

Introduction to Programming Lesson 9

Outline

- Recursion
- Modules as namespaces
- Classes as namespaces

recursive function – function որը կանչում է ինքն իրեն

```
def countdown(n):
    print(n)
    countdown(n-1)
```

```
recursive function – function որը կանչում է ինքն իրեն
Ինչ կլինի եթե run տանք countdown(3)?
```

```
def countdown(n):
    print(n)
    countdown(n-1)
```

```
>>> countdown(3)
-1
-2
-976
-977
-978
Traceback (most recent call last):
  File "<pyshell#61>", line 1, in <module>
    countdown(3)
  File "/Users/me/ch10.py", line 3, in countdown
    countdown(n-1)
File "/Users/me/ch10.py", line 3, in countdown
    countdown(n-1)
  File "/Users/me/ch10.py", line 2, in countdown
    print(n)
RuntimeError: maximum recursion depth exceeded
while calling a Python object
>>>
```

def countdown(n):
 print(n)
 countdown(n-1)

```
>>> countdown(3)
-1
-976
-977
-978
Traceback (most recent call last):
  File "<pyshell#61>", line 1, in <module>
    countdown(3)
  File "/Users/me/ch10.py", line 3, in countdown
    countdown(n-1)
File "/Users/me/ch10.py", line 3, in countdown
    countdown(n-1)
  File "/Users/me/ch10.py", line 2, in countdown
    print(n)
RuntimeError: maximum recursion depth exceeded
while calling a Python object
>>>
```

```
def countdown(n):
    print(n)
    countdown(n-1)
```

function անընդհատ կանչում է իրեն մինչև resources are exhausted/սպառվում են

• i.e., գերազանցվում է program stack-ի limit-ը

```
>>> countdown(3)
-976
-977
-978
Traceback (most recent call last):
  File "<pyshell#61>", line 1, in <module>
    countdown(3)
  File "/Users/me/ch10.py", line 3, in countdown
    countdown(n-1)
File "/Users/me/ch10.py", line 3, in countdown
    countdown(n-1)
  File "/Users/me/ch10.py", line 2, in countdown
    print(n)
RuntimeError: maximum recursion depth exceeded
while calling a Python object
>>>
```

```
def countdown(n):
    print(n)
    countdown(n-1)
```

function անընդհատ կանչում է իրեն մինչև resources are exhausted/սպառվում են

• i.e., գերազանցվում է program stack-ի limit-ը

Ենթադրենք մեզ պետք է հետևյալը

```
>>> countdown(3)
3
2
1
Blastoff!!!
>>>
```

```
def countdown(n):
    print(n)
    countdown(n-1)
```

Ենթադրենք մեզ պետք է հետևյալը

```
>>> countdown(3)
3
2
1
Blastoff!!!
>>> countdown(1)
1
Blastoff!!!
>>>
```

```
def countdown(n):
    print(n)
    countdown(n-1)
```

Ենթադրենք մեզ պետք է հետևյալը

```
>>> countdown(3)
3
2
1
Blastoff!!!
>>> countdown(1)
1
Blastoff!!!
>>> countdown(0)
Blastoff!!!
>>>
```

```
def countdown(n):
    print(n)
    countdown(n-1)
```

Ենթադրենք մեզ պետք է հետևյալը

```
>>> countdown(3)
3
2
1
Blastoff!!!
>>> countdown(1)
1
Blastoff!!!
>>> countdown(0)
Blastoff!!!
>>> countdown(-1)
Blastoff!!!
```

```
def countdown(n):
    print(n)
    countdown(n-1)
```

Ենթադրենք մեզ պետք է հետևյալը

```
>>> countdown(3)
3
2
1
Blastoff!!!
>>> countdown(1)
1
Blastoff!!!
>>> countdown(0)
Blastoff!!!
>>> countdown(-1)
Blastoff!!!
```

```
If n ≤ 0
    'Blastoff!!!' is printed
```

```
def countdown(n):
    print(n)
    countdown(n-1)
```

Ենթադրենք մեզ պետք է հետևյալը

```
>>> countdown(3)
3
2
1
Blastoff!!!
>>> countdown(1)
1
Blastoff!!!
>>> countdown(0)
Blastoff!!!
>>> countdown(-1)
Blastoff!!!
```

```
If n ≤ 0
    'Blastoff!!!' is printed
```

```
def countdown(n):
    'counts down to 0'
    if n <= 0:
        print('Blastoff!!!')
    else:
        print(n)
        countdown(n-1)</pre>
```

Recursive function պետք է բաղկացած լինի

- 1. One or more base cases which provide the stopping condition of the recursion Մեկ կամ մի քանի base case-երից որոնք կանգնեցնում են recursion-ը
- 2. One or more recursive calls on input arguments that are "closer" to the base case Մեկ կամ մի քանի recursive call-երից, որոնց argument-ները ավելի մոտ են base case-ին

Recursive function պետք է բաղկացած լինի

- 1. One or more base cases which provide the stopping condition of the recursion Մեկ կամ մի քանի base case-երից որոնք կանգնեցնում են recursion-ը
- 2. One or more recursive calls on input arguments that are "closer" to the base case Մեկ կամ մի քանի recursive call-երից, որոնց argument-ները ավելի մոտ են base case-ին

Այս պայմանը ի վերջո կապահովի դադարի պայմանի իրականացումը

Recursive function-ը պետք է բաղկացած լինի

- 1. Մեկ կամ մի քանի base case-երից որոնք կանգնեցնում են recursion-ը
- 2. Մեկ կամ մի քանի recursive callերից, որոնց argument-ները ավելի մոտ են base case-ին

```
def countdown(n):
    'counts down to 0'
    if n <= 0:
        print('Blastoff!!!')
    else:
        print(n)
        countdown(n-1)</pre>
```

Recursive function-ը պետք է բաղկացած լինի

- 1. Մեկ կամ մի քանի base case-երից որոնք կանգնեցնում են recursion-ը
- 2. Մեկ կամ մի քանի recursive callերից, որոնց argument-ները ավելի մոտ են base case-ին

```
def countdown(n):
    'counts down to 0'
    if n <= 0:
        print('Blastoff!!!')
    else:
        print(n)
        countdown(n-1)</pre>
```

```
Հաշվել n-ից մինչև 0 ...
```

Recursive function-ը պետք է բաղկացած լինի

- 1. Մեկ կամ մի քանի base case-երից որոնք կանգնեցնում են recursion-ը
- 2. Մեկ կամ մի քանի recursive callերից, որոնց argument-ները ավելի մոտ են base case-ին

```
def countdown(n):
    'counts down to 0'
    if n <= 0:
        print('Blastoff!!!')
    else:
        print(n)
        countdown(n-1)</pre>
```

Հաշվել n-ից մինչև 0 ...

... տպում ենք ո ու հաշվում n-1-ից մինչև 0

Recursive function-ը պետք է բաղկացած լինի

- 1. Մեկ կամ մի քանի base case-երից որոնք կանգնեցնում են recursion-ը
- 2. Մեկ կամ մի քանի recursive callերից, որոնց argument-ները ավելի մոտ են base case-ին

```
def countdown(n):
    'counts down to 0'
    if n <= 0:
        print('Blastoff!!!')
    else:
        print(n)
        countdown(n-1)</pre>
```

Problem with input n Հաշվել n-ից մինչև 0 ...

... տպում ենք ո ու հաշվում n-1-ից մինչև 0

Recursive function-ը պետք է բաղկացած լինի

- 1. Մեկ կամ մի քանի base case-երից որոնք կանգնեցնում են recursion-ը
- 2. Մեկ կամ մի քանի recursive callերից, որոնց argument-ները ավելի մոտ են base case-ին

```
def countdown(n):
    'counts down to 0'
    if n <= 0:
        print('Blastoff!!!')
    else:
        print(n)
        countdown(n-1)</pre>
```

Problem with input n

Հաշվել n-ից մինչև 0 ...

... տպում ենք ո ու հաշվում ո-1-ից մինչև 0

Subproblem with input n-1

Recursive function-ը պետք է բաղկացած լինի

- 1. Մեկ կամ մի քանի base case-երից որոնք կանգնեցնում են recursion-ը
- 2. Մեկ կամ մի քանի recursive callերից, որոնց argument-ները ավելի մոտ են base case-ին

```
def countdown(n):
    'counts down to 0'
    if n <= 0:
        print('Blastoff!!!')
    else:
        print(n)
        countdown(n-1)</pre>
```

Problem with input n

Հաշվել n-ից մինչև 0 ...

... տպում ենք ո ու հաշվում ո-1-ից մինչև 0

Subproblem with input n-1

=> Խնդիրը recursive լուծելու համար, մեզ պետք է

- 1. Սահմանել bases case/s որի համար problem-ը ունի լուծում
- 2. Արտահայտել problem-ի լուծումը subproblem-ի լուծումի տեսքով (i.e., subproblem : easier instances of the problem that are closer to the bases cases)

Կառուցենք function vertical() որը վերցնում է դրական integerներ և տպում ուղղահայացորեն

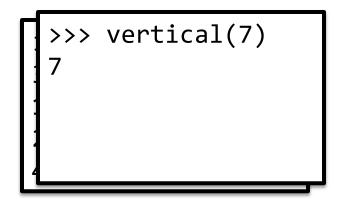
```
>>> vertical(3124)
3
1
2
4
```

Կառուցենք function vertical() որը վերցնում է դրական integerներ և տպում ուղղահայացորեն

```
>>> vertical(3124)
3
1
2
4
```

- դեպք երբ problem-ը "հեշտ" է
- ո-ը մեկ հատ թիվ է

Կառուցենք function vertical() որը վերցնում է դրական integerներ և տպում ուղղահայացորեն



- դեպք երբ problem-ը "հեշտ" է
- ո-ը մեկ հատ թիվ է

Կառուցենք function vertical() որը վերցնում է դրական integerներ և տպում ուղղահայացորեն

```
}>>> vertical(7)

7
```

- դեպք երբ problem-ը "հեշտ" է
- n-ը մեկ հատ թիվ է

```
def vertical(n):
    '''prints digits of n
    vertically'''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        # to do</pre>
```

Կառուցենք function vertical() որը վերցնում է դրական integerներ և տպում ուղղահայացորեն

```
>>> vertical(7)
7
```

Տպիր n-ի թվերը ուղղահայաց...

- դեպք երբ problem-ը "հեշտ" է
- n-ը մեկ հատ թիվ է

```
def vertical(n):
    '''prints digits of n
    vertically'''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        # to do</pre>
```

Կառուցենք function vertical() որը վերցնում է դրական integerներ և տպում ուղղահայացորեն

```
>>> vertical(7)
7
```

Առաջինը սահմանենք base case-ը

- դեպք երբ problem-ը "հեշտ" է
- ո-ը մեկ հատ թիվ է

Problem with input n

Տպիր ո-ի թվերը ուղղահայաց...

```
def vertical(n):
    '''prints digits of n
    vertically'''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        # to do</pre>
```

Կառուցենք function vertical() որը վերցնում է դրական integerներ և տպում ուղղահայացորեն

```
>>> vertical(7)
7
```

Առաջինը սահմանենք base case-ը

- դեպք երբ problem-ը "հեշտ" է
- ո-ը մեկ հատ թիվ է

```
Problem with input n

if n <
```

Տպիր ո-ի թվերը ուղղահայաց...

... Տպիր n-ի բոլոր թվերը բացի վերջինից և հետո տպիր վերջինը

```
def vertical(n):
    '''prints digits of n
    vertically'''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        # to do</pre>
```

Կառուցենք function vertical() որը վերցնում է դրական integerներ և տպում ուղղահայացորեն

```
>>> vertical(3124)
3
1
2
4
```

Առաջինը սահմանենք base case-ը

- դեպք երբ problem-ը "հեշտ" է
- ո-ը մեկ հատ թիվ է

```
Problem with input n
```

Տպիր ո-ի թվերը ուղղահայաց...

... Տպիր n-ի բոլոր թվերը բացի վերջինից և հետո տպիր վերջինը

```
def vertical(n):
    '''prints digits of n
    vertically'''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        # to do</pre>
```

Կառուցենք function vertical() որը վերցնում է դրական integerներ և տպում ուղղահայացորեն

```
>>> vertical(3124)
3
1
2
4
```

Առաջինը սահմանենք base case-ը

- դեպք երբ problem-ը "հեշտ" է
- ո-ը մեկ հատ թիվ է

```
Problem with input n
```

Տպիր ո-ի թվերը ուղղահայաց...

```
... Տպիր n-ի բոլոր թվերը բացի վերջինից
և հետո տպիր վերջինը
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of n
    vertically'''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        # to do</pre>
```

Subproblem, որում ո-ը մեկ թվով քիչ է

Կառուցենք function vertical() որը վերցնում է դրական integerներ և տպում ուղղահայացորեն

```
>>> vertical(3124)
3
1
2
4
```

Առաջինը սահմանենք base case-ը

- դեպք երբ problem-ը "հեշտ" է
- ո-ը մեկ հատ թիվ է

```
Problem with input n
```

Տպիր ո-ի թվերը ուղղահայաց...

... Տպիր n-ի բոլոր թվերը բացի վերջինից և հետո տպիր վերջինը

```
def vertical(n):
    '''prints digits of n
    vertically'''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        # to do</pre>
```

Subproblem, որում n-ը մեկ թվով քիչ է

The last digit of n: n%10

Կառուցենք function vertical() որը վերցնում է դրական integerներ և տպում ուղղահայացորեն

```
>>> vertical(3124)
3
1
2
4
```

Առաջինը սահմանենք base case-ը

- դեպք երբ problem-ը "հեշտ" է
- ո-ը մեկ հատ թիվ է

```
Problem with input n
```

Տպիր ո-ի թվերը ուղղահայաց...

... Տպիր n-ի բոլոր թվերը բացի վերջինից և հետո տպիր վերջինը

```
def vertical(n):
    '''prints digits of n
    vertically'''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        # to do</pre>
```

Subproblem, որում n-ը մեկ թվով քիչ է

The last digit of n: n%10

Հետո կառուցում ենք recursive step
Երբ n-ը ունի մեկից ավել թիվ

The last digit of n: n%10

Հետո կառուցում ենք recursive step
Երբ n-ր ունի մեկից ավել թիվ

... Տպիր n-ի բոլոր թվերը բացի վերջինից և հետո տպիր վերջինը

The last digit of n: n%10

Հետո կառուցում ենք recursive step
Երբ n-ը ունի մեկից ավել թիվ

... Տպիր ո-ի բոլոր թվերը բացի վերջինից և հետո տպիր վերջինը

> Subproblem, որում n-ը մեկ թվով քիչ է

The last digit of n: n%10

Recursive thinking

Հետո կառուցում ենք recursive step

Երբ ո-ը ունի մեկից ավել թիվ

... Տպիր n-ի բոլոր թվերը բացի վերջինից և հետո տպիր վերջինը

> Subproblem, որում n-ը մեկ թվով քիչ է

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically'''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

The last digit of n: n%10

The integer obtained by removing the last digit of n: n//10

Կառուցեք recursive function reverse()

- 1. որը վերցնում է դրական integer և տպում է իր թվերը ուղղահայաց
- 2. բայց տպում է սկսած վերջի թվից

```
>>> reverse(3124)
4
2
1
3
```

Կառուցեք recursive function reverse()

- 1. որը վերցնում է դրական integer և տպում է իր թվերը ուղղահայաց
- 2. բայց տպում է սկսած վերջի թվից

```
>>> reverse(3124)
4
2
1
3
```

```
def reverse(n):
    '''prints digits of n vertically
    starting with low-order digit
    ''''
    if n <10:
        print(n)
    else:
        print(n%10)
        reverse(n//10)</pre>
```

factorial function ունի հետևյալ recursive սահմանումը։

$$n! = n \times (n-1)!$$
 if $n > 0$
 $0! = 1$

Կառուցեք factorial() օգտագործելով recursion.

factorial function ունի հետևյալ recursive սահմանումը։

$$n! = n \times (n-1)!$$
 if $n > 0$
 $0! = 1$

Կառուցեք factorial() օգտագործելով recursion.

```
def factorial(n):
    '''returns the factorial
    of integer n
    ''''
    if n == 0:  # base case
        return 1
    return factorial(n-1)*n # recursive step
```

recursive function calls հնարավոր է դառնում program stack-ի միջոցով ինչպես և regular function call-երր

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

recursive function calls հնարավոր է դառնում program stack-ի միջոցով ինչպես և regular function call-երր

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(4312)
```

```
n = 3124
vertical(3124)
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(4312)
```

```
n = 3124
vertical(n//10)

vertical(3124)
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    ''''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(4312)
```

```
line = 7

n = 3124

Program stack
```

```
n = 3124
vertical(n//10)

vertical(3124)
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(4312)
```

```
line = 7

n = 3124

Program stack
```

```
n = 312

vertical(312)
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    ''''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(4312)
```

recursive function calls humpulant that the program stack-hulpengnul humbul the regular function call-hp

```
line = 7
n = 3124
```

```
n = 312
vertical(n//10)

vertical(312)
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(4312)
```

recursive function calls humpulant that the program stack-hulpengnul humbul the regular function call-hp

```
line = 7

n = 312

line = 7

n = 3124
```

```
n = 312
vertical(n//10)

vertical(312)
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    ''''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(4312)
```

recursive function calls humpulant that the program stack-hulpengnul humbul the regular function call-hp

```
line = 7

n = 312

line = 7

n = 3124
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(4312)
```

```
n = 31
vertical(31)
```

recursive function calls humpulant that the program stack-hulpengnul humbul the regular function call-hp

```
line = 7

n = 312

line = 7

n = 3124
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    ''''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(4312)
```

```
n = 31
vertical(n//10)

vertical(31)
```

recursive function calls humpulant that the program stack-hulpengnul humbul the regular function call-hp

```
line = 7

n = 31

line = 7

n = 312

line = 7

n = 3124
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(4312)
```

```
n = 31
vertical(n//10)

vertical(31)
```

recursive function calls humpulant that the program stack-hulpengnul humbul the regular function call-hp

```
line = 7

n = 31

line = 7

n = 312

line = 7

n = 3124
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(4312)
```

```
n = 3
print(n)
     vertical(3)
```

recursive function calls humpulant that the program stack-hulpengnul humbul the regular function call-hp

```
line = 7

n = 31

line = 7

n = 312

line = 7

n = 3124
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(3124)
3
```

```
n = 3
print(n)
     vertical(3)
```

recursive function calls humpulant that the program stack-hulpengnul humbul the regular function call-hp

```
line = 7

n = 31

line = 7

n = 312

line = 7

n = 3124
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(3124)
3
```

recursive function calls humpulant that the program stack-hulpengnul humbul the regular function call-hp

```
line = 7

n = 312

line = 7

n = 3124
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(3124)
3
```

```
n = 31
vertical(n//10)

print(n%10)
    vertical(31)
```

recursive function calls humpulant that the program stack-hulpengnul humbul the regular function call-hp

```
line = 7

n = 312

line = 7

n = 3124
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    ''''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(3124)
3
1
```

```
n = 31
vertical(n//10)

print(n%10)
    vertical(31)
```

recursive function calls humpulant that the program stack-hulpengnul humbul the regular function call-hp

```
line = 7

n = 312

line = 7

n = 3124
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    ''''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(3124)
3
1
```

```
line = 7
n = 3124

Program stack
```

```
n = 312
vertical(n//10)

print(n%10)
    vertical(312)
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    ''''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(3124)
3
1
```

recursive function calls humpulant that the program stack-hulpengnul humbul the regular function call-hp

```
line = 7
n = 3124
```

```
n = 312
vertical(n//10)

print(n%10)
    vertical(312)
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(3124)
3
1
2
```

recursive function calls humpulant that the program stack-hulpengnul humbul the regular function call-hp

```
line = 7
n = 3124
```

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(3124)
3
1
2
```

recursive function calls humpulant that a program stack-hulpongnul husula la regular function call-hp

```
n = 3124
vertical(n//10)

print(n%10)
```

vertical(3124)

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(3124)
3
1
2
```

recursive function calls humpulant that a program stack-hulpongnul humbulant largular function call-hpp

```
n = 3124
vertical(n//10)
```

vertical(3124)

print(n%10)

```
def vertical(n):
    '''prints digits of
    n vertically
    '''
    if n < 10:
        print(n)
    else:
        vertical(n//10)
        print(n%10)</pre>
```

```
>>> vertical(3124)
3
1
2
4
```

```
def summa(numList):
    if len(numList) == 1:
        return numList[0]
    else:
        return numList[0] + summa(numList[1:])
print(summa([1,3,5,7,9]))
```

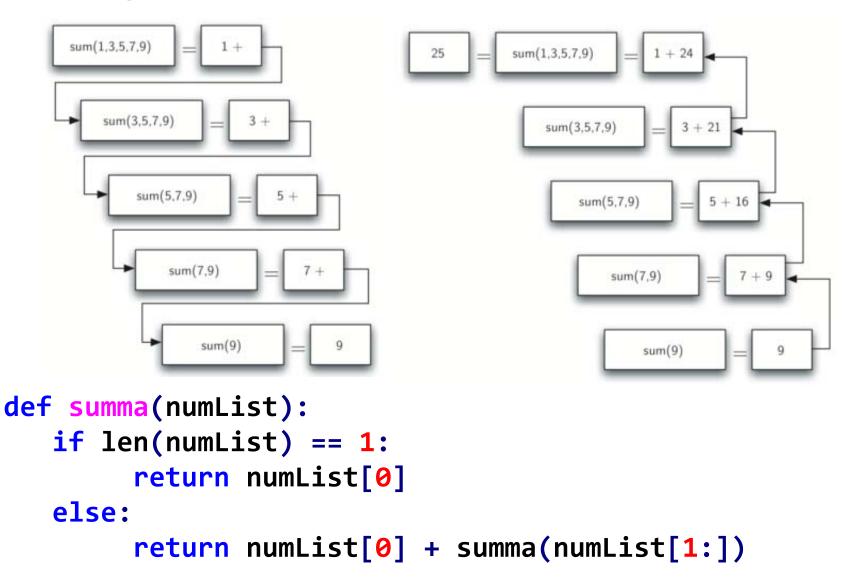
```
sum(1,3,5,7,9)
     sum(3,5,7,9)
           sum(5,7,9)
                sum(7,9)
                      sum(9)
```

print(summa([1,3,5,7,9]))

```
def summa(numList):
    if len(numList) == 1:
        return numList[0]
    else:
        return numList[0] + summa(numList[1:])
```

Ref: 3

print(summa([1,3,5,7,9]))



Ref: 3

Գրեք recursive function cheers()

- 1. որը վերցնում է integer input n,
- 2. և տպում է n hատ string 'Hip ' որը հետևվում է 'Hurray!!! ' string-ով

```
>>> cheers(0)
Hurray!!!
>>> cheers(1)
Hip Hurray!!!
>>> cheers(4)
Hip Hip Hip Hip Hurray!!!
```

Գրեք recursive function cheers()

- 1. որը վերցնում է integer input n,
- 2. և տպում է n hատ string 'Hip ' որը հետևվում է 'Hurray!!! ' string-ով

```
>>> cheers(0)
Hurray!!!
>>> cheers(1)
Hip Hurray!!!
>>> cheers(4)
Hip Hip Hip Hip Hurray!!!
```

```
def cheers(n):
    if n == 0:
        print('Hurray!!!')
    else: # n > 0
        print('Hip', end=' ')
        cheers(n-1)
```

module-ը դա file է, որը պարունակում է Python code.

Երբ module-ը import եք անում, այն դառնում է namespace

module-ը դա file է, որը պարունակում է Python code.

Երբ module-ը import եք անում, այն դառնում է namespace

• այդ namespace-ը ունենում է նույն անունը (կարելի է փոխել)

module-ը դա file է, որը պարունակում է Python code.

Երբ module-ը import եք անում, այն դառնում է namespace

- այդ namespace-ը ունենում է նույն անունը (կարելի է փոխել)
- այդ namespace-ում ապրում են names, որոնք սահմանված են module-ի global scope-ում : the names of functions, values, and classes

module-ը դա file է, որը պարունակում է Python code.

Երբ module-ը import եք անում, այն դառնում է namespace

- այդ namespace-ը ունենում է նույն անունը (կարելի է փոխել)
- այդ namespace-ում ապրում են names, որոնք սահմանված են module-ի global scope-ում : the names of functions, values, and classes
- these names are called attributes of the module

Modules

```
>>> import math
>>> dir(math)
['__doc__', '__file__', '__name__', '__package__',
'acos', ..., 'pi', 'pow', 'radians',
   'sin', 'sinh', 'sqrt', 'tan', 'tanh']
>>> math.sqrt
<built-in function sqrt>
>>> math.pi
3.141592653589793
```

Modules

```
>>> import math
>>> dir(math)
['__doc__', '__file__', '__name__', '__package__',
'acos', ..., 'pi', 'pow', 'radians',
    'sin', 'sinh', 'sqrt', 'tan', 'tanh']
>>> math.sqrt
<built-in function sqrt>
>>> math.pi
3.141592653589793
```

import statement ։ միայն վերցնում է module-ի անունը

without any directory information or .py suffix.

- search path : list of directories որտեղ Python-ը փնտրում է module-ը
- sys.path : պարունակում է այդ list of directories

import statement ։ միայն վերցնում է module-ի անունը

without any directory information or .py suffix.

- search path : list of directories որտեղ Python-ը փնտրում է module-ը
- sys.path : պարունակում է այդ list of directories

```
>>> import sys
```

import statement ։ միայն վերցնում է module-ի անունը

without any directory information or .py suffix.

- search path : list of directories որտեղ Python-ը փնտրում է module-ը
- sys.path : պարունակում է այդ list of directories

```
>>> import sys
>>> sys.path
['', 'C:\\Python34\\Lib\\idlelib',
'C:\\Python34\\python34.zip', 'C:\\Python34\\DLLs',
'C:\\Python34\\lib', 'C:\\Python34',
'C:\\Python34\\lib\\site-packages']
```

import statement ։ միայն վերցնում է module-ի անունը

without any directory information or .py suffix.

- search path : list of directories որտեղ Python-ը փնտրում է module-ը
- sys.path : պարունակում է այդ list of directories

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')
def g():
    'function g'
    print('Executing g()')
x = 0 # global var
           example.py
```

```
>>> import example
ImportError: No module named 'example'
```

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')
def g():
    'function g'
    print('Executing g()')
x = 0 # global var
           example.py
```

```
>>> import example
ImportError: No module named 'example'
>>> import sys
>>>
sys.path.append(r'c:\Users\training\Desktop')
```

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')
def g():
    'function g'
    print('Executing g()')
x = 0 # global var
           example.py
```

```
>>> import example
ImportError: No module named 'example'
>>> import sys
>>>
sys.path.append(r'c:\Users\training\Desktop')
>>> import example
```

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')
def g():
    'function g'
    print('Executing g()')
x = 0 # global var
           example.py
```

```
>>> import example
ImportError: No module named 'example'
>>> import sys
>>>
sys.path.append(r'c:\Users\training\Desktop')
>>> import example
>>> example.f
<function f at 0x02316B70>
>>> example.x
```

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')
def g():
    'function g'
    print('Executing g()')
x = 0 # global var
           example.py
```

```
>>> import example
ImportError: No module named 'example'
>>> import sys
>>>
sys.path.append(r'c:\Users\training\Desktop')
>>> import example
>>> example.f
<function f at 0x02316B70>
>>> example.x
>>> dir()
['__builtins__', '__doc__', '__loader__',
'__name__', '__package__', '__spec__', 'cls',
'd', 'example', 'f', 'l', 'sys']
```

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')
def g():
    'function g'
    print('Executing g()')
x = 0 # global var
           example.py
```

Երբ module-ը import է արվում, Python-ը ստեղծում է մի քանի "bookkeeping" variable-ներ module-ի namespace-ում. Նրանցից մեկր ___name___ variable-ն է

Երբ module-ը import է արվում, Python-ը ստեղծում է մի քանի "bookkeeping" variable-ներ module-ի namespace-ում. Նրանցից մեկը ___name__ variable-ն է

> __name__ == '__main__', եթե module-ը վազում է որպես top-level module

Երբ module-ը import է արվում, Python-ը ստեղծում է մի քանի "bookkeeping" variable-ներ module-ի namespace-ում. Նրանցից մեկը ___name___ variable-ն է

- > __name__ == '__main__', եթե module-ը վազում է որպես top-level module
- > __name__ == module name, եթե import է արվել

Երբ module-ը import է արվում, Python-ը ստեղծում է մի քանի "bookkeeping" variable-ներ module-ի namespace-ում. Նրանցից մեկը ___name___ variable-ն է

- > __name__ == '__main__', եթե module-ը վազում է որպես top-level module
- > __name__ == module name, եթե import է արվել

- > it is run from the shell (F5)
- > it is run at the command line (cmd, terminal)

Երբ module-ը import է արվում, Python-ը ստեղծում է մի քանի "bookkeeping" variable-ներ module-ի namespace-ում. Նրանցից մեկր ___name__ variable-ն է

- > __name__ == '__main__', եթե module-ը վազում է որպես top-level module
- > __name__ == module name, եթե import է արվել

- > it is run from the shell (F5)
- > it is run at the command line (cmd, terminal)

Երբ module-ը import է արվում, Python-ը ստեղծում է մի քանի "bookkeeping" variable-ներ module-ի namespace-ում. Նրանցից մեկր ___name___ variable-ն է

- > __name__ == '__main__', եթե module-ը վազում է որպես top-level module
- > __name__ == module name, եթե import է արվել

- > it is run from the shell (F5)
- > it is run at the command line (cmd, terminal)

```
> python name.py
My name is __main___ print('My name is {}'.format(__name__))
```

Երբ module-ը import է արվում, Python-ը ստեղծում է մի քանի "bookkeeping" variable-ներ module-ի namespace-ում. Նրանցից մեկր ___name___ variable-ն է

- > __name__ == '__main__', եթե module-ը վազում է որպես top-level module
- > __name__ == module name, եթե import է արվել

- > it is run from the shell (F5)
- > it is run at the command line (cmd, terminal)

```
print('My name is {}'.format(__name__

My name is __main__ name.py
```

```
%cd C:\Users\Generosity\Downloads\WinPython-32bit-3.3.5.0\data
C:\Users\Generosity\Downloads\WinPython-32bit-3.3.5.0\data
%%writefile name.py
print('My name is {}'.format( name ))
Writing name.py
!python name.py
My name is main
%run name.py
My name is main
import name
My name is name
```

3 ways to import a module

1. Import the (name of the) module

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')

def g():
    'function g'
    print('Executing g()')

x = 0 # global var
    example.py
```

namespace __main___

3 ways to import a module

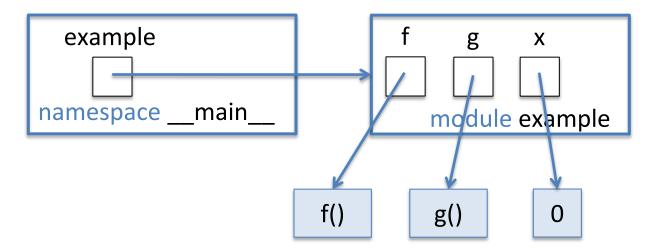
1. Import the (name of the) module

```
>>> import example
>>>
```

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')

def g():
    'function g'
    print('Executing g()')

x = 0  # global var
    example.py
```



3 ways to import a module

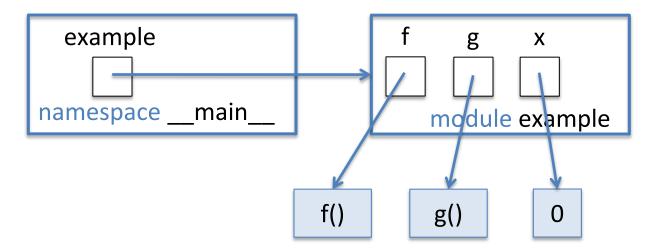
1. Import the (name of the) module

```
>>> import example
>>> example.x
0
>>> example.f
<function f at 0x10278dd98>
>>> example.f()
Executing f()
>>>
```

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')

def g():
    'function g'
    print('Executing g()')

x = 0  # global var
    example.py
```



importing module attributes

2. Import specific module attributes

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')

def g():
    'function g'
    print('Executing g()')

x = 0 # global var
    example.py
```

namespace __main__

importing module attributes

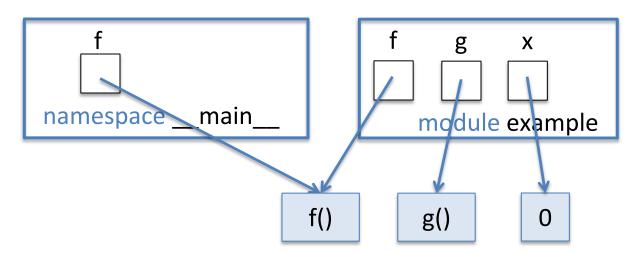
2. Import specific module attributes

```
>>> from example import f
>>>
```

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')

def g():
    'function g'
    print('Executing g()')

x = 0  # global var
    example.py
```



importing module attributes

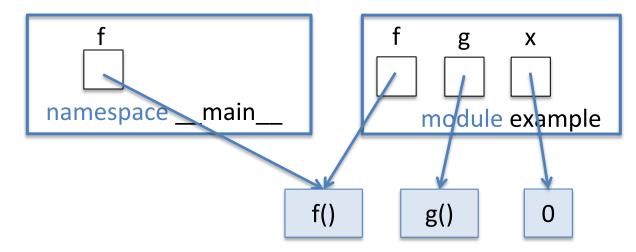
2. Import specific module attributes

```
>>> from example import f
>>> f()
Executing f()
>>> x
Traceback (most recent call last):
File "<pyshell#28>", line 1, in <module>
    x
NameError: name 'x' is not defined
>>>
```

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')

def g():
    'function g'
    print('Executing g()')

x = 0 # global var
    example.py
```



importing all attributes

3. Import all module attributes

```
>>>
```

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')

def g():
    'function g'
    print('Executing g()')

x = 0 # global var
    example.py
```

namespace ___main___

importing all attributes

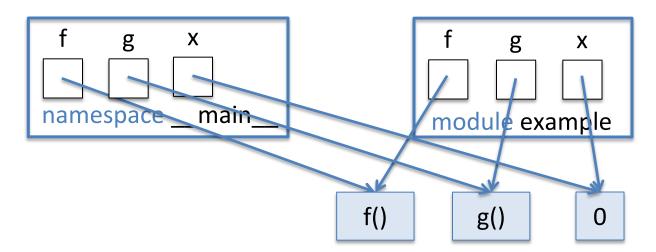
3. Import all module attributes

```
>>> from example import *
>>>
```

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')

def g():
    'function g'
    print('Executing g()')

x = 0 # global var
    example.py
```



importing all attributes

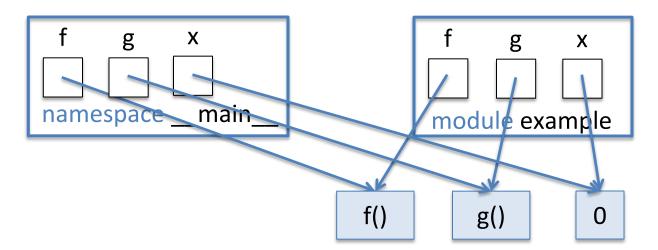
3. Import all module attributes

```
>>> from example import *
>>> f()
Executing f()
>>> g()
Executing g()
>>> x
0
>>>
```

```
'an example module'
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')

def g():
    'function g'
    print('Executing g()')

x = 0 # global var
    example.py
```



Կառուցեք module

```
import <>
def <>:
    pass
def <>:
    pass
def main():
    pass
if __name_
    main()
               example.p
```

Կառուցեք module

•օգտագործեք ձեր գրած functionները

```
import <>
def <>:
    pass
def <>:
    pass
def main():
    pass
if __name__
    main()
               example.p
```

Կառուցեք module

- •օգտագործեք ձեր գրած functionները
- •module-ը պետք է ունենա main function

```
import <>
def <>:
    pass
def <>:
    pass
def main():
    pass
if __name__
    main()
               example.p
```

```
Կառուցեք module
```

- •օգտագործեք ձեր գրած functionները
- •module-ը պետք է ունենա main function
- •huul if __name__ == "__main__"
 condition

```
import <>
def <>:
    pass
def <>:
    pass
def main():
    pass
if name__ == "__main__
    main()
               example.p
```

```
Կառուցեք module
•օգտագործեք ձեր գրած function-
ները
•module-ը պետք է ունենա main
function
•uuu if __name__ == "__main__"
condition
•տպի իր անունը
print('My name is{} '
      .format(__name___))
```

```
import <>
def <>:
    pass
def <>:
    pass
def main():
    pass
if name == " main
    main()
              example.p
```

```
Կառուցեք module
```

- •օգտագործեք ձեր գրած functionները
- •module-ը պետք է ունենա main function
- •uulif __name__ == "__main__"
 condition
- •կանչի module-ի որևէ function main-ից

```
import <>
def <>:
    pass
def <>:
    pass
def main():
    pass
if name == " main ":
    main()
              example.p
```

```
Կառուցեք module
```

- •օգտագործեք ձեր գրած functionները
- •module-ը պետք է ունենա main function
- •huul if __name__ == "__main__"
 condition
- •կանչի module-ի որևէ function main-ից
- •տպի __doc__ varable-ը

```
import <>
def <>:
    pass
def <>:
    pass
def main():
    pass
if __name__ == "__main__":
    main()
               example.p
```

```
Կառուցեք module
```

- •օգտագործեք ձեր գրած functionները
- •module-ը պետք է ունենա main function
- •uuulif __name__ == "__main__"
 condition
- •կանչի module-ի որևէ function main-ից
- •տպի __doc__ varable-ը
- •տպի __file__ variable-ը

```
import <>
def <>:
    pass
def <>:
    pass
def main():
    pass
if __name__ == "__main__":
    main()
               example.p
```

```
Կառուցեք module
```

- •օգտագործեք ձեր գրած functionները
- •module-ը պետք է ունենա main function
- •huuh if __name__ == "__main__"
 condition
- •կանչի module-ի որևէ function main-ից
- •տպի __doc__ varable-ը
- •տպի ___file__ variable-ը
- •ունենա global variable-ներ

```
import <>
def <>:
    pass
def <>:
    pass
def main():
    pass
if __name__ == "__main__":
    main()
               example.p
```

```
Կառուցեք module
•օգյույցողծեր ձեր
```

- •օգտագործեք ձեր գրած functionները
- •module-ը պետք է ունենա main function
- •huul if __name__ == "__main__"
 condition
- •տպի իր անունը
 print('My name is{} '
 .format(__name___))
- •կանչի module-ի որևէ function main-ից
- •տպի __doc__ varable-ը
- •տպի __file__ variable-ը
- •ունենա global variable-ներ

```
import <>
def <>:
    pass
def <>:
    pass
def main():
    pass
if __name__ == "__main__":
    main()
               example.p
```

Ստուգեք module-ը։

- shell-ทเน์ (F5)
- command line-hg (cmd/terminal)
- import արեք module-ը shell

Solution 4

```
'an example module'
from math import sqrt, pow
x = 7 # global var
y = ['Hayer!']
def f():
    'function f'
    print('Executing f()')
def g():
    'function g'
    print('Executing g()')
def h(a,b):
    return sqrt(pow(a,2)+pow(b,2))
```

example.py

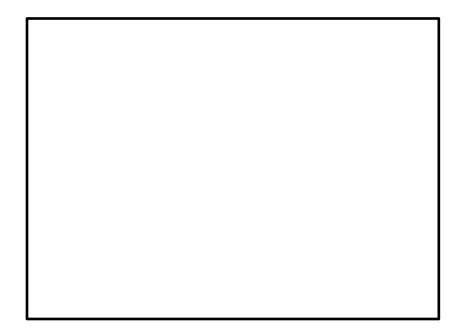
A class is really a namespace	

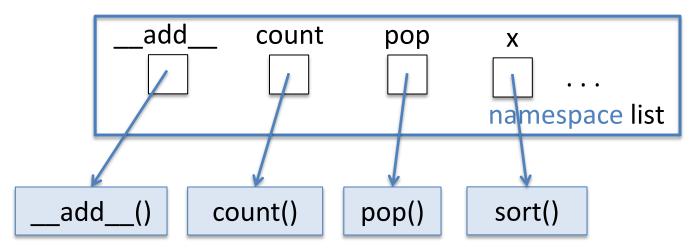
A class is really a namespace

The name of the namespace== name of the class

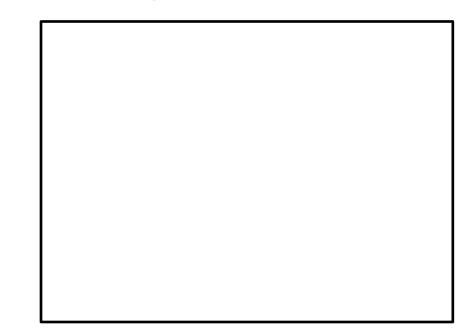
A class is really a namespace

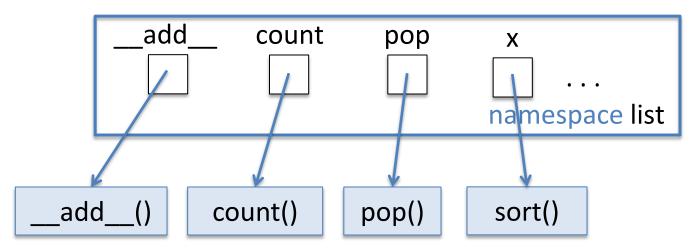
The name of the namespace== name of the class





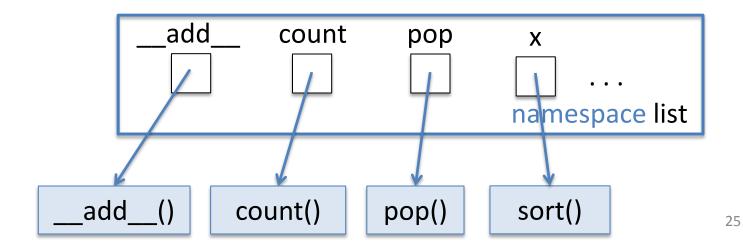
- The name of the namespace== name of the class
- names in this namespace are the class attributes (e.g., class methods)





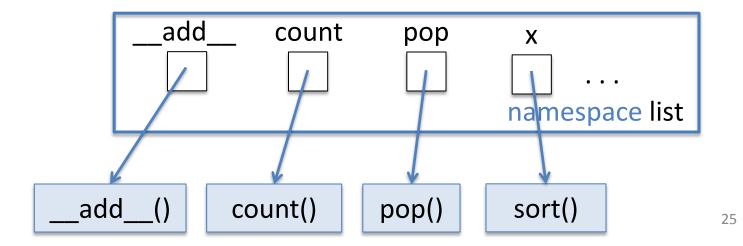
- The name of the namespace== name of the class
- names in this namespace are the class attributes (e.g., class methods)
- The class attributes accessed using the standard namespace notation '.' operator





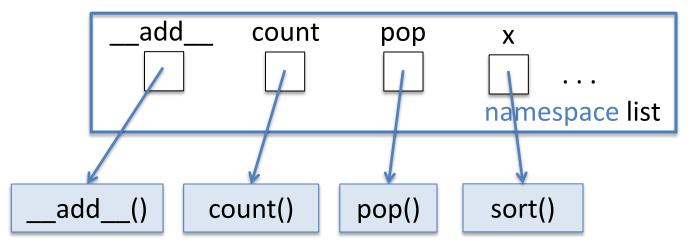
- The name of the namespace== name of the class
- names in this namespace are the class attributes (e.g., class methods)
- The class attributes accessed using the standard namespace notation '.' operator

```
>>> list.pop
<method 'pop' of 'list' objects>
>>> list.sort
<method 'sort' of 'list' objects>
```



- The name of the namespace== name of the class
- names in this namespace are the class attributes (e.g., class methods)
- The class attributes accessed using the standard namespace notation '.' operator

```
>>> list.pop
<method 'pop' of 'list' objects>
>>> list.sort
<method 'sort' of 'list' objects>
>>> dir(list)
['__add__', '__class__',
...
'index', 'insert', 'pop', 'remove',
'reverse', 'sort']
```

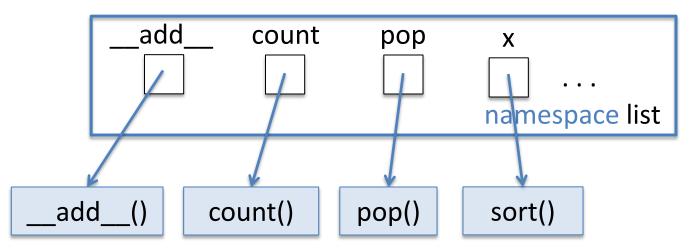


A class is really a namespace

- The name of the namespace== name of the class
- names in this namespace are the class attributes (e.g., class methods)
- The class attributes accessed using the standard namespace notation '.' operator

```
>>> list.pop
<method 'pop' of 'list' objects>
>>> list.sort
<method 'sort' of 'list' objects>
>>> dir(list)
['__add__', '__class__',
...
'index', 'insert', 'pop', 'remove',
'reverse', 'sort']
```

Function dir(): list class attributes



class method-ը function է սահմանված class-ի namespace-ում.

Երբ Python-ը կատարում է

lst.sort()

այն սկզբում թարգմանում է

list.sort(lst)

```
>>> lst = [9, 1, 8,
2, 7, 3]
>>> lst
[9, 1, 8, 2, 7, 3]
>>> lst.sort()
>>> lst
[1, 2, 3, 7, 8, 9]
>>>
```

class method-ը function է սահմանված class-ի namespace-ում.

Երբ Python-ը կատարում է

```
lst.sort()
```

այն սկզբում թարգմանում է

```
list.sort(lst)
```

```
>>> lst = [9, 1, 8,
[9, 1, 8, 2, 7, 3]
>>> lst.sort()
>>> 1st
[1, 2, 3, 7, 8, 9]
>>> lst = [9, 1, 8,
2, 7, 3]
>>> 1st
[9, 1, 8, 2, 7, 3]
>>> list.sort(lst)
>>> 1st
[1, 2, 3, 7, 8, 9]
```

class method-ը function է սահմանված class-ի namespace-ում.

Երբ Python-ը կատարում է

lst.append(6)

այն սկզբում թարգմանում է

list.append(lst, 6)

```
>>> lst = [9, 1, 8,
[9, 1, 8, 2, 7, 3]
>>> lst.sort()
[1, 2, 3, 7, 8, 9]
>>> lst = [9, 1, 8,
2, 7, 3]
>>> 1st
[9, 1, 8, 2, 7, 3]
>>> list.sort(lst)
>>> 1st
[1, 2, 3, 7, 8, 9]
>>> lst.append(6)
[1, 2, 3, 7, 8, 9, 6]
```

class method-ը function է սահմանված class-ի namespace-ում. Երբ Python-ը կատարում է

lst.append(6)

այն սկզբում թարգմանում է

list.append(lst, 6)

```
>>> lst = [9, 1, 8,
2, 7, 3]
>>> lst
[9, 1, 8, 2, 7, 3]
>>> lst.sort()
>>> 1st
[1, 2, 3, 7, 8, 9]
>>> lst = [9, 1, 8,
2, 7, 3]
>>> 1st
[9, 1, 8, 2, 7, 3]
>>> list.sort(lst)
>>> 1st
[1, 2, 3, 7, 8, 9]
>>> lst.append(6)
>>> 1st
[1, 2, 3, 7, 8, 9, 6]
>>> list.append(lst,
5)
>>> lst
[1, 2, 3, 7, 8, 9, 6,
```

```
class method-ը function է սահմանված
class-ի namespace-ում.
Երբ Python-ը կատարում է
```

```
instance.method(arg1, arg2, ...)
```

այն սկզբում թարգմանում է

```
class.method(instance, arg1, arg2, ...)
```

```
>>> lst = [9, 1, 8,
[9, 1, 8, 2, 7, 3]
>>> lst.sort()
>>> lst
[1, 2, 3, 7, 8, 9]
>>> lst = [9, 1, 8,
2, 7, 3]
>>> 1st
[9, 1, 8, 2, 7, 3]
>>> list.sort(lst)
>>> lst
[1, 2, 3, 7, 8, 9]
>>> lst.append(6)
>>> 1st
[1, 2, 3, 7, 8, 9, 6]
>>> list.append(lst,
5)
[1, 2, 3, 7, 8, 9, 6,
```

```
class method-ը function է սահմանված class-ի namespace-ում. Երբ Python-ը կատարում է instance.method(arg1, arg2, ...)
```

այն սկզբում թարգմանում է

```
class.method(instance, arg1, arg2, ...)
```

և կատարում է այ**ս** վերջի statement-ը

function-ը ունի extra argument, որը method-ը հայցող object-ն է

```
>>> lst = [9, 1, 8,
2, 7, 3]
>>> lst
[9, 1, 8, 2, 7, 3]
>>> lst.sort()
>>> lst
[1, 2, 3, 7, 8, 9]
>>> lst = [9, 1, 8,
2, 7, 3]
>>> 1st
[9, 1, 8, 2, 7, 3]
>>> list.sort(lst)
>>> 1st
[1, 2, 3, 7, 8, 9]
>>> lst.append(6)
>>> lst
[1, 2, 3, 7, 8, 9, 6]
>>> list.append(lst,
5)
>>> lst
[1, 2, 3, 7, 8, 9, 6,
```

Գրեք Python statement օգտագորելով այս գրառումը class.method(instance, arg1, arg2, ...) և ոչ թե instance.method(arg1, arg2, ...)

```
>>> s = "To Be Or Not To Be"
>>> s.lower()
'to be or not to be'
>>> s.find("Be")
>>> s.replace("Be","BE")
'To BE Or Not To BE'
>>> s.split()
['To', 'Be', 'Or', 'Not', 'To', 'Be']
>>> ' '.join(s.split())
'To Be Or Not To Be'
>>> '--'.join(s.split())
'To--Be--Or--Not--To--Be'
```

Գրեք Python statement օգտագորելով այս գրառումը class.method(instance, arg1, arg2, ...) և ոչ թե

```
>>> s = "To Be Or Not To Be"
>>> s.lower()
'to be or not to be'
>>> s.find("Be")
>>> s.replace("Be","BE")
'To BE Or Not To BE'
>>> s.split()
['To', 'Be', 'Or', 'Not', 'To', 'Be']
>>> ' '.join(s.split())
'To Be Or Not To Be'
>>> '--'.join(s.split())
'To--Be--Or--Not--To--Be'
```

instance.method(arg1, arg2, ...)

```
>>> str.lower(s)
'to be or not to be'
>>> str.find(s,'Be')
3
>>> str.replace(s,'Be','BE')
'To BE Or Not To BE'
>>> str.split(s)
['To', 'Be', 'Or', 'Not',
'To', 'Be']
>>> str.join('--',s.split())
'To--Be--Or--Not--To--Be'
```

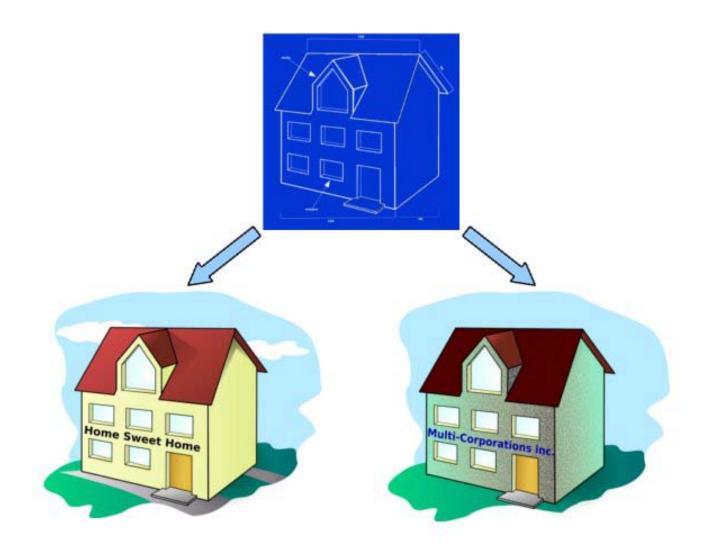
References

- 1. Franek. "CS 1MD3 Introduction to Programming." Accessed July 8, 2014.
- 2. "The Python Tutorial Python 3.4.1 Documentation." Accessed August 2, 2014. https://docs.python.org/3.4/tutorial/.
- 3. "Recursion Problem Solving with Algorithms and Data Structures." Accessed December 19, 2014. http://interactivepython.org/courselib/static/pythonds/ s/Recursion/recursionsimple.html.

empty class

```
class Example():
     def methodA(self):
           pass
     def methodB(self):
           pass
                                             Objects
                                Frames
                                               Example class
e = Example()
                          Global frame
                                               hide attributes
e.methodA()
                            Example
                                                        function
                                                methodA
e.methodB()
                                                        methodA(self)
                                                        function
                                                methodB
                                                        methodB(self)
                                               Example instance
```

Classes and Objects



Classes and Objects

