1.4303	0.222

Dinamika HF1

Vári Gergő (MQHJ0H)

2025.október 7.

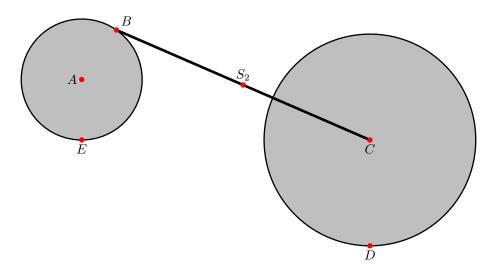


1. ábra: Boulton & Watt gőzgép

Tartalomjegyzék

1	Szerkezeti ábra	1			
2	2-es test szög -és súlypontjának sebessége2.1 Helyvektorok2.2 Szögsebesség2.3 Súlypont sebesség	2 2 2 3			
3	Sebességpólus	4			
4	2-es test szög -és súlypontjának gyorsulása 4.1 Helyvektorok	5 5 5			
5	Kért pontok gyorsulása	6			
6	Gyorsulásszög és gyorsuláspólus 6.1 Gyorsulásszög	7 7			
7	Gyorsulásvektor tangenciálisa és normálisa				
8	Pillanatnyi görbületi sugár				

1 Szerkezeti ábra



2. ábra: Méretarányos szerkezet

2 2-es test szög -és súlypontjának sebessége

2.1 Helyvektorok

$$\mathbf{r}_{AB} = \begin{bmatrix} l_3 \sin \phi \\ l_3 \cos \phi \\ 0 \end{bmatrix} \tag{1}$$

$$\mathbf{r}_{\rm CB} = \begin{bmatrix} -l_3 \cos \beta \\ l_3 \sin \beta \\ 0 \end{bmatrix} \tag{2}$$

$$\sin \beta = \frac{l_3 + l_3 \cos \phi}{l_2} \tag{3}$$

$$\mathbf{r}_{\mathrm{CB}} = \begin{bmatrix} -l_3 \cos \beta \\ l_3 \sin \beta \\ 0 \end{bmatrix} \tag{4}$$

(5)

$$\mathbf{r}_{\mathrm{C}S_2} = \frac{\mathbf{r}_{\mathrm{CB}}}{2} \tag{6}$$

$$\mathbf{r}_{\mathrm{EA}} = \begin{bmatrix} 0 \\ l_3 \\ 0 \end{bmatrix} \tag{7}$$

2.2 Szögsebesség

 \pmb{v}_B -t felírhatjuk két oldalról (2-es és 3-as test.) \pmb{v}_A kiszámolásához pedig felhasználható az hogy az E pontban gördülés van.

$$\boldsymbol{v}_{\mathrm{C}} = \begin{bmatrix} v_{\mathrm{C}x} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \tag{8}$$

$$\boldsymbol{v}_{\mathrm{E}} = \mathbf{0} \tag{9}$$

$$\boldsymbol{v}_{\mathrm{A}} = \boldsymbol{v}_{\mathrm{E}} + \boldsymbol{\omega}_{2} \times \boldsymbol{r}_{\mathrm{EA}} \tag{10}$$

$$\mathbf{v}_{\mathrm{B}} = \mathbf{v}_{\mathrm{C}} + \boldsymbol{\omega}_{2} \times \mathbf{r}_{\mathrm{CB}} = \mathbf{v}_{\mathrm{A}} + \boldsymbol{\omega}_{3} \times \mathbf{r}_{\mathrm{AB}} \Rightarrow$$
 (11)

(12)

$$\boldsymbol{\omega}_2 = \begin{bmatrix} 0\\0\\1.638 \end{bmatrix} [\text{rad/s}] \tag{13}$$

$$\boldsymbol{\omega}_3 = \begin{bmatrix} 0\\0\\-7.878 \end{bmatrix} [\text{rad/s}] \tag{14}$$

2.3 Súlypont sebesség

$$\boldsymbol{v}_{S_2} = \boldsymbol{v}_{\mathrm{C}} + \omega_2 \times \boldsymbol{r}_{\mathrm{C}S_2} = \begin{bmatrix} 0.55 \\ -0.13 \\ 0 \end{bmatrix} [\mathrm{m/s}]$$
 (15)

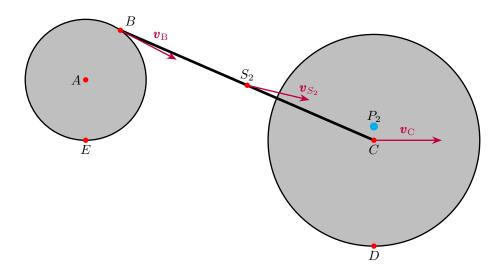
Sebességpólus 3

A sebességpólusban ${\bf 0}$ a sebesség és ezzel megtalálhatjuk C-hez képesti helyvektorát.

$$\mathbf{v}_{\mathrm{C}} = \mathbf{v}_{P_2} + \boldsymbol{\omega}_2 \times \mathbf{r}_{P_2\mathrm{C}} \Rightarrow$$
 (16)

$$\mathbf{v}_{\mathrm{C}} = \mathbf{v}_{P_{2}} + \mathbf{\omega}_{2} \times \mathbf{r}_{P_{2}\mathrm{C}} \Rightarrow$$

$$\mathbf{r}_{P_{2}\mathrm{C}} = \begin{bmatrix} 0 \\ -0.365 \\ 0 \end{bmatrix} [\mathrm{m}]$$
(16)



3. ábra: Méretarányos szerkezet sebességpólussal és sebességekkel

4 2-es test szög -és súlypontjának gyorsulása

4.1 Helyvektorok

$$\boldsymbol{r}_{\mathrm{EA}} = \begin{bmatrix} 0 \\ l_3 \\ 0 \end{bmatrix} \tag{18}$$

$$\boldsymbol{r}_{\mathrm{EB}} = \boldsymbol{r}_{\mathrm{EA}} + \boldsymbol{r}_{\mathrm{AB}} \tag{19}$$

4.2 Szöggyorsulás

C pont sebessége állandó tehát gyorsulása zérus. A pont sebessége kiszámítható az ismert geometriából és a megismert szögsebességből. Ezután B pontot megint felírhatjuk két irányból.

$$\mathbf{a}_{\mathrm{C}} = \mathbf{0} \tag{20}$$

$$v_{\rm A} = r_3 \omega_3 \tag{21}$$

$$\boldsymbol{a}_{\mathrm{A}y} = -\frac{v_{\mathrm{A}}^2}{R + r_3} \tag{22}$$

$$\boldsymbol{a}_{\mathrm{A}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{E}} + \boldsymbol{\epsilon}_{3} \times \boldsymbol{r}_{\mathrm{EA}} - \omega_{3}^{2} \boldsymbol{r}_{\mathrm{EA}} \Rightarrow$$
 (23)

$$\boldsymbol{a}_{\mathrm{E}} = \begin{bmatrix} 0\\1.862\\0 \end{bmatrix} [\mathrm{m/s^2}] \tag{24}$$

$$a_{\rm B} = a_{\rm C} + \epsilon_2 \times r_{\rm CB} - \omega_2^2 r_{\rm CB} = a_{\rm E} + \epsilon_3 \times r_{\rm EB} - \omega_3 r_{\rm EB} \Rightarrow$$
 (25)

$$\boldsymbol{\epsilon}_2 = \begin{bmatrix} 0\\0\\16.613 \end{bmatrix} [\text{m/s}^2] \tag{26}$$

$$\epsilon_3 = \begin{bmatrix} 0\\0\\-22.562 \end{bmatrix} [\text{m/s}^2] \tag{27}$$

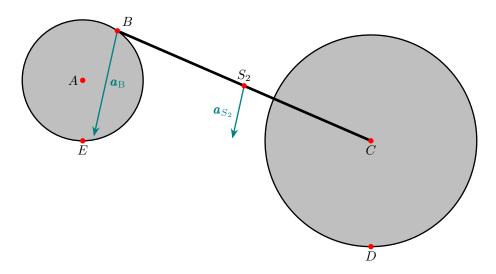
(28)

4.3 Súlypont gyorsulás

$$\mathbf{a}_{S_2} = \mathbf{a}_{C} + \epsilon_2 \times \mathbf{r}_{CS_2} - \boldsymbol{\omega}_2^2 \mathbf{r}_{CS_2} = \begin{bmatrix} -0.31038 \\ -1.3962 \\ 0 \end{bmatrix} [\text{m/s}^2]$$
 (29)

5 Kért pontok gyorsulása

$$\boldsymbol{a}_{\mathrm{B}} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{C}} + \boldsymbol{\epsilon}_{2} \times \boldsymbol{r}_{\mathrm{CB}} = \begin{bmatrix} -0.622\\ -2.793\\ 0 \end{bmatrix} [\mathrm{m/s^{2}}]$$
 (30)



4. ábra: Méretarányos szerkezet gyorsulásokkal

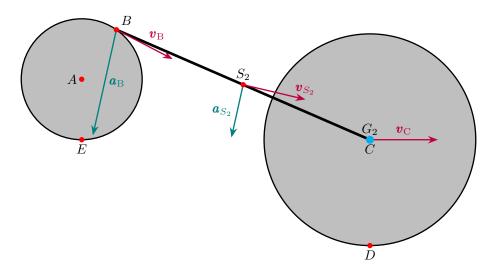
6 Gyorsulásszög és gyorsuláspólus

6.1 Gyorsulásszög

$$\alpha_2 = \operatorname{arctg} \frac{\epsilon_2}{\omega_2^2} = 80.826 \, [^{\circ}] \tag{31}$$

6.2 Gyorsuláspólus

$$\boldsymbol{a}_{G_2} = \mathbf{0} = \boldsymbol{a}_{\mathrm{C}} \Rightarrow G_2 = C \tag{32}$$



5.ábra: Méretarányos szerkezet gyorsuláspólussal, gyorsulásokkal és azok gyorsulásszögével

Gyorsulásvektor tangenciálisa és normálisa

A sebességvektorból számolt tangenciális egységvektorral mindkét komponens megkapható.

$$\boldsymbol{e}_{\mathrm{t}} = \frac{\boldsymbol{v}_{S_2}}{|\boldsymbol{v}_{S_2}|} \tag{33}$$

$$|\boldsymbol{a}_{S_{2+}}| = \boldsymbol{a}_{S_2} \cdot \boldsymbol{e}_{t} \tag{34}$$

$$|\mathbf{a}_{S_{2_t}}| = \mathbf{a}_{S_2} \cdot \mathbf{e}_{t}$$
 (34)
 $|\mathbf{a}_{S_{2_t}}| = |\mathbf{a}_{S_{2_t}}| \cdot \mathbf{e}_{t} = \begin{bmatrix} -0.32825 \\ -1.39197 \\ 0 \end{bmatrix} [\text{m/s}^2]$ (35)

$$\boldsymbol{a}_{S_{2n}} = \boldsymbol{a}_{S_2} - \boldsymbol{a}_{S_{2t}} = \begin{bmatrix} 0.01786861561 \\ -0.00421 \\ 0 \end{bmatrix} [\text{m/s}^2]$$
 (36)

8 Pillanatnyi görbületi sugár

$$\rho_{S_2} = \frac{|\mathbf{v}_{S_2}|^2}{|\mathbf{a}_{S_{2n}}|} = 0.222 \,[\text{m}]$$
(37)