

# Statistik Zusammenfassung

Gerrit Konrad

2024-08-15

# Inhaltsverzeichnis

0.1	Vorwort . . . . .	3
0.2	Was ist Statistik? . . . . .	3
<b>1</b>	<b>Grundlegende Begriffe</b>	<b>4</b>
1.1	Statistische Einheit . . . . .	4
1.2	Grundgesamtheit, Teilgesamtheiten, Stichproben . . . . .	4
1.3	Merkmale und Merkmalsausprägungen . . . . .	4
1.4	Merkmalstypen und Messniveaus . . . . .	4
1.5	Methoden der deskriptiven Statistik . . . . .	4
<b>2</b>	<b>Begriffe der Häufigkeit</b>	<b>6</b>
2.1	Absolute und relative Häufigkeit . . . . .	6
2.2	Graphische Darstellungsmöglichkeiten von Häufigkeiten . . . . .	7
	Histogramm . . . . .	7
	Kreisdiagramm (Pie Chart) . . . . .	9
	Piktogramm . . . . .	9
2.3	Empirische Verteilungsfunktionen $S_j$ . . . . .	9
<b>3</b>	<b>Maßzahlen zur Beschreibung von Häufigkeitsverteilungen</b>	<b>11</b>
3.1	Lagemaße . . . . .	11
3.1.1	Arithmetisches Mittel . . . . .	11
3.1.2	Gewogenes arithmetisches Mittel . . . . .	11
3.1.3	Geometrische Mittel . . . . .	11
3.1.4	Harmonische Mittel . . . . .	11
3.1.5	Median . . . . .	11
3.1.6	Quantile . . . . .	12
3.1.7	Modus . . . . .	12
3.1.8	Zusammenfassung Formeln . . . . .	12
3.2	Zusammenhang zwischen Lagemaßen und Form . . . . .	12
3.3	Streuungsmaße . . . . .	13
3.3.1	Spannweite . . . . .	13
3.3.2	Quartilsabstand . . . . .	13
3.3.3	Varianz . . . . .	13
3.3.4	Standardabweichung . . . . .	13
3.3.5	Variationskoeffizient . . . . .	13
3.3.6	Zusammenfassung Formeln . . . . .	13
3.4	Konzentrationsmaße . . . . .	14
3.4.1	Lorenzkurve . . . . .	14
3.5	Gini Koeffizient . . . . .	14
<b>4</b>	<b>Zweidimensionale Verteilung</b>	<b>15</b>
4.1	Streudiagramm . . . . .	15
4.2	Kontingenztafel . . . . .	15
4.3	Korrelationskoeffizient . . . . .	15
<b>5</b>	<b>Test</b>	<b>16</b>

## 0.1 Vorwort

Statistik ist ein Teilgebiet der Mathematik, das Methoden bereitstellt, um Daten zu beschreiben und aus Stichproben Schlussfolgerungen über eine Grundgesamtheit zu ziehen. Die Statistik gliedert sich in drei Hauptbereiche:

- **Deskriptive Statistik:** Darstellung und Charakterisierung umfangreicher Datensätze durch einfache Maßzahlen.
- **Analytische Statistik:** Verallgemeinerung von Stichprobendaten auf die Grundgesamtheit unter Berücksichtigung zufälliger Schwankungen.
- **Wahrscheinlichkeitstheorie:** Grundlage für Schätz- und Testverfahren der Analytischen Statistik, berechnet Wahrscheinlichkeiten zukünftiger Beobachtungen.

## 0.2 Was ist Statistik?

Statistik umfasst Methoden zur Sammlung, Analyse, Interpretation und Präsentation von Daten. Hierbei unterscheidet man zwischen:

- **Deskriptive Statistik:** Ziel ist es, Daten verständlich und übersichtlich darzustellen.
- **Analytische Statistik:** Erlaubt es, aus Stichproben Rückschlüsse auf die Grundgesamtheit zu ziehen, indem zufällige Schwankungen quantifiziert werden.
- **Wahrscheinlichkeitstheorie:** Dient als Basis für die Analytische Statistik, indem sie Wahrscheinlichkeitsmodelle und Berechnungen für zukünftige Ereignisse liefert.

Die Anwendung statistischer Methoden erfolgt häufig mit Computerprogrammen, wobei in diesem Buch Excel für die Durchführung statistischer Analysen genutzt wird.

# 1 Grundlegende Begriffe

## 1.1 Statistische Einheit

Die statistische Einheit ist das Objekt, an dem Messungen oder Beobachtungen durchgeführt werden. Beispiele sind Personen, Unternehmen oder Produkte.

*Beispiel:* Ein einzelner Schüler in einer Schule.

## 1.2 Grundgesamtheit, Teilgesamtheiten, Stichproben

- **Grundgesamtheit:** Gesamtheit aller möglichen Untersuchungseinheiten. *Beispiel:* Alle Schüler einer Schule.
- **Teilgesamtheiten:** Untergruppen der Grundgesamtheit. *Beispiel:* Alle Schüler einer bestimmten Klasse.
- **Stichprobe:** Eine Auswahl von Einheiten aus der Grundgesamtheit, die zur Analyse herangezogen wird. *Beispiel:* 30 zufällig ausgewählte Schüler aus der gesamten Schule.

## 1.3 Merkmale und Merkmalsausprägungen

- **Merkmale:** Eigenschaften, die an den statistischen Einheiten gemessen werden. *Beispiel:* Körpergröße der Schüler.
- **Merkmalsausprägungen:** Konkrete Werte, die ein Merkmal annehmen kann. *Beispiel:* 160 cm, 170 cm, 180 cm, etc.

## 1.4 Merkmalstypen und Messniveaus

- **Merkmalstypen:** Während nominal- und ordinalskalierte Merkmale nur diskret aufgefasst werden können, lassen sich metrisch skalierte Merkmale sowohl diskret als auch stetig darstellen.
  - **Diskrete Merkmale:** Können nur bestimmte, abzählbare Werte annehmen. *Beispiel:* Anzahl der Kinder in einer Familie (0, 1, 2, ...).
  - **Stetige Merkmale:** Können jeden beliebigen Wert innerhalb eines Intervalls annehmen, je nachdem wie genau die Messung erfolgt. *Beispiel:* Körpergröße in Zentimetern.
- **Messniveaus:**
  - **Nominal:** Kategorische Daten ohne natürliche Reihenfolge. *Beispiel:* Geschlecht (männlich, weiblich).
  - **Ordinal:** Kategorische Daten mit natürlicher Reihenfolge, aber ohne festen Abstand zwischen den Kategorien. *Beispiel:* Schulnoten (sehr gut, gut, befriedigend).
  - **Metrisch:** Umfasst sowohl intervallskalierte als auch verhältnisskalierte Daten, da beide kontinuierliche und messbare Größen darstellen.
    - \* **Intervallskaliert:** Numerische Daten mit gleichen Abständen zwischen den Werten, aber ohne natürlichen Nullpunkt. *Beispiel:* Datumsangaben.
    - \* **Verhältnisskaliert:** Numerische Daten mit gleichen Abständen und einem natürlichen Nullpunkt. Man kann sagen "Ein Wert ist doppelt so groß wie ein anderer". *Beispiel:* Gewicht in Kilogramm.

## 1.5 Methoden der deskriptiven Statistik

Methoden zur Darstellung und Analyse von Daten umfassen Tabellen, Grafiken und statistische Kennzahlen wie Mittelwert, Median und Standardabweichung.

*Beispiele:*

- *Tabellen:* Frequenzverteilung einer Umfrage.
- *Grafiken:* Säulendiagramm der Häufigkeit von Schulnoten.
- *Statistische Kennzahlen:* Mittelwert der Körpergröße, Median des Alters, Standardabweichung des Gewichts.

## 2 Begriffe der Häufigkeit

### 2.1 Absolute und relative Häufigkeit

Die **absolute Häufigkeit**  $H_j$  gibt an, wie oft ein bestimmtes Ereignis  $j$  in einer Datenreihe vorkommt.

$H_j$  = Anzahl der Beobachtungen von  $j$

Wenn  $n$  statistische Einheiten beobachtet werden, gilt:

$$\sum_{j=1}^k H_j = n$$

Die **relative Häufigkeit**  $h_j$  ist das Verhältnis der absoluten Häufigkeit zur Gesamtzahl der Beobachtungen  $n$ . Wird oft in Prozent ausgedrückt:

$$h_j = \frac{H_j}{n}$$

Die relative Häufigkeit nimmt Werte zwischen 0 und 1 an und es gilt:

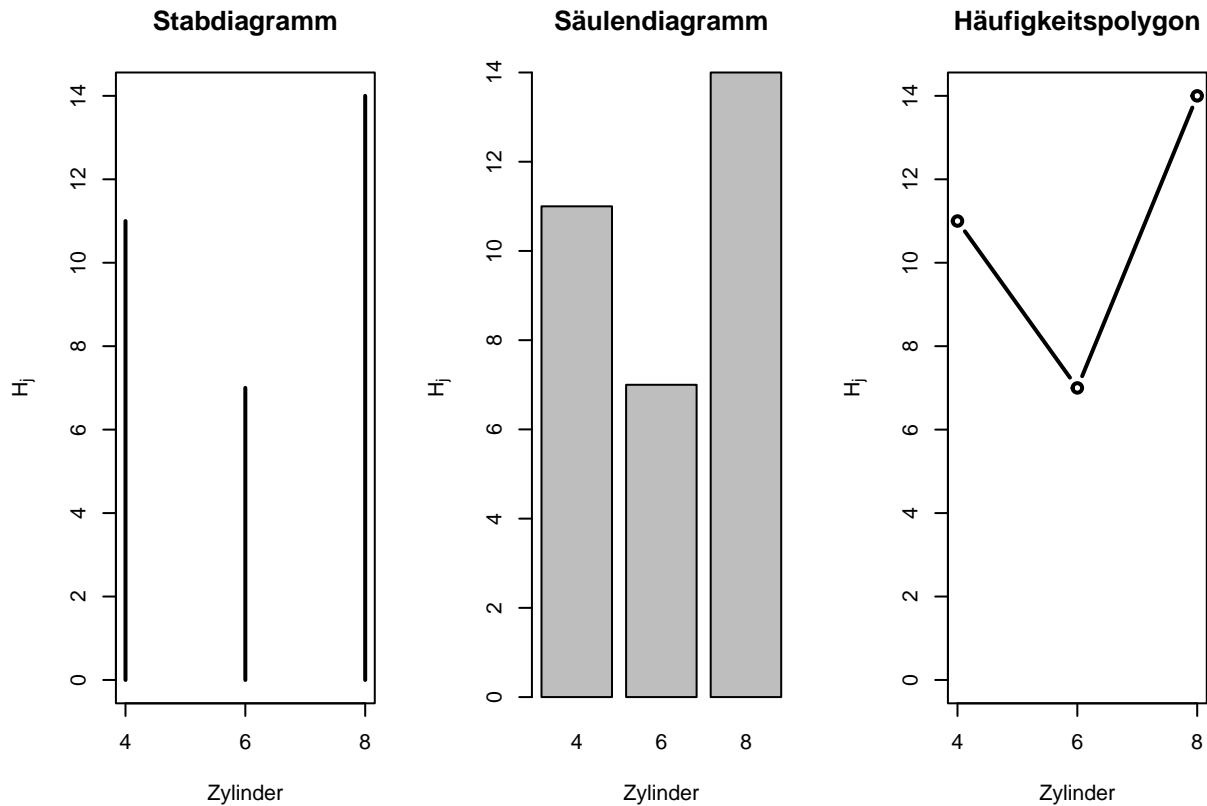
$$\sum_{j=1}^k h_j = 1$$

**Beispiel:** Die Zylinderzahlen der untersuchten Autos können folgendermaßen zusammengefasst werden:

Zylinder	Absolute_Häufigkeit	Relative_Häufigkeit
4	11	0.344
6	7	0.219
8	14	0.438
Summe	32	1.000

Wenn Merkmalsausprägungen kontinuierlich oder zu zahlreich sind, werden sie in Klassen zusammengefasst. Jede Klasse wird durch eine untere und obere Grenze, eine Klassenmitte und eine Klassenbreite definiert. Die Häufigkeiten werden für die Klassen berechnet. Formel bleibt also gleich.

## 2.2 Graphische Darstellungsmöglichkeiten von Häufigkeiten



### Histogramm

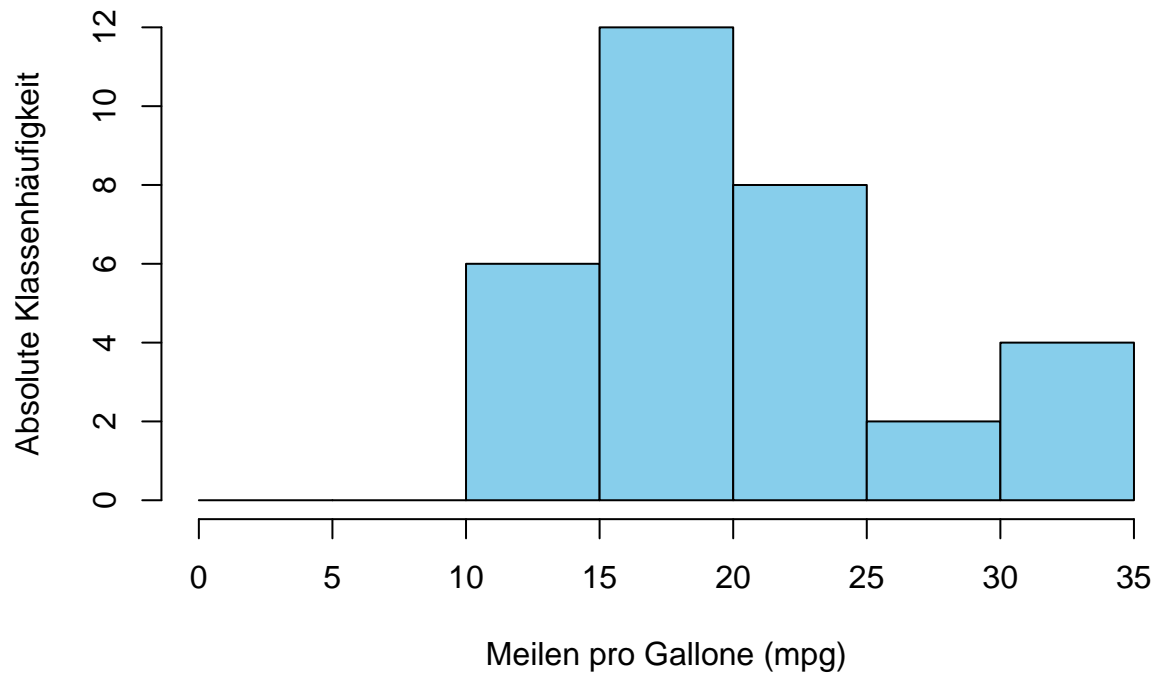
Ein **Histogramm** ist eine Möglichkeit, die Häufigkeitsverteilung klassierter Daten graphisch darzustellen.

Im folgenden Beispiel analysieren wir die Kraftstoffeffizienz von Fahrzeugen, gemessen in Meilen pro Gallone (mpg).

**Histogramme mit äquidistanten Klassen:** Bei Histogrammen mit äquidistanten Klassen sind die Intervalle (Klassenbreiten) gleich groß. Dies bedeutet, dass jeder Balken die gleiche Breite hat. Der Vorteil dieser Methode ist die einfache Vergleichbarkeit der Häufigkeiten in den einzelnen Klassen.

j	Klasse	H <sub>j</sub>	h <sub>j</sub>	Klassenbreite
1	[0;5)	0	0.0000	5
2	[5;10)	0	0.0000	5
3	[10;15)	6	0.1875	5
4	[15;20)	12	0.3750	5
5	[20;25)	8	0.2500	5
6	[25;30)	2	0.0625	5
7	[30;35)	4	0.1250	5

## Histogramm der Kraftstoffeffizienz (gleiche Klassenbreiten)



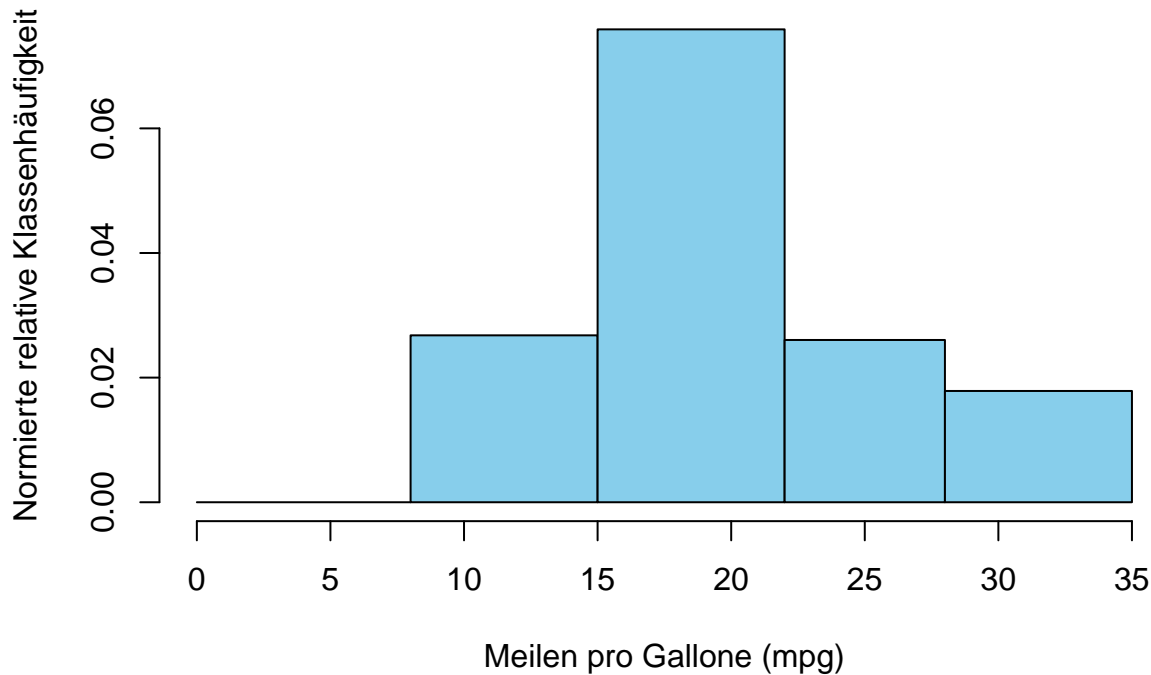
**Histogramme mit ungleichen Klassenbreiten:** Bei Histogrammen mit ungleichen Klassenbreiten variieren die Intervalle in ihrer Breite. Um die Vergleichbarkeit der Häufigkeiten zu gewährleisten, wird in diesen Histogrammen oft die Höhe der Balken nicht direkt durch die Häufigkeit, sondern durch die sogenannte “normierte Häufigkeit”, oder auch genannt “Häufigkeitsdichte” bestimmt. Die normierte Häufigkeit wird berechnet als:

$$\text{Normierte Häufigkeit} = \frac{\text{Häufigkeit}}{\text{Klassenbreite}}$$

j	Klasse	Hj	hj	Klassenbreite	norm_Hj	norm_hj
1	[0;8)	0	0.00000	8	0.00000	0.00000
2	[8;15)	6	0.18750	7	0.85714	0.02679
3	[15;22)	17	0.53125	7	2.42857	0.07589
4	[22;28)	5	0.15625	6	0.83333	0.02604
5	[28;35)	4	0.12500	7	0.57143	0.01786



## Histogramm der Kraftstoffeffizienz (ungleiche Klassenbreiten)



### Kreisdiagramm (Pie Chart)

Darstellung der relativen Häufigkeiten als Segmente eines Kreises. Der Kreis repräsentiert die Gesamtheit der Daten, und die Segmente repräsentieren die Anteile der verschiedenen Ausprägungen.

### Piktogramm

Darstellung der Häufigkeiten durch Bilder oder Symbole, die proportional zur Häufigkeit sind.

## 2.3 Empirische Verteilungsfunktionen $S_j$

Eine empirische Verteilungsfunktion beschreibt die Verteilung von Merkmalsausprägungen in einer Beobachtungsreihe. Sie gibt die kumulierte Häufigkeit bis zu einem bestimmten Wert an und ist besonders nützlich für die Analyse von ordinalen oder metrischen Merkmalen.

Die **absolute Summenhäufigkeit**  $H_j$  ist die kumulierte Anzahl der Beobachtungen bis zu einer bestimmten Merkmalsausprägung.

$$H_j = \sum_{i=1}^j H_i$$

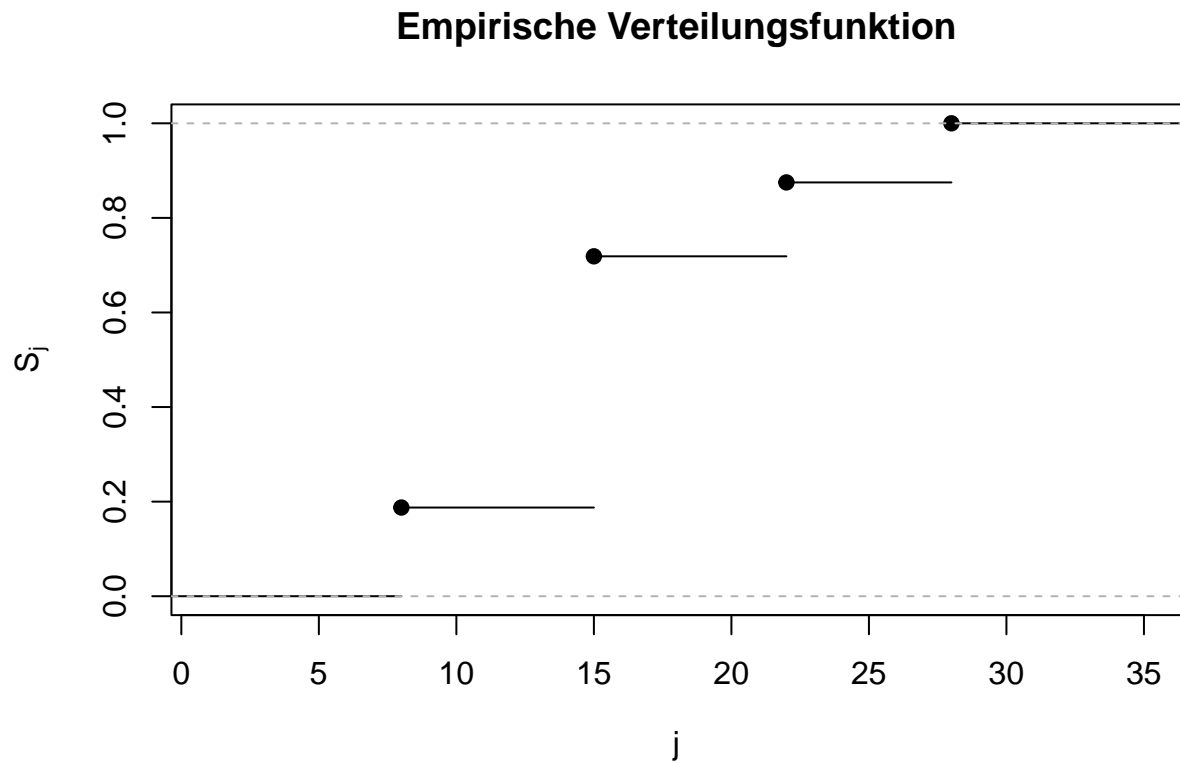
Beispiel: Wenn  $H_1, H_2, H_3, \dots, H_j$  die absoluten Häufigkeiten sind, dann ist  $H_j$  die Summe der absoluten Häufigkeiten bis zur j-ten Ausprägung.

Die **relative Summenhäufigkeit** ist das Verhältnis der absoluten Summenhäufigkeit zur Gesamtzahl der Beobachtungen und gibt den Anteil der Beobachtungen an, die höchstens den Wert x haben.

$$S_j = \sum_{i=1}^j h_i$$

Als Beispiel nehmen wir wieder die Kraftstoffeffizienz von Fahrzeugen:

j	Klasse	Hj	hj	emp. Verteilungsfkt.
1	[0;8)	0	0.00000	0.00000
2	[8;15)	6	0.18750	0.18750
3	[15;22)	17	0.53125	0.71875
4	[22;28)	5	0.15625	0.87500
5	[28;35)	4	0.12500	1.00000



### 3 Maßzahlen zur Beschreibung von Häufigkeitsverteilungen

Häufigkeitsverteilungen können durch Maßzahlen oder Parameter charakterisiert werden, die es ermöglichen, zentrale Eigenschaften einer Verteilung zusammenzufassen. Dazu gehören Lagemaße, Streuungsmaße und Formmaße.

#### 3.1 Lagemaße

Beschreiben das Zentrum / die Mitte einer Beobachtungsreihe

##### 3.1.1 Arithmetisches Mittel

Es ist das am häufigsten verwendete Lagemaß für metrische Merkmale. Es wird berechnet, indem die Summe aller beobachteten Werte durch die Anzahl der Beobachtungen geteilt wird.

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$$

wobei  $x_i$  die einzelnen Beobachtungswerte und  $n$  die Anzahl der Beobachtungen sind.

##### 3.1.2 Gewogenes arithmetisches Mittel

Wenn die Beobachtungen unterschiedliche Gewichte  $w_i$  haben, ergibt sich das gewogene arithmetische Mittel

$$\bar{x}_w = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n w_i \cdot x_i$$

wobei  $w_i$  die absolute Häufigkeit ist.

##### 3.1.3 Geometrische Mittel

Wird verwendet um das durchschnittliche Wachstum über Zeiträume zu messen

$$\bar{x}_{\text{geo}} = \sqrt[n]{x_1 \cdot x_2 \cdot \dots \cdot x_n}$$

##### 3.1.4 Harmonische Mittel

Wenn ein funktionaler Zusammenhang besteht, z.B. Durchschnittsgeschwindigkeit

$$\frac{n}{\sum_{i=1}^n 1/x_i}$$

##### 3.1.5 Median

Wird als Zentralwert bezeichnet und teilt die Daten in zwei gleich große Hälften. Kann für metrisch und ordinal skalierte Merkmale verwendet werden und ist robust gegenüber Ausreißern.

$$\bar{x}_{\text{Median}} = \begin{cases} x_{\frac{n+1}{2}} & \text{falls } n \text{ ungerade} \\ \frac{1}{2}(x_{\frac{n}{2}} + x_{\frac{n}{2}+1}) & \text{falls } n \text{ gerade} \end{cases}$$

### 3.1.6 Quantile

Index berechnung:  $I = n \cdot p$

Berechnung des Quantils  $p$ :

$$x_p = \begin{cases} \frac{1}{2}(x_I + x_{I+1}) & \text{falls } I \text{ ganzzahlig} \\ x_{[I]+1} & \text{falls } I \text{ nicht ganzzahlig} \end{cases}$$

$[]$  = abrunden.

### 3.1.7 Modus

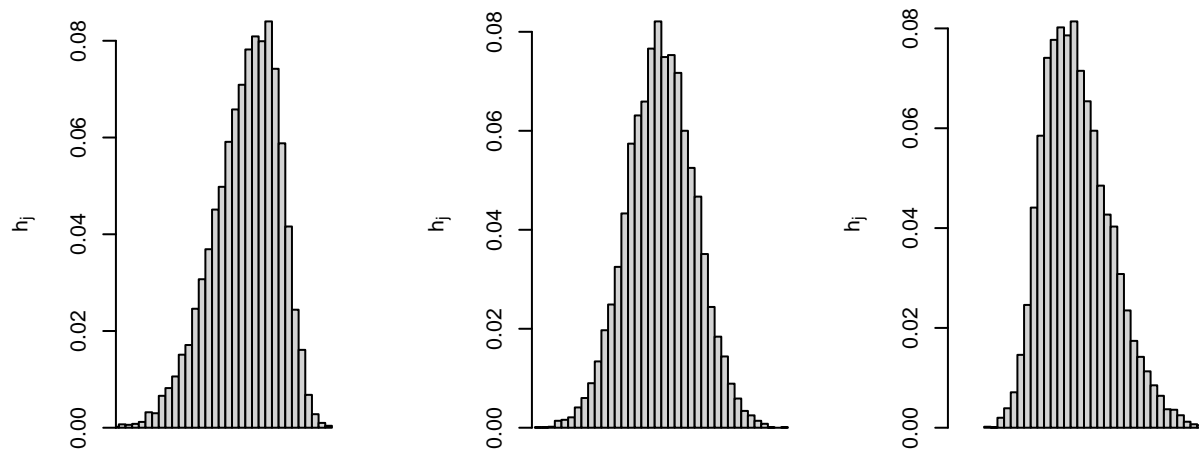
Der **Modus** oder **Modalwert** ist die häufigste Ausprägung einer Verteilung.

$$h_{Modus} \geq h_j$$

### 3.1.8 Zusammenfassung Formeln

Lagemaß	Symbol	Berechnung
Modus	$\bar{x}_{Modus}$	$h_{Modus} \geq h_j$
Median	$\bar{x}_{Median}$	$x_{\frac{n+1}{2}}$ oder $\frac{1}{2}(x_{\frac{n}{2}} + x_{\frac{n}{2}+1})$
Quantil	$Q_\alpha$	Wert der Verteilungsfunktion
Arithmetisches Mittel	$\bar{x}$	$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$
Geometrisches Mittel	$\bar{x}_{geo}$	$\sqrt[n]{x_1 \cdot x_2 \cdot \dots \cdot x_n}$
Harmonisches Mittel	$\bar{x}_{harm}$	$\frac{n}{\sum_{i=1}^n 1/x_i}$

## 3.2 Zusammenhang zwischen Lagemaßen und Form



- Linksschiefe Häufigkeitsverteilung:  $\bar{x} < \bar{x}_{Median} < \bar{x}_{Modus}$
- Symmetrische Häufigkeitsverteilung:  $\bar{x} = \bar{x}_{Median} = \bar{x}_{Modus}$
- Rechtsschiefe Häufigkeitsverteilung:  $\bar{x} > \bar{x}_{Median} > \bar{x}_{Modus}$

### 3.3 Streuungsmaße

#### 3.3.1 Spannweite

Ist die Differenz zwischen dem Maximum und Minimum einer Beobachtungsreihe.

$$R = x_{max} - x_{min}$$

#### 3.3.2 Quartilsabstand

Gibt die Größe des Bereiches zwischen dem oberen und unteren Quartil einer Beobachtungsreihe an.

$$Q_o - Q_u = Q_{0.75} - Q_{0.25}$$

- Zwischen dem oberen und dem unteren Quartil liegen 50% der Beobachtungen. - Kann auch für ordinalskalierte Merkmale bestimmt werden. - Ist robust (unempfindlich gegenüber Ausreißern)

#### 3.3.3 Varianz

Mittlere quadrierte Abweichung vom arithmetischen Mittel

$$s^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \quad \text{oder} \quad s^2 = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2$$

- Es gilt immer  $s^2 \geq 0$
- Wird unterschiedlich für die Stichprobe und die Grundgesamtheit (Population) berechnet.
- Grundidee: Einbezug aller Abweichungen vom Mittelwert
- Beobachtungen, die weit von  $\bar{x}$  entfernt liegen, werden überproportional stark gewichtet.

#### 3.3.4 Standardabweichung

Ist die Wurzel aus der Varianz

$$s = \sqrt{s^2}$$

- Weist die gleiche Maßeinheit wie die Daten auf

#### 3.3.5 Variationskoeffizient

Ist der Quotient aus Standardabweichung und arithmetisches Mittel

$$V = \frac{s}{\bar{x}}$$

- Ist vergleichbar

#### 3.3.6 Zusammenfassung Formeln

Lagemaß	Symbol	Berechnung
Spannweite	$R$	$x_{max} - x_{min}$
Interquartilsabstand	$IQR$	$Q_{0.75} - Q_{0.25}$
(empirische) Varianz	$s^2$	$\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2$
Standardabweichung	$s$	$\sqrt{s^2}$
Variationskoeffizient	$V$	$s/\bar{x}$

### 3.4 Konzentrationsmaße

Man spricht von Konzentration oder Ungleichheit, falls zu einem bestimmten Zeitpunkt ein relativ kleiner Anteil der Merkmalsträger einen hohen Anteil an der Summe der Merkmalswerte besitzt.

#### 3.4.1 Lorenzkurve

$$k_j = \sum_{i=1}^j \frac{H_j}{n} = \sum_{i=1}^j h_j \quad \text{und} \quad l_j = \frac{\sum_{i=1}^j a_i H_i}{\sum_{i=1}^n a_i H_i} = \frac{\sum_{i=1}^j a_i H_i}{\sum_{i=1}^n x_i}$$

$\sum_{i=1}^n x_i$  (Gesamtsumme aller Beobachtungswerte)

- Die Lorenzkurve verläuft durch die Punkte (0,0) und (1,1)
- Die Lorenzkurve verläuft immer **unterhalb** der Winkelhalbierenden.
- Die Lorenzkurve ist winkelhalbierend, wenn alle Merkmalsausprägungen gleich häufig vorkommen. Dann liegt keine Konzentration vor. Je weiter die Lorenzkurve sich von der Winkelhalbierenden entfernt, desto größer ist die Ungleichheit.

**Beispiel** Einkommensverteilung der Länder A, B, C

```
A <- c(1000, 3000, 4000, 4000, 8000)
B <- c(2000, 2000, 4000, 8000)
C <- c(1000, 2000, 5000, 8000)
```

**Lorenzkurve für Land A**

j	Werte	H_j	h_j	k	l
0	0	0	0.0	0.0	0.00
1	1000	1	0.2	0.2	0.05
2	3000	1	0.2	0.4	0.20
3	4000	2	0.4	0.8	0.60
4	8000	1	0.2	1.0	1.00

### 3.5 Gini Koeffizient

Das Doppelte der Fläche zwischen der Lorenzkurve und der Winkelhalbierenden heißt **Gini-Koeffizient**  $G$  und wird als Konzentrationsmaß einer Häufigkeitsverteilung verwendet.

$$G = \sum_{i=1}^n (k_i + k_{i-1})(l_i - l_{i-1}) - 1$$

mit  $(k_i, l_i)$ ,  $i = 0, \dots, n$  Stützpunkte der Lorenzkurve

- Um den Gini-Koeffizienten zu berechnen, sind alle Stützpunkte der Lorenzkurve erforderlich. Es gilt  $0 \leq G \leq \frac{n-1}{n} < 1$ .
- Wenn die Lorenzkurve winkelhalbierend ist, gilt  $G = 0$ . In diesem Fall gibt es keine Einkommensunterschiede.
- Werden *alle* Ausgangswerte  $x_i$  mit einem Faktor  $a$  multipliziert, sodass  $y_i = a \cdot x_i$ , dann gilt  $G_y = G_x$ .

## [1] 0.3

## 4 Zweidimensionale Verteilung

### 4.1 Streudiagramm

Ein **Streudiagramm** (Scatter-Plot) ist eine grafische Darstellung von zweidimensionalen Merkmalen. Dabei werden die Wertepaare  $(x_i, y_i)$  als Punkte in einem Koordinatensystem eingezeichnet:

- **X-Achse:** Merkmalsausprägung für das Merkmal  $X$ .
- **Y-Achse:** Merkmalsausprägung für das Merkmal  $Y$ .

**Beispiel:** Die monatliche Sonnenscheindauer am Vormittag ( $X$ ) und Nachmittag ( $Y$ ) wird über ein Jahr hinweg beobachtet und als Punkte im Diagramm dargestellt.

### 4.2 Kontingenztafel

Eine **Kontingenztafel** ist eine tabellarische Darstellung der gemeinsamen Häufigkeitsverteilung zweier Merkmale:

- **Absolute Häufigkeit:**  $H_{ij}$  ist die Anzahl der Beobachtungen mit der Merkmalskombination  $(a_i, b_j)$ .
- **Relative Häufigkeit:**  $h_{ij} = \frac{H_{ij}}{n}$  ist der Anteil der Beobachtungen mit  $(a_i, b_j)$ .

**Randhäufigkeiten:** - Absolute Randhäufigkeit von  $a_i$ :  $H_{i\cdot} = \sum_j H_{ij}$ . - Relative Randhäufigkeit von  $a_i$ :  $h_{i\cdot} = \sum_j h_{ij}$ .

### 4.3 Korrelationskoeffizient

Der **Korrelationskoeffizient** nach Bravais-Pearson misst den linearen Zusammenhang zwischen zwei Merkmalen  $X$  und  $Y$ :

- **Formel:**

$$r_{XY} = \frac{s_{XY}}{s_X \cdot s_Y}$$

wobei  $s_{XY}$  die Kovarianz ist, definiert als:

$$s_{XY} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})$$

- **Standardabweichungen:**

$$s_X = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}$$

$$s_Y = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}$$

- **Interpretation:**

- $r_{XY} > 0$ : Positive Korrelation.
- $r_{XY} < 0$ : Negative Korrelation.
- $|r_{XY}| \leq 0.5$ : Vermutlich kein signifikanter Zusammenhang.

## 5 Test

[2] [1]



## Literatur

- [1] Benjamin Buchwitz. *Statistics*. 2024. URL: <https://bchwtz.github.io/bchwtz-stat/> (besucht am 25.07.2024).
- [2] Dipl. Stat. Adriane Sommer Prof. Dr. Monika Reimpell. *Studienbuch Statistik*. 2st. Frauenstuhlweg 31, 58644 Iserlohn: Wissenschaftliche Genossenschaft Südwestfalen eG, 2014.