Fundamentos de Algoritmos e Estrutura de Dados – Aula 06 - Grafos

Prof. André Gustavo Hochuli

gustavo.hochuli@pucpr.br aghochuli@ppgia.pucpr.br

Plano de Aula

- Grafos
 - Busca Profundidade
 - Busca Largura
 - Busca A*
- Dijkstra

Grafos

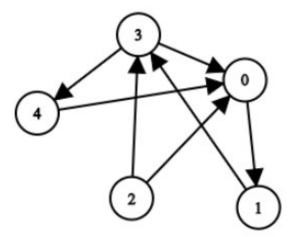
- Conjunto de Vértices e Arestas
 - Direcionado ou Não
 - Define graus de relacionamento entre objetos (arestas e vértices)
- (3) (0) (2) (1)

- Utilizado na modelagem de problemas
 - Redes Sociais
 - Relacionamento entre Empresas, Pessoas, etc

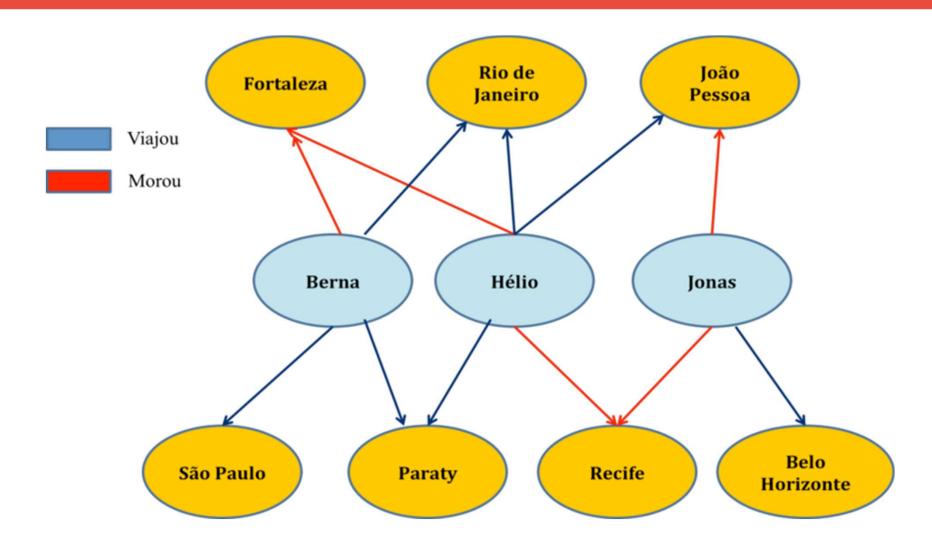


- Redes de Computadores
- Rotas Rodoviárias, Aéreas, Malha Elétrica....

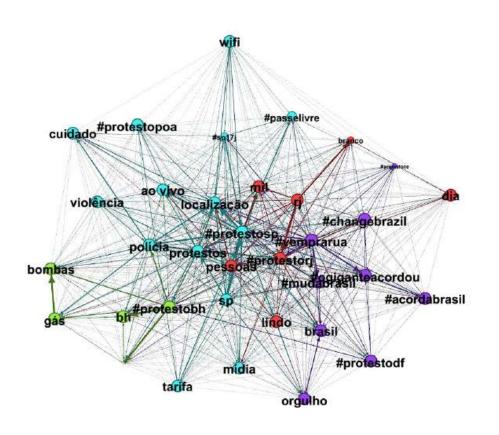


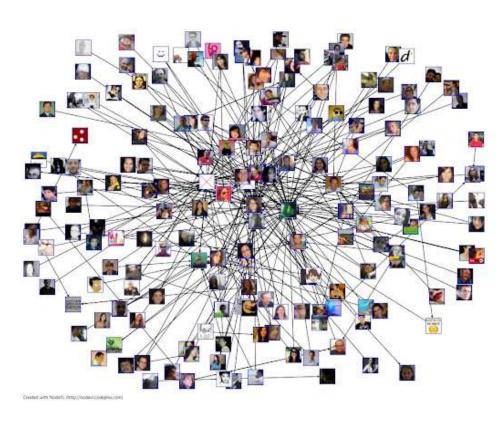


Grafos (Relacionamentos)

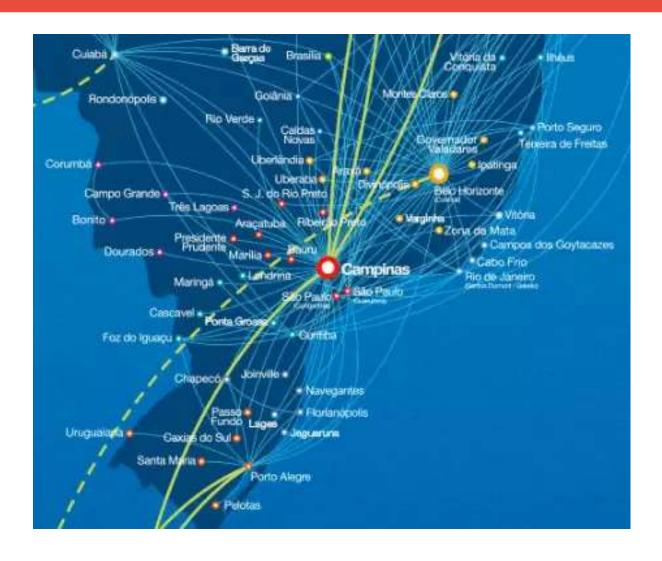


Grafos (Redes Sociais)



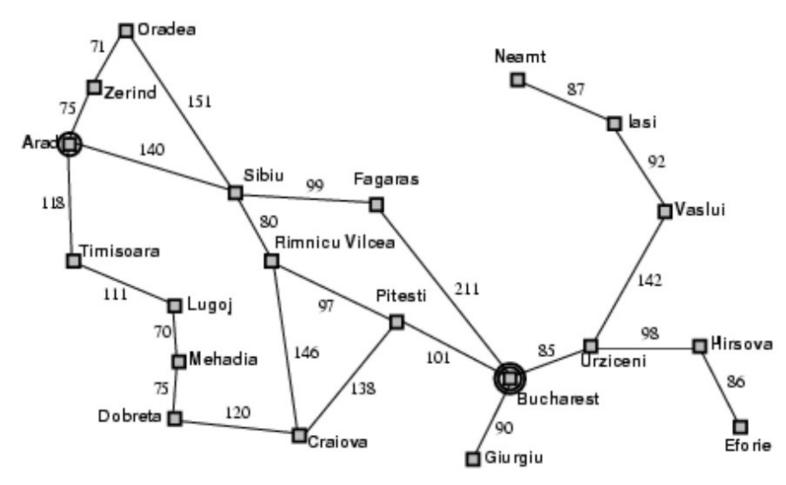


Grafos (Roteamento)

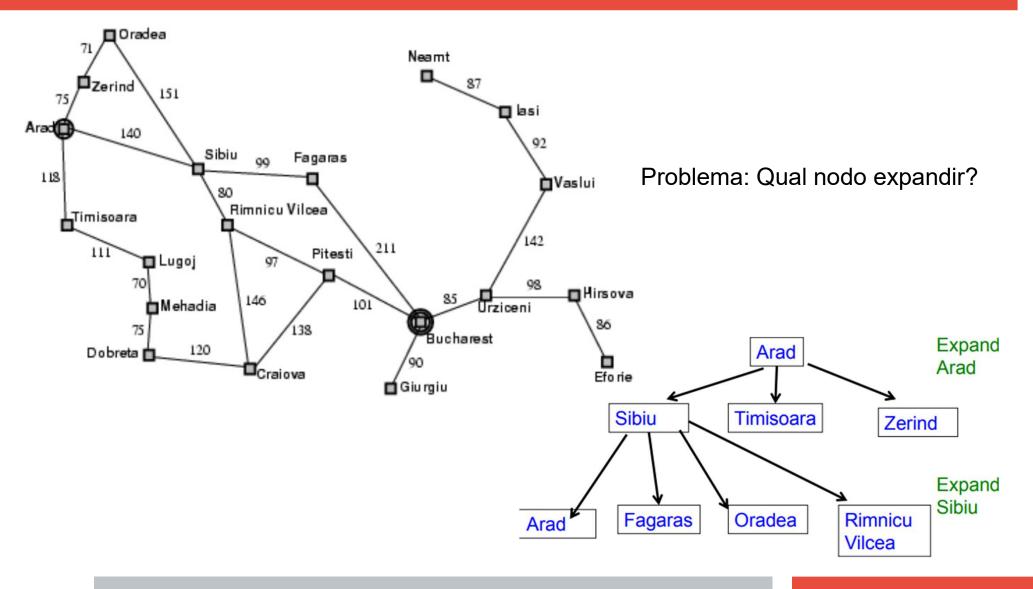


Busca Cegas (Sem Informação)

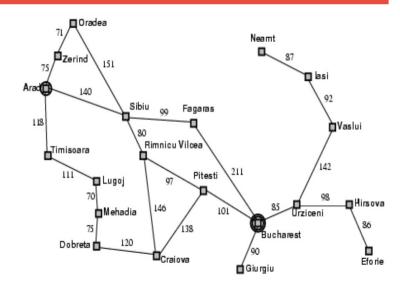
Problema: Arad → Bucharest



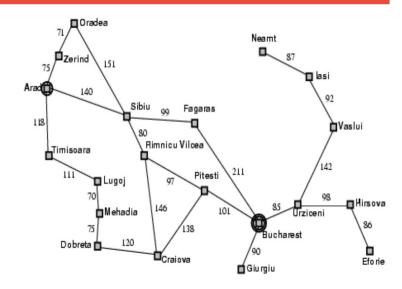
Busca Cegas (Sem Informação)



Busca Cega: Profundidade



Busca Cega: Largura



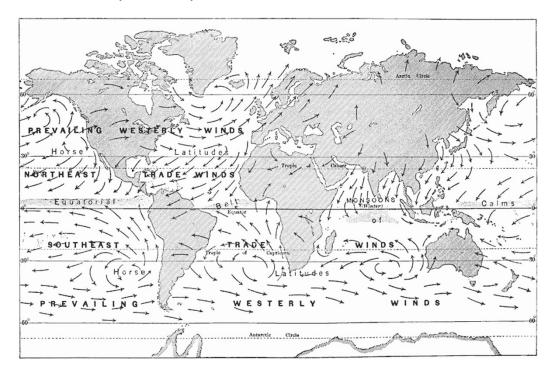
Busca Cega: Largura

- Bons resultados para arvores com pouca profundidade
- Caso contrário, o custo computacional é alto
- Exemplo
 - Ramificação b=10, 1 M nodos/seg, 1 KB por node

	nós	$1+b^1+b^2+(b^3-b) = 1+10+100+(1000-10) = 1101$	
profundidade		tempo	memória
2	(1100)	0,11 seg	1 MB
4	111.100	11 seg	106 MB
6	107	19 min	10 GB
8	109	31 horas	1 TeraB
10	1011	129 dias	101 TeraB
12	1013	35 anos	10 PentaB
14	1015	3.523 anos	1 exaB

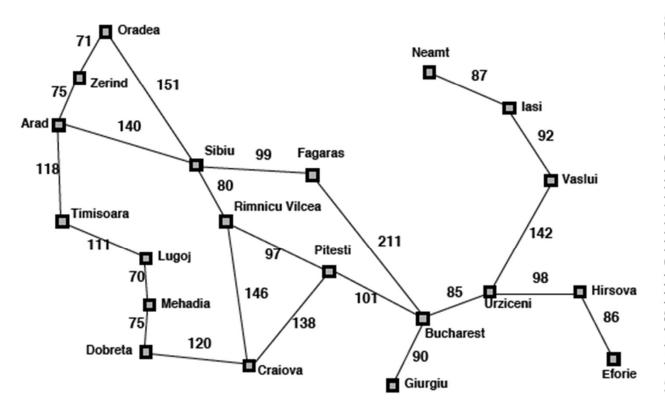
Busca Heuristica (Informada)

- Utiliza uma função heurística para determinar a próxima expansão
- Problema: Procurar um barco no oceano
 - Cega: M2 por M2
 - Heurística: Corrente Marítima, Ventos, ...



Busca Heuristica

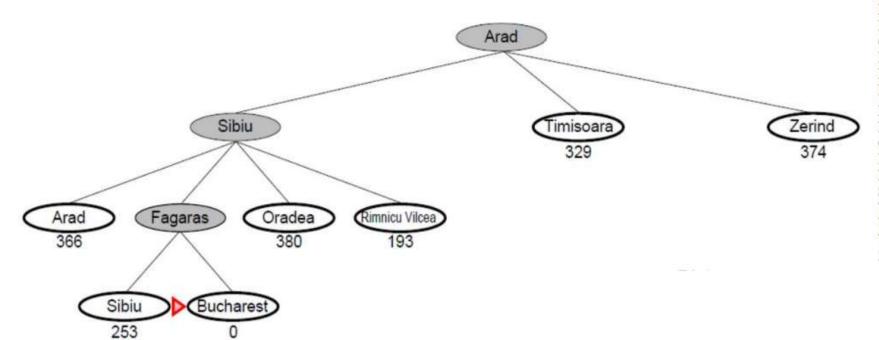
Romania with step costs in km



Straight-line dista to Bucharest	nce
Arad	366
Bucharest	0
Craiova	160
Dobreta	242
Eforie	161
Fagaras	178
Giurgiu	77
Hirsova	151
Iasi	226
Lugoj	244
Mehadia	241
Neamt	234
Oradea	380
Pitesti	98
Rimnicu Vilcea	193
Sibiu	253
Timisoara	329
Urziceni	80
Vaslui	199
Zerind	374

Busca Heuristica: Gulosa (Greedy Search)

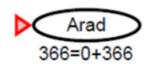
- f(n) = h(n)
 - h(n): Custo de n até folha (n→destino)

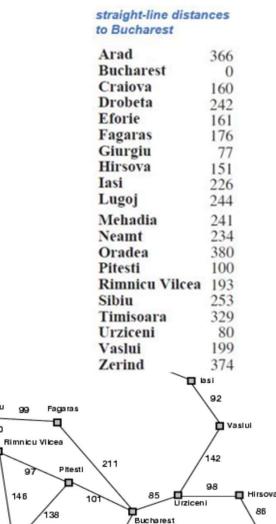


straight-line distances to Bucharest

Arad	366
Bucharest	0
Craiova	160
Drobeta	242
Eforie	161
Fagaras	176
Giurgiu	77
Hirsova	151
Iasi	226
Lugoj	244
Mehadia	241
Neamt	234
Oradea	380
Pitesti	100
Rimnicu Vilcea	193
Sibiu	253
Timisoara	329
Urziceni	80
Vaslui	199
Zerind	374

• f(n) = g(n) + h(n)





d Giurgiu

Efork

Craiova

Arad 🗂

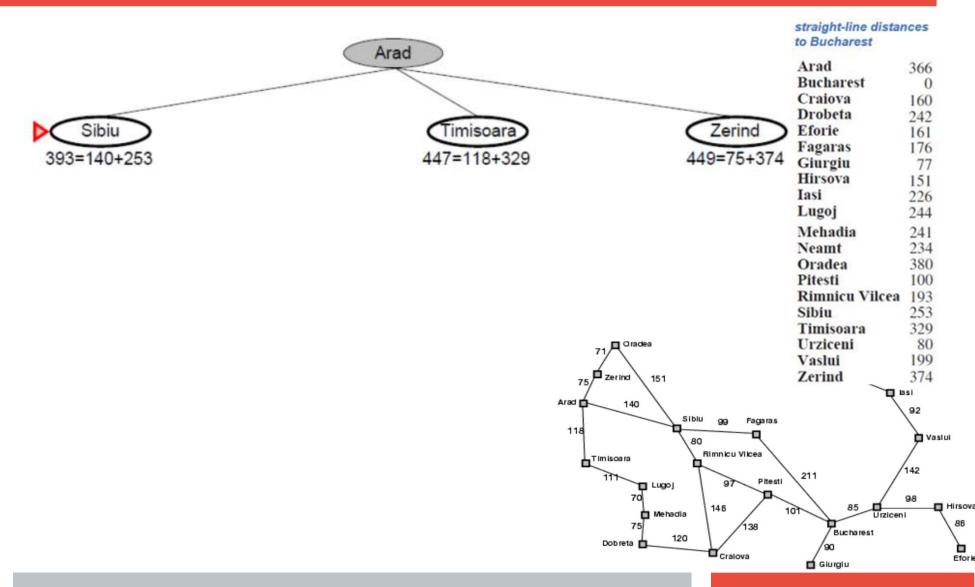
118

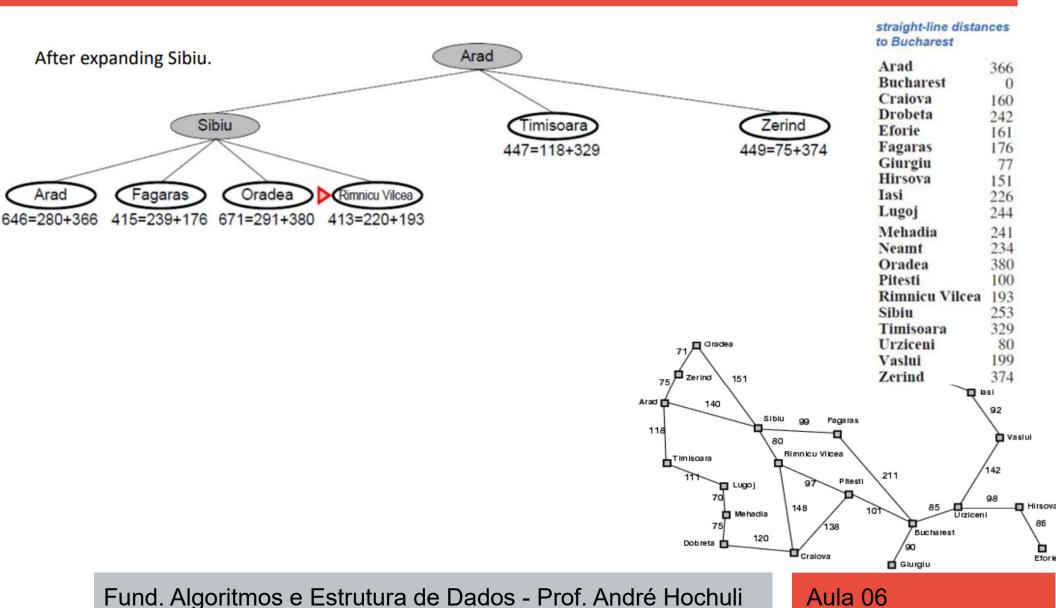
140

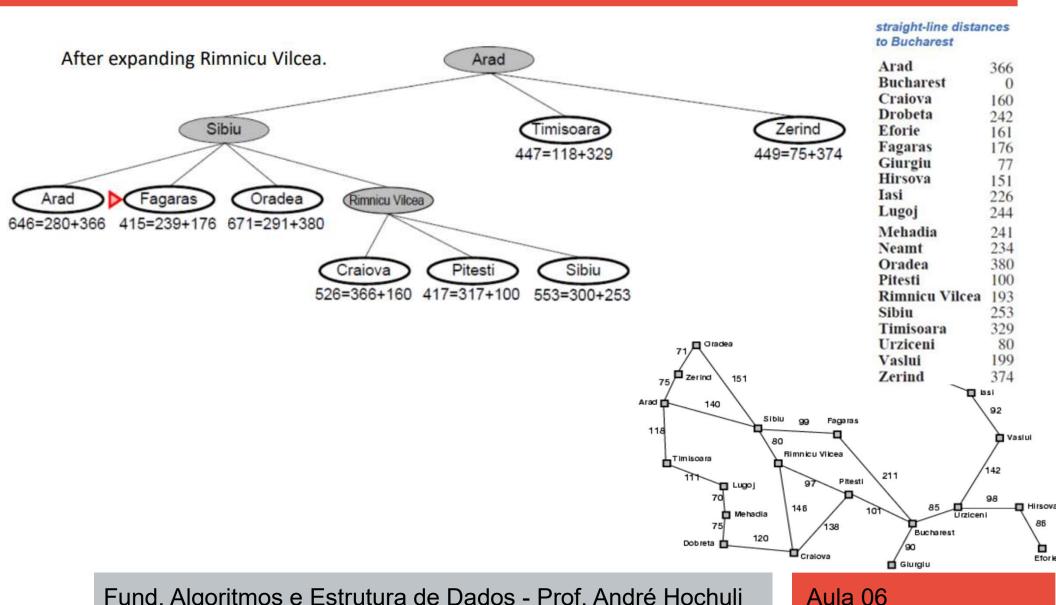
🗖 Lugoj

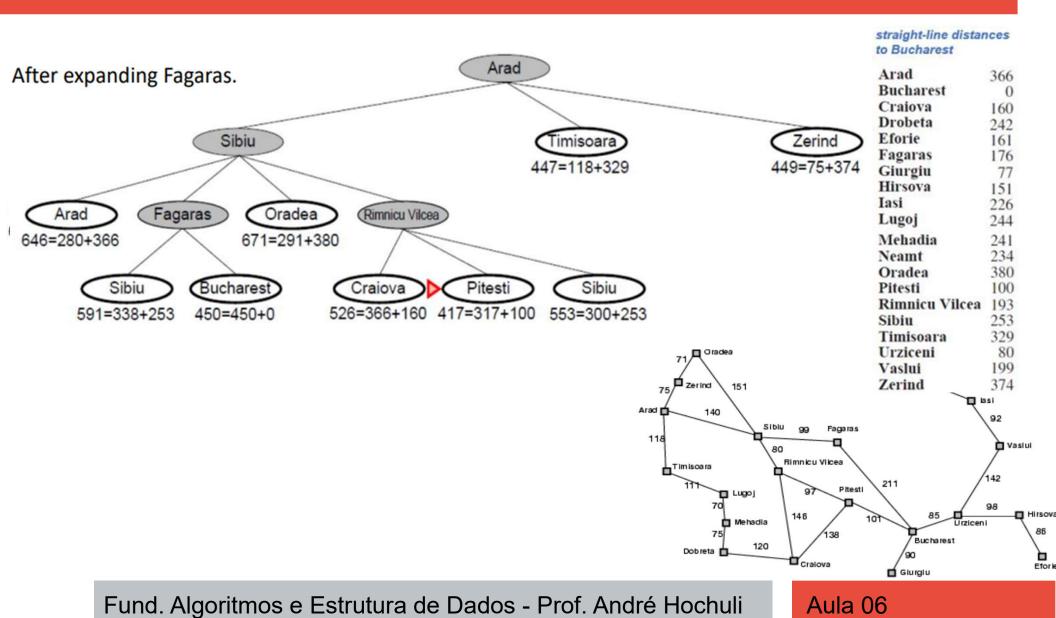
Mehadia

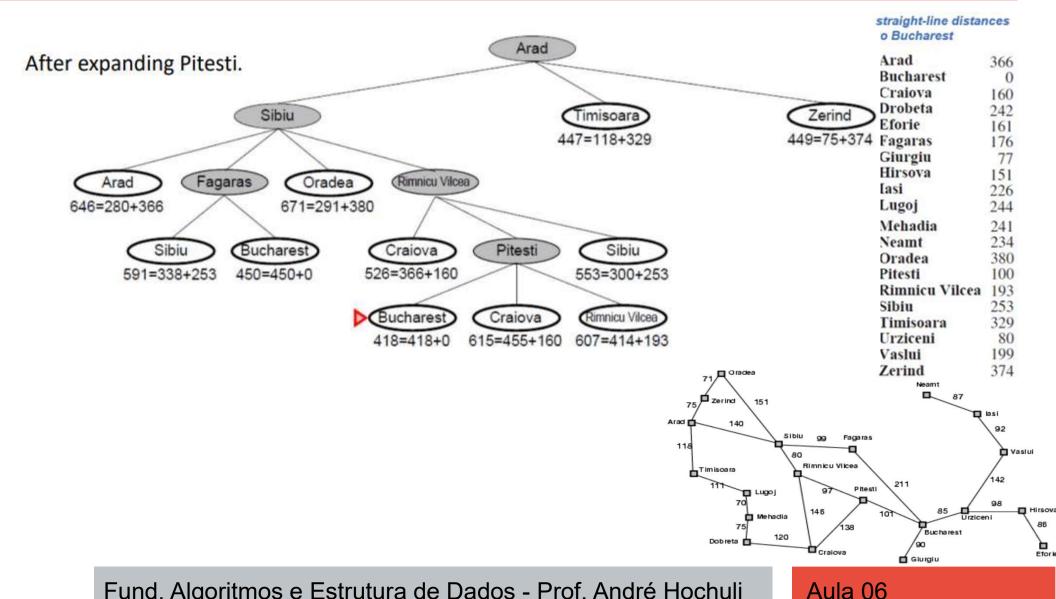
Siblu





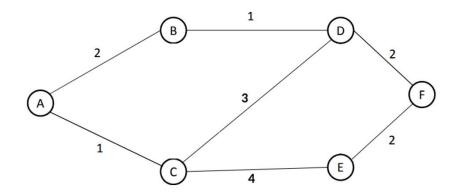


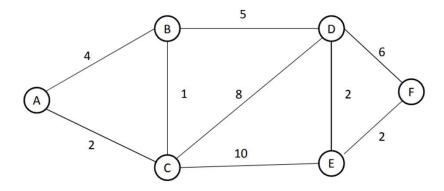




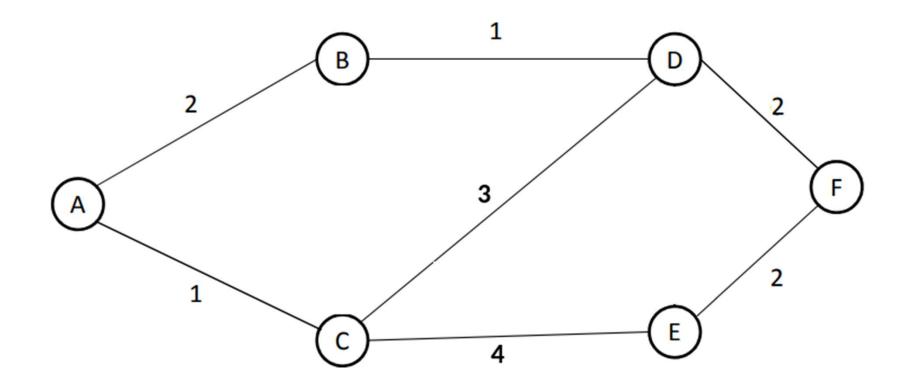
Algoritmo de Dijkstra

- Edsger Dijskstra 1959
- Caminho mais curto em grafo
- De A para F

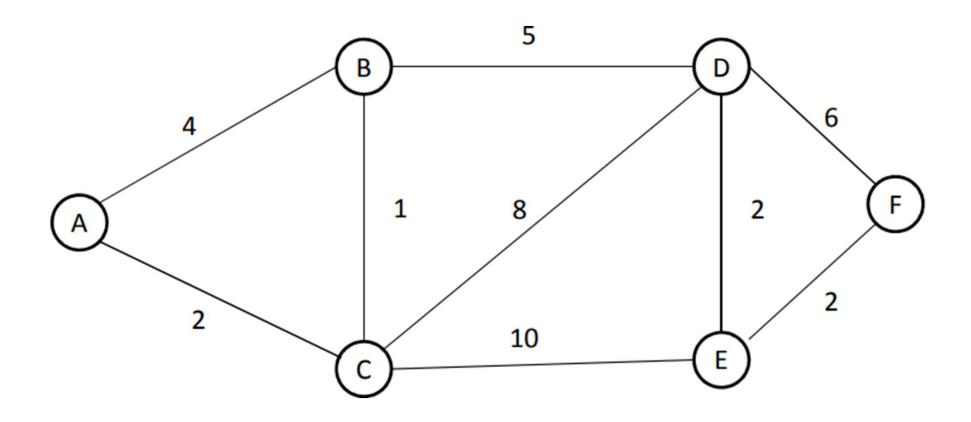




Algoritmo de Dijkstra



Algoritmo de Dijkstra



Codificando Grafos

LINK DEEPNOTE

Trabalho

- Implementação do algoritmo de Dijkstra
- Monte um grafo que represente um problema real
- Aplique o algoritmo de Dijkstra
- Utilize a biblioteca pyvis para ilustrar o grafo
- Entrega via AVA