

Yandex Algorithms 2011 R1 D "Sum Of Medians" Solution¹

本作品採用[知識共享署名-非商业性使用-相同方式共享 3.0 Unported](#) 許可協議进行許可

write by Gestalti Lur

2012-09-17

題目鏈接: <http://www.codeforces.com/problemset/problem/85/D>

題目大意

對於一個元素序列 $\{a\}$ 有三種操作: $\text{add } x (0 < x \leq 10^9)$,在序列後加入一個元素 x , $\text{del } x$ 刪除集合中的一個元素 x , sum 輸出 $\text{sum}(a_i \mid i \bmod 5 = 3)$ 的值。操作數量少於 10^5 個。

算法分析

可以用線段樹來處理區間和的操作。如果將一個 $[1, T]$ 的線段樹的每個節點上記錄了區間裏元素下標 $\bmod 5 = x$ 的和記作 $[l, r].s[x]$, 那麼對於每個詢問操作, 只要輸出 $[1, T].s[3]$ 即可。維護這些值的時候可以想到對於一個區間 $[l, r]$, 他的左孩子範圍的元素下標 $\bmod 5$ 之後的結果在 $[l, r]$ 上也是一樣的, 右孩子 $[mid+1, r]$ 的下標和在 $[l, r]$ 的情況則是左孩子裏的元素個數加上右孩子當前節點的下標, 因此可以推出對於 $[l, r].s[x]$ 在其右孩子的部分是 $[mid+1, r].s[(x - [l, mid].cnt) \bmod 5]$ (cnt 為區間內元素的個數)。

所以顯然有 $[l, r].s[x] = [l, mid].s[x] + [mid+1, r].s[(x - [l, mid].cnt) \bmod 5 + 5] \bmod 5$ (具體實現的時候因為 $x - [l, mid].cnt$ 會有負數的情況所以需要加成正數取模)

其次因為元素大小至多會有 10^9 , 不能直接建立線段樹。所以可以採用“離散化”的處理方法: 首先讀入所有的操作, 可以預處理出所有的 add 操作一共有多少種不同的元素以及每個元素的大小, 設這個值為 T , 那麼線段樹中就至多會有 T 個元素。先建立一個 $[1, T]$ 的線段樹, 然後對於進行操作的節點 x , 可以用二分或者 $\text{std::lower_bound}()$ 找出它在線段樹當中的位置對其進行操作。

參考代碼

```
/*
CF 85 D
gestapolur
ACCEPTED
ICPC 2012 Chengdu Online A were same as this prob
*/
#include<cstdio>
#include<algorithm>
#include<cstring>
#define MAXN 100005
#define lint long long
struct treenode
{
    int l, r, cnt;
    lint sum[ 5 ];
};
```

¹ ICPC 2012 Chengdu Online A 題與此題相同。

```

treenode node[ MAXN << 4 ];
int a[ MAXN ], q[ MAXN ];
int n , tot;
void create( int s , int l , int r )
{
    memset( node[ s ].sum , 0 , sizeof( node[ 0 ].sum ) );
    node[ s ].l = l;
    node[ s ].r = r;
    node[ s ].cnt = 0;
    if( l < r )
    {
        int mid = l + r >> 1;
        create( s << 1 , l , mid );
        create( s << 1 | 1 , mid + 1 , r );
    }
    return ;
}
void upload( int s )
{
    for( int i = 0 ; i < 5 ; ++ i )
        node[ s ].sum[ i ] = node[ s << 1 ].sum[ i ] + node[ s << 1 | 1 ].sum[ ( ( i -
node[ s << 1 ].cnt ) % 5 + 5 ) % 5 ];
    return ;
}
void update( int s , int pos , int val , int k )
{
    k ? ++ node[ s ].cnt : -- node[ s ].cnt;
    if( node[ s ].l == node[ s ].r )
    {
        node[ s ].sum[ 0 ] = k ? val : 0;
        return ;
    }
    int mid = node[ s ].l + node[ s ].r >> 1;
    if( pos <= mid ) update( ( s << 1 ) , pos , val , k);
    else update( ( s << 1 | 1 ) , pos , val , k );
    upload( s );
    return ;
}

void init()
{
    int i;
    char ch[ 3 ];
    tot = 0;
    for( i = 1 ; i <= n ; ++ i )
    {
        scanf( "%s" , ch );
        switch( ch[ 0 ] )

```

```

    {
    case 'a':
        scanf( "%d" , &q[ i ] );
        a[ tot ++ ] = q[ i ];
        break;
    case 's':
        q[ i ] = 0;
        break;
    case 'd':
        scanf( "%d" , &q[ i ] );
        q[ i ] = -q[ i ];
        break;
    }
}
std::sort( a , a + tot );
tot = std::unique( a , a + tot ) - a;
memset( node[ 1 ].sum , 0 , sizeof( node[ 1 ].sum ) );
if( tot ) create( 1 , 1 , tot + 1 );
return ;
}

int bipart( int p )
{
    int l , r , mid;
    for( l = 1 , r = tot , mid = l + r >> 1 ; l != mid ; mid = l + r >> 1 )
        if( p >= a[ mid ] ) l = mid;
        else r = mid;
    return r;
}

void solve()
{
    int pos;
    for( int i = 1 ; i <= n ; ++ i )
    {
        //pos = ( q[ i ] == 0 ? 0 : std::lower_bound( a , a + tot , ( q[ i ] > 0 ? q[ i ] : -q[
i ] ) ) - a );
        pos = ( q[ i ] ? bipart( q[ i ] > 0 ? q[ i ] : -q[ i ] ) : 0 );
        if( q[ i ] )
            update( 1 , pos , ( q[ i ] > 0 ? q[ i ] : -q[ i ] ) , ( q[ i ] > 0 ? 1 : 0 ) );
        else
            printf( "%I64d\n" , node[ 1 ].sum[ 2 ] );
    }
    return ;
}

int main()
{

```

```
while( scanf( "%d" , &n ) != EOF )  
{  
    init();  
    solve();  
}  
return 0;  
}
```