

Orale Fisica

Giuseppe Facchi

# Indice

<b>1</b>	<b>Lavoro ed Energia</b>	<b>3</b>
1.1	Introduzione . . . . .	3
1.2	Sistemi e Ambienti . . . . .	3
1.3	Lavoro . . . . .	4
1.4	Energia Cinetica . . . . .	5
1.5	Lavoro svolto da una molla . . . . .	6
1.6	Lavoro della forza gravitazionale . . . . .	7
1.7	Forze conservative . . . . .	8
1.8	Energia potenziale . . . . .	8
1.8.1	Energia potenziale gravitazionale . . . . .	8
1.8.2	Energia potenziale elastica . . . . .	8

# 1 Lavoro ed Energia

## 1.1 Introduzione

L'energia è presente nell'Universo in **varie forme**. **Ogni** processo fisico nell'Universo coinvolge *energia e trasferimenti o trasformazioni ed energia*.

Sfortunatamente, però, essa **non è facile da definire**.

Per parlare di energia occorre definire il concetto di **sistema** e il concetto di **ambiente**.

## 1.2 Sistemi e Ambienti

Si definisce **sistema** un modello secondo il quale la nostra attenzione viene concentrata su una **piccola regione dell'Universo**, ignorando i dettagli del resto.

Occorre quindi *saper identificare il sistema corretto*. Un sistema può:

- Essere un singolo oggetto o particella
- Essere un insieme di oggetti o particelle
- Essere una regione dello spazio
- Variare in dimensioni e forma

Si definisce **contorno del sistema** la superficie **immaginaria**, che potrebbe anche coincidere con una superficie fisica, che **divide** il sistema dall'ambiente

Si definisce **ambiente** l'area che agisce sul sistema attraverso il suo contorno

### 1.3 Lavoro

Il **lavoro** fatto su un sistema da una causa che esercita una forza costante sul sistema è il prodotto del modulo della forza  $F$ , del modulo dello spostamento  $\Delta r$  del punto di applicazione della forza e di  $\cos \theta$ , essendo  $\theta$  l'angolo compreso tra il vettore forza ed il vettore spostamento.

$$W = F \Delta r \cos \theta$$

- È una **grandezza scalare**
- Il **segno** dipende dalla direzione di  $F$  relativamente a  $\Delta r$
- L'**unità di misura** è il  $J [N \cdot m]$

Il lavoro rappresenta un **trasferimento di energia**

- *dal* sistema se **negativo**
- *al* sistema se **positivo**

**Lavoro con forza variabile** È la sommatoria di tutte le aree sottese del grafico Forza-spostamento con spostamento infinitesimale

$$\int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$

Se su un sistema agisce **più di una forza** ed esso **può essere assimilato ad una particella**, il lavoro compiuto è il lavoro compiuto dalla **forza risultante**.

## 1.4 Energia Cinetica

Si definisce **energia cinetica** la forma di energia conseguente ad un **lavoro compiuto su un sistema**, relativa ad un suo **cambio di velocità**.

Segue l'equazione

$$W_{est} = \frac{1}{2}mv_f^2 - \frac{1}{2}mv_i^2$$

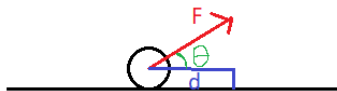
Quest'equazione ci dice che il **lavoro svolto dalla forza risultante su un particella di massa  $m$**  è uguale alla differenza fra i valori finale e iniziale della grandezza  $\frac{1}{2}mv^2$

Si deduce quindi che il lavoro compiuto dalla forza risultante è pari alla **variazione di energia cinetica** della particella

$$W_{est} = K_f - K_i = \Delta K$$

Quest'equazione è nota come **teorema dell'energia cinetica**, ovvero: Quando viene svolto un lavoro su un sistema e la **sola** variazione nel sistema è il modulo della sua velocità, il lavoro compiuto dalla forza risultante è uguale alla variazione di energia cinetica del sistema

**Dimostrazione:**



- Trovo  $F_x = F \cdot \cos \theta = ma_x$
- Se  $F_x$  è **costante** anche  $a$  lo è, quindi posso ricavare la velocità da  $v_f^2 = v_i^2 + 2ad \rightarrow a = \frac{v_f^2 - v_i^2}{2d}$
- Sostituendo  $a_x$  ottengo  $F_x = m \frac{v_f^2 - v_i^2}{2d}$
- $F_x d = \frac{1}{2}mv_f^2 - \frac{1}{2}mv_i^2 = \Delta K$

## 1.5 Lavoro svolto da una molla

Legge di Hook:

$$F_m = -kx$$

dove  $x$  è la posizione del blocco rispetto all'equilibrio

- Da  $x_i = 0$  a  $x_f = +x_{max} \rightarrow$  Lavoro **negativo**
- Da  $x_i = -x_{max}$  a  $x_f = +x_{max} \rightarrow$  Lavoro **nullo**
- Da  $x_i = +x_{max}$  a  $x_f = 0 \rightarrow$  Lavoro **positivo**

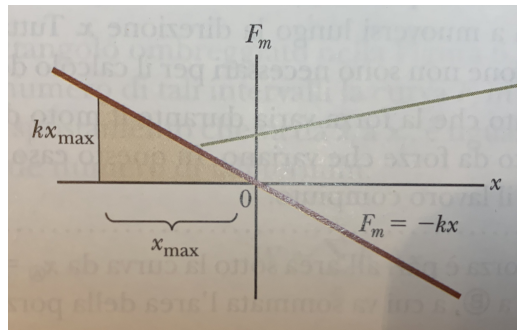


Figura 1: Il lavoro corrisponde all'area del triangolo, quindi  $W = -\frac{1}{2}kx^2$

Se il blocco compie uno spostamento arbitrario da  $x_i$  a  $x_f$  allora il lavoro sarà dato da

$$W_{est} = \int_{x_i}^{x_f} kx \, dx = \frac{1}{2}kx_f^2 - \frac{1}{2}kx_i^2$$

## 1.6 Lavoro della forza gravitazionale

La forza di gravità

- Esegue lavoro **resistente** quando il corpo sale
- Esegue lavoro **a favore** quando il corpo scende

Applicando il teorema dell'energia cinetica si ha:

- $\Delta K = K_f - K_i = L_f + L_g$
- Se  $K_f = K_i$  allora si ha che  $\Delta K = 0 = L_f + L_g$
- Quindi  $L_f = -L_g$

Ovvero la forza di gravità toglie tanta energia quanta ne ha fornita  $F$  per far salire il corpo

## 1.7 Forze conservative

Una forza è detta **conservativa** se:

- Il **lavoro totale** che compie su una **particella** è **NULLO**
- Il **lavoro** compiuto su una particella cge si muove tra due punti qualsiasi **non dipende dal percorso seguito**

## 1.8 Energia potenziale

Con energia potenziale ci si riferisce all'energia **associata alla disposizione di due o più corpi** (configurazione di un sistema)

$$\Delta U = -L$$

Ad ogni forza conservativa è associata un'energia potenziale

### 1.8.1 Energia potenziale gravitazionale

Consideriamo uno spostamento verticale  $\Delta y = y_f - y_i$

- $\Delta U = -L = -(F_g \cdot \Delta y \cdot \cos 90^\circ) = F_g \cdot \Delta y = mg \cdot \Delta y$
- Considerando  $y_i = 0 \rightarrow \Delta U = mgh$

### 1.8.2 Energia potenziale elastica

$$\Delta U = -L \rightarrow \Delta U = -\left(-\frac{1}{2}kx^2\right) \rightarrow \Delta U = \frac{1}{2}kx^2$$